

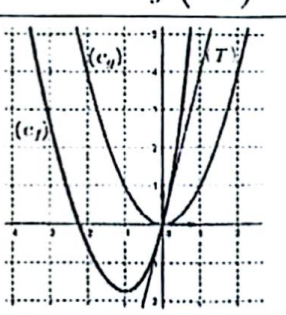
العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
العلامة	مجزأة	
التمرين الأول (04 نقاط) 65		
1	0,5×2	(ب) ، $u_n = u_0 + nr = 5n + 3$ ، جابذة (ب)
1	0,5×2	(أ) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{e^x - 1}{e^x + 1} \right) = -1$ ، لأن $\lim_{x \rightarrow -\infty} e^x = 0$ ، جابذة (ب)
1	0,5×2	(أ) ، $e^{-x} - e^2 \geq 0$ تكافئ $x \leq -2$ ، جابذة (ب)
1	0,5×2	(ج) ، $f'(x) = -xe^x$ ، جابذة (ب)
التمرين الثاني (04 نقاط) 95		
0,75	0,25×3	(1) للمعادلة $x^2 + x - 6 = 0$ حلان: -3 و 2
2,25	0,25 + 0,5	(أ) $q^2 + q - 6 = 0$ و $q > 0$ ومنه: $q = 2$
	0,5	$u_n = 3 \times 2^n$
	0,5	(ب) (u_n) متزايدة تماما.
1	0,5	(ج) $u_n = 768$ يعني $n = 8$
	0,5	$S_n = 3(2^{n+1} - 1)$
1	0,5	(3) $P_n = 3^{n+1} \times 2^{\frac{1}{2}n(n+1)}$
	0,5	
التمرين الثالث (04 نقاط)		
1,5	0,5	(أ) $f'(x) = \frac{4x + a}{2x^2 + ax + b}$
	0,5×2	(ب) $a = 2$ و $b = 1$
1,5	0,25×2	(أ) للمعادلة $f(x) = 0$ حلان هما: -1 و 0
	0,5	(ب) إشارة $f'(x)$
	0,5	إشارة $f(x)$
1	0,5	من أجل كل x من $]0; +\infty[$ ، $g'(x) = -\frac{f'(x)}{(f(x))^2}$
	0,25	g متناقصة تماما على $]0; +\infty[$
	0,25	جدول التغيرات:

التمرين الرابع (08 نقاط)

1,5	0,5 0,25 × 4	(أ) من أجل كل x من $\mathbb{R} - \{3\}$ ، $f(x) = x - 2 + \frac{1}{x-3}$ (ب) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$	(1)																		
1	0,25 × 2 0,25 × 2	(أ) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (f(x) - (x-2)) = 0$ ، $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - (x-2)) = 0$ (ب) (c_f) أسفل (Δ) على $]-\infty; 3[$ و (c_f) أعلى (Δ) على $]3; +\infty[$	(2)																		
2,25	0,75 0,5 0,5 0,5	(أ) من أجل كل x من $\mathbb{R} - \{3\}$ ، $f'(x) = \frac{(x-2)(x-4)}{(x-3)^2}$ (ب) إشارة $f'(x)$ f متزايدة تماما على كل من $]-\infty; 2]$ و $[4; +\infty[$ و ومتناقصة تماما على كل من $[2; 3[$ و $]3; 4]$ جدول التغيرات:	(3)																		
		<table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>2</td> <td>3</td> <td>4</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f'(x)$</td> <td>+</td> <td>0</td> <td>-</td> <td>0</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td>$-\infty$</td> <td>$-\infty$</td> <td>$-\infty$</td> <td>$+\infty$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	2	3	4	$+\infty$	$f'(x)$	+	0	-	0	+	$f(x)$	$-\infty$	$-\infty$	$-\infty$	$+\infty$	$+\infty$	
x	$-\infty$	2	3	4	$+\infty$																
$f'(x)$	+	0	-	0	+																
$f(x)$	$-\infty$	$-\infty$	$-\infty$	$+\infty$	$+\infty$																
2	0,75 0,5 0,5	(أ) من أجل كل x من $\mathbb{R} - \{3\}$ ، $f(3-x) + f(3+x) = 2$ ، النقطة $A(3; 1)$ مركز تناظر للمنحني (c_f) (ب) رسم (Δ) رسم (c_f) رسم (c_g)	(4)																		
0,75	0,75	$A = \int_4^5 \frac{1}{x-3} dx = (\ln 2) u.a$	(5)																		
0,5	0,5	$g(x) = -f(x)$ من أجل $x < 3$ و $g(x) = f(x)$ من أجل $x > 3$ (c_g) و (c_f) منطبقان من أجل $x > 3$ (c_f) و (c_g) متناظران بالنسبة إلى محور التناظر من أجل $x < 3$	(6)																		

ملاحظة: تُقبل جميع طرائق الحل الصحيحة مع التقيد بسلم التنقيط.

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)															
العلامة	مجزأة																
التمرين الأول (04 نقاط)																	
1	0,5×2	(ب) $r = 2$ ، $u_0 = 1$ (1)															
1	0,5×2	(ج) $\{e; e^2\}$ (2)															
1	0,5×2	(ب) $\frac{1}{3} \int_{-2}^1 h(x) dx = 1$ ، 1 (3)															
1	0,5×2	(أ) $x_0 = 1$ ، $k'(x) = -1$ معناه $x = 1$ (4)															
التمرين الثاني (04 نقاط)																	
1,25	0,25×3	(أ) $u_3 = 68$ و $u_2 = 23$ ، $u_1 = 8$															
	0,25×2	(ب) الدالة $x \mapsto 3x - 1$ متزايدة تماما على \mathbb{R} (u_n) متزايدة تماما لأن: $u_1 - u_0 > 0$ والدالة المرفقة متزايدة تماما.															
1,75	0,25 + 0,5	(أ) (v_n) متتالية هندسية أساسها 3 ، $v_0 = \frac{5}{2}$															
	0,5×2	(ب) $u_n = \frac{5}{2} \times 3^n + \frac{1}{2}$ ، $v_n = \frac{5}{2} \times 3^n$ (2)															
1	0,5	(أ) $S_n = \frac{5}{4} (3^{n+1} - 1)$															
	0,25	$T_n = S_n + \frac{1}{2} (n+1) = \frac{5}{4} \times 3^{n+1} + \frac{1}{2} n - \frac{3}{4}$ (3)															
	0,25	(ب) $4T_n - 2n = 1212$ من أجل $n = 4$															
التمرين الثالث (04 نقاط)																	
2,25	0,5	(أ) إشارة $f'(x)$															
	0,25×2	<table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>0</td> <td>2</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f'(x)$</td> <td></td> <td>+</td> <td>- 0</td> <td>+</td> </tr> </table> <p>f متزايدة تماما على كل من $]-\infty; 0[$ و $[2; +\infty[$ ومتناقصة تماما على $]0; 2]$</p>	x	$-\infty$	0	2	$+\infty$	$f'(x)$		+	- 0	+					
	x	$-\infty$	0	2	$+\infty$												
	$f'(x)$		+	- 0	+												
0,25	(ب) $y = x$ (Δ)																
0,25×2	(ج) للمعادلة $f(x) = 3$ حلان هما -1 و 2																
0,5	(د) جدول التغيرات:	<table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>0</td> <td>2</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f'(x)$</td> <td></td> <td>+</td> <td>- 0</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td>$-\infty$</td> <td>$+\infty$</td> <td>$+\infty$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	0	2	$+\infty$	$f'(x)$		+	- 0	+	$f(x)$	$-\infty$	$+\infty$	$+\infty$	$+\infty$
x	$-\infty$	0	2	$+\infty$													
$f'(x)$		+	- 0	+													
$f(x)$	$-\infty$	$+\infty$	$+\infty$	$+\infty$													

1	0,25 × 3	(أ) مستمرة و متزايدة تماما على $[-1,6 ; -1,5]$ $f(-1,5) \approx 0,28$ و $f(-1,6) \approx -0,04$ للمعادلة $f(x) = 0$ حلّ وحيد α في المجال $]-1,6 ; -1,5[$	(2)											
	0,25	(ب) إشارة $f(x)$ <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>α</td> <td>0</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td>$-$</td> <td>0</td> <td>$+$</td> <td>$+$</td> </tr> </table>		x	$-\infty$	α	0	$+\infty$	$f(x)$	$-$	0	$+$	$+$	
x	$-\infty$	α	0	$+\infty$										
$f(x)$	$-$	0	$+$	$+$										
0,75	0,25	من أجل كل x من $]0; +\infty[$ ، $g'(x) = \frac{f'(x)}{f(x)}$	(3)											
	0,5	جدول التغيرات: <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>x</td> <td>0</td> <td>2</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$g'(x)$</td> <td>$-$</td> <td>0</td> <td>$+$</td> </tr> <tr> <td>$g(x)$</td> <td>$+\infty$</td> <td>$\ln 3$</td> <td>$+\infty$</td> </tr> </table>		x	0	2	$+\infty$	$g'(x)$	$-$	0	$+$	$g(x)$	$+\infty$	$\ln 3$
x	0	2	$+\infty$											
$g'(x)$	$-$	0	$+$											
$g(x)$	$+\infty$	$\ln 3$	$+\infty$											
التمرين الرابع (08 نقاط)														
1	0,5 × 2	$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$	(1)											
2,5	0,5 × 2	(أ) من أجل كل x من \mathbb{R} ، $f'(x) = 2(x+1)(e^x + 1)$	(2)											
	0,5 0,25 × 2	(ب) إشارة $f'(x)$ f متناقصة تماما على $]-\infty; -1[$ و متزايدة تماما على $]-1; +\infty[$												
	0,5	جدول التغيرات: <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>-1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f'(x)$</td> <td>$-$</td> <td>0</td> <td>$+$</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td>$+\infty$</td> <td>$-1 - \frac{2}{e}$</td> <td>$-\infty$</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	-1	$+\infty$	$f'(x)$	$-$	0	$+$	$f(x)$	$+\infty$	$-1 - \frac{2}{e}$	$-\infty$
x	$-\infty$	-1	$+\infty$											
$f'(x)$	$-$	0	$+$											
$f(x)$	$+\infty$	$-1 - \frac{2}{e}$	$-\infty$											
0,75	0,75	$(T): y = 4x$	(3)											
1	0,25 × 4	$f(x) - x^2 = 2x(1 + e^{-x})$ ، ومنه: (c_f) و (c_g) يتقاطعان في O (c_f) أسفل (c_g) على $]0; +\infty[$ و (c_f) أعلى (c_g) على $]-\infty; 0[$	(4)											
1,75	0,25 × 3	$f(1) = 3 + 2e$ ، $f(-2) = -4e^{-2}$ ، $f(-3) = 3 - 6e^{-3}$	(5)											
	0,25 0,25 0,5	رسم (T) رسم (c_g) رسم (c_f) 												
1	0,5 0,5	(أ) من أجل كل x من \mathbb{R} ، $H'(x) = h(x)$ (ب) $\mathcal{A} = \int_0^1 (2x + 2xe^x) dx = [x^2 + 2(x-1)e^x]_0^1 = 3 \text{ u.a}$	(6)											

ملاحظة: تُقبل جميع طرائق الحلّ الصحيحة مع التقيد بسلم التنقيط.