

Ecole préparatoire de sciences et Techniques d'Oran

2^{ème} année

Examen de Statistique n°2

2011/2012

Durée : 2 heures

Exercice1 :

Afin d'estimer les intentions de vote lors du deuxième tour d'une élection présidentielle, un institut réalise un sondage. Sur 1000 personnes interrogées au hasard, 520 pensent voter pour le candidat A et 480 pour le candidat B. Donner une estimation de la proportion d'intention de vote en faveur du candidat A dans la population totale, ainsi qu'un intervalle de confiance à 95%. Combien de personnes faudrait-il sonder pour être certain d'obtenir un intervalle de confiance à 95% dont la largeur est inférieure à 0.1% ?

Exercice2 :

On suppose que le poids d'un nouveau né est une variable normale d'écart-type égal à 0,5 kg. Le poids moyen des 49 enfants nés au mois de janvier 2004 dans l'hôpital d'une certaine ville a été de 3,6 kg.

- Déterminer un intervalle de confiance à 95% pour le poids moyen d'un nouveau né dans cet hôpital.
- Quel serait le niveau de confiance d'un intervalle de longueur 0,1 kg centré en 3,6 pour ce poids moyen ?

Exercice 3 :

On a mesuré le poids de raisin produit par branche sur 10 branches prises au hasard sur un arbre. On a obtenu les résultats suivants exprimés en kilogrammes :

2.4 3.4 3.6 4.1 4.3 4.7 5.4 5.9 6.5 6.9.

On modélise le poids de raisin produit par une branche de cet arbre par une variable aléatoire de loi $N(\mu, \sigma^2)$.

- Calculer la moyenne et la variance de l'échantillon.
- Donner un intervalle de confiance de niveau 0.95 pour μ .
- On suppose désormais que l'écart-type des productions par branche est connu et égal à 1.4. Donner un intervalle de confiance de niveau 0.95 pour μ .
- Quel nombre de branches au minimum devrait-on observer pour estimer μ au niveau de confiance 0.99 avec une précision de plus ou moins 500 grammes ?

Exercice 4 :

On dispose de n observations y_1, y_2, \dots, y_n sur les durées de vie d'une certaine composante chimique. On suppose que les variables aléatoires Y_1, Y_2, \dots, Y_n de l'échantillon sont indépendantes, et qu'elles

ont comme densité la fonction :
$$f(x) = \begin{cases} -\frac{1}{\theta} & \text{si } 0 < x < -\theta \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}, \quad \text{avec } \theta < 0 .$$

Donner l'estimation du maximum de vraisemblance de θ .