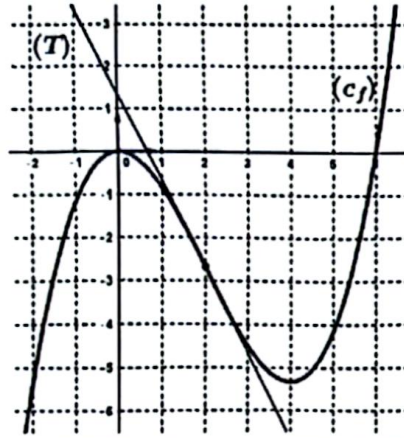


العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)															
العلامة	مجزأة																
<b>التمرين الأول (06 نقاط)</b>																	
4	1×2	(أ) $a = 630 \times 9 + 8$ ، باقي القسمة الإقليدية لـ $a$ على 9 هو 8 $b = 137 \times 9 + 1$ ، باقي القسمة الإقليدية لـ $b$ على 9 هو 1															
	1	(ب) $a \equiv 8[9]$ أي $a + 1 \equiv 0[9]$ ومنه: $a \equiv -1[9]$															
	1	(ج) $a^2 \equiv 1[9]$ و $b \equiv 1[9]$ ومنه: $a^2 \equiv b[9]$															
1	1	$3a^2 + 2b^3 + 4 \equiv 0[9]$ أي $3a^2 + 2b^3 + 4 \equiv 3 + 2 + 4[9]$															
1	0,5	(أ) $7a^{2026} + b^{1447} \equiv 8[9]$ أي $7a^{2026} + b^{1447} \equiv 7 + 1[9]$															
	0,5	(ب) $7a^{2026} + b^{1447} + n + 1 \equiv 0[9]$ أي $n \equiv 0[9]$ ، ( $n$ مضاعف لـ 9)															
<b>التمرين الثاني (06 نقاط)</b>																	
2	1×2	$r = 8$ ، $u_3 = 23$															
3	1	(أ) من أجل كل عدد طبيعي $n$ ، $u_n = 8n - 1$															
	0,5	المتتالية $(u_n)$ متزايدة تماما.															
	0,5+1	(ب) $u_n = 791$ يعني $n = 99$ ، الرتبة: 100															
1	0,5	(أ) $S_n = 4n^2 + 3n - 1$															
	0,5	(ب) $4n^2 + 3n - 351 = 0$ تعني $n = 9$															
<b>التمرين الثالث (08 نقاط)</b>																	
1	0,5×2	$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$															
3	1	(أ) من أجل كل عدد حقيقي $x$ ، $f'(x) = \frac{1}{2}x(x-4)$															
	0,5	(ب) إشارة $f'(x)$															
	0,5	$f$ متزايدة تماما على كل من $]-\infty ; 0]$ و $[4 ; +\infty[$ ومتناقصة تماما على $[0 ; 4]$															
1	1	جدول التغيرات:															
		<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td><math>x</math></td> <td><math>-\infty</math></td> <td>0</td> <td>4</td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td><math>f'(x)</math></td> <td>+</td> <td>0</td> <td>-</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td><math>f(x)</math></td> <td><math>-\infty</math></td> <td>0</td> <td><math>-\frac{16}{3}</math></td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> </table>	$x$	$-\infty$	0	4	$+\infty$	$f'(x)$	+	0	-	0	$f(x)$	$-\infty$	0	$-\frac{16}{3}$	$+\infty$
$x$	$-\infty$	0	4	$+\infty$													
$f'(x)$	+	0	-	0													
$f(x)$	$-\infty$	0	$-\frac{16}{3}$	$+\infty$													

1,75	0,5 0,25×2	(أ) من أجل كل عدد حقيقي $x$ ، $f'''(x) = x - 2$ ، $f''$ تتعدم وتغير إشارتها عند 2 ، نقطة انعطاف لـ $(C_f)$	(3)
	0,75	(ب) $(T): y = -2x + \frac{4}{3}$	
2,25	0,5×2	(أ) للمعادلة $f(x) = 0$ حلان هما: 0 ، 6	(4)
	0,25×2 0,25	(ب) $f(7) = \frac{49}{6}$ ، $f(-1) = -\frac{7}{6}$ رسم $(T)$	
	0,5	رسم $(C_f)$	



ملاحظة: تُقبل جميع طرائق الحل الصحيحة مع التقيد بسلم التنقيط.

العلامة		عناصر الإجابة ( الموضوع الثاني )															
العلامة	مجزأة																
<b>التمرين الأول ( 06 نقاط )</b>																	
3	1×2	(أ) $a = 289 \times 7 + 3$ ، باقي القسمة الإقليدية لـ $a$ على 7 هو 3 $b = 206 \times 7 + 5$ ، باقي القسمة الإقليدية لـ $b$ على 7 هو 5															
	1	(ب) $5a - 3b \equiv 0 [7]$ ومنه: $5a - 3b$ يقبل القسمة على 7															
2	1	$a^3 \equiv -1 [7]$ ومنه: $a^3 \equiv 6 [7]$															
	1	$a^{2976} = (a^3)^{992} \equiv 1 [7]$															
1	0,5	(أ) $a^{2976} + b + 50 \equiv 0 [7]$ أي $a^{2976} + b + 50 \equiv 1 + 5 + 50 [7]$															
	0,5	(ب) $a^{2976} + b + n + 1 \equiv 0 [7]$ يعني $n \equiv 0 [7]$ ، ( $n$ مضاعف للعدد 7)															
<b>التمرين الثاني ( 06 نقاط )</b>																	
2	0,5×4	(1) $u_0 = 3$ ، $u_1 = 6$ ، $u_2 = 12$ ، التخمين: المتتالية $(u_n)$ متزايدة تماما.															
3	1	(أ) من أجل كل عدد طبيعي $n$ ، $u_{n+1} = 2u_n$															
	0,5	(2) $q > 1$ و $u_0 > 0$ ومنه: المتتالية $(u_n)$ متزايدة تماما.															
	0,5+1	(ب) $u_n = 1536$ يعني $n = 9$ ، الرتبة: 10															
1	0,5	(3) $S_n = 3(2^{n+1} - 1)$															
	0,5	$T_n = S_n + \frac{1}{2}n(n+1) = 3 \times 2^{n+1} + \frac{1}{2}n^2 + \frac{1}{2}n - 3$															
<b>التمرين الثالث ( 08 نقاط )</b>																	
3,5	0,5×4	(أ) $f'(-2) = 0$ ، $f'(1) = 0$ ، $f(-2) = 3$ ، $f(1) = -\frac{3}{2}$															
	0,5	(ب) للمعادلة $f(x) = 0$ ثلاثة حلول.															
	0,5×2	(ج) $f$ متزايدة تماما على كل من $[-4 ; -2]$ و $[1 ; 3]$ ومتناقصة تماما على $[-2 ; 1]$															
4,5	0,5×2	(أ) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$															
	1	(ب) من أجل كل عدد حقيقي $x$ ، $f'(x) = (x-1)(x+2)$															
	1	(ج) جدول التغيرات: <table border="1" style="display: inline-table; margin: 10px;"> <tr> <td><math>x</math></td> <td><math>-\infty</math></td> <td><math>-2</math></td> <td><math>1</math></td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td><math>f'(x)</math></td> <td><math>+</math></td> <td><math>0</math></td> <td><math>-</math></td> <td><math>0</math></td> <td><math>+</math></td> </tr> <tr> <td><math>f(x)</math></td> <td><math>-\infty</math></td> <td><math>3</math></td> <td><math>-\frac{3}{2}</math></td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> </table>	$x$	$-\infty$	$-2$	$1$	$+\infty$	$f'(x)$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$	$f(x)$	$-\infty$	$3$	$-\frac{3}{2}$
$x$	$-\infty$	$-2$	$1$	$+\infty$													
$f'(x)$	$+$	$0$	$-$	$0$	$+$												
$f(x)$	$-\infty$	$3$	$-\frac{3}{2}$	$+\infty$													

0,5	<p>(د) من أجل كل عدد حقيقي <math>x</math> ، <math>f''(x) = 2x + 1</math> ،  <math>f''</math> تتعدم وتغير إشارتها عند <math>-\frac{1}{2}</math> ، نقطة انعطاف لـ <math>(C_f)</math> <math>A(-\frac{1}{2}; \frac{3}{4})</math> ،  <math>(T): y = -\frac{9}{4}x - \frac{3}{8}</math></p>
$0,25 \times 2$	
0,5	

ملاحظة: تُقبل جميع طرائق الحل الصحيحة مع التقيد بسلم التنقيط.