

Partie cours : 6.50 pts

Exercice 1 : (les arbres) 3.50 pts

1. Soit l'arbre binaire suivant :

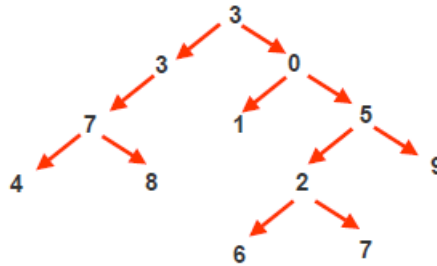


FIGURE 1 – Arbre binaire

- donnez la structure générale en C++ d'un arbre binaire,
- donner l'algorithme de parcours en profondeur préfixe,
- appliquez cet algorithme sur l'arbre de la figure 1, et donnez l'ordre préfixe des noeuds (faire la trace de l'algorithme),

Exercice 2 : (les graphes) 3.00pts

Soit le graphe suivant :

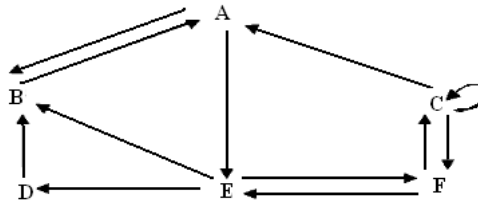


FIGURE 2 – Graphe orienté

- donnez les arcs incidents à E vers l'extérieur,
- donnez la matrice d'incidence correspondant au graphe de la figure 2.

Partie TD : 13.50 pts

Exercice 1 : (la récursivité) 2.00pts

Pour un entier $m > 0$ donné, la suite de *Syracuse* est définie par :

$$\begin{cases} u_0 = m \\ u_{n+1} = \begin{cases} \frac{u_n}{2} & \text{si } u_n \text{ est pair} \\ u_n \times 3 + 1 & \text{si } u_n \text{ est impair} \end{cases} \end{cases}$$

donnez la fonction recursive dont le prototype `int syracuse(int n, int m)`, qui calcule la suite définie ci-dessus.

Exercice 2 : (la complexité algorithmique) 4.25pts

Soit le programme en C++ suivant :

```
if (a>b)
    for(int i=5; i<=n-5;i++)
        for(int j=i-5; j<=i+5; j++)
            x=x+3;
else
    for(int i=1; i<=n;i++)
        for(int j=1; j<=n; j++)
            for(int k=1; k<=n; k++)
                x=x+b;
```

Etudiez le nombre d'additions réalisées par l'algorithme ci-dessus dans le meilleur cas, le pire cas, puis dans le cas moyen en supposant que les tests ont une probabilité de $\frac{1}{2}$ d'être vrai.

Exercice 3 : (les listes chaînées) 7.25pts

Un rectangle est défini par sa couleur, sa hauteur et sa largeur :

1. donnez la structure *ListRec* d'une liste chaînée, dans laquelle on pourra ranger les informations de plusieurs rectangles,
2. donnez les fonctions :
 - (a) *Ajouter*, pour ajouter un élément au niveau de l'en-tête de la liste,
 - (b) *Supprimer*, pour supprimer un élément de la liste au niveau de l'en-tête,
 - (c) *Afficher*, pour afficher la couleur et la surface de chaque rectangle rangé dans la liste,
3. en faisant appel, aux fonctions ci-dessus, donnez le programme principal qui permet de :
 - saisir et insérer les informations de 100 rectangles,
 - afficher la couleur et la surface de chaque rectangle de la liste,
 - supprimer les 10 derniers éléments insérés,

Partie cours :6.50 pts

Exercice 1 : (les arbres) 3.50 pts

1. la structure générale en C++ d'un arbre binaire : (0.25pts *5)

```
struct Noeud
{
    TypeElt elt;
    Noeud * gauche;
    Noeud * droit;
}
Noeud * T; // la racine de l'arbre
```

2. l'algorithme de parcours en profondeur préfixe : (0.25pts *5)

```
void parcours_profondeur_prefixe(Noeud*T)
{
    if (! est_vide(T))
    {
        traiter(T); // Traiter le noeud T
        parcours_profondeur_prefixe(gauche(T));
        parcours_profondeur_prefixe(droit(T));
    }
}
```

3. application de l'algorithme sur l'arbre : (1.00 pts)

la fonction *parcours_profondeur_prefixe* traite les noeuds de l'arbre dans l'ordre : racine, gauche, droite, ce qui donne :

3-3-7-4-8-0-1-5-2-6-7-9

Exercice 2 : (les graphes) 3.00pts

1. les arcs incidents à E vers l'extérieur : (0.5pts*3)

(E,B),(E,D) et (E,F)

2. la matrice d'incidence correspondant au graphe : (0.25pts*6)

	A	B	C	D	E	F
A	0	1	0	0	1	0
B	1	0	0	0	0	0
C	1	0	1	0	0	1
D	0	1	0	0	0	0
E	0	1	0	1	0	1
F	0	0	1	0	1	0

Partie TD : 13.50 pts

Exercice 1 : (la récursivité) 2.00pts

```
int syracuse(int n, int m)
{
    if(n==0) return m;      (0.5 pt)
    else
```

```

    if (syracuse(n-1,m)\%2) return (syracuse(n-1,m)*3+1);      (0.5+0.5 pt)
    else return (syracuse(n-1,m)/2);      (0.5pt)
}

```

Exercice 2 : (la complexité algorithmique) 4.25pts

si (a b) le nombre d'additions est : (1.00 pt)

$$C1(n) = \sum_{i=5}^{n-5} \sum_{j=i-5}^{i+5} 1 = \sum_{i=5}^{n-5} 11 = 11 * \sum_{i=5}^{n-5} 1 = 11 * (\sum_{i=1}^{n-5} - \sum_{i=1}^4) = 11 * (\sum_{i=1}^{n-5} - 4) = 11 * (n - 5 - 4) = 11(n - 9).$$

sinon le nombre d'additions est : (1.00 pt)

$$C2(n) = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \sum_{k=1}^n 1 = n.n.n = n^3$$

Ce qui donne :

– le meilleur cas : $Min_A(n) = 11(n - 9)$ (0.75 pt)

– le pire cas : $Max_A(n) = n^3$ (0.75 pt)

– le cas moyen : $Moy_A(n) = \frac{1}{2}.11.(n - 9) + \frac{1}{2}.n^3 = \frac{1}{2}.n^3 + \frac{11}{2}.n - \frac{9}{2}$ (0.75 pt)

Exercice 3 : (les listes chaînées) 7.25pts

```

#include <iostream>
#include <string.h>
using namespace std;

```

```

/**La structure**/      (0.25pt *6)

```

```

struct ListRec{
    string couleur;
    float hauteur;
    float largeur;
    ListRec *next;
};
struct ListRec* tete;

```

```

/** La fonction Ajouter **/      (0.25pt * 7)

```

```

ListRec * Ajouter(ListRec *&tete,string c,float h, float l)
{
    ListRec *lr = new ListRec;
    if (!lr) cout << "Plus de mémoire" << endl;
    else{
        lr->couleur = c;
        lr->hauteur = h;
        lr->largeur = l;
        lr->next = tete;
        tete = lr;
    }
}

```

```

/** La fonction Supprimer **/      (0.25pt * 4)

```

```

ListRec * Supprimer(ListRec *&tete)
{
    ListRec *lr = tete;
    tete = lr->next;
    delete lr;
}

```

```

/** La fonction Afficher **/      (0.25pt * 4)

```

```

void Afficher(ListRec * tete)

```

```

{
ListRec *lr = tete;
while(lr!=NULL)
{
cout << "Couleur = " << lr->couleur;
cout << "Surface = " << lr->hauteur * lr->largeur;
}
}

/** Le programme principal **/          (0.25pt * 8)
main( )
{
tete = NULL;
string c;
float h,l;
for(int i=0; i<100; i++)
{
cout << "Couleur = " ; cin >> c;
cout << "Hauteur = "; cin >> h;
cout << "Largeur = "; cin >> l;
Ajouter(tete,c,h,l);
}
Afficher(tete);
for(int i=0; i<10; i++)
{
Supprimer(tete);
}
}

```