

| العلامة | | عناصر الإجابة (الموضوع الأول) |
|----------------------------|------------|--|
| العلامة | مجزأة | |
| التمرين الأول (06 نقاط) | | |
| 3 | 0,5×2 | (أ) لدينا: $a = 7 \times 289 + 2$ ومنه: باقي قسمة a على 7 هو 2 لدينا: $b \equiv 7 + 5 [7]$ ومنه: باقي قسمة b على 7 هو 5 (ب) $5a + 2b^2 \equiv 4 [7]$ ومنه: $2b^2 \equiv 1 [7]$ ، $5a \equiv 3 [7]$ |
| | 0,5×2 | |
| | 0,5+0,25×2 | |
| 1 | 0,5 | (أ) من أجل كل عدد طبيعي n ، $2^{3n} = 8^n \equiv 1 [7]$ |
| | 0,5 | (ب) $a^{1446} \equiv 1 [7]$ أي: $a^{1446} \equiv 2^{3 \times 482} [7]$ |
| 1 | 0,5 | (أ) $b \equiv -2 [7]$ أي: $b \equiv 5 - 7 [7]$ (ب) $b^{1446} \equiv 1 [7]$ أي: $b^{1446} \equiv 2^{3 \times 482} [7]$ |
| | 0,5 | |
| 1 | 0,5×2 | (أ) $n \equiv 4 [7]$ أي: $3n + 2 \equiv 0 [7]$ ومنه: $3n + a^{1446} + b^{1446} \equiv 0 [7]$ |
| التمرين الثاني (06 نقاط) | | |
| 3 | 0,5×3 | (أ) $v_2 = 48$ و $v_1 = 12$ ، $v_0 = 3$ (ب) من أجل كل عدد طبيعي n ، $v_{n+1} = 4v_n$ ، هندسية أساسها 4 (ج) $S_n = 4^{n+1} - 1$ |
| | 0,75 | |
| | 0,75 | |
| 2,25 | 0,5 | (أ) $u_2 = 4$ (ب) $u_0 = 1$ ، $q = 2$ (ج) $u_n = 2^n$ |
| | 0,5×2 | |
| | 0,75 | |
| 0,75 | 0,5 | (أ) التحقق أن: من أجل كل عدد طبيعي n ، $v_n = 3 \times u_{2n}$ (ب) $T_n = \frac{1}{3} S_n$ |
| | 0,25 | |
| التمرين الثالث (08 نقاط) | | |
| 1 | 0,5×2 | (أ) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ |
| 2,75 | 0,25+0,75 | (أ) من أجل كل عدد حقيقي x ، $f'(x) = 6x(x+1)$ (ب) إشارة $f'(x)$ الدالة f متناقصة تماما على $[-1; 0]$ و متزايدة تماما على كل من $]-\infty; -1[$ و $]0; +\infty[$ |
| | 0,5 | |
| | 0,5 | |

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|---------|--------------------|---|------------|------------|------|-----|-----------|---------|-----|-----|-----|-----|--------|------------|-----|------------|------------|--|
| | 0,75 | <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>-1</td> <td>0</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f'(x)$</td> <td>$+$</td> <td>0</td> <td>$-$</td> <td>$+$</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td>\nearrow</td> <td>0</td> <td>\searrow</td> <td>\nearrow</td> </tr> </table> | x | $-\infty$ | -1 | 0 | $+\infty$ | $f'(x)$ | $+$ | 0 | $-$ | $+$ | $f(x)$ | \nearrow | 0 | \searrow | \nearrow | |
| x | $-\infty$ | -1 | 0 | $+\infty$ | | | | | | | | | | | | | | |
| $f'(x)$ | $+$ | 0 | $-$ | $+$ | | | | | | | | | | | | | | |
| $f(x)$ | \nearrow | 0 | \searrow | \nearrow | | | | | | | | | | | | | | |
| | | $f''(x) = 12x + 6$ ، x من أجل كل عدد حقيقي | (3) | | | | | | | | | | | | | | | |
| 1 | 0,5 0,5 | f'' تتعدم وتغير إشارتها عند $-\frac{1}{2}$ و منه $A(-\frac{1}{2}; -\frac{1}{2})$ نقطة انعطاف. | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | $(T): y = -\frac{3}{2}x - \frac{5}{4}$ | (4) | | | | | | | | | | | | | | | |
| 1 | 1 | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | (أ) من أجل كل عدد حقيقي x ، $f(x) = (2x-1)(x+1)^2$ | (5) | | | | | | | | | | | | | | | |
| 1 | 0,5 0,5 | (ب) $f(x) = 0$ تكافئ $x = -1$ أو $x = \frac{1}{2}$ | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | $f(1) = 4$ ، $f(-2) = -5$ | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 1,25 | 0,25×2 0,5+0,25 | | (6) | | | | | | | | | | | | | | | |

ملاحظة: تُقبل جميع طرائق الحل الصحيحة مع التقيد بسلم التنقيط.

| العلامة | | عناصر الإجابة (الموضوع الثاني) |
|-----------------------------------|--------|---|
| العلامة | مجزأة | |
| التمرين الأول (06 نقاط) | | |
| 3 | 0,5×2 | (1) أ) لدينا: $a = 8 \times 253 + 1$ ومنه: باقي قسمة a على 8 هو 1 لدينا: $b = 8 \times 180 + 6$ ومنه: باقي قسمة b على 8 هو 6 ب) لدينا: $c + 5 \equiv 0 [8]$ ومنه: $c \equiv 3 [8]$ وبالتالي: $b + c - a \equiv 6 + 3 - 1 [8]$ أي: $b + c - a \equiv 0 [8]$ |
| | 0,5×2 | |
| | 0,5×2 | |
| 1,5 | 0,5×3 | (2) لدينا: $c \equiv 3 [8]$ أي: $c + 6 \equiv 1 [8]$ وبالتالي: $(c + 6)^{1954} + 1871 \equiv 1 + 7 [8]$ ومنه: $(c + 6)^{1954} + 1871 \equiv 0 [8]$ |
| 1,5 | 1 | (3) أ) لدينا: $3n \equiv a [8]$ أي: $3n \equiv 1 [8]$ ومنه: $n \equiv 3 [8]$ أي: $n = 8k + 3$ مع $k \in \mathbb{N}$ ب) ($3n \equiv a [8]$ و $40 < n < 60$) أي: ($n = 8k + 3$ و $40 < n < 60$) ومنه: $n \in \{43; 51; 59\}$ |
| | 0,5 | |
| التمرين الثاني (06 نقاط) | | |
| 1,5 | 0,5×3 | (1) $u_2 = -3$ ، $u_1 = -6$ ، $u_0 = -9$ |
| 1,25 | 0,75 | (2) من أجل كل n من \mathbb{N} ، $u_{n+1} - u_n = 3$ ، ومنه: (u_n) حسابية أساسها 3 نستنتج أن المتتالية (u_n) متزايدة تماما. |
| | 0,5 | |
| 2 | 0,5×2 | (3) أ) $3n - 9 = 2025$ ومنه: $n = 678$ ب) $S = \frac{679}{2} (u_0 + u_{678})$ ومنه: $S = 684432$ |
| | 0,5×2 | |
| 1,25 | 0,25×3 | (4) أ) $v_2 = 1$ ، $v_1 = -4$ ، $v_0 = -8$ ب) $v_0 + v_2 \neq 2v_1$ ، (v_n) ليست حسابية. $v_0 \times v_2 \neq v_1^2$ ، (v_n) ليست هندسية. |
| | 0,25×2 | |
| التمرين الثالث (08 نقاط) | | |
| 1 | 0,5×2 | (1) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ |
| 2,75 | 0,5×2 | (2) أ) من أجل كل عدد حقيقي x ، $f'(x) = \frac{3}{2}x(x-2)$ ب) إشارة $f'(x)$ الدالة f متناقصة تماما على $[0; 2]$ ومتزايدة تماما على كل من $]-\infty; 0]$ و $[2; +\infty[$ |
| | 0,5 | |
| | 0,5 | |

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|---------|---------------------|--|---|-----------|---|---|-----------|---------|---|---|---|---|--------|-----------|---|----|-----------|--|
| | | جدول التغيرات: | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 0,75 | <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>0</td> <td>2</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f'(x)$</td> <td>+</td> <td>0</td> <td>-</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td>$-\infty$</td> <td>1</td> <td>-1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> </table> | x | $-\infty$ | 0 | 2 | $+\infty$ | $f'(x)$ | + | 0 | - | + | $f(x)$ | $-\infty$ | 1 | -1 | $+\infty$ | |
| x | $-\infty$ | 0 | 2 | $+\infty$ | | | | | | | | | | | | | | |
| $f'(x)$ | + | 0 | - | + | | | | | | | | | | | | | | |
| $f(x)$ | $-\infty$ | 1 | -1 | $+\infty$ | | | | | | | | | | | | | | |
| 1 | 1 | | (3) $(T): y = -\frac{3}{2}x + \frac{3}{2}$ | | | | | | | | | | | | | | | |
| 1,25 | 0,5 0,25+0,5 | | (4) من أجل كل عدد حقيقي x ، $f''(x) = 3x - 3$ ، f'' تتعدم وتغير إشارتها عند 1 و منه نقطة انعطاف $A(1; 0)$. | | | | | | | | | | | | | | | |
| 2 | 0,25×2 0,75+0,25 | | (5) (أ) $f(3) = 1$ ، $f(-1) = -1$ الرسم: | | | | | | | | | | | | | | | |
| | 0,5 | | (ب) للمعادلة $f(x) = 0$ ثلاثة حلول. | | | | | | | | | | | | | | | |

ملاحظة: تُقبل جميع طرائق الحل الصحيحة مع التقيد بسلم التنقيط.