

# حلول تمارين الكتاب

## المدرسي الرياضيات



## متوسط

جميع الحقوق محفوظة

## الأعداد النسبية

حل 3 ، 5 ، 6 ص 8 :

1+5 - هو مجموع العدد 1- والعدد 5 (3)

-3- هو مجموع العدد 3- والعدد 8-

+13 ، +39 ، +55 (5)

-21 ، -20.5 ، +66

6) المسافة إلى الصفر هي حسب الترتيب :

0.75 ، 3.75 ، 5 ، 15.5 ، 18.75 ، 0

ضرب عددين نسبيين :

نشاط (1) ص 9 :

1/ عمق مطمور عبد الرزاق بعد 4 ساعات هي

$$50 \times 4 = 200 \text{ cm}$$

عمق مطمور محمد أمين بعد 4 ساعات هي

$$75 \times 4 = 300 \text{ cm}$$

12

$$4 \times (-75) = (-75) + (-75) + (-75) + (-75)$$

$$4 \times (-50) = (-50) + (-50) + (-50) + (-50)$$

نشاط (2) ص 9 :

1/ قاعدة إشارات ضرب عددين نسبيين هي :

موجبة إذا كان العددان من نفس الإشارة

سالبة إذا كان العددان من إشارتين مختلفتين

\* جداء عدد موجب و عدد سالب هو عدد **سالب**

جاء عدد سالب و عدد موجب هو عدد سالب

جاء عددين سالبين هو عدد موجب

12 جاء عددين موجبين هو عدد موجب

نشاط(3) ص 9 :

-72 ، -51 ، +60

+ 90 ، +4000 ، +100

جاء عدة أعداد نسبية غير معدومة سالبا إذا كان عدد العوامل السالبة فردي

جاء عدة أعداد نسبية غير معدومة موجبا إذا كان عدد العوامل السالبة زوجي

### حل نشاط 4 من صفحة 8

$$5 \times 3 = 15, 48 \div 4 = 12, (-10) + (+10) = 0$$

$$15 \times 5 = 75, 49 \div 7 = 7, -17 + 17 = 0$$

### حل نشاط 8 من صفحة 8 :

| $a+b$ | $a-c$ | $a-(b+c)$ |
|-------|-------|-----------|
| 2     | -2    | -5        |
| -6.5  | -14.5 | -5.5      |
| -0.5  | -12.5 | -11.5     |

| $a \times b$ | $a \div b$ |
|--------------|------------|
| 90           | 3.6        |
| 142          | 35.5       |
| 225          | 1          |

### نشاط 1 ص 10

\* موجبة ، \* سالبة ، \* سالبة

\* موجبة ، \* موجبة ، \* موجبة

قيمة  $x$  في كل حالة :

$$x = -5, x = -5, x = +5$$

$$x = +9.375 , \quad x = +10 , \quad x = +5$$

$x = \frac{a}{b}$  هي بضرب طرفي المساواة في مقلوب العدد  $a$  أي  $\frac{a}{b} x = 0$  حيث  $b \neq 0$  القاعدة : **1/3**

### نشاط 2 ص 10

**1/** كيفية إستعمال الحاسبة لإنجاز عملية مثل  $(-5) \div 37$

$$40 \div (-5) = -8 , \quad 33 \div 5 = 6.6 , \quad (-75) \div 15 = 5 \quad \text{**2/**}$$

$$(-36) \div (-9) = 4 , \quad (+38) \div (-4) = -9.5 , \quad (-14) \div (-7) = 2$$

### 3

إشارة حاصل قسمة عدد سالب على عدد موجب هي سالبة

إشارة حاصل قسمة عدد موجب على عدد سالب هي سالبة

إشارة حاصل قسمة عدد سالب على عدد سالب هي موجبة

إشارة حاصل قسمة عدد موجب على عدد موجب هي موجبة



### نشاط 3 من ص 10

#### حساب القيمة لكل حاصل

$$-6.5 , \quad -32^*$$

$$+150 , \quad +8^*$$

$$-1.67 , \quad -18.20^*$$

#### تمرين 2 من صفحة 17

$$, 0.5 - , 20 - , 75 - , 6 + , 1 -$$

$$0.15 +$$

#### تمرين 5 من صفحة 17

$$47.5 - , 675 - , 527 - , 925 + *$$

5 - ، 4.35 + \*

### تمرين 3 من صفحة 17

75 - ، 18.7 + ، 280 + ، 180 - •

### تمرين 8 من صفحة 17

$$A = -18900$$

$$B = + 22275$$

$$C = + 4500$$

إشارة A هي سالبة

إشارة B هي موجبة

إشارة C هي موجبة



### نشاط 1 ، 2 من صفحة 12

#### الحلول

(1) - إشارة العدد X في كل حالة

\* سالبة      \* سالبة      \* موجبة

\* سالبة      \* موجبة      \* موجبة

حساب قيمة X في كل حالة

0.2 \*      -1 \*      -2 \*

5 \*      4 \*      -0.25 \*

(2

$$4 , 0.0625 , 1000 , 50 , 0.25$$

$$8 , 0.04 , 0.125$$

□ إتمام الجدول

$$\frac{1}{-16} , \frac{1}{0.001} , \frac{1}{-8} , \frac{1}{4}$$

للترسيخ كتابة القاعدة من صفحة 14

مع الأمثلة و انتبه

$$a : b = \frac{a}{b} = a \times \frac{1}{b}$$



تمرين 15 من صفحة 18

$$-10.4 , 0.05 , -15.25 , +5 , +3 , +5 \bullet$$

• تمرين 16 من صفحة 18

$$-7.1 , -4.3 , +3.1 , +8.5 , +7.4$$

$$-5.1$$

تمرين 19 و 20 من صفحة 19

- تمرين 21 من صفحة 19

$$x = \frac{100}{25} = 4$$

$$x = \frac{150}{25} = 6$$

حول العدد  $\frac{22}{7}$  إلى عدد عشري؟

- أحصر العدد  $\frac{2}{15}$  بين عددين ثم أعط مدوره إلى الوحدة و إلى

### نشاط ص 13

$\pi$

(1) الضغط على اللمسة

3.14 <  $\pi$  < 3.15 (2) الحصر

3) القيمة المقربة بالنقصان للعدد  $\pi$  إلى  $\frac{1}{10}$  هو

$$\pi = 3.1$$

\*\*\*\*\*

1) ثمن الكيلو غرام الواحد من البطاطا

$$\frac{115}{6} = 19.16 \text{ DA}$$

2) الحصر  $19.16 < \frac{115}{6} < 19.17$

3) المدور إلى الجزء من المائة

$$19.17$$

حل تمرين 24 ص 19

| العدد $x$ | معاكس $x$ | مقلوب $x$ | كتابة الكسرية للمقلوب |
|-----------|-----------|-----------|-----------------------|
| -10       | +5        | -0.2      | $\frac{-1}{5}$        |
| -0.1      | +0.2      | -0.125    | $\frac{-1}{2}$        |
| +10       | -5        | +0.2      | $\frac{+1}{4}$        |

## حل تمرين 25 ص 20

| العدد $x$ | مقلوب $x$ | كتابة الكسرية للمقلوب |
|-----------|-----------|-----------------------|
| -5        | -0.2      | $\frac{-1}{5}$        |
| -2        | -0.5      | $\frac{-1}{2}$        |
| +4        | 0.25      | $\frac{+1}{4}$        |
| +1.25     | 0.8       | $\frac{+1}{1.25}$     |
| -2.5      | -0.4      | $\frac{-1}{2.5}$      |

## حل تمرين 26 ص 20

$$c = 2.5\text{cm} \quad \text{ومنه} \quad C = \frac{1}{0.40}$$

$$C = 5\pi m^{-1} = 0.2\text{cm}$$

$$f = \frac{1}{c} = \frac{1}{0.2} = 5 \quad \text{إذن}$$

## حل تمرين 28 ص 20

$$\sqrt{2} = 1.414213562$$

$$\sqrt{3} = 1.732050808$$

$$\frac{1}{100} \quad \text{المدور الى}$$

$$\sqrt{2} = 1.41$$

$$\sqrt{3} = 1.73$$

حل تمرين 29 ص 20

$$5.16 < \frac{31}{6} < 5.17 \quad (1)$$

$$5.166 < \frac{31}{6} < 5.167$$

5.17 هو المدور الى  $\frac{1}{10}$  للعدد  $\frac{31}{6}$  ) 2

حل تمرين 30 ص 20

حجم البئر

$$V = (1.25^2) \times 3.14 \times 15$$

$$V = 73.35 \text{ m}^3$$

ومنه

$$V = 73.4 \text{ لـ } \frac{1}{10} \text{ للحجم : المدور الى }$$

$$\text{حجم الماء } 73.4 \times \frac{1}{3} = 24.46 \text{ m}^3$$

# تنظيم معطيات

## النشاط (1) ص 108

1) عدد التلاميذ الذين علّمتهم 13 هو 5

عدد التلاميذ الذين علّمتهم 16 هو 3

2) تكرار ظهور العلامة 18 في القائمة هو 4

3) تنظيم المعلومات في جدول

| العلامة | النكرار النسبي | النسبة المئوية للنكرار |
|---------|----------------|------------------------|
| 18      | 4              | 11.11                  |
| 17      | 1              | 2.77                   |
| 16      | 3              | 8.33                   |
| 15      | 5              | 13.88                  |
| 14      | 4              | 11.11                  |
| 13      | 5              | 13.88                  |
| 12      | 3              | 8.33                   |
| 11      | 2              | 5.55                   |
| 10      | 4              | 11.11                  |
| 9       | 1              | 2.77                   |
| 8       | 3              | 8.33                   |
| 7       | 1              | 2.77                   |

4) يدل الكسر  $\frac{1}{36}$  على التكرار النسبي المتعلق بالعلامات 7 و 9 و 17 أي عدد التلاميذ الذين علّمتهم 7 و 9 و 17 هو 1 تلميذ واحد من 36 تلميذ

- يدل العدد 2.78 على النسبة المئوية المتعلقة بالعلامة 17

5) عدد تلاميذ القسم هو 36 وهو عبارة عن مجموع التكرارات

6) تمثيل التكرار بمخطط أعمدة

- تمثيل النسب المئوية للتكرارات بمخطط دائري نحسب الزاوية  $x$  المتعلقة بالنسبة المئوية  $y$

قيس زاوية القطاع الممثل للنسبة المئوية للتكرار في مخطط دائري متناسب مع هذه النسبة المئوية

إذن لدينا :

|     |             |                        |
|-----|-------------|------------------------|
| $x$ | $360^\circ$ | قيس الزاوية المركزية   |
| $y$ | 100         | النسبة المئوية للتكرار |

$$x = \frac{360}{100} \times y$$

| الصحة | الأكل | البيت | اللباس | النظافة | المصاريف        |
|-------|-------|-------|--------|---------|-----------------|
| 2000  | 8000  | 4000  | 3000   | 1000    | المبالغ (DA)    |
|       |       |       |        |         | قيس الزاوية (°) |

إذن بإجراه كل الحسابات نحصل  
على الجدول الآتي

| النسبة المئوية للنكرار | قيس زاوية القطاع | 2.77  | 8.33  | 13.88 | 11.11 | 13.88 | 8.33  | 5.55  | 11.11 | 2.77  | 8.33 | 2.77 | النسبة المئوية   |
|------------------------|------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|------|------|------------------|
| 39.99                  | 9.97             | 29.98 | 49.96 | 39.99 | 49.96 | 29.98 | 19.98 | 39.99 | 9.97  | 29.98 | 9.97 | 9.97 | قيس زاوية القطاع |

رسم المخطط الدائري

## النشاط (2) ص 108

المعلومات التي نستخرجها من قراءة هذا المخطط هي المصاريف التي تخصصها عائلة في مختلف المجالات : النظافة و اللباس و مصاريف البيت و الأكل و الصحة خلال شهر

المعدل السنوي لمصاريف العائلة في مجال الصحة هو :  $24000 \text{ DA} = 2000 \times 12$  أي

للوضوح يستحسن تسجيل المعلومات في جدول كما يلي :



تمثيل المصارييف العامة بمخطط دائري

| المصارييف | النسبة المئوية |
|-----------|----------------|
| النظافة   | 6%             |
| اللباس    | 17%            |
| البيت     | 22%            |
| الأكل     | 44%            |
| الصحة     | 11%            |



| $x < 4500$     | $x < 4000$     | $x < 3500$      | $x < 3000$     | $x < 2500$     | $x < 2000$     | $x$            |
|----------------|----------------|-----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|
| 4              | 7              | 26              | 9              | 3              | 1              | النكرار        |
| $\frac{4}{50}$ | $\frac{7}{50}$ | $\frac{26}{50}$ | $\frac{9}{50}$ | $\frac{3}{50}$ | $\frac{1}{50}$ | النكرار النسبي |
| 8              | 14             | 52              | 18             | 6              | 2              | النسبة المئوية |



| $x < 105$      | $x < 90$        | $x < 75$       | $x < 60$       | $x < 45$        | $x < 30$        | $x < 15$        | $x$             | السن           |
|----------------|-----------------|----------------|----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|----------------|
| 3              | 11              | 6              | 6              | 10              | 11              | 11              | 11              | النكرار        |
| $\frac{3}{58}$ | $\frac{11}{58}$ | $\frac{6}{58}$ | $\frac{6}{58}$ | $\frac{10}{58}$ | $\frac{11}{58}$ | $\frac{11}{58}$ | $\frac{11}{58}$ | النكرار النسبي |

رسم المخطط الدائري

**حل تمرين 6 ص 119**

الحل يكون على السبورة وجماعيا من طرف التلاميذ على أساس أن يكون محضر من طرف التلاميذ مسبقا ( معطى في نهاية الحصة الماضية )

**نشاط (1) ص 111**

1) معدل ياسمين هو 12.86 و معدل نعيمة هو 10.65

2) قول نعيمة غير صحيح لأن العلامات متشابهة ولكن التكرارات مختلفة

**نشاط (2) ص 111****(1) جدول مراكز كل فئات**

| $x \leq < 140$ | $x \leq < 145$ | الفئة         |
|----------------|----------------|---------------|
| 142.5          | 137.5          | مركز<br>الفئة |

| $x \leq < 150$ | $x \leq < 155$ | $x \leq < 160$ |
|----------------|----------------|----------------|
| 145            | 150            | 155            |
| 147.5          | 152.5          | 157.5          |

2) حساب المتوسط المتوازن للسلسلة :

$$M = \frac{4 \times 157.5 + 8 \times 142.5 + 10 \times 147.5 + 8 \times 152.5 + 3 \times 155}{4 + 8 + 10 + 8 + 3}$$

---

بعد إنجاز الحساب نحصل على :  $M = 147.19$



# حلول تمارين الكتاب

## المدرسي الرياضيات



## متوسط

جميع الحقوق محفوظة

## التناسبية

**حل (1) و (2) و (4) ص 92 من اختبر مكتسباتك**

(1)

|                     |    |     |     |
|---------------------|----|-----|-----|
| أسعار البرتقال (DA) | 35 | 160 | 300 |
| كتل البرتقال (Kg)   | 1  | 5   | 10  |

أسعار البرتقال ليست متناسبة مع الكتل لأن

$$\frac{300}{10} \neq \frac{160}{5} \neq \frac{35}{1}$$

(2)

|     |    |    |    |    |   |
|-----|----|----|----|----|---|
| 115 | 40 | 35 | 15 | 10 | 5 |
| 138 | 48 | 42 | 18 | 12 | 6 |

(4)

$$120x = 360 \times 10 \quad (1)$$

$$x = \frac{360 \times 10}{120}$$

$$x = 30$$

كمية البنزين المستهلكة لقطع 360km هي 30L

(2)

|     |     |      |    |     |     |      |
|-----|-----|------|----|-----|-----|------|
| 1.5 | 2.5 | 3.75 | 5  | 7.5 | 10  | 22.5 |
| 18  | 30  | 54   | 72 | 90  | 120 | 270  |

**نشاط (1) ص 93**

(1

الجدول الأول يناسب التمثيل البياني الثالث

الجدول الثاني يناسب التمثيل البياني الأول

الجدول الثالث يناسب التمثيل البياني الثاني

(2)

يتذكر : أن التمثيل البياني لوضعية تناسبية هو مستقيم  
في هذه الحالة يبعد التمثيل البياني الأوسط لأنه ليس مستقيما

**نشاط (2) ص 93**

(1) السعر و الكتلة متناسبان لأن النقط في التمثيل البياني على استقامة واحدة و تشمل المبدأ

360DA هو 2kg (2)

لأن سعر 1kg هو 180DA

- كتلة دفلة نور الذي سعرها 90DA هي 0.5kg

(3) سعر 3.5 من دفلة نور

|     |     |
|-----|-----|
| 1   | 3.5 |
| 180 | $x$ |

$$x = 180 \times 3.5$$

$$x = 630DA$$

الحركة المنتظمة :

نقول عن متحرك أنه مزود بحركة منتظمة إذا كان يقطع مسافات متساوية في مدد متساوية

السرعة :

نسمي سرعة المسافة التي يقطعها متحرك في وحدة زمنية

**نشاط (1) ص 93**

(1) الفارق الزمني لقطع نفس المسافة بين سمير و مهدي راجع لإختلاف السرعة

(2) حول سرعة سمير قد لا يتبيّن أن الإجابة واردة في النص لذا يطلب منهم قراءة نص القصاصة بتمعن  
في ساعة واحدة علماً أن سرعة متحرك هي المسافة المقطوعة وهي  $15\text{km}$  خلال وحدة زمنية وهي  $1\text{h}$  فإن  
 $15\text{km/h}$

- حول سرعة مهدي ترك حرية الإختيار لطريقة الإجابة و كيفية الإنقال من وحدة زمنية إلى أخرى

$$0.75\text{h} \text{ هي } \frac{3}{4} \text{ الساعة أي } 45\text{mn}$$

المسافة المقطوعة خلال ساعة واحدة هي :

$$d = \frac{15}{0.75} = 20\text{km}$$

| الزمن (h)    | 1 | 0.75 |
|--------------|---|------|
| المسافة (km) | d | 15   |

إذن سرعة مهدي هي  $20\text{km/h}$  لأن المسافة المقطوعة في ساعة واحدة هي  $(20\text{km})$

### نشاط (2) ص 94

(1) اليوم الأول قطع  $240\text{km}$  في  $3\text{h}$

(2) اليوم الثاني : سار مدة  $2.5\text{h}$  بنفس سرعة اليوم الأول

(1) حساب السرعة التي سار بها في اليوم الأول

$$v = \frac{d}{t} = \frac{240}{3} = 80\text{km/h}$$

(2) المسافة التي قطعها في اليوم الثاني

$$d = 80 \times 2.5 \text{ و منه } d = v \times t$$

$$d = 200 \text{ km}$$

### نشاط (3) ص 94

قبل التطرق إلى هذا النشاط يطرح المشكل الآتي أو مثيله

\* تقطع أمل كل يوم بسيارتها مسافة  $95\text{km}$  عند ذهابها إلى العمل . نظراً لنوعية الطرقات فهي تقطع حوالي  $15\text{km}$  بسرعة  $50\text{km/h}$  و  $50\text{km/h}$  بسرعة  $75\text{km/h}$  وأخيراً  $30\text{km/h}$  بسرعة  $100\text{km/h}$

- ما هي المدة التي تقضيها أمل في طريقها إلى العمل ؟

- ما هي السرعة المتوسطة التي قطع بها المسافة الإجمالية

\* إذا كانت  $t$  هي المدة التي تقضيها في الطريق

$$t_1 = \frac{15}{50} = 0.30\text{h} \quad \text{حيث } t = t_1 + t_2 + t_3$$

$$t_3 = \frac{30}{75} = 0.40\text{h} \quad t_2 = \frac{50}{100} = 0.50\text{h}$$

فإن  $t = 1\text{h } 12\text{mn}$  أي  $t = 1.20\text{h}$

$$\approx \frac{95}{1.20} \quad \text{السرعة المتوسطة هي } 79\text{km/h}$$

السرعة المتوسطة هي حاصل قسمة مجموع المسافات المقطوعة على مجموع الأزمنة التي قطعت فيها هذه

بعد هذا يقدم النشاط (3)

من النص يتبيّن أن السيارة قطعت في المرحلة الأولى مسافة 220km في 2h وأن سرعة هذه المرحلة متغيرة

وأن سرعتها في المرحلة الثانية كانت تعادل 90km/h

وقطعت خلالها مسافة 135km

(1) السرعة المتوسطة للمرحلة الأولى هي 110km/h

$t = \frac{d}{v}$        $t = \frac{135}{90} = 1.5\text{h}$       (2) في المرحلة الثانية قطعت مسافة 135km بسرعة 90km/h وبالتالي نحصل على

$t = 1\text{h}30\text{mn}$  أي

(3) حساب السرعة التي سار بها والد كمال بسيارته في هذه المرحلة

$$t = 3.25\text{h} \quad \text{إذن } \frac{1}{4} h = \frac{25}{100} h = 0.25h$$

$$v = \frac{260}{3.25} = 80 \text{ km/h}$$

السرعة التي قطعت بها المسافة هي

(4) السرعة المتوسطة التي قطعت بها المراحل

نحسب أولاً : المسافة المقطوعة في المراحل الثلاثة  $615 \text{ km} = 220 + 135 + 260$

المدة التي قطعت فيها المسافة الإجمالية هي

$$2 + 1.50 + 3.25 = 6.75 \text{ h}$$

$$\text{إذن السرعة المتوسطة هي } 91 \text{ km/h} \approx \frac{615}{6.75}$$

### نشاط (1) ص 97

$$0.75h = \frac{75}{100} \text{ h} = \frac{3}{4} \text{ h} = 45 \text{ mn} \quad (1)$$

وهو مانراه بوضوح في الجدول الآتي :

|      |    |       |
|------|----|-------|
| t    | 60 | دقيقة |
| 0.75 | 1  | ساعة  |

$$\text{إذن } 0.75h = 45 \text{ mn}$$

$$1.2h = 1h + 0.2h \quad (b)$$

$$0.2h = \frac{2}{10} \text{ h} = \frac{1}{5} \text{ h} = \frac{1}{5} \times 60 \text{ mn} = 12 \text{ mn}$$

نلاحظ أن

$$\neq 1.2h \quad 1h12mn \quad \text{إذن } 1.2h = 1h12mn$$

(2) المدة التي قطع خلالها جمال هذه المسافة بالساعة و الدقيقة

$$2h + 0.25h \quad \text{معناه } 2.25h$$

$$0.25h = \frac{25}{100} \text{ h} = \frac{25 \times 60}{100} \text{ mn} = 15 \text{ mn}$$

أي  $2h 15mn$

**نشاط (2) ص 97**

بعد هذا يمكن الإجابة  $33mn = 33 \times 60s = 1980s$

لدينا  $1980s = 44 \times 45s$  إذن بعد

أي  $1980s$  يكون حجم الماء في الصهريج قد بلغ 44 متر مكعب أي 440 لتر

أو إستعمال جدول التناصية

|      |    |       |
|------|----|-------|
| L    | 10 | لتر   |
| 1980 | 45 | ثانية |

$$L = \frac{1980 \times 10}{45} = 440 \text{ إذن}$$



الوقت اللازم لملا الصهريج هو

$$t = \frac{1000 \times 45}{10} = 4500s = 1.25h = 1h 15mn$$

أو  $100L = 10 \times 100L = 1000L$  إذن المدة الازمة لملا الصهريج

هي :  $100 \times 45 = 4500s$

**نشاط (1) ص 97**

(1) حساب قيمة التخفيض من ثمن الجهاز

$$x = \frac{18500 \times 15}{100} = 2775\text{DA}$$

(2) حساب ثمن الجهاز بعد التخفيض

|     |       |
|-----|-------|
| 100 | 18500 |
| 15  | $x$   |

$$18500 - 2775 = 15725\text{DA}$$

### نشاط (2) ص 97

أول عمل يجب القيام به هو حساب كتلة 200L من الحليب

إذا كانت كتلة 1L من الحليب هي 1.30kg فإن كتلة 200L هي  $200 \times 1.30\text{kg} = 260\text{kg}$

$$\frac{260 \times 12}{100} = 31.2\text{kg}$$

$$\frac{31.2 \times 30}{100} = 9.36\text{kg}$$

$$\frac{30}{100} \times \frac{12}{100} \times 260 = 9.36\text{kg}$$

### نشاط (4) ص 98

#### 1) تحديد ثمن البذلة بعد إرتفاع الأسعار

نفرض أن ثمن البذلة قبل إرتفاعها  $x$  في هذه الحالة يكون قد ارتفع بمبلغ  $\frac{20}{100}x$  و يصبح ثمنها بعد تطبيق النسبة المئوية

$$\text{على هذا الثمن } x + \frac{20}{100}x$$

بما أن صالح دفع مبلغ 1224DA فإن ثمن البذلة قبل الزيادة هو قيمة  $x$  حل المعادلة  $x = 1224$  بعد حل

المعادلة يكون ( $x = 1020.80\text{DA}$ )

نلاحظ أن العبارة (1) تكتب على شكل  $x(1 + \frac{20}{100})$  هذه العبارة تسمح لنا بتحديد ثمن البذلة بعد تطبيق النسبة 20% على ثمنها

علماً بأن صالح دفع 1224DA فإن

$$(1 + \frac{20}{100})x = 1224 \quad \text{بحل هذه المعادلة نحصل على ثمن البذلة قبل إرتفاع سعرها}$$

(2) بطريقة مماثلة تكون الإجابة

سعر البذلة بعد التخفيض هو  $1224 \times \frac{20}{100}$  أي  $980\text{DA}$

### نشاط (3) ص 98

$$\frac{150}{100} \approx \frac{300950}{200450} \approx \frac{3000950}{200450} 1.50 \quad (1)$$

$$\frac{89}{100} \approx \frac{180000}{200450} \approx \frac{180000}{200450} 0.89$$

يمكن أن نقول إن دخله في سنة 2004 يمثل حوالي 89% من دخله سنة 2002

| الدخل(بالدينار) | 2002   | 2003   | 2004   |
|-----------------|--------|--------|--------|
| المؤشر          | 100    | 150    | 180000 |
|                 | 200450 | 300950 | 200450 |

حل تمرين 21 ص 106

- نأخذ المكان الذي إنطلق منه كمال كمبدأ للمسافات و الساعة  $11h$  كمبدأ للزمن

- على  $11h$  يكون مصطفى قد قطع مسافة

$$d_0 = 18(11-10.5) = 9\text{km}$$

- بعد مرور مدة قدرها  $t$  :

$$d_1 = 18 \times t + 9^*$$

$$d_2 = 21.5 \times t^*$$

يلتحق كمال بمصطفى عندما يكونان على نفس المسافة من نقطة الإنطلاق أي عندما يكون  $d_1 = d_2$

$$t = \frac{9}{3.5} 2.75h \text{ أي } 18 \times t + 9 = 21.5 \times t$$

هذا يعني أن كمال يلتحق بمصطفى بعد حوالي  $2.6h$  من إنطلاق كمال

يلتحق كمال بمصطفى :

- على الساعة  $11h + 2.6h = 13.6h$

- على مسافة قدرها حوالي :  $55.3km$

### حل تمرين 22 ص 106

$$(1 + \frac{20}{100}) 20 = 24DA \quad 1)$$

- سعر الكيلو غرام الواحد بعد إرتفاع السعر بـ:  $10\%$  هو

$$(1 + \frac{10}{100}) 24 = 26.4DA$$

(2) علما بأن الفرق بين السعر البطاطا بعد الزيادة الثانية و سعرها قبل الزيادة الأولى هو:  $26.4 - 20 = 6.4DA$

إذا كانت النسبة المئوية الإجمالية لإرتفاع الأسعار خلال الفترتين هي  $x$  فإن  $6.4 = 20 \times \frac{x}{100}$  نحصل بعد الحساب على

$$x = 32\%$$

\* تراقب الإجابات المتعلقة بالسؤال الثاني ، لأنه قد يوجد من بين التلاميذ من يفكرون بأن النسبة المئوية الإجمالية الناجحة عن رفع للأسعار مررتين ، مثلا : هي مجموع النسبتين المئويتين أي  $30\%$  وهذا خطأ لأن :

- الزيادة الأولى  $20\%$  كانت على  $20DA$  إذن سعر الكيلو غرام الواحد بعد الزيادة هو

$$(1 + \frac{20}{100}) 20 = 24DA$$

- الزيادة الثانية  $10\%$  كانت على السعر الجديد أي على  $24DA$  أي على  $[20(1 + \frac{20}{100})]10$

إذن يصبح السعر بعد الزيادة الثانية هو

$$[1 + (\frac{20+10}{100} + \frac{20 \times 10}{10000})]20 - (1 + \frac{10}{100})[(1 + \frac{20}{100})20]$$

نسبة الزيادة إذن هي :

$$(\frac{20+10}{100} + \frac{20 \times 10}{10000}) = \frac{30}{100} + \frac{200}{10000} = \frac{32}{100}$$

$$\frac{20}{100} + \frac{10}{100} = \frac{30}{100} \quad \text{و ليس}$$

الزيادة هي إذن  $32\%$  وليس  $30\%$

## حل تمرين 23 ص 106

الفرضيات : - قطعت المسافة في مرحلة الذهاب بسرعة  $v$

$$t = 3h \text{ في مدة}$$

- قطعت في مرحلة الإياب نفس المسافة مرحلة الذهاب بسرعة  $v$  تزيد عن سرعة الذهاب بـ  $25\text{km/h}$

- قطعت مرحلة الإياب في مدة

$$t' = 3h - 45\text{mn} = 3h - 0.75h = 2.25h$$

(1) حسب الفرضية الأولى : حركة السيارة منتظمة إذن المسافة بين المدينتين تعطى بالعلاقة :  $d = v \times t$   
بما أن  $t = 3h$  فإن  $d = 3 \times v$

$$(2) \text{ حسب الفرضية الثانية } v' = v + 25$$

(3) حسب الفرضيتين الثانية و الثالثة المسافة المقطوعة في مرحلة الإياب هي نفس المسافة عند الذهاب

لكن بسرعة  $v'$

$$(2) d = (v+25) \times 2.25 \text{ أي } d = v' \times t' \text{ إذن } v' = v + 25$$

$$(4) \text{ من المساوتين (1) و (2) يكون } 57.2 \times (52+v) = v \times 3$$

إذن سرعة مرحلة الذهاب هي  $v = 75\text{km/h}$

$$(5) \text{ المسافة بين المدينتين هي إذن } d = 3 \times 75 = 225\text{km}$$

$$d = (75+25) \times 2.25 = 225\text{km}$$

\* إن كتابة الفرضيات بوضوح يساعد على تبسيط الحل .

## حل تمرين 26 ص 107

نعلم أن الأنابيب تسرب  $10\text{L}$  في  $15\text{mn}$  فهي تسرب في  $4.5\text{h}$  كمية  $180\text{L}$

ملاحظة : لدينا  $\frac{x}{270} = \frac{10}{15}$  حيث  $x$  يمثل عدد اللترات المسربة خلال  $270\text{mn}$

## حل تمرين 27 ص 107

الفرضيات : - مفترق الطرق عرضه 10m

- بعد دارج عن مفترق الطرق 10m سرعتها 18km/h

- بعد سيارة عن مفترق الطرق 100m سرعتها 90km/h أ) سرعة الدارج 18km/h و المسافة التي تفصل عن مفترق الطرق هي 10m وعن نهاية مفترق الطرق 20m

إذن المدة التي تلزم للوصول إلى مفترق الطرق هي

$$t_1 = \frac{10}{18000} \times 3600 = 2s$$

$$t_2 = 4s \text{ أي } t_2 = 2 \times 2s = 4s$$

ب) سرعة السيارة 90km/h و تفصلها مسافة 100m

عن مفترق الطرق

$$t_3 = \frac{100}{90000} \times 3600 = 4s \text{ أي } t_3 = 4s$$

\* بعد 4s تصل السيارة إلى بداية مفترق الطرق في حين يكون الدارج قد عبر مفترق الطرق

إذن الدارج يعبر مفترق الطرق سالماً



# حلول تمارين الكتاب

## المدرسي الرياضيات



## متوسط

جميع الحقوق محفوظة

# العمليات على الكسور

1 ص 22

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6} = \frac{4}{6}$$

(1) كمية العصير المتبقية في الكؤوس متساوية لأن

(2) تساوي كسرين

(3) لا يتغير كسر إذا ضربنا بسطه و مقامه في نفس العدد الطبيعي كما أنه لا يتغير إذا قسمنا بسطه و مقامه على نفس العدد الطبيعي

2 ص 22

$$\frac{5}{6} = \frac{2 \times 5}{12} \quad (2) ; \quad \frac{8}{7} > \frac{3.5}{7} > \frac{2}{7} \quad (1)$$

$$\frac{116}{96} > \frac{60}{90} \quad (4) ; \quad \frac{14.5}{12} > \frac{5}{8} \quad (3)$$

نشاط 1 ، 2 ، 3 ص 14

(1) مقارنة كسرين لهما نفس المقام أصغر كسران هو الذي بسطه أصغر

(2) - مضاعفات 3 العشرة الأولى

27 ، 24 ، 21 ، 18 ، 15 ، 12 ، 9 ، 6 ، 3 ، 0

- مضاعفات 5 العشرة الأولى

45 ، 40 ، 35 ، 30 ، 25 ، 20 ، 15 ، 10 ، 5 ، 0

- أصغر مضاعف مشترك لهذين العددين هو 15

$$\frac{35}{15} = \frac{7}{3} ; \quad \frac{27}{15} = \frac{9}{5} *$$

(2) للمقارنة بين الكسرتين  $\frac{7}{3}$  و  $\frac{9}{5}$  نقارن بين  $\frac{35}{15}$  و  $\frac{27}{15}$  أي  $\frac{7}{3}$  و  $\frac{9}{5}$  نلاحظ أن :

$$\frac{1363.36}{56} = 24.34 , \quad \frac{2005}{165} = 12.15 \quad (3)$$

نلاحظ أن :  $\frac{1363.36}{56} > \frac{2005}{165}$  إذن  $24.34 > 12.5$

ص 22

$$\frac{17}{13}, \frac{75}{100}, \frac{21}{20}, \frac{24}{4}, \frac{32.6}{6}, \frac{10}{10}$$

نشاط 1، 2 ص 24 و 3 ، 4 ص 25

(1) جمع كسرتين لهما نفس المقام نبقي على نفس المقام ونجمع البسطين

- طرح كسرتين لهما نفس المقام نبقي على نفس المقام و نطرح البسطين

$$\frac{42}{5} + \frac{3}{5} = \frac{42+3}{5} = \frac{45}{5} = 9 \quad (2)$$

$$\frac{42}{5} - \frac{3}{5} = \frac{42-3}{5} = \frac{39}{5}$$

$$\frac{10}{4} + \frac{5}{4} = \frac{10+5}{4} = \frac{15}{4} \quad (2)$$

$$\frac{16}{7} - \frac{2.5}{14} = \frac{32}{14} - \frac{2.5}{14} = \frac{32-2.5}{14} = \frac{29.5}{14}$$

$$\frac{5}{4} + \frac{13.5}{5} = \frac{5 \times 5}{4 \times 5} + \frac{13.5 \times 4}{4 \times 5} = \frac{25}{20} + \frac{52}{20} = \frac{77}{20}$$

$$\frac{2}{17} + \frac{3.8}{2} = \frac{2 \times 2}{17 \times 2} + \frac{52-35}{60} \quad \frac{3.8 \times 17}{2 \times 17} = \frac{4}{34} + \frac{64.5}{34} = \frac{68.5}{34}$$

$$\frac{13}{15} - \frac{7}{12} = \frac{13 \times 4}{15 \times 4} - \frac{7 \times 5}{12 \times 5} = \frac{52}{60} - \frac{35}{60} = \frac{52-35}{60} = \frac{17}{60}$$

$$\frac{12.8}{5} - \frac{10.5}{6} = \frac{12.8 \times 6}{5 \times 6} - \frac{10.5 \times 5}{6 \times 5} = \frac{76.8}{30} - \frac{52.5}{30} = \frac{24.3}{30}$$

$$\frac{33}{8} + \frac{15}{6} = \frac{33 \times 3}{8 \times 3} + \frac{15 \times 4}{6 \times 4} = \frac{99}{24} + \frac{60}{24} = \frac{159}{24}$$

(3) القولين صائبين لكن قول علي أفضل

$$\frac{13}{11} + \frac{7.12}{17} = \frac{13 \times 17}{11 \times 17} + \frac{7.12 \times 11}{17 \times 11} = \frac{221}{187} + \frac{78.32}{187} = \frac{299.32}{187}$$

$$\frac{47}{15} + \frac{17.5}{12} = \frac{47 \times 4}{15 \times 4} + \frac{17.5 \times 5}{12 \times 5} = \frac{188}{60} + \frac{87.5}{60} = \frac{275.5}{60}$$

$$\frac{19}{2.5} = \frac{19 \times 2}{2.5 \times 2} = \frac{38}{9} \quad (4)$$

$$\frac{19}{2.5} + \frac{7}{5} = \frac{38}{5} + \frac{7}{5} = \frac{38+7}{5} = \frac{45}{5} = 9$$

حل 3 ص 22

$$\frac{457.7}{10}, \frac{12}{20.25}, \frac{84}{3}, \frac{52.5}{6}$$



نشاط 1 ، 2 ص 25

$$\frac{7}{12} \times \frac{12}{7} = \frac{7 \times 12}{7 \times 12} = \frac{84}{84} = 1 \quad (1)$$

إذن :  $\frac{7}{12}$  هو مقاوب  $\frac{12}{7}$

،  $\frac{8}{3}$  هو  $\frac{3}{8}$  ،  $\frac{1}{14}$  هو  $\frac{14}{1}$  (2) المقابوب

$\frac{14}{15}$  هو  $\frac{15}{14}$  ،  $\frac{3.5}{4}$  هو  $\frac{4}{3.5}$  ،  $\frac{125}{31}$  هو  $\frac{31}{125}$

$0.24 = \frac{31}{125}$  ،  $0.37 = \frac{3}{8}$  ،  $0.07 = \frac{1}{14}$  \*

$$1.07 = \frac{15}{14}, 1.14 = \frac{4}{3.5}$$

$$x = \frac{64}{16}, x = \frac{10}{2.5}, x = \frac{1}{10} (1) (2)$$

$$x = \frac{18}{6}$$

$$\frac{45}{24} : \frac{5}{6} = \frac{9}{4} \text{ إذن } \frac{5}{6} \times \frac{9}{4} = \frac{45}{24} (2)$$

$$\frac{45}{24} \times \frac{6}{5} = \frac{270}{120} = \frac{27}{12} = \frac{9}{4}$$

$$\frac{45}{27} : \frac{5}{6} = \frac{45}{27} \times \frac{6}{5}$$

قسمة كسرین هو الكسر الأول في مقاوب الثاني

$$\frac{10}{3} : \frac{4}{7} = \frac{10}{3} \times \frac{7}{4} = \frac{70}{12}$$

$$\frac{35}{8} : \frac{2.5}{4} = \frac{35}{8} \times \frac{4}{2.5} = \frac{140}{20}$$

$$\frac{17}{2} : \frac{3}{2} = \frac{17}{2} \times \frac{2}{3} = \frac{34}{6}$$

### حل تمرين 7 ص 37

$$\frac{14}{10} < \frac{15}{10} \text{ توحد المقامين نجد : } \frac{7}{5} > \frac{3}{2}, \frac{11}{3} < \frac{25}{3}$$

$$\frac{6}{8} > \frac{2.5}{8} \text{ ومنه } \frac{6}{8} > \frac{2.5}{8} \text{ و } \frac{3}{4} > \frac{2.5}{8} \text{ يصيحا}$$

$$\frac{39}{72} > \frac{10}{72} \text{ ومنه } \frac{39}{72} > \frac{10}{72} \text{ و } \frac{13}{14} > \frac{2.5}{18} \text{ يصيحا}$$

### حل تمرين 8 ص 37

\* مضاعفات العدد 6 هي 0 ، 6 ، 12 ، 18 ، 24

\* مضاعفات العدد 4 هي 0 ، 4 ، 8 ، 12 ، 16

المضاعف المشترك للعددين 6 و 4 هو 12

- المقارنة :  $\frac{5}{4}$  و  $\frac{13}{6}$  يصبحا بعد توحيد المقامات

$$\frac{39}{12} > \frac{10}{12} \text{ ومنه } \frac{39}{12} \text{ و } \frac{10}{12}$$

### حل تمرين 9 ص 37

$$\frac{5}{4} + \frac{11}{4} = \frac{5+11}{4} = \frac{16}{4} = 4$$

$$\frac{11}{2} + \frac{13}{2} = \frac{11+13}{2} = \frac{24}{2} = 12$$

$$\frac{6}{7} + \frac{5}{14} = \frac{12}{14} + \frac{5}{14} = \frac{12+5}{14} = \frac{17}{14}$$

$$\frac{3}{4} + \frac{9}{8} = \frac{6}{8} + \frac{9}{8} = \frac{6+9}{8} = \frac{15}{8}$$

$$\frac{5}{26} + \frac{1}{13} = \frac{5}{26} + \frac{2}{26} = \frac{5+2}{26} = \frac{7}{26}$$

### حل تمرين 10 ص 37

$$\frac{25}{8} - \frac{5}{4} = \frac{25}{8} - \frac{10}{8} = \frac{25-10}{8} = \frac{15}{8}$$

$$\frac{9}{4} - \frac{3}{4} = \frac{9-3}{4} = \frac{6}{4}$$

$$\frac{15}{7} + \frac{2}{14} = \frac{30}{14} + \frac{2}{14} = \frac{32}{14}$$

$$\frac{16.5}{3} - \frac{1}{3} = \frac{16.5-1}{3} = \frac{15.5}{3}$$

$$\frac{23}{15} - \frac{2}{5} = \frac{23}{15} - \frac{6}{15} = \frac{23-6}{15} = \frac{17}{15}$$

$$\frac{4}{7} + \frac{7}{3} = \frac{12}{21} + \frac{49}{21} = \frac{61}{21}$$

$$\frac{9.5}{4} - \frac{3}{5} = \frac{47.5}{20} - \frac{12}{20} = \frac{35.5}{20}$$

حل تمرین 14 ص 37

$$\frac{26}{5} \times \frac{5}{26} = 1 \cdot \frac{14}{3} \times \frac{3}{14} = 1 \cdot \frac{1}{2} \times 2 = 1$$

حل تمرین 15 ص 38

$$\frac{21}{7.6} : \frac{18}{4} = \frac{21}{7.6} \times \frac{4}{18} = \frac{84}{136.8}$$

$$\frac{13}{8} : \frac{1}{11} = \frac{13}{8} \times 11 = \frac{143}{8}$$

$$\frac{15}{2} : \frac{9}{7} = \frac{15}{2} \times \frac{7}{9} = \frac{105}{18}$$

$$\frac{7.5}{3} : 14 = \frac{7.5}{3} \times \frac{1}{14} = \frac{7.5}{42}$$

$$\frac{8}{10} : \frac{4}{3} = \frac{8}{10} \times \frac{3}{4} = \frac{24}{40}$$

حل تمرین 16 ص 38

$$\frac{16}{5} + \frac{11}{10} = \frac{16+11}{5+10} \quad \dots \dots \dots \text{خطأ}$$

$$\frac{2.5}{4} + \frac{11}{8} = \frac{10+11}{8} \quad \dots\dots\dots \text{صحيح}$$

$$\frac{7}{3} + \frac{9}{4} = \frac{7 \times 4 + 9 \times 3}{3 \times 4} \quad \dots \dots \dots \text{صحيح}$$

$$\frac{5.2}{15} + \frac{5}{12} = \frac{5.2 \times 4 + 5 \times 5}{60} \quad \dots \dots \dots \text{صحيح}$$

$$\frac{13}{43} \text{ معاكس } \frac{4.3}{13} \dots \text{ خطأ}$$

$$\frac{13}{4.3} \times \frac{4.3}{13} = 13 \dots \text{ خطأ}$$

$$\frac{13.2}{5} : \frac{45}{12} = \frac{13.2}{5} \times \frac{12}{45} \dots \text{ صحيح}$$

$$\frac{52}{45} : 7 = \frac{52}{45} \times 7 \dots \text{ خطأ}$$

حل 6 و 7 من ص 23

(6) الأعداد المتساوية هي  $\frac{1}{7} \times (-9) = -\frac{9}{7}$

$$-\frac{9}{7}, \frac{9}{7}, \frac{9}{-7}, -\frac{9}{7}$$

(1) قول حسان خطأ ، قول أرزقي صحيح (7)

قول كريم صحيح

(2) أعداد طبيعية 10 ، 7 ، 3 ، 1

$$\frac{10}{3}, \frac{1}{7}, \frac{15}{3}, \frac{10}{2}, \frac{3}{4} \text{ كسورة 5}$$

أعداد نسبية -6 ، -17.2 ، 13.32 ، 7.5 ، 5.6

أعداد صحيحة نسبية -6 ، 10 ، 7 ، 3 ، 2

أعداد ليست صحيحة نسبية لاتوجد

نشاط 1 ، 2 ، 3 ص 28

$$(-15) \div (-2.5) = 6 ; 27 \div (-4) = -6.75 \text{ (1)}$$

$$(-12.5) \div 3 = -4.16 ; 14 \div (-2) = -7$$

$$; 28 \div 7 + 4 \text{ (1) (2)}$$

$$25 \div 7 = 3.571428571$$

$\frac{15}{7}$  ليس قيمة تامة للحاصل 3.571428571 (2)

لأن الباقي غير معدوم

3.571 ، 3.57 ، 3.5 ، هي  $\frac{25}{7}$  قيم تقريبية للحاصل 3

$$\frac{15}{-4} = -3.75 \text{ ; } \frac{16}{-2.5} = -6.40 \text{ (3)}$$

$$\frac{-27}{8} = -4.5 \text{ ; } \frac{-20}{6} = -3.33 \text{ ; } \frac{17}{-7} = -2.42$$

$$\frac{128}{7} = 18.28 \text{ ; } \frac{-15}{-9} = 1.66$$

نشاط 1 ، 2 ص 28 و ص 29

(1)

$$\frac{-16}{-2.5} = \frac{-16x(-2)}{-2.5x(-2)} = \frac{32}{5} \text{ (1)}$$

$$\frac{13}{-5} = \frac{-13}{5}$$

(2

$$\frac{-16}{-2.5} - \frac{13}{-5} = \frac{32}{5} - \frac{-13}{5} = \frac{32 - (-13)}{5} = \frac{32 + (+13)}{5}$$

$$= \frac{45}{5} = 9$$

(2)

$$\left(1\right) \text{ إشارة الجداء سالبة } \frac{-2}{-7} \times \frac{4}{5}$$

$$\text{حساب الجداء : } \frac{2}{7} \times \frac{4}{5} = \frac{2x4}{7x5} = \frac{8}{35}$$

$$\frac{-2}{7} \times \frac{4}{5} = \frac{-8}{35}$$

$$\frac{-2 \times 4}{7 \times 5} = \frac{-8}{35}$$

$$\frac{-2}{7} \times \frac{4}{5} = \frac{-2 \times 4}{7 \times 5} = \frac{-8}{35}$$

نلاحظ أن :

(2

$$\frac{-5}{8} \times \frac{9}{-4} = \frac{5}{8} \times \left(\frac{-9}{4}\right) = \frac{5}{8} \times \frac{9}{4} = \frac{5 \times 9}{8 \times 4} = \frac{45}{32}$$

$$\frac{-5}{8} \times \frac{9}{-4} = \frac{-5 \times 9}{8 \times (-4)} \text{ إذن } \frac{-5 \times 9}{8 \times (-4)} = \frac{5 \times 9}{8 \times 4} = \frac{45}{32}$$

(3) لقسمة عدد على عدد غير معهود نضرب العدد الأول في مقلوب العدد الثاني

$$\frac{5}{-6} \times \frac{-6}{5} \text{ هو مقلوب } \frac{-6}{5} \times \frac{-30}{-30} \times \frac{5}{-6} = 1$$

$$\frac{-3}{7} \div \frac{5}{-6} = \frac{-3}{7} \times \frac{-6}{5} = \frac{18}{35} \text{ حساب}$$

صفحة 36

$$\text{.....} \frac{15}{4} < \frac{15}{2} \text{ (1)}$$

$$\text{.....} \frac{12}{17} + \frac{17}{2} = \frac{293}{34} \text{ (2)}$$

$$\text{.....} \frac{7}{3} - \frac{9}{5} = \frac{8}{15} \text{ (3)}$$

$$\text{.....} \frac{2}{17} \times \frac{17}{2} = 1 \text{ (4)}$$

$$\text{.....} \frac{10}{3} \div \frac{4}{5} = \frac{10}{3} \times \frac{5}{4} \text{ (5)}$$

$$10 \div 3 = 3.33333 \text{ (6)}$$

3.33 هو القيمة التقريرية بالنقصان الى  $\frac{1}{100}$  للحاصل ..... (الثانية)

$$\text{الأولى) } \dots\dots\dots \frac{-13}{4} > \frac{-15.5}{4} \quad (7)$$

$$\text{الثالثة) } \dots 7 \times 12 = 4 \times 21 \text{ 'ذن } \frac{7}{4} = \frac{21}{12} \quad (8)$$

$$\text{الثانية) } \dots \text{ هو عدد ناطق } \frac{-20}{7} \quad (9)$$

$$\text{الثالثة) } \dots\dots\dots 7 \times \frac{10}{-3} = 7 \times \frac{-3}{10} \quad (10)$$

$$\text{الأولى) } \dots\dots\dots \frac{-5}{\frac{4}{3}} = -5 \div \frac{4}{3} \quad (11)$$

$$\text{الأولى) } \dots\dots\dots \frac{-4}{5} < \frac{4}{5} \quad (12)$$

حل تمرين 41 ص 40

$$A = \frac{\frac{3}{4}}{\frac{3}{4}} = \frac{3}{4} \times \frac{4}{3} = \frac{3 \times 4}{4 \times 3} = \frac{12}{12} = 1$$

$$B = \frac{\frac{-10}{3}}{\frac{4}{4}} = -10 \times \frac{4}{3} = \frac{-10 \times 4}{3} = -\frac{40}{3}$$

$$C = \frac{\frac{-13}{7}}{\frac{-10}{-10}} = \frac{-13}{7} \times \frac{1}{-10} = \frac{13 \times 1}{7 \times (-10)} = \frac{-13}{-70} = \frac{13}{70}$$

$$A - B \times C = \frac{73}{21}$$

$$A + B \div C = \frac{-2761}{39}$$

$$A \times B + C = \frac{-2761}{210}$$



# حلول تمارين الكتاب

## المدرسي الرياضيات



## متوسط

جميع الحقوق محفوظة

## المثلثات

نشاط 1 ، 2 من صفحة 123

(1) الوضعية النسبية للمستقيدين ( $M'L'$ ) و ( $L'M$ )

متوازيين

القطعتين  $[M'L']$  و  $[ML]$  لهما نفس الطول.

( 2

( إن الرباعي "  $AC'CC''$  متوازي أضلاع لأن  $B'$  هي

مركز تناظر له

إذن  $CC'' = AC'$  و  $CC'' \parallel AC'$

إن الرباعي "  $AC'CC''$  متوازي أضلاع لأن الصلعين

$[BC]$  و  $[CC'']$  فيه متوازيان ومتقابسان

إذن  $BC = C'C''$  و  $C'C'' \parallel BC$

بما أن  $C'C'' \parallel BC$  وأن  $B'$  منتصف  $[C'C'']$

فإن  $(C'B') \parallel (BC)$

بما أن  $C'C'' = BC$  وأن  $B'$  منتصف  $[C'C'']$  فإن

$$(C'B') = \frac{1}{2} \times C'C''$$

إتمام الخاصية

في مثلث  $ABC$  إذا كانت  $C'$  منتصف الضلع  $[AB]$

و كانت النقطة  $B'$  منتصف الضلع  $[AC]$  فإن:

$$B'C' = \frac{1}{2} \times BC \quad (B'C') \parallel (BC)$$

[AC] مثلث فيه BC = 6cm و M منتصف [AB] و N منتصف [AC]

(Δ) مستقيم يشمل النقطتين M و N و يوازي (BC) أحسب MN؟

### نشاط 3 ص 123 و ص 124

- لا يمكن رسم أكثر من مستقيم واحد يشمل 'B' و يوازي (BC)

- التلميذ سامي هو الذي استعمل الخاصية التي برهنت في النشاط السابق

- الرسم الصحيح هو رسم سامي لأن المستقيم (d)

المواري (BC) المطلوب كان عند سامي لأنه اعتمد على النظرية السابقة

- المطلوب من التلاميذ كتابة نص الخاصية التي تمكنا من استخراجها من هذا النشاط

[www.eddirasa.com](http://www.eddirasa.com)

اذا كان ABC مثلث فيه E منتصف [AB] و F منتصف [AC] بحيث (EF) / / (CB) فماذا تستنتج ؟

### حل تمرين 3 ص 130

طول [E'F'] يساوي نصف طول [EF]

لأن 'E' منتصف [GF] ..... معطيات

و 'F' منتصف [EG] ..... معطيات

و حسب النظرية فإن (E'F') / / (EF)

$$E'F' = \frac{1}{2} EF$$

### حل تمرين 4 ص 130

لدينا :  $P'$  منتصف  $[TP]$  ..... معطيات

$S'$  منتصف  $[TP]$  ..... معطيات

حسب النظرية فإن  $(SP) // (S'P')$

$$S'P' = \frac{21}{2} \text{ و } S' P' = \frac{1}{2} SP$$

$$S'P' = 10.5 \text{ cm}$$

حل تمرين 8 ص 130

إثبات أن الرباعي  $DP'D'H'$  متوازي أضلاع

لدينا  $PHD$  مثلث فيه

$D'$  منتصف  $[PH]$  و  $H'$  منتصف  $[PD]$

فإن  $1 (DP') / . / (D'H')$  أي  $(DH) / . / (H'D')$

$2 (H'D) // (D'P)$  أي  $(PD) // (D'P')$  إذن  $(PH)$  منتصف  $[DH]$  و  $D'$  منتصف  $[PD]$

من 1 و 2 ينتج أن الرباعي  $DP'D'H'$  متوازي أضلاع

• حساب  $H'D'$

$$H'D' = \frac{1}{2} \times 3 \text{ أي } H'D' = \frac{1}{2} HD$$

$$H'D' = 1.5$$

حساب \*  $DP$

$$DP = 2 D'P' \text{ أي } D'P' = \frac{1}{2} DP \text{ لدينا:}$$

$$DP = 4 \text{ فإن } D'P' = 2$$

حساب \*  $P'H'$

$$P'H' = 2.5$$

حل تمرين 9 ص 130

- بما أن : (EF) يشمل E منتصف [AR] و يوازي (LR) و حسب النظرية العكسية فإن F منتصف [AL]

حل تمرين 10 ص 130

[AB] مثلث فيه (OI) و O منتصف AEB

حسب النظرية العكسية فإن F منتصف [BE]

حل تمرين 11 ص 130

$$A'B'C' = A'B' + A'C' + B'C'$$

لكن :  $B'C' = \frac{1}{2} BC$  و  $A'C' = \frac{1}{2} AC$  و  $A'B' = \frac{1}{2} AB$

فإن  $A'B' + A'C' + B'C' = \frac{1}{2} (AB + AC + BC)$

محيط المثلث 'ABC نصف محيط المثلث ABC

إذن إجابة أحمد صحيحة

\* وإجابة جمال أيضا صحيحة لأن :

- مساحة المثلث  $\frac{AB + AC}{2} = ABC$

- مساحة المثلث ' $A'B'C'$   $= \frac{A'B' + A'C'}{2}$

أي  $\frac{\frac{AC \times AB}{4}}{2} = A'B'C'$  مساحة المثلث ' $A'B'C'$  .

$$\frac{1}{4} \times \frac{AC \times AB}{2}$$

ومنه مساحة المثلث ' $A'B'C'$  ربع مساحة المثلث ABC

المثلث "O'OO' فيه

$A'$  منتصف  $[OO']$  و  $B'$  منتصف  $[OO]$

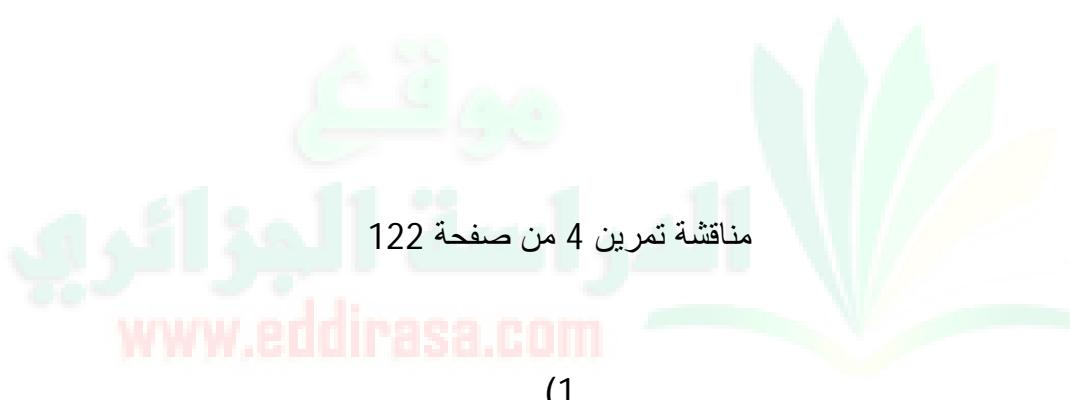
فإن  $(DC) // (AB)$  //  $(OO')$  وبما أن  $(DC) // (AB)$

فإن  $(DC) // (O'OO')$

## نشاط 2 من صفحة 126

المثلث  $ENH$  مثلث فيه  $M'$  منتصف  $[NH]$  و  $F'$  منتصف  $[EH]$  //  $(MF)$  وحسب النظرية العكسية فإن

$[EN]$  منتصف  $F'$



| ST  | RS  | RT  |                           |
|-----|-----|-----|---------------------------|
| 4   | 4.5 | 3   | أطوال أضلاع المثلث $RST$  |
| ST  | RS  | RT  | أطوال أضلاع المثلث $REE'$ |
| RE  | EE' | RE' | أطوال أضلاع المثلث $RST$  |
| 2.4 | 2.7 | 1.8 | أطوال أضلاع المثلث $REE'$ |
| EE' | RE' | RE  |                           |

| ST  | RS  | RT  |                           |
|-----|-----|-----|---------------------------|
| 4   | 4.5 | 3   | أطوال أضلاع المثلث $RST$  |
| 0.8 | 0.9 | 0.6 | أطوال أضلاع المثلث $REE'$ |
| EE' | RE' | RE  |                           |

(2)

$$AP = 3.7 ; \\ AP' = 2.2 \\ ; KP = 2.6$$

$$AK = 4.3 ; AK' = 2.6 ; K'P' = 1.6$$

$$\frac{AP'}{Ap} = 0.6 , \frac{AK'}{AK} = 0.6 , \frac{K'P'}{KP} = 0.6$$

نلاحظ أن

$$\frac{AP'}{AP} = \frac{AK'}{AK} = \frac{K'P'}{KP} = 0.6$$

**نشاط 1 و 2 ص 126**

- نقل الشكل

$$TE = 1.8 ; EP = 7.8$$

( استعمال الرابع المتناسب و حل المعادلات )

$$AD = \frac{2}{3} AC \quad \text{نَبِيَّنْ أَنْ}$$

حسب النظرية :

$$\frac{AD}{AC} = \frac{AE}{AB} = \frac{ED}{CB} = \frac{1.8}{2.7} = \frac{2}{3}$$

إذن :

$$\frac{AD}{AC} = \frac{2}{3}$$

حساب AC

$$\frac{AD}{AC} = \frac{2}{3} \quad \text{لدينا}$$

$$AC \times 2 = AD \times 3$$

$$AC = \frac{3}{2} AD$$

$$AC = \frac{3}{2} \times 2.6$$

$$AC = 3.9 \quad \text{ومنه}$$

حساب DE

$$\frac{DE}{3.3} = \frac{2}{3} \quad \text{أي} \quad \frac{DE}{BC} = \frac{2}{3}$$

ومنه :  $3 \times DE = 2 \times 3.3$

$$DE = 2.2 \quad \text{أي}$$

مناقشة قوم مكتباتك ص 129

(AB) // (IJ) // (Δ) (1)  
[AC] و [AD] منتصف

$$\text{إذن : } IJ = \frac{1}{2} CD \quad (\text{الثالثة})$$

$$\text{إذن : } (MG) // (EF) \quad (2)$$

الأولى

$$\frac{OE}{OG} = \frac{OF}{OH}$$

(3) نقطة من [KM] و (d) منتصف  
إذن : (d) يقطع [ML] في منصفه (الثالثة)

(4) M نقطة من [RS] و N نقطة من [RT]  
إذن : لا يمكن استنتاج شيء (الثالثة)

$$\frac{1}{1+y} = \frac{1.5}{4.5} \quad \text{إذن : } (PT) // (RS) \quad (5)$$

( الثانية )

(6) E منتصف [AB] و D منتصف [AC]  
إذن :  $FG = \frac{1}{2} CB \quad (\text{الثالثة})$

$$\text{إذن : } (KL) // (MN) \quad (7)$$

( الثانية )

$$\frac{OL}{ON} = \frac{OK}{OM}$$

$$\text{إذن : } x = 4.5 \quad (EF) // (IH) \quad (8)$$

( الثانية )

## مسألة 26 ص 133

إثبات إن الزاوية  $A\hat{D}E$  قائمة :

(AB) // (ED) حسب نظرية مستقيم المنتصفين فإن (CB) و D منتصف [CA] مثلث فيه E متصل فيه

و بما أن (AC)  $\perp$  (ED) فإن (AC)  $\perp$  (AB)

أي الزاوية  $A\hat{D}E$  قائمة

إثبات أن الرباعي ABCD مستطيل :

لدينا : ( بالتنصيف )  $AD = AC$

و  $CD = D'B$  ( بالانتظار المركزي )

إذن : (1) .....  $D'B = AD$

ولدينا :  $ED = \frac{1}{2} AB$  ..... نظرية

$ED = ED'$  و

إذن : (2) .....  $AB = D'D$

من (1) و (2) ينتج أن الرباعي ABCD متوازي أضلاع وفيه الزاوية  $B\hat{A}C$  قائمة فهو مستطيل

## مسألة 30 ص 133:

حساب طول القطعة [BD]

المثلث ABD فيه C نقطة من [AD] و O نقطة من

: إذن (BD) // (OC) و ([AB]

$$\frac{AO}{AB} = \frac{OC}{BD} \text{ ومنه } \frac{AC}{AD} = \frac{AO}{AB} = \frac{OC}{BD}$$

$$BD = 3 \text{ و منه } \frac{1.5}{3} = \frac{1.5}{BD} \text{ أي }$$

**إثبات أن  $(OC) \parallel (BD)$** 

المثلث  $ADB$  فيه  $C$  منتصف  $[AB]$  و  $O$  منتصف  $[AD]$  و حسب نظرية مستقيم المنصفين فإن

$$(OC) \parallel (BD)$$

$DF$  و  $EF$  حساب

بعد تطبيق نظرية المثلثين المعينان بمستقيمين متوازيين ويقطعهما قاطعان غير متوازيين

$$\frac{AD}{AF} = \frac{AB}{AE} = \frac{BD}{EF} \text{ : نجد :}$$

$$\frac{3}{4.5} = \frac{3}{EF} \text{ ومنه } \frac{AB}{AE} = \frac{BD}{EF} \text{ لدينا}$$

$$EF = 4.5 \text{ أي}$$

$$\frac{5.6}{AF} = \frac{3}{4.5} \text{ أي } \frac{AD}{AF} = \frac{AB}{AE} \text{ ولدينا}$$

$$DF = AF - AD \text{ أي } AF = 8.4 \text{ ومنه } 3AF = 5.6 \times 4.5 \text{ ومنه } DF = 2.8$$

**نشاط 1 ، 2 ص 136**

(1) نلاحظ بعد استعمال الورق الشفاف لمقارنة المثلثين  $RIF$  و  $JOL$  أنهم منطبقان

(2) نقول عن مثلثين **قابلان للتطابق** أنهم مقايسان

كل عنصرين متماثلين في هذين المثلثين **قابلين للتطابق**

- المثلثان  $FKL$  و  $LKI$  مقايسان

(3) المثلثان  $EL$  و  $RID$  غير مقايسان لأنهما غير قابلان للتطابق

(1) المثلثين  $ABC$  و  $EFG$  مقايسان (2)

المثلثين  $ABC$  و  $DHI$  غير مقايسان

أوجه التشابه في الحالة (أ) و(ب) هي الزاوية التي قيسها  $60^\circ$  ممحورة بين ضلعين في المثلثين ABC وEFG وأوجه الاختلاف في المثلث DHI الزاوية التي قيسها  $60^\circ$  غير ممحورة بين ضلعين

(2) المثلثين LKJ و MNO متقابisan

المثلثين LKJ و RST غير متقابisan

أوجه التشابه في الحالة (ج) و (د) الضلع محصور بين زاويتين في المثلثين LKJ وMNO وأوجه الاختلاف هو أن الضلع غير محصور بين زاويتين في المثلث RST

(3) المثلثان PUZ و WYX فيما

$$PU = WX = 2\text{cm}, PZ = WY = 3\text{cm}$$

$$UZ = XY = 4\text{cm}$$

نشاط 3 و 4 ص 137

(3) - المثلثين غير متقابisin

- يجب إضافة طول ضلع محصور بين زاويتين كي يرسم عزوza وبلال مثلثين متقابisin

(4) المثلثان متقابisan في الحالتين ( استعمال ورق شفاف )

استنتاج :

- يتقابis مثلثان قائما ن إذا تقابis بينهما الوتر و ضلع قائم .
- يتقابis مثلثان قائمان إذا تقابis بينهما الوتر و زاوية حادة

حل تمرين 2 ص 148

1) إنشاء المثلث  $A'B'C'$  حسب المعطيات الواردة

المثلثان  $ABC$  و  $A'B'C'$  ليسا متقابisan لأن الزاوية  $\hat{B}$  ليس محصورة بين  $[A'B']$  و  $[A'C']$

### حل تمرين 3 ص 148

1) المعلومات الواردة في الشكل هي

( $\Delta$ ) قطعة مستقيم ، النقطة  $O$  منتصفها و ( $\Delta$ ) محورها .  $M$  نقطة من المستقيم  $[AB]$

$MA = MB$  لأن  $M$  نقطة من ( $\Delta$ ) محور  $[AB]$  (2)

\* نوع المثلث  $MAB$  مثلث متساوي الساقين لأن

$$MA = MB$$

3) المثلثان  $MAO$  و  $MOB$  فيهما

معطيات .....  $MA = MB$  \*

[ $MO$ ] ضلع مشترك \*

معطيات .....  $OA = OB$  \*

فالمثلثان  $MAO$  و  $MOB$  متساوian

### حل تمرين 6 ص 148

المثلثان  $AOI$  و  $BOI$  قائمان فيهما

[ $OI$ ] وتر مشترك \*

بالتتصيف .....  $A\hat{O}I = B\hat{O}I$  \*

فالمثلثان متساوian

### نشاط 1 ص 138

1) المستقيم ( $d_1$ ) هو محور الصلع  $[BC]$  يعني أن ( $d_1$ ) عمودي على  $[BC]$  في منتصفها

[2] المستقيم (d2) هو حامل الارتفاع [AH] المتعلق بالضلوع [BC] يعني أن : (d2) يشمل الرأس A و يعمد الضلع المقابل [BC]

[3] نصف المستقيم (AX) منصف للزاوية A يعني أن (AX) يشمل الرأس A و يقسم الزاوية A إلى زاويتين مقابستان

[4] المستقيم (d3) هو حامل المتوسط المتعلق بالضلوع [BC] يعني أن : (d3) يشمل الرأس A و ينصف الضلع المقابل [BC]

### نشاط 2 ص 138

**ملاحظة :** المحاور تتقاطع في نقطة واحدة (1)

المثلث EFG محاوره تتقاطع في نقطة واحدة تقع خارج المثلث

(2) الأعمدة تتقاطع في نقطة واحدة و في المثلث EFG نقطة تقاطع الأعمدة خارج المثلث

(3) المتوسطات في المثلث تتقاطع في نقطة واحدة

(4) منصفات الزوايا في مثلث تتقاطع في نقطة واحدة

### نشاط 1 ص 142

(1) لدينا O نقطة من محور [DE]

$$\text{إذن } (1) \dots \dots \quad OD = OE$$

لدينا O نقطة من محور [EF]

$$\text{إذن } (2) \dots \dots \quad OE = OF$$

من (1) و (2) نجد  $OD = OF$  أي أن O نقطة من المحور الثالث

(2) مما سبق ينتج أن  $OE = OF = OD$

إذن النقطة O مركز الدائرة المحيطة بالمثلث DEF

(3) نقطة تلاقي المحاور الثلاثة لمثلث هي **مركز الدائرة المحيطة** بهذا المثلث

### نشاط 5 ص 143

(1) رسم الشكل ونقله من الكتاب

(2) استعمال نظرية مستقيم المنتصفين للبرهان على أن كل ضلع من المثلث  $ABC$  يوازي ضلعاً من المثلث  $A'B'C'$

(3) إنشاء محاور المثلث  $A'B'C'$

يمثل هذه المحاور بالنسبة للمثلث  $ABC$  أعمدة وهي تتلاقى في نقطة واحدة

### نشاط 2 ص 142

(1) نصف المستقيم  $[OU]$  منصف الزاوية  $\hat{yox}$

(2) يمثل كل من  $MA$  و  $MB$  بالنسبة إلى ضلعي الزاوية  $\hat{yox}$  المسافة بين  $M$  و ضلعي هذه الزاوية

(3) المثلثان  $OAM$  و  $OBM$  قائمان فيما

[ومتر مشترك  $OM$ ]

$$\hat{MOA} = \hat{MOB} \quad \dots \dots \text{ بالتنصيف}$$

فالمثلثان  $OAM$  و  $OMB$  متقاريان

إكمال النص :

تبعد كل نقطة  $M$  من منصف زاوية بنفس **البعد** عن **ضلعي** هذه الزاوية

### نشاط 3 ص 142

(1) المثلثان  $RNH$  و  $RIN$  قائمان فيما

[ومتر مشترك  $RN$  ]

$$\hat{NH} = \hat{NI} \quad \dots \dots \text{معطيات}$$

فالمثلثان متقاريان

(2) يمثل نصف المستقيم  $(RN)$  بالنسبة للزاوية  $S\hat{R}T$  منصفها لأن  $N\hat{R}T = H\hat{R}N$  استناداً إلى البرهان السابق

(3) كل نقطة  $N$  تبعد **بنفس البعد** عن **ضلعي** زاوية هي نقطة من **منصف** هذه الزاوية

### نشاط 4 ص 142

(1) تبعد نفس البعد عن ضلعي الزاوية  $[EF]$  و  $[EG]$  ..... (1)

| تبعد نفس البعد عن ضلعي الزاوية  $[EF]$  و  $[FG]$  |

(2) .....

من (1) و (2) نجد | تبعد نفس البعد عن  $[EG]$  و  $[GF]$  أي النقطة | نقطة من منصف الزاوية الثالثة

(2) إنشاء الشكل حسب المعطيات الواردة

- نلاحظ أن الدائرة مرسومة داخل المثلث وأن النقطة | مركزها

**إتمام النص :**

نقطة تلاقي المنصفات الثلاثة لزوايا مثلث هي **مركز** الدائرة المرسومة **داخل** هذا المثلث

### نشاط 6 ص 143

(1) رسم الشكل حسب المعطيات الواردة

(2) إنشاء النقطتين ' $A'$  ، ' $A''$

(3) الرباعي  $AB''CG$  متوازي أضلاع لأن قطراه متتسافان

الرباعي ' $B'CAG$ ' متوازي أضلاع لأن قطراه متتسافان

- الرباعي  $B'A''AB$  متوازي أضلاع لأن فيه كل ضلعين متقابلين متوازيان

(4) لدينا  $(A''B) // (CG)$  لأن الرباعي  $B'CAG$

متوازي أضلاع وبما أن ' $C$ ' على إستقامة واحدة فإن  $(GC') // (BA'')$

(5) لدينا  $ABA''$  مثلث فيه  $G$  منتصف  $[AA'']$

و  $(B''A) // (GC')$  حسب النظرية العكسية لمستقيم المنتصفين فإن ' $C'$  منتصف  $[AB]$

إذن ' $CC'$  هو حامل المتوسط المتعلق بالصلع  $[AB]$  ويشمل  $G$

- لدينا  $G$  منتصف  $[AA']$  ... (1)

و  $A'$  منتصف  $[GA]$  ..... (2)

من (1) و (2) نجد  $A'G = AG \frac{1}{2}$  وهذا يعني أن

$BG = BB' \frac{2}{3}$  ،  $CG = CC' \frac{2}{3}$  وبنفس الطريقة نجد :  $AG = AA' \frac{2}{3}$  ومنه  $A'G = AA' \frac{1}{3}$

إتمام النص :

المتوسطات الثلاثة في مثلث تتقاطع في نقطة واحدة

$G$  تسمى مركز ثقل المثلث ويتحقق

$$AG = AA' \frac{2}{3} , BG = BB' \frac{2}{3} , CG = CC' \frac{2}{3}$$

### نشاط 143 ص 7

مركز الثقل نقطة تقاطع المتوسطات

مناقشة و حل الأسئلة الواردة في صفحة 147

$AC = 5 \text{ cm}$  ;  $AB = 4 \text{ cm}$  مثلث حيث  $ABC$  (1)

و  $\hat{A} = 75^\circ$  المثلثان  $ABC$  و  $A'B'C'$  متقاربان في حالة :  $B'A' = 5 \text{ cm}$  ;  $B'C' = 4 \text{ cm}$  و  $B'C' = 75^\circ$

(2) النقطة  $H$  في المثلث  $ABC$  هي مركز ثقل المثلث

(3) طول  $[A'L']$  في المثلث  $ABC$  يساوي  $\frac{1}{2} AL$

(4)  $G'$  متوازي أضلاع مركزه  $O$  نظيرة  $G$  بالنسبة إلى  $O$  نظيرة  $CASE$

(5) مساحة  $SBN$  مثلث متقارب الأضلاع مساحة  $S'B'N'$  تساوي  $\frac{1}{4}$  مساحة  $SBN$

(6) نقطة  $G$  في المثلث  $SBN$  هي نقطة تلاقى كل المستقيمات الخاصة

7) مثلث FER متساوي قائم في E يساوي نصف قطر الدائرة المحيطة بالمثلث FER

(8) المثلثان A'BC و A'ACC متساويان

حل تمرين 15 ص 150

\* في مثلث متساوي الساقين ABC محور القاعدة [BC] هو منصف  $\hat{B}$  خطأ

\* يكفي أن تتطابق زوايا مثلثين لاستنتاج تسايس المثلثين

\* تتطابق محاور الأضلاع و المتوسطات ومنصفات الزوايا في المثلث القائم خطأ

\* طول أي ضلع في مثلث هو أصغر من مجموع طولي الضلعين الآخرين صحيح

\* في المثلث ABC القائم في  $\hat{A}$  محور الوتر [BC] هو المتوسط المتعلق بالضلعين [BC] خطأ

\* في مثلث متساوي الساقين ABC حيث  $AB = AC$

طولا المتوسطين المتعلقين بالضلعين [AB] و [AC] مختلفان خطأ

\* مركز نقل مثلث هو نقطة تلاقى محاوره خطأ

حل تمرين 14 ص 149

رسم الشكل حسب المعطيات الواردة

- المثلث ABC قائم في  $\hat{A}$  و متساوي الساقين

- المثلثان BIO و OJC قائمان فيهما

$[BC]$  منتصف لأن  $O \ldots OC = OB^*$

$BI = JC \ldots$  إستناداً من المعطيات

فالمثلثان BIO و OJC متساويان

حل تمرين 19 ص 150

\* توجد مثلثات قائمة و متساوية الساقين في آن واحد صحيح

\* اذا كان محور ضلع مثلث منصفاً لزاوية المقابلة له فهو متوسط لها الضلع صحيح

\* اذا كان ارتفاع في مثلث محوراً فهو منصف لزاوية الرأس الذي يشملها صحيح

\* اذا كان لمثلث محوراً تناهراً فهو ليس قائماً صحيح

\* اذا كان قطر دائرة محيطة بمثلث هو أحد أضلاع هذا المثلث فالمثلث متواقيس الأضلاع صحيح

حل تمرين 20 ص 150

المثلثان BEF و CDN فيهما

$$\text{بالتبادل الداخلي } D\hat{C}E = B\hat{F}E$$

$$\text{إستنتاجاً } C\hat{N}D = E\hat{B}F$$

$$\text{إستنتاجاً } CN = BF$$

فالمثلثان متواقيسان

حل تمرين 7 ص 148

\* المثلث ABC هو مثلث متساوي الساقين لأن

$$AB = AC$$

$$\text{المثلثان MOI و ION فيهما}$$

$$IN = IM$$

[IO] ضلع مشترك

$$M\hat{O} = N\hat{I}O = 90^\circ$$

فالمثلثان متواقيسان

\* المستقيم (AO) يمثل بالنسبة إلى الشكل محور تناهراً

\* لحساب مساحة الشكل

نحسب مساحة المثلث ABC

$$S_1 = \frac{BC \times AI}{2} = \frac{2 \times 2.5}{2} = 2.5 \text{ cm}^2$$

نحسب مساحة المثلث MNO

$$S_2 = \frac{MN \times IO}{2} = \frac{5 \times 2}{2} = 5 \text{ cm}^2$$

وعليه مساحة الشكل كله

$$S = 2.5 + 5 \quad \text{ومنه } S = S_1 + S_2$$

$$S = 7.5 \text{ cm}^2 \quad \text{ومنه}$$

حل التمرين 8 ص 149

إنشاء المثلث ABC حيث ; AC = 5 cm

$$BC = 4 \text{ cm} ; \quad AB = 6 \text{ cm}$$

\* المثلثان ABC و AIC ليس متقارisan لأن

$$6 \neq 5 \quad \text{أي } AB \neq AC$$



# حلول تمارين الكتاب

## المدرسي الرياضيات



## متوسط

جميع الحقوق محفوظة

# القوى ذات اسس نسبة صحيحة

**مناقشة (1) ص 45**

$$47 \times 1000 = 47000 , 10 \times 3.53 = 35.5$$

$$56 \times 0.1 = 5.6 , 0.004 \times 1000 = 4$$

$$; 78.8 \times 0.01 = 0.788$$

$$13550 \times 0.001 = 13.550$$

(2) المسافة بين الأرض والشمس هي :

150000000km

**45 (2) ص**

$$3 \times 3 = 9 \text{ cm}^2$$

(2) لرسم هذا المربع الذي مساحته  $10000 \text{ mm}^2$

نحوّله إلى  $\text{cm}^2$  إذن المربع مساحته  $100 \text{ cm}^2$

أي طول ضلعه 10cm

**45 (6) ص**

$$0.1 = \frac{1}{10} , 0.001 = \frac{1}{1000} , 0.01 = \frac{1}{100}$$

$$0.000001 = \frac{1}{1000000} , 0.0001 = \frac{1}{10000}$$

**نشاط 1 ص 42**

**(1) الجواب الصحيح جواب لينة**

- عدد البكتيريا بعد 6 ساعات هو 1000000

$$\frac{1}{10^2} = 0.01 \cdot 3700 = 37 \times 10^2 \quad (2)$$

$$\frac{1}{10^4} = 0.0001 \cdot 10000 = 10^4$$

$$45000 = 45 \times 10^3 \cdot 10^6 = 1000000$$

42 ص (2)

$$0.001 = 10^{-3}, 0.01 = 10^{-2}$$

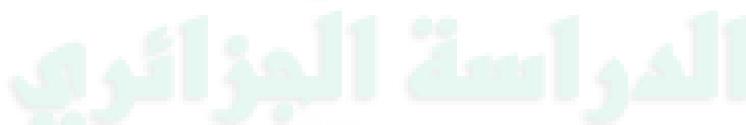
$$0.375 = 3.75 \times 10^{-1} \text{ الإكمال :}$$

$$0.00005 = 10^{-5}, 0.5 = 5 \times 10^{-1}$$

$$, 1.438 = 14.38 \times 10^{-1}$$

$$, 18 = 1800 \times 10^{-2}$$

$$13.333 = 133.33 \times 10^{-1}$$



نشاط (1) ص 43

$$10^2 \times 10^3 = 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 = 10^5$$

$$10^5 \times 10^{-3} = 10^5 \times \frac{1}{10^3} = \frac{1000000}{1000} = \frac{100}{1} = 10^2$$

$$10^{-6} \times 10^4 = \frac{1}{10^6} \times 10^4 = \frac{1}{100} = 10^{-2}$$

$$10^{-2} \times 10^{-3} = \frac{1}{10^2} \times \frac{1}{10^3} = \frac{1}{100000} = 10^{-5}$$

$$\frac{10^{-2}}{10^{-3}} = 10^{-2} \times \frac{1}{10^{-3}} = \frac{1}{10^2} \times 10^3 = 10^1$$

$$\frac{10^{12}}{10^{18}} = 10^{-6}, \frac{10^{16}}{10^8} = 10^8$$

$$(10^2)^3 = (10 \times 10) \times (10 \times 10) \times (10 \times 10) = 10^6$$

$$(10^{-2})^{-2} = \frac{1}{(10^{-2})^2} = \frac{1}{10^{-2} \times 10^{-2}} = \frac{1}{10^{-4}} = 10^4$$

**43 ص (2)**

$$\frac{10^6}{10^4} = 10^{6-4} = 10^2$$

عرض مستطيل هو

**حل تمرين 1 ص 57**

$$100000000 = 10^8 , 10^0 = 1 , 10^3 = 1000$$

$$10^4 = 10000 , 10^1 = 10 , 10^{10} = 10000000000$$

**حل تمرين 2 ص 57**

$$10^{-6} = 0.000001 , 10^{-10} = 0.0000000001$$

$$10^{-1} = 0.1 , 10^{-5} = 0.00001 , 10^{-3} = 0.001$$

$$10^{-2} = 0.01$$

**حل تمرين 3 ص 57**

$$\frac{1}{10^0} = \frac{1}{1} = 1 , \frac{1}{10^{-2}} = 100 ; \frac{1}{10^7} = 0.0000001$$

$$\frac{1}{10^{-1}} = 10 , \frac{1}{10^3} = 0.001 , \frac{1}{10^{-6}} = 1000000$$

**حل تمرين 4 ص 57**

$$P=3 \text{ أي } 10^3 = 1000 , P=2 \text{ أي } 10^2 = 100$$

$$P=0 \text{ أي } 10^0 = 1 , P=4 \text{ أي } 10^4 = 10000$$

$$P=8 \text{ أي } 10^8 = 100000000 , P=1 \text{ أي } 10^1 = 10$$

**حل تمرين 6 ص 57**

$$\frac{1}{10^5} = 10^{-5} = 0.00001 \quad ; \quad \frac{1}{10^{-3}} = 10^3 = 1000$$

$$\frac{1}{10^0} = \frac{1}{1} = 1 \quad ; \quad \frac{1}{10^3} = 0.001 \quad ; \quad \frac{1}{10^{-1}} = 10^1 = 10$$

$$\frac{1}{10^7} = 10^{-7} = 0.0000001$$

حل تمرين 7 ص 57

$$754 \times 10^6 = 754000000 \quad ; \quad 21 \times 10^2 = 2100$$

$$37 \times 10^5 = 3700000 \quad ; \quad 8 \times 10^4 = 80000$$

$$7 \times 10^0 = 7 \quad ; \quad 12 \times 10^1 = 120$$

حل تمرين 8 ص 57

$$10^{-6} \times 7337 = 0.007337 \quad , \quad 10^{-2} \times 18 = 0.18$$

$$, 10^{-6} \times 510 = 0.000510$$

$$10^{-4} \times 3 = 0.0003 \quad , \quad 10^{-6} \times 1001 = 0.001001$$

حل تمرين 9 ص 57

$$10^2 \times 10^5 = 10^{2+5} = 10^7$$

$$10^2 \times 10^{-2} = 10^{2-2} = 10^0$$

$$10^7 \times 10^4 = 10^{7+4} = 10^{11}$$

$$10^{-1} \times 10^3 = 10^{-1} = 10^2$$

$$10^{-1} \times 10^{-1} = 10^{-1-1} = 10^{-2}$$

$$10^{-4} \times 10^{-3} = 10^{-4-3} = 10^{-7}$$

حل تمرين 10 ص 57

$$(10^2)^2 = 10^{2 \times 2} = 10^4$$

$$(10^{-2})^3 = 10^{-2 \times 3} + 10^{-6}$$

$$(10^2)^{-1} = 10^{2 \times (-1)} = 10^{-2}$$

$$(10^1)^3 = 10^{1 \times 3} = 10^3$$

$$(10^{-2})^{-2} = 10^{2 \times (-2)} = 10^4$$

$$(10^0)^3 = 10^{0 \times 3} = 10^0$$

حل تمرين 11 ص 57

$$\frac{10^3}{10^2} = 10^{3-2} = 10^1$$

$$\frac{10^{-1}}{10^6} = 10^{-1-6} = 10^{-7}$$

$$\frac{10^{-1}}{10^5} = 10^{-1-5} = 10^{-6}$$

$$\frac{10^3}{10^{-4}} = 10^{3+4} = 10^7$$

$$\frac{10^{-5}}{10^{-2}} = 10^{-5+2} = 10^{-3}$$

$$\frac{10^{-3}}{10^{-4}} = 10^{-3+4} = 10^1$$

#### نشاط (1) ص 44

1) إنجاز العمليات الأربع الواردة في الإطار بالحاسبة

2) اختلاف كتابات ناتجي العمليتين الثالثة و الرابعة راجع لاختلاف الآلات العلمية

3) ناتج العملية الثالثة التي تعطيه الحاسبات ليس قيمة الجداء  $197523 \times 65897$  وإنما هو فقط تقدير له لأنه يعتبر ناتج في شكل كتابة علمية

#### نشاط 2 ص 44

EXP

اللمسة

$$625 \text{ EXP } 7 = 6250000000$$

دور اللمسة EXP هو حساب قوة صحيحة للعدد 10

$$5.25 \times 10^8 = 525000000$$

$$2335 \times 10^5 = 233500000$$

$$0.5 \times 10^{-9} = 5^{-10} ; 21 \times 10^{-3} = 0.021$$

**حل (2) و (3) ص 41 (أختبر مكتسباتك)**

$$(1) \text{ مساحة المربع هي } 3 \times 3 = 3^2 = 9 \text{ cm}$$

(2) رسم مربع مساحته  $100 \text{ cm}^2$  أي  $10000 \text{ mm}^2$  ومنه طول ضلعه  $10 \text{ cm}$

(3)

قاعدة حساب حجم مكعب طول حرفه  $a$  هي

$$a \times a \times a = a^3$$

حجم مكعب طول حرفه  $3.5 \text{ cm}$  هي

$$3.5 \times 3.5 \times 3.5 = (3.5)^3$$

نشاط (1) ص 47

$$a \times a \times a \times a = a^4 \quad (1)$$

$$a \times a \times a \times a \times a = a^5$$

$$a \times a \times a \times a \times a \times a \times a = a^8$$

نشاط 2 ص 47

إكمال المخطط

- عدد المربعات التي طول ضلعها  $8 \text{ cm}$  هي 16

- عدد المربعات التي طول ضلعها  $4 \text{ cm}$  هي 64

$$4 \times 4 \times 4 = 4^3 = 64 ; 4 \times 4 = 4^2 = 16$$

## نشاط 3 ص 48 (لتوظيف)

$$5^4 = 625 \quad (1)$$

(2) إستعمال الحاسبة لحساب  $5^4$  بإستعمال اللمسة



دور اللمسة  $y^x$  هو حساب قوة صحيحة لعدد نسبي

(3) حساب بإستعمال الحاسبة الأعداد

إستعمال اللمسة  $y^x$

## نشاط 1 و 2 ص 48 و ص 49

$$2^4 \times 2^3 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \quad (1 \quad (1))$$

$$3^5 \times 3^{-1} = 3^5 \times \frac{1}{3^1} = \frac{3^5}{3^1} = \frac{3^4}{1} = 3^4$$

$$6^{-4} \times 6^2 = 6^{-2} \cdot 5^{-4} \times 5^{-2} = 5^{-6}$$

$$\frac{3^5}{3^{-1}} = 3^5 \times 3^1 = 3^6 \quad ; \quad \frac{2^4}{2^3} = 2^4 \times 2^{-3} = 2^1$$

$$\frac{6^{-4}}{6^2} = 6^{-4} \times 6^{-2} = 6^{-6}$$

$$(7^2)^3 = 7^2 \times 7^2 = (7 \times 7) \times (7 \times 7) = 7 \times 7 \times 7 \times 7 = 7^4$$

$$(4^{-2})^3 = \frac{1}{4^2} \times \frac{1}{4^2} \times \frac{1}{4^2} = \frac{1}{4^{2+2+2}} = \frac{1}{4^6} = 4^{-6}$$

$$(3^3)^{-3} = 3^{-9} \quad ; \quad (8^{-2})^{-3} = 8^6$$

إستعمال طريقة لينة (2)

$$5^3 \times 3^3 = (5 \times 3)^3 = 15^3$$

$$2^{-6} \times 5^{-6} = (2 \times 5)^{-6} = 10^{-6}; \quad 6^4 \times 2^4 = (6 \times 2)^4 = 12^4$$

$$12^7 \times 8^7 = (12 \times 8)^7 = 96^7$$

$$10^9 \times 3.5^9 = (10 \times 3.5)^9 = 35^9$$

(2)

$$\frac{5^2}{3^2} = \frac{5 \times 5}{3 \times 3} = \frac{5}{3} \times \frac{5}{3} = \left(\frac{5}{3}\right)^2$$

### نشاط (1) ص 49

$$3.5 \times 10^{-1} = 0.35; \quad 3 \times 10^2 = 300$$

$$5.475 \times 10^{-3} = 0.005475; \quad 10^{-2} = 0.01$$

$$10^{-3} = 0.001; \quad 10^4 = 10000; \quad 10 = 10$$

$$7.2 \times 10^3 = 7200$$

الترتيب التصاعدي

$$0.001 < 0.005475 < 0.01 < 0.35 < 10 < 300 < 7200 < 10000$$

أي

$$\therefore 10^{-3} < 5.475 \times 10^{-3} < 10^{-2} < 3.5 \times 10^{-1} < 10 < 3 \times 10^2 < 7.2 \times 10^3 < 10^4$$

### نشاط (2) ص 49

(1) الكتابة العلمية للعددين A و B

$$A = 53467819 = 5.3467819 \times 10^7$$

$$B = 0.0027492 = 2.7492 \times 10^{-3}$$

(2) حصر كلا من A و B بين قوتين للعدد 10 ذات أسين متتاليين

$$10^{-3} < B < 10^{-2} ; \quad 10^7 < A < 10^8$$

(3) يمثل العدد  $5 \times 10^8$  بالنسبة للعدد A هو رتبة قدره

يمثل العدد  $3 \times 10^{-3}$  بالنسبة للعدد B هو رتبة قدر ايضا

(4) رتبة قدر  $A \times B$  هي  $15 \times 10^5$

$$\text{رتبة قدر } \frac{5}{3} \times 10^{11} \text{ هي } \frac{A}{B}$$

حل تمرين 16 ص 58

$$735.3 = 7.353 \times 10^2 , \quad 7.3 = 7.3 \times 10^0$$

$$12375 = 1.2375 \times 10^4 , \quad 3000 = 3 \times 10^3$$

$$10000 = 1 \times 10^4 , \quad 347610 = 3.47610 \times 10^5$$

حل تمرين 17 ص 58

$$0.0005 = 5 \times 10^{-4} , \quad 0.94 = 9.4 \times 10^{-1}$$

$$0.000010 = 1 \times 10^{-5} , \quad 0.0000019 = 1.9 \times 10^{-6}$$

$$0.000000729 = 7.29 \times 10^{-7}$$

حل تمرين 19 ص 58

$$150 \times 10^3 = 1.50 \times 10^5 , \quad 150 = 1.50 \times 10^2$$

$$150 \times 10^0 = 1.50 \times 10^2 , \quad 150 \times 10^{-2} = 1.50 \times 10^0$$

$$150 \times 0.0001 = 150 \times 10^{-4}$$

$$= 1.50 \times 10^{-2}$$

$$\frac{150}{10} = 150 \times 10^{-1} = 1.50 \times 10^1$$

حل تمرين 26 ص 59

$$A = -2$$

$$A^5 = (-2)^5 = -32$$

$$-2A^3 = -2(-2)^3 = (-2)(-8) = 16$$

$$3A^2 = -2(-2)^3 = 3 \times 4 = 12$$

$$4A^7 = 4(-2)^7 = -4(-128)$$

$$= -512$$

$$\frac{8}{A^3} = \frac{8}{(-2)^3} = \frac{8}{-8} = -1$$

$$\frac{A^{-4}}{4} = \frac{(-2)^{-4}}{4} = \frac{1}{4 \times (-2)^4} = \frac{1}{64}$$

حل تمرين 28 ص 59

$$64 = 2^6 \quad ; \quad \frac{1}{512} = \frac{1}{2^9} = 2^{-9} \quad ; \quad \frac{1}{4} = \frac{1}{2^2} = 2^{-2}$$

$$\frac{1}{32} = \frac{1}{2^5} \quad ; \quad 1024 = 2^{10} \quad ; \quad 128 = 2^7$$

حل تمرين 29 ص 59

$$2^5 \times 2^3 = 2^{5+3} = 2^8$$

$$32 \times 8^{-1} = 2^5 \times (2^3)^{-1}$$

$$= 2^5 \times 2^{-3}$$

$$= 2^2$$

$$2^6 \times \frac{1}{4096} = 2^6 \times \frac{1}{2^{12}}$$

$$= 2^6 \times 2^{-12} = 2^{-6}$$

$$\frac{2^{-3}}{2^5} = 2^{-3-5} = 2^{-8}$$

$$\frac{1024}{2^{10}} = \frac{2^{10}}{2^{10}} = 2^{10-10} = 2^0$$

$$(8)^3 = (2^3)^3 = 2^9$$

**حل تمرين 31 ص 59**

$$\frac{1}{12} = \frac{1}{2^2 \times 3} = 2^{-2} \times 3^{-1}$$

$$\frac{1}{288} = \frac{1}{2^5 \times 3^2} = 2^{-5} \times 3^{-2}$$

$$\frac{1}{6} = \frac{1}{2 \times 3} = 2^{-1} \times 3^{-1}$$

$$2304 = 2^8 \times 3^2$$

$$144 = 2^4 \times 3^2 ; 3072 = 2^{10} \times 3$$

**حل تمرين 33 ص 59**

$$5^2 \times 5^7 = 5^{2+7} = 5^9 ; 2^3 \times 2^5 = 2^{3+5} = 2^8$$

$$7^1 \times 7^5 = 7^{1+5} = 7^6 ; 4^4 \times 4^4 = 4^{4+4} = 4^8$$

$$3^0 \times 3^3 = 3^{0+3} = 3^3 ; 6^1 \times 6^3 = 6^{1+3} = 6^4$$

**حل تمرين 34 ص 59**

$$\frac{(-7)^3}{(-7)^5} = (-7)^{3-5} = (-7)^{-2} ; \frac{(-7)^4}{7^3} = 7^{4-3} = 7^1$$

$$\frac{7^2}{7^0} = 7^{2-0} = 7^2 ; \frac{2^0}{2^5} = 2^{0-5} = 2^{-5}$$

$$\frac{5^{-8}}{5^4} = 5^{-8-4} = 5^{-12} ; \frac{3^2}{3^5} = 3^{2-5} = 3^{-3}$$

**نشاط (1) ص 49**

1) الحساب الذي أعطت له ياسمين الأولوية في الإنجاز هو حساب القوى

(2

حساب ياسمين هو الصحيح

\* الأخطاء المرتكبة في حساب نعيمة وهي لم تعطي الأولوية في الحساب

**نشاط (2) ص 50**

$$A = (-3) \times 4^3 + 10^2 \times 0.0042 - 2 \times (-3)^3 + 20$$

$$A = (-3) \times 48 + 100 \times 0.042 - 2 \times (-0.27) + 20$$

$$A = -144 + 4.2 + 54 + 20$$

$$A = 139.8 + 54 + 20$$

$$A = 193.8 + 20$$

$$A = 213.8$$



**نشاط (1) ص 50**

(1

$$12^2 = 144 ; 5^2 = 25 ; 2^2 = 4$$

(2

الإكمال :

$$144 = (-12)^2 ; 25 = (-5)^2 ; 4 = (-2)^2$$

**نشاط (2) ص 50**

استعمال الحاسبة لحساب  $\sqrt{144}$  ;  $\sqrt{25}$  ;  $\sqrt{4}$

$$\sqrt{8}$$

نلاحظ أنه في كل حالة أي عدد نستعمل له اللمسة

ـ ناتجه نستعمل له اللمسة  $\sqrt{ }$  يكون الناتج الجديد هو العدد الأول الذي كان معنا قبل إستعماله اللمسة  $\sqrt{ }$

- دور اللمسة  $\sqrt{ }$  هو حساب الجذر التربيعي لعدد نسبي موجب

### حل تمرين 48 ص 61

$$12 \times 10^6 < a < 20 \times 10^6$$

$$a = 3200 \times 4352 = 3.2 \times 4.352 \times 10^6$$

$$4 < 4.352 < 5 \quad \text{و} \quad 3 < 3.2 < 4$$

$$12 < 3.2 \times 4.352 < 20 \quad \text{ومنه :}$$

إذن  $10^6 < a < 20 \times 10^6$  المتباينات ضرب أطرافها بأعداد موجبة ومنه عدم تغير إتجاهها

### حل تمرين 49 ص 61

$$a = 0.0058 \times 367.55$$

$$a = 0.58 \times 10^{-2} \times 3.6755 \times 10^2$$

$$a = 0.58 \times 3.6755$$

$$\text{لدينا } 3 < 3.67755 < 4 \quad \text{و} \quad 0.5 < 0.58 < 0.6$$

$$\text{إذن : } 1.5 < a < 2.5 \quad \text{أي } 1.5 < a < 2.4 < 2.5$$

### حل تمرين 50 ص 61

$$a = \frac{158.25}{0.042} = \frac{158.25}{42} \times 10^3$$

نلاحظ أن :  $252 < 258.25 < 315$

$$\text{إذن : } 4000 < a < 7500 \quad \text{ومنه } 4 < \frac{258.25}{42} < 7.5$$

### حل المسألة 51 ص 60

$$2^1 = 2 \quad ; \quad 2^2 = 4 \quad ; \quad 2^3 = 8 \quad ; \quad 2^4 = 16 \quad ; \quad 2^5 = 32 \quad (1)$$

$$2^6 = 64 ; 2^7 = 128 ; 2^8 = 256 ; 2^9 = 512 ; 2^{10} = 1024$$

(2)

من خلال هذه الحسابات نستنتج أن :

إذا كان الأسس مضاعف للعدد 4 فالناتج رقم آحاده هو 6

إذا كان مضاعف للعدد 4 زائد 1 فالناتج رقم آحاده هو 2

إذا كان مضاعف للعدد 4 زائد 2 فالناتج رقم آحاده هو 4

إذا كان مضاعف للعدد 4 زائد 3 فالناتج رقم آحاده هو 8

رقم آحاد كل عدد من سلسلة الأعداد المعطاة هو على الترتيب 2, 4, 6, 8, 4, 2, 6, 8, 4, 2, 4, 2, 6, 8, 4, 2

(3) تحديد رقم آحاد العدد  $2^{100}$

لدينا  $4 \times 25 = 100$  أي 100 مضاعف 4

إذن : رقم آحاد  $2^{100}$  هو 6

### حل المسألة 52 ص 61

(1) كتابة كل الأعداد التي تتكون من رقمين هما 1 أو 2

4 ، 12 ، 21 ، 11 عددها 4

(2) الأعداد التي تتكون من 3 أرقام بحيث أرقامها 1 أو 2

8 ، 11 ، 12 ، 21 ، 22 ، 122 ، 212 ، 222 و عددها 8

نلاحظ أن :  $8 = 2^3$  ،  $4 = 2^2$

وعليه فإن الأعداد التي تتكون من 6 أرقام بحيث أرقامها هي 1 أو 2 فقط هي  $2^6 = 64$

### حل المسألة 53 ص 61

(1) قطر ذرة الهيدروجين  $10^{-7} = 0.0000001 \text{ mm}$

وهو مكتوب على شكل قوة للعدد 10

(2) الطول الذي نحصل عليه إذا وضعنا على إستقامة واحدة عشرة ملايين ذرة هيدروجين هو

$$10^{-7} \times 10^7 = 10^0 = 1 \text{ mm}$$

## حل المسألة 54 ص 61

لدينا :  $s = 6h = 21600 \text{ s}$  إذن المسافة المقطوعة خلال 6 ساعات هي :

$$7200 \text{ km} \text{ أي } \frac{21600}{3 \times 10^{-3}} = 72 \times 10^5$$

## حل المسألة 57 ص 62

(1) المسافة التي يقطعها الرعد في ثانية واحدة هي : 300 m

(2)

$$V = 3 \times 10^8 \text{ m/s} \text{ لأن } V = V' \times 10^6 \text{ و } V = V' \div 10^{-6}$$

و  $V' = 3 \times 10^3 \text{ m/s}$  حيث  $V'$  سرعة البرق و  $V$  سرعة الرعد

(3) علماً أن سرعة البرق هي سرعة الضوء فإن المسافة التي يقطعها البرق في 10 ثواني هي

$$3 \times 10^6 \text{ km} \text{ أو } 3 \times 10^8 \times 10 = 3 \times 10^9 \text{ m}$$

(4) من العلاقة  $d = v \times t$  أي  $v \times t = 3 \times 10^3$

$$t = \frac{3 \times 10^3}{3 \times 10^8} = 10^{-5} \text{ s}$$

من العلاقة  $t' = d \div v$  أي  $t' = 3 \times 10^3 \div 3 \times 10^8 = 10^{-5} \text{ s}$

$$t' = \frac{3 \times 10^3}{3 \times 10^2} = 10 \text{ s}$$

## حل النشاط (1) من إختبر مكتسباتك ص 63

(1) حساب محيط كل شكل من أجل  $x=3$

المثلث (10) ؛ المربع (16) ؛ المستطيل (16)

$$4x+4 ; 4x+4 ; 3x+1 \quad (2)$$

## نشاط (1) ص 64

إتمام الجدولين

| الجدول الأول |     |     |
|--------------|-----|-----|
| -10.5        | -4  | -4  |
| -2           | -10 | -10 |
| 3.7          | 3.3 | 3.3 |
| -16          | -10 | -10 |

الجدول الثاني

|     |     |     |     |
|-----|-----|-----|-----|
| 0   | 0   | 0   | 0   |
| 10  | 10  | 2.5 | 2.5 |
| -12 | -12 | 36  | 36  |
| -1  | -1  | -4  | -4  |

(1) العبارتين  $(ab+ac)$  ;  $a(b+c)$  متساويتان و العبارتين  $a(1-b)$  ;  $a-ab$  متساويتان أيضاً الخاصة التي تسمح بتبرير ذلك خاصية توزيع الضرب على الجمع و خاصية توزيع الضرب على الطرح

العبارة  $x-y-z$  ;  $x-(y+z)$  متساوية (2)

العبارة  $x-y+z$  ;  $x-(y-z)$  ليس متساوية

$x+(y-z)=x+y-z$  لأن  $x+(y-z) \neq x-y+z$  (3)

نشاط (2) ص 64

$$A = 8x - 2(3x+2)$$

$$A = 8x - 6x - 4$$

$$A = 2x - 4$$

$$B = 3(5y-1) - 4y$$

$$B = 15y - 3 - 4y$$

$$B = 11y - 3$$

$$C = 8x^2 + (x^2 + 2x) - x - 2x^2 - 9$$

$$C = 8x^2 + x^2 + 2x - x - 2x^2 - 9$$

$$C = 7x^2 + x - 9$$

$$D = x(2x - 4) + x^2 + 4x$$

$$D = 2x^2 - 4x + x^2 + 4x$$

$$D = 3x^2$$

### نشاط 3 ص 64

(1) مساحة المستطيل هي  $6(2x + 3)$

(2) محيط المستطيل هو نفس محيط المستطيل السابق أي  $2(3+2x+6)=2(2x+9)=4x+18$

ومساحته هي  $14(x+1)$

العبارة  $14(x+1)$  تكتب مثلا على الشكل

$$14(x+1)=7(2x+2)=2(7x+7)$$

من تحليل العبارة  $7(2x+2)$  نأخذ العدين 7 و  $2x+2$  كبعدين للمستطيل

يكون محيط المستطيل في هذه الحالة هو

$=2(2x+2+7)=2(2x+9)$  وهو نفس محيط مستطيل السؤال الأول

### النشاط (4) من إختبر مكتسباتك ص 63

$$A=5x+3y+2$$

$$B=5y-12$$

$$C=15x-17$$

$$D=2x+15$$

$$E=-3x-y+3$$

$$F=-5y$$

### نشاط (1) ص 65

(1) شكل القطعة الخضراء هو متوازي أضلاع و القطعة الأخرى مستطيل

(2) مساحة القطعة الخضراء هي  $(a+b)h$ طريقة أولى :  $S = (ab)(c+d)$ طريقة ثانية :  $S = (a+b)c + (a+b)d$ 

$$(a+b)(c+d) = (a+b)c + (a+b)d \quad (4)$$

$$= ac + bc + ad + bd$$

$$d = b \text{ و } c = a \text{ في حالة } (5)$$

$$(a+b)^2 = (a+b)(a+b)$$

$$= a(a+b) + a(a+b)$$

$$= a^2 + ab + ab + b^2$$

$$= a^2 + b^2 + 2ab$$

**نشاط (2) ص 65**(1) شكل هذا البيت : نصف إسطوانة دورانية قطرها  $x-1$  وارتفاعها  $x+1$ 

(2) القانون الذي يعبر عن هذه المساحة:

$$S = \frac{(x-1)\pi \times (x+1)}{2} = \frac{\pi(x^2 - 1)}{2}$$

(3) حجم هذا البيت البلاستيكي

$$V = \frac{\pi \left(\frac{x-1}{2}\right)^2 \times (x+1)}{2} = \frac{\pi(x^2 - 2x + 1)(x+1)}{8}$$

(4) المساحة من أجل  $x=9$  هي  $S = 125.60$ الحجم من أجل  $x=9$  هي  $V = 251.20$ **نشاط (3) ص 65**

- (1) الرباعي الملون هو مربع (إستعمال حالات تقاييس المثلثات و وجود الزاوية القائمة  
(2) مساحة المربع الداخلي = مساحة المربع الخارجي - مساحة المثلثات القائمة الأربع

$$S = (a+b)^2 - 4 \times \frac{a \times b}{2}$$

$$S = a^2 + b^2 + 2ab - 2ab$$

$$S = a^2 + b^2$$

$$L = \sqrt{a^2+b^2} \quad \text{طول الضلع الثالث لكل مثلث قائم}$$

### حل تمرين 5 ص 72

$$* 17 - 2(x+15) - (2x+1)$$

$$= -14 - 4x$$

$$* (x-3) + (13-x)$$

$$= 10$$

$$* 4x - 3(x-1) - 2$$

$$= x + 1$$

$$* 30 + 2(3x+3) + 6(1-2x)$$

$$= 42 - 6x$$

### حل تمرين 6 ص 72

$$* (3x - x^2) + 2(1 - 2x + 4x^2)$$

$$= -x + 7x^2 + 2$$

$$* (x^2 + 7x - 1) - (x^2 + 7x + 1)$$

$$= 14x - 2$$

$$* 3(2x^2 - 4x + 6) + 2(-3 - x^2 + x)$$

$$= 4x^2 - 10x + 12$$

### حل تمرين 7 ص 72

$$* \left( \frac{4}{3}x + \frac{1}{2} \right) - \left( \frac{1}{3}x - \frac{3}{2} \right)$$

$$= x + 2$$

$$* \left( \frac{1}{2}x^2 - \frac{3}{2}x + 3 \right) - \left( \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{2}x - 2 \right)$$

$$= -2x^2 + 5$$

### نشاط (3) و (5) من ص 63

$$x = 2(3)$$

$$(2 \times 2 + 1) + (2 - 2) = 0$$

$$(4 + 1) + (0) = 0$$

$$x = 2 \text{ ومنه } 5 = 0 \text{ فالمساواة خاطئة من أجل 2}$$

$$x = -3$$

$$(2 \times (-3) + 1) + (2 + 3) = 0$$

$$(-5) + 5 = 0 \text{ ومنه } (-6 + 1) + 5 = 0$$

$$x = -3 \text{ فالمساواة صحيحة من أجل -3}$$

$$x = 12, x = 0, x = -2, x = \frac{3}{5} \quad (5)$$

$$, x = 6, x = 7, x = 5, x = 0.01$$

$$x = 10^5, x = 12$$

### نشاط (1) ص 67

(1) حساب مساحة المثلث ABC من أجل  $x=6$

$$\frac{15 \times 4}{2} = 30$$

(2) القانون الذي يعبر عن مساحة المثلث ABC بدلالة  $x$  هو  $S = \frac{(2x+3)(x-2)}{2}$

إختبار صحة المساواة من أجل  $x = 7$

$$S = 39 \text{ من أجل } x = 5 \text{ نجد}$$

$$S = 85 \text{ من أجل } x = 7 \text{ نجد}$$

$$(2x+3)(x-2) = 2x(x-2) + 3(x-2) \quad (3)$$

$$= 2x^2 - 4x + 3x - 6$$

$$= 2x^2 - x - 6$$

$$(2x + 3)(x - 2) = 2x^2 - x - 6 \text{ ومنه}$$

### نشاط (2) ص 67

إختبار صحة المساواة من أجل  $x = 1$

المساواة خاطئة من أجل  $x = 1$  لأن  $3 \neq 1$

أخطأ رابع في حسابه لأن المساواة خاطئة من أجل  $x = 1$

### تصحيح الخطأ



$$12x^2 + 7x - 9 - (2 - x^2) + 4(1 - 3x^2)$$

$$12x^2 + 7x - 9 - 2 + x^2 + 4 - 12x^2 =$$

$$x^2 + 7x - 7$$

### نشاط (3) ص 67

#### (1) حجم متوازي المستطيلات بدلالة $x$

$$V = 150x \text{ أي } V = 50 \times x \times 3$$

#### (2) ثلث حجم المسبح

$$V_1 = 150 \times 3600 \text{ ومنه } 1h = 3600s$$

$$V_1 = 540000L \text{ ومنه}$$

وعليه حجم المسبح كله

$$V = 3 \times 540000 \text{ ومنه } V = 3V_1$$

$$V = 1620 m^3 \text{ أي } V = 1620000L \text{ ومنه}$$

لدينا عرض المسبح  $x$  ومنه  $V = 150x$  معناه

$$x = \frac{1620}{150} \text{ ومنه } 1620000 = 150x$$

$$x = 108.8m \text{ إذن}$$

### حل تمرين 19 ص 74

الطريقة الأولى :

$$S = \frac{1}{2} \times 3x(a - x) \text{ مساحة الجزء الملون عبارة عن نصف مساحة المستطيل المرسوم داخل متوازي الأضلاع}$$

الطريقة الثانية :

$$\frac{1}{2}(3x \times a) - 2 \times \frac{1}{2}(3x \times x) \text{ هي مساحة كل من المثلثين القائمين الجانبيين حيث } (3x \times a) \text{ هي مساحة متوازي الأضلاع و } (3x \times x)$$

نشر وتبسيط الطريقة الأولى :

$$S = \frac{3}{2}ax - \frac{3}{2}x^2 \text{ ومنه } S = \frac{1}{2} \times 3x(a - x)$$

نشر وتبسيط الطريقة الثانية :

$$S = \frac{3}{2}ax - \frac{3}{2}x^2 \text{ ومنه } \frac{1}{2}[(3x \times a) - 2 \times \frac{1}{2}(3x \times x)]$$

نلاحظ أن الطريقتين تؤديان إلى نفس النتيجة

### حل مسألة 24 ص 74

عُلِمَ أَن مجموَعَ أَفْيَاسِ زُواياِ الْمُثَلَّثِ تساويٌ  $180^\circ$

$$\frac{36}{5}x^2 = 180 \quad \text{أي} \quad \frac{6}{5}x^2 + 2 \times 3x^2 = 180$$

$$x = \sqrt{\frac{5 \times 180}{36}} = 5 \quad \text{أي} \quad x^2 = \frac{180 \times 5}{36}$$

### حل مسأله 25 ص 74

(1) أوجه المكعب هي مربعات إذن طزل قطر قاعدته حسب نظرية فيثاغورس هو :

$$x+1 = \sqrt{2(x+1)^2} = \sqrt{2} \times \sqrt{(x+1)^2} = \sqrt{2}(x+1)$$

(2) بعد الملاحظة أن قطر الأسطوانة هو نفس قطر المكعب لأن رؤوس المكعب وأحرفه الجانبية تلمس السطح الجانبي للأسطوانة من الداخل

يُنتَجُ أَنَّ الْحَجْمَ الشَّاغِرَ فِيِ الْأَسْطُوَانَةِ هُوَ

$$[\pi \left( \frac{1}{2}(x+1) \times \sqrt{2} \right)^2 (x+1) - (x+1)^3]$$

حيث  $\frac{1}{2}(x+1)\sqrt{2}$  هو نصف قطر الأسطوانة

و  $(x+1)$  هو ارتفاعها و هو أيضاً طول حرف المكعب

$$V = [3.14 \left( \frac{1}{2}(5+1) \times \sqrt{2} \right)^2 (5+1) - (5+1)^3]$$

$$V = 3.14 \left( \frac{1}{2} \times 6 \times \sqrt{2} \right)^2 \times 6 - 6^3$$

$$V = 3.14 \times (3\sqrt{2})^2 \times 6 - 6^3$$

$$V = 3.14 \times 18 \times 6 - 6^3$$

$$V = 73249.92 \text{ cm}^3$$



# حلول تمارين الكتاب

## المدرسي الرياضيات



## متوسط

جميع الحقوق محفوظة

# الإنسحاب

**مناقشة (1) و (2) و (3) و (4) من إختبر مكتسباتك**

(1) إنشاء متوازي الأضلاع ABCD

إخراج المستقيمات المتوازية و القطع المتقايسة من الشكل

(2) يوجد 7 متوازيات أضلاع

(3) يوجد أربع متوازيات أضلاع رؤوسها النقط

D , C , B , A

(4) نقل الشكل و إنشاء متوازي الأضلاع ABFG

و AKBG

**نشاط (1) ص 172**

( العمل يكون على ورقة مرصوفة و تحضر في البيت )

- المطلوب من التلميذ أن يشرحوا لزملائهم كيف أنجزوا العمل

\* إن إستعمال مربعات المرصوفة يساعد على إنجاز العمل ويكون ذلك بإعتبار قطع الشكل كأضلاع أو أقطار لمتوازيات أضلاع يجددها التلميذ و اعتبار طول المربع الصغير الذي تتشكل منه المرصوفة كوحدة للأطوال .

**نشاط (2) ص 172**

العمل يكون على ورقة مرصوفة

- رسم الشكل على ورقة مرصوفة حيث توضع النقط A , B , C وكل النقط الأخرى على رؤوس مربعات المرصوفة

1) الرباعي 'ABB'A متوازي أضلاع ومنه الرباعي AA'B'B متوازي أضلاع

- الرباعي 'BCC'B متوازي أضلاع ومنه الرباعي AA'C'C متوازي أضلاع

- الرباعي 'CDD'C متوازي أضلاع ومنه الرباعي

AA'D'D متوازي أضلاع

- الرباعي 'DEE'D متوازي أضلاع ومنه الرباعي

AA'E'E متوازي أضلاع

2) النقطة B ليست صورة النقطة A بالانسحاب الذي يحول إلى A'

- النقطة C ليست صورة B بالانسحاب المذكور لأن الرباعي CBA'A ليس متوازي أضلاع

(القطعة [CB] لا توازي القطعة [AA'])

- J ليست صورة I بالانسحاب المذكور لأن الرباعي AA'J ليس متوازي أضلاع (القطعة [CB] لا تقابس القطعة [AA'])

3) بالانسحاب الذي يحول A إلى A' ، B هي صورة C و D هي صورة D

4) B هي صورة B بالانسحاب الذي يحول A إلى A' فإن الرباعي ABB'A متوازي أضلاع وعليه

$$(A'B') // (AB)$$

BC = B'C لأن الرباعي BCC'B متوازي أضلاع

$$(B'E') // (BE) \text{ و } (A'E') // (AE) \quad (5)$$

$$AC = A'C \text{ و } B'D = BD$$

$$E'D^{\hat{C}}C = E\hat{D}C \text{ و } A'B^{\hat{C}}C = A\hat{B}C$$

حل نشاط (5) من إختبر مكتسباتك

$$AB + AC < BC \text{ ، } AB + BC < AC \quad (1)$$

$$BI + CI = BC$$

$$2) \text{ إذا كان } AD + DB = AB \text{ يكون موقع D على القطعة [AB]}$$

نشاط (3) ص 173

هذا النشاط يكون محضر في البيت على ورقة مليمترية

- المطلوب من التلاميذ شرح كيفية عملية التبليط التي تمت على الورقة المليمترية

- البلاطة 2 هي صورة البلاطة 1 بالانسحاب الذي يحول A إلى B

- بالإنسحاب الذي يحول C إلى D البلطة 4 هي صورة البلطة 3

### نشاط (4) ص 173

(1) نقل القطعة  $[AB]$  والنقطتين C و D على ورقة بيضاء

[AB] نقطة كيفية من M (2)

- إنشاء النقط A' و B' و M' صور A و B و M على الترتيب بالإنسحاب الذي يحول D إلى C

- صورة القطعة  $[AB]$  بالإنسحاب الذي يحول D إلى C هي القطعة  $[A'B']$

### نشاط (5) ص 173

(1) نقل المستقيم (d) و النقطتين A و B على ورقة بيضاء

(d) N ، M نقطتان مختلفتان من (2)

(3) إنشاء النقطتين M' و N' صورتي M و N على الترتيب بالإنسحاب الذي يحول A إلى B

ثم رسم المستقيم  $(M'N')$

- طبيعة الرباعي  $MNN'M'$  متوازي أضلاع

المستقيمين (d) و  $(M'N')$  متوازيان

- صورة المستقيم (d) بالإنسحاب الذي يحول A إلى B هو المستقيم  $(M'N')$

### مناقشة تمرين 11 ص 182

- صورة  $(AB)$  بالإنسحاب الذي يحول E إلى F هو  $(HF)$

- صورة المثلث HAE بالإنسحاب الذي يحول A إلى O هو المثلث GOF

### نشاط (6) ص 174

(1) نقل نصف المستقيم  $(OX)$  والنقطتين A و B على ورقة بيضاء

- أخذ نقطة  $M'$  من  $[OX]$  -

- إنشاء  $O'$  و  $M'$  صورتي  $O$  و  $M$  بالإنسحاب الذي يحول إلى  $A$  -

- صورة  $(OX)$  بالإنسحاب الذي يحول  $A$  إلى  $B$  هو نصف المستقيم  $(O'M')$  الذي يوازيه وله معه نفس الإتجاه

### نشاط (7) ص 174

نقل الشكل على ورقة بيضاء

- نقطة من الدائرة  $(C)$  -  $M'$

- إنشاء  $O'$  و  $M'$  صورتي  $O$  و  $M$  على الترتيب بالإنسحاب الذي يحول  $A$  إلى  $B$  -

- طبيعة الرباعي  $OMM'O'$  متوازي أضلاع

- الطول  $O'M'$  هو نصف قطر الدائرة  $(C')$  التي مركزها  $O'$

- موقع النقطة  $M'$  هي نقطة من الدائرة  $(C')$  -

- صورة الدائرة  $(C)$  بالإنسحاب الذي يحول  $A$  إلى  $B$  هو الدائرة  $(C')$  -

### نشاط (1) ص 177

يكون هذا النشاط محضر في البيت على ورقة مرصوفة مع ضرورة إحضار ورقة شفافة مرسوم عليها السيارة

- ملاحظة: السيارة قابلة للتطابق مع صورتها

### نشاط (2) ص 177

(1) رسم الشكل على ورقة بيضاء أو على كراس الأنشطة

(2) إنشاء  $B'$  و  $C'$  صورتي  $B$  و  $C$  على الترتيب بالإنسحاب الذي يحول  $A$  إلى  $A'$

- صورة المثلث  $ABC$  بالإنسحاب الذي يحول  $A$  إلى  $A'$  هو المثلث  $C'B'C$

- طبيعة المثلث  $C'B'C$  هو مثلث متقارن الأضلاع و هو يقاييس المثلث  $ABC$  إذن فإن المساحتين متساويتان

(3) موقع  $A'$  صورة  $A$  بواسطة هذا الإنسحاب هو منتصف  $[C'B']$  لأن  $A$  منتصف  $[CB]$  وصورة  $[CB]$  بواسطة هذا الإنسحاب هو  $[C'B']$

- إنشاء  $J$  و  $K$  صورتي  $J$  و  $K$  على الترتيب بالإنسحاب المعطى

(4) صورة المستقيم  $(JK)$  بالإنسحاب المعطى هو  $(J'K')$  لأن لدينا صورة  $[AB]$  بواسطة هذا الإنسحاب هو  $[IB']$  و  $J$  منتصف  $[AB]$

ولدينا أيضاً  $J$  صورة  $J$  لهذا الإنسحاب هذا يعني أن  $J$  منتصف  $[IB']$

وبنفس الطريقة نبرهن أن  $K$  منتصف  $[C'B']$

إذن حسب نظرية مستقيم المنصفين فإن  $(J'K') // (B'C')$

(5) بالإنسحاب الذي يحول  $A$  إلى  $A'$  :

صورة المثلث  $ABC$  هي المثلث  $C'B'C$  ، صورة كل قطعة مستقيم بواسطة إنسحاب هي قطعة مستقيم تقاييسها ، إذن المثلثان  $A$  و  $C'B'C$  هما مثثان متقارنان و بالتالي لهما نفس المساحة

النقطة  $A'$  هي منتصف الصلع  $[B'C']$  لأنها صورة النقطة  $A$  منتصف الصلع  $[BC]$

النقطتين  $J$  ،  $K$  هما منتصفاً للصلعين  $[IB']$  و  $[C'B']$  على الترتيب لأنهما صورتا النقطتين  $J$  و  $K$  منتصفان للصلعين  $[AB]$  و  $[AC]$  على الترتيب

صورة المستقيم  $(JK)$  هي  $(J'K')$  لأن صورة مستقيم بإنسحاب هي مستقيم وهذا المستقيمان متوازيان

المستقيم  $(J'K')$  و  $(B'C')$  متوازيان لأن :

$(B'C')$  لأن  $(B'C')$  هو صورة المستقيم  $(BC)$  بالإنسحاب

و  $(JK)$  لأن  $(JK)$  هو مستقيم المنصفين في المثلث  $ABC$

إذن  $(JK) // (B'C')$  وعلماً أن  $(J'K') // (B'C')$

فإن  $(J'K')$  يوازي  $(B'C')$

حل تمرين 12 ص 183

صورتي  $M$  و  $A$  بالإنسحاب الذي يحول  $T$  إلى  $A'$

(1) صورة M هي P لأن M هي منتصف [TP] إذن (MP) // (TM)

- صورة A هي R لأن الرباعي TMRA متوازي أضلاع

(2) صورة [AM] بالإنسحاب الذي يحول T إلى A هي [SR] لأن الرباعي ASRM متوازي أضلاع وهذا لأن A مننصف [TS]

إذن  $AS = TA$  و  $(AS) // (TA)$

وصورة M هي R بواسطة هذا الإنسحاب

إذن  $AS = MR$  و  $(AS) // (MR)$

### حل تمرين 14 ص 183

حسب نظرية مستقيم المنتصفين فإن  $MN = \frac{1}{2} BC$  و  $(MN) // (BC)$

إذن صورة B بالإنسحاب الذي يحول M إلى N هي H مننصف [BC] لأن الرباعي MNHB متوازي أضلاع

### حل تمرين 15 ص 183

1) الأنشاء و إنجاز الشكل

(2) صورة المثلث ABC بهذا الإنسحاب

A هي صورة A بواسطة هذا الإنسحاب

B' هي صورة B بواسطة هذا الإنسحاب

C' هي صورة C بواسطة هذا الإنسحاب

إذن صورة المثلث ABC بهذا الإنسحاب هو المثلث B'C'

(3) البرهان على أن D مننصف [B'C']

لدينا [C'B'] هي صورة [BC] بهذا الإنسحاب

ولدينا A مننصف [BC] و أن D هي صورة A بهذا الإنسحاب إذن فإن حسب خواص الإنسحاب فإن

[B'C'] مننصف D

(4) طبيعة المثلث B'C'

لدينا النقط D, I, A على إستقامة واحدة

و  $(C'B') // (CB)$  و  $(AI)$  محور  $[BC]$  فهو محور  $[C'B']$  وهذا يعني أن  $|B| = |C'|$  فال مثلث  $'IC'$  متساوي الساقين رأسه  $A$

## حل تمرين 16 ص 183

(1) الشكل

صورة  $B$  بالانسحاب الذي يحول  $A$  إلى  $C'$ إذن  $ACB'B'$  متوازي أضلاعصورة  $C$  بالانسحاب الذي يحول  $A$  إلى  $C'$ إذن  $C'C$  //  $(AC)$  و بالتالي النقط  $C', C, A$ تقع على استقامة واحدة و بما أن  $AC = CC'$ فإن  $C$  هي منتصف  $[AC']$ (3) نبرهن أن المثلث  $C'C'B'$  قائم في  $C$ بما أن المثلث  $ABC$  قائم في  $B$ 

ولدينا صورة  $A$  بهذا الانسحاب هي  $C$  وصورة  $C$  هي  $C'$  وصورة  $B$  هي  $B'$  فال مثلث  $C'C'B'$  قائم في  $B'$  (حسب خواص الإنسحاب) يحفظ الزوايا

وبتطبيق نظرية فيثاغورس فإن

$$CC'^2 = B'C^2 + B'C'^2$$

$$36 = 16 + B'C'^2$$

$$B'C'^2 = 36 - 16$$

$$B'C'^2 = 20$$

$$B'C' = \sqrt{20} = 4.4$$

## حل تمرين 17 ص 183

1) تحديد مركز الدائرة ( $C'$ ) صورة ( $C$ ) بالانسحاب الذي يحول  $O$  إلى  $A$ 

- نعلم أن صورة دائرة مركزها  $O$  بالانسحاب هي الدائرة التي مركزها هي صورة  $O$  بالانسحاب المذكور حيث بعد مركزها عن  $O$  هي نفسها  $OA$

إذن الدائرة  $(C')$  مركزها هو  $A$

2) إثبات أن النقطة  $O$  تتنتمي إلى  $(C')$

النقطة  $A$  مركز  $(C')$  إذن  $OA$  هو نصف قطر الدائرة التي مركزها  $A$  هذا يعني أن  $O$  تتنتمي إلى  $(C')$

حل تمرين 18 ص 184

لدينا  $O'$  هي صورة  $O$  و  $B$  صورة  $A$  بالإنسحاب الذي يحول  $O$  إلى  $O'$  فالرباعي  $OO'BA$  متوازي أضلاع فيه الضلعين  $[O'B]$  و  $[O'A]$  متقابلان

إذن فهما متقابلان أي  $OA = O'B$

بما أن  $A$  نقطة من الدائرة  $(C)$  و الدائرة  $(C')$  هي صورة  $(C)$  بهذا الإنسحاب فإن صورة  $A$  أي  $B$  تتنتمي إلى  $(C')$

حل المسألة 19 ص 184

1) رسم الشكل بكل عناية ودقة (باستعمال الألوان)

2) حساب القيس  $\hat{IAB}$

المثلث  $ABI$  متساوي الساقين إذن  $I\hat{A}B = I\hat{A}G$

لأنهما زاويتي القاعدة

إذن المثلث  $IAG$  قائم في  $G$

ومن نظرية فيثاغورس نحصل على  $IG = 3 \text{ cm}$

$$I\hat{A}B \cos = I\hat{A}G \cos = \frac{AG}{AI} = \frac{4}{5} = 0.8$$

باستعمال الحاسبة نحصل على  $\approx I\hat{A}G \ 36.86^\circ$

- إستنتاج أن الزاوية  $A\hat{I}B$  منفرجة

المثلث  $AIB$  متساوي الساقين ( فرضا )

من الحساب السابق لدينا

$$I\hat{A}B + I\hat{A}G = (2 \times 36^\circ : 86 = 73^\circ . 72)$$

أي أن مجموع زاويتي القاعدة أصغر من الزاوية القائمة إذن زاوية الرأس  $A\hat{I}B$  أكبر من الزاوية القائمة فهي منفرجة

(3) تعين صور المستقيمات (AH) و (BH) و (IH) بالإنسحاب الذي يحول إلى A

من المعلوم أنه لتحديد صورة مستقيم بإنسحاب ما يكفي تحديد صورة نقطتين من هذا المستقيم لذا يكفي أن نعيين من كل مستقيم نقطتين وتحديد صورتيهما بالإنسحاب المذكور أو تعين نقطة ومنحى ثم تحديد صورة النقطة لأن منحى المستقيم معلوم ، وأن الإنسحاب يحافظ على التوازي و يحافظ على الزوايا و يحافظ على التعامد

- نلاحظ أن النقطة H هي نقطة تلاقي إرتفاعات المثلث AIB

تحديد صورة المستقيم (AH)

[AI] هو حامل الإرتفاع المتعلق بالضلوع [HA]

إذن  $(BI) \perp (HA)$

- النقطة D هي صورة A بالإنسحاب الذي يحول إلى A

- نقطة (BI) عمودي على (HA) و (HA) عمودي على A -

إذن صورة (HA) هو المستقيم الذي يشمل D و يوازي (HA) أي (DF)

تحديد صورة المستقيم (HB)

بطريقة مماثلة نبرهن أن صورة (HB) بنفس الإنسحاب هو (EC) علماً أن صورة B هي C

تحديد صورة المستقيم (IH)

إن صورة النقطة I بالإنسحاب المعطى هي النقطة G لأن الرباعي IADG متوازي أضلاع

( يمكن باستعمال نظرية فيثاغورس إثبات ان [AD] و [IG] متقايسان و هما أيضاً متوازيان لأنهما عموديان على (AB)

- النقط A , G , H تقع على إستقامة واحدة فإن صورة (IG) هي (IH) لأن الإنسحاب يحافظ على إستقامية النقط

إذن صورة (IH) هي (IH)

4) إستنتاج أن (CE) و (DF) و (IG) متقاطعة

النقطة H هي نقطة تلاقي إرتفاعات الثلاثة في المثلث AIB المستقيمات (CE) و (DF) و (IG) هي صور إرتفاعات هذا المثلث بالإنسحاب

إذن المستقيمات (CE) و (DF) و (IG) تتلاقى في نفس النقطة وهي صورة H بهذا الإنسحاب

## حل مسألة 20 ص 184

(1) النقطة  $N'$  هي صورة  $N$  بالإنسحاب الذي يحول  $A$  إلى  $M$  لأن الرباعي  $AMN'N$  متوازي أضلاع

(2) النقطة  $P'$  هي نظيرة  $M$  بالنسبة إلى  $A$  ويمكن أن نقول أن  $A$  هي صورة  $P$  بنفس الإنسحاب السابق ( لاحظ أن النقط  $P$  و  $M$  تقع على إستقامة واحدة )

-  $A'N = NA$  إذن  $A'$  نظيرة  $N$  بالنسبة إلى  $A$

و  $(AA') // (NA)$

(3) إنشاء النقطة  $P'$  التي صورتها  $A'$  بالإنسحاب الذي يحول  $A$  إلى  $M$

إذن النقطة  $A'$  هي صورة  $P'$  بالإنسحاب المذكور ومنه الرباعي  $P'A'MA$  متوازي أضلاع

(4) لدينا  $A$  صورة  $P$  وأن  $A'$  صورة  $P'$  بواسطة نفس الإنسحاب إذن الرباعي  $AA'P'P$  متوازي أضلاع

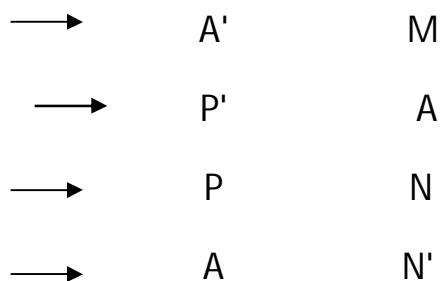
(5) الإنسحاب الذي يحول  $A'$  إلى  $M$  ، يحول  $P'$  إلى  $A$  لأن الرباعي  $A'MAP'$  متوازي أضلاع

حسب البرهان الثالث

هذا الإنسحاب يحول أيضا  $A$  إلى  $N'$  ويحول  $P$  إلى  $N$  لأن الرباعي  $PAN'N$  متوازي أضلاع

نرتب هذه النتائج كالتالي :

الإنسحاب الذي يحول  $A'$  إلى  $M$  يحول أيضا



إذن الرباعي  $MANN'$  هو صورة الرباعي  $A'P'PA$  بهذا الإنسحاب

- بما أن الإنسحاب يحفظ الأشكال و بما أن  $MANN'$  هو متوازي أضلاع فإن  $A'P'PA$  أيضاً متوازي أضلاع

- علماً أن الإنسحاب يحفظ المساحات فإن الرباعي  $MANN'$  لهما نفس المساحة

## المجسمات

**حل نشاط (1) ص 185 من إختبر مكتسباتك**

(1) التمعن في المجسمات

(2)

| الجسم | إسمه          | عدد الأوجه الجانبية | قوعده | عدد الأحرف الجانبية | عدد الأحرف الكلية | عدد رؤوسه |
|-------|---------------|---------------------|-------|---------------------|-------------------|-----------|
| (1)   | وازي مستطيلات | 6                   | 2     | 4                   | 12                | 8         |
| (2)   | أسطوانة دوران | 2                   | 2     | 0                   | 0                 | 0         |
| (3)   | موشور قائم    | 7                   | 2     | 5                   | 15                | 10        |

**نشاط (1) ص 186**

(1) نعم

الصورة هي أهرامات الجيزة بمصر

(2) الأشياء الواردة في الصور هي مجسمات مركبة

**نشاط (2) ص 186**

(1) وصف كل من الهرم والموشور القائم

عناصر التشابه بينهما هي : القواعد والأوجه الجانبية لكل من المجسمين هي مضلعات

عناصر الإختلاف

الموشور القائم

الهرم

- قاعتان (وهما مضلعان) - قاعدته واحدة (وهي مضلع)

- أوجهه الجانبية مستطيلات
- أوجهه الجانبية عمودية على القاعدتين
- أوجهه الجانبية تشتراك في رأس واحد

(2) قمة الهرم ، SC و SB أحرف الهرم ، الرباعي ABCD قاعدة الهرم ، A و D رؤوس الهرم ، المثلث SAB وجه جانبي

الشكل الهندسي لقاعدة هذا الهرم هو مضلع

- الأشكال الهندسية المشكّلة للسطح الجانبي لهذا المجسم هي مثلثات

### نشاط (3) ص 186

(1) أهرامات ارتفاعها يشمل الهرم و مركز قاعدته مثل الهرم

- أهرامات ارتفاعها يشمل رأس الهرم ولا يشمل مركز القاعدة مثل الهرم

(2) أهرامات قاعدتها مضلع منتظم (قاعدة الهرم (1) مربع )

أهرامات قاعدتها ليست مضلع منتظم (قاعدة الهرم (3) مستطيل)

يتم التمييز في هذا السؤال أيضاً بين المثلثات المشكّلة للأوجه الجانبية لكل من الهرمين .

في الهرم (1) كل المثلثات مقايسة

في الهرم (2) المثلثات كلها مقايسة

(3) في هذا السؤال قبل إتمام النص يطلب تعليق تقييس المثلثات المشكّلة للأوجه الجانبية للهرم (1) الذي قاعدته مربع و عدم تقييس المثلثات المشكّلة للأوجه الجانبية للهرم (2) الذي قاعدته مستطيل

يمكن ذلك على شكل تمرين

\* قاعدة الهرم (1) مضلع منتظم (مربع) و إرتفاعه يشمل مركز القاعدة نقول أنه هرم منتظم

\* أوجهه الجانبية مثلثات مقايسة و متساوية الساقين

(4) إن الهرمين (b) و (c) منتظمين

(b) قاعدته مربع و إرتفاعه يشمل مركز القاعدة

(c) قاعدته مثلث متقايس الأضلاع و إرتفاعه يشمل مركز القاعدة

أما الهرمين (a) و (d) فهما ليسا منتظمين لأن (ارتفاعيهما لا يشتملان مركز القاعدة

### مناقشة تمرين (1) ص 201

المجسمات البسيطة هي :

(1) هرم قاعته مثلث متواقيس الأضلاع

(3) موشور قائم ، (5) هرم قاعته مربع ، (6) هرم قاعته مثلث

المجسمات المركبة هي :

(2) أسطوانة غطائها مخروط دوران ، (4) متوازي مستويات غطائه هرم

### نشاط (1) ص 187

(1) المجسمات المركبة يطلب وصف كل منها مع ذكر إسم كل مجسم من المجسمات التي يتربّك منها

(2) مطالبة التلاميذ ذكر أشياء أخرى لها شكل مخروط

### نشاط (2) ص 188

(1) عناصر التشابه : هي قاعدة كل منها عبارة عن قرص

#### عناصر الإختلاف

مخروط دوران

أسطوانة دوران

- قاعدة واحدة هي قرص

- قاعتين كل واحدة هي قرص

- الأوجه الجانبية تشتراك

- أوجه الجانبية عمودية على

في رأس واحد

القاعدتين

(2) رأس المخروط ، الوجه الجانبي ، القاعدة

- الشكل الهندسي للسطح الجانبي للمجسم هو سطح منحن

- الشكل الهندسي لقاعدة هذا الجسم هو قرص

### نشاط (3) ص 188

1) الشكل الهندسي الذي ترسمه النقطة هو دائرة

ارتفاع المخروط (5) هو القطعة [2 OS[

التي حاملها المستقيم (d)

لإثبات أن  $SM=SM'$

نثبت أن المثلثين  $SOM, SOM'$  متقاريان

- كل مولدات المخروط مقايسة

### نشاط (1) ص 189

لم تستعمل ( في كل الأماكن التي يجب إستعمالها ) تقنية المنظور المتتساوي القياس . أنظر الشكل (1)

الحرف [SD] يكون منقطا لأنه خلف الوجهين SAB و SAC

- مخروط الدوران الشكل (2) يحتمل إجابتين وذلك حسب موقع الرؤية

- إذا كانت الرؤية من الأسفل فإن الرسم صحيح

- إذا كانت الرؤية من الجانب فإن الرسم ليس صحيح

جزء من القاعدة لا يرى لأنه يقع خلف السطح الجانبي

### نشاط (2) ص 189

1) لا ترى كل أجزاء هذين المجسمين

2) رسم هرم منتظم بحيث يكون كل جزء لا يرى منقط

### نشاط (2) من إختبر مكتسباتك

1) التصميمان الصحيحان هما a و c

الأخطاء الواردة في التصميم الخاطئ b هو أن القاعدتين في نفس الجهة و حتى يكون صحيح نرسم المثلث الثاني في جهة أخرى لعرض المستطيل

## (2) التصميم الصحيح هو :

الأخطاء الواردة في التصميم f هو أن القاعدة مرسومة في الأعلى وحتى يكون التصميم صحيح ترسم القاعدة في الجانب وليس أسفل

- الخطأ الوارد في التصميم h القاعدتين غير مرسومتين في جانبي المستطيل

## نشاط (1) ص 192

ملاحظة : تكون الأنشطة محضرة في البيت

(1) أحسن طريقة للحصول على تصميم مجسم هو الإنطلاق من مجسم حقيقي و يستحسن إستعمال الألوان لتعيين أضلاع الأشكال الناتجة عن نفس الحرف ( نفس اللون لنفس الحرف )

هذا قبل نشر أوجه كل من مجسمي السؤالين 1 و 2 من النشاط

(3) التصميم الوحيد الذي يمثل تصميماً لمخروط دوراني هو التصميم (3)

- بالنسبة للتصميم (1) إذا عدل ( بفصل القرص عن مكانه مثلاً ) نحصل على تصميم لمخروط دوراني

## نشاط (2) ص 193

في التصاميم المقدمة في كتاب التلميذ خل تبني لذا يعاد تقديمها في الدليل

1- التصميمان (1) و (2) هما تصميمان لهرين منتظمين يطلب من التلاميذ تعليم ذلك

- التصميم (3) ليس تصميماً لهرم يطلب تعليم ذلك .

يمكن الحصول على تصميم لهرم منتظم بتعديل طفيف لموضع بعض الأوجه فيه

- التصميم (4) ليس تصميماً لهرم منتظم يطلب تعليم ذلك

2- يمكن الإعتماد على أحد تصاميم السؤال السابق

أو ترك الحرية للتلميذ في إنجاز تصميم آخر على أن يكون بالأطوال المطلوبة ثم يصنع هذا الهرم

## نشاط (3) ص 193

ينبئ التلميذ في النشاط (1) من الفقرة للتوضيف أن السطح الجانبي لمخروط دوراني هو قطاع قرص

1- في حالة ظهور صعوبة ما لدى بعض التلاميذ يمكن رسم المخروط على السبورة و إبراز على هذا المخروط المثلث SOM باللون الأحمر و كذلك رمز الزاوية القائمة عند الرأس O بهذا قد يهتدي التلميذ إلى الإجابة على السؤال

2- في الفرع الأول من السؤال يطلب شرح سبب تساوي طول قوس  $\hat{BC}$  و محيط قرص القاعدة ثم يطلب إستنتاج طول هذا القوس

\* يمكن الإنطلاق من مخروط الدوران وإتباع مراحل نشره بالقص مثلاً هو وارد في السؤال (2) من النشاط (1)

- الوصول عملياً إلى فهم سبب تساوي طول القوس  $\hat{BC}$  مع محيط قرص القاعدة ( عند محاولة الحصول على تصميم المخروط الدوراني سوف يلاحظ أن قوس قطاع القرص السطح الجانبي متطابق مع محيط قرص القاعدة )

- بما أن طول القوس  $\hat{BC}$  يساوي محيط قرص القاعدة فإن طول القوس  $\hat{BC}$  هو  $2 \times 6 \times \pi \text{ cm} = 12\pi \text{ cm}$

- في الفرع الثالث من السؤال ( بوضع الحرف S بدلاً من A ) يتبيّن للتميذ أن معرفة طول قوس السطح الجانبي للمخروط لا يكفي للحصول على السطح الجانبي لهذا المخروط

- محيط القرص ( طول الدائرة ) التي مركزها S ونصف قطرها 10cm هو  $10 \times 2\pi \text{ cm} = 20\pi \text{ cm}$

إذا كان  $x$  هو قيس زاوية القطاع فإننا نحصل على جدول التناصية

|       |       |
|-------|-------|
| 360   | $x$   |
| 20    | 12    |
| $\pi$ | $\pi$ |

$$x = \frac{12 \times \pi \times 360}{20\pi} = 216^\circ$$

بال التالي قيس الزاوية المركزية ل القطاع التي تحصر القوس  $\hat{BC}$  هو  $216^\circ$

- بالاعتماد على المعلومات التي استنتجت من السؤال السابق يمكن إنجاز تصميم للمخروط المطلوب يكون هذا التصميم من

- قاعدة هي قرص قطره 6cm

- سطح جانبي هو قطاع قرص قيس زاويته المركزية  $216^\circ$  ونصف قطره 10cm لصنع المخروط المطلوب بسهولة يستحسن ترك أشرطة لصق على التصميم

4- يتوصل التلميذ عبر هذا السؤال إلى علاقة بسيطة تسمح له بحساب قيس الزاوية المركزية لسطح الجانبي لمخروط دوراني

باستعمال المعلومات الواردة على الشكل و اعتماداً على المعلومات الواردة في الإطار (كتاب التلميذ) نحصل على جدول التناصية الآتي

| $x$                     | $360^\circ$             | قيس الزاوية التي تحصر القوس ( $^\circ$ ) |
|-------------------------|-------------------------|--|
| $2 \times r \times \pi$ | $2 \times L \times \pi$ | طول القوس (cm)                           |

يُنتج من جدول التناصية

$$x = \frac{2 \times r \times \pi \times 360}{2 \times L \times \pi} = \frac{2 \times r}{2 \times L} \times 360 = \frac{r}{L} \times 360$$

العلاقة التي تعطينا قيس الزاوية المركزية لقطاع السطح الجانبي لمخروط دوراني هي  $x = \frac{r}{L} \times 360$

حيث  $r$  هو نصف قطر قرص القاعدة

$L$  هو نصف قطر القطاع الذي يمثل السطح الجانبي للمخروط

بإستعمال هذه العلاقة لحساب قيس الزاوية المركزية  $x$  (السؤال(2)) نحصل على نفس الناتج بالفعل لدينا

$$\text{إذن } L = 10\text{cm} \text{ و } r = 6\text{cm}$$

$$x = \frac{r}{L} \times 360 = 360 \times \frac{6}{10} = 36 \times 6 = 210^\circ$$

### نشاط (1) ص 194

1- قبل التطرق للفرع الأول لا بد من التأكد أن التلميذ على علم بأن ارتفاع هرم عمودي على قاعدة هذا الهرم و يشمل رأسه

#### حساب الارتفاع المتعلق بالقاعدة [AB] في المثلث ShB

يرسم الهرم على السبورة ويبرز المثلث SBh مثلا

و يستعمل رمز الزاوية القائمة على الشكل باللون الأحمر ثم نحسب الارتفاع

#### حساب المساحة الجانبية للهرم المعتبر

على التلميذ التقطن إلى المعلومة الواردة في الإطار (كتاب التلميذ)

2- يطلب من التلميذ أن يوضح ما هو المراد بالمساحة الكلية لمجسم ثم نحسب المساحة المطلوبة

### نشاط (2) ص 194

1- مساحة هذا القرص

$$B = 100 \pi \text{ و منه } B = \pi \times 10^2$$

$$y = 4.5 \times 10 \pi \text{ و منه } y = \frac{\frac{4.5}{10} \times 360 \times \pi \times 10^2}{360} - 2$$

$$y = 45\pi$$

3- المساحة الجانبية لمخروط الدوران المعين هي :

$$y = 45\pi$$

### نشاط (3) ص 195

1- بعد حساب طول حرف الهرم بإستعمال نظرية فيثاغورس

2- وإنجاز تصميم للهرم بأكبر دقة ممكنة

3- وبعد صنع المكعب بالطريقة المطلوبة يستنتج أن طول حرف المكعب المصنوع هو  $8\text{cm}$

4- علماً أن المكعب ناتج عن تركيب 6 أهرامات

لها نفس الأبعاد سوف يستنتاج التلميذ أن حجم الهرم هو :

سدس حجم المكعب الذي أبعاده  $8\text{cm}, 8\text{cm}, 8\text{cm}$

$$\text{أي } \frac{1}{6} \times 8^3 \text{ cm}^3$$

وبعد كتابة العلاقة التي تسمح بحساب هذا الحجم بالكيفية المطلوبة أي  $(\frac{1}{3} \times 8^2 \times (\frac{1}{2} \times 8^2))$

حيث  $8^2 \text{ cm}^2$  هي مساحة قاعدة المكعب

$\frac{1}{2} \times 8$  هو ارتفاع الهرم و هو أيضاً نصف ارتفاع المكعب

يستنتج أن حجم كل هرم من الأهرامات الستة هو

( ثلث جداء مساحة قاعدة الهرم و ارتفاعه )

5- إنطلاقاً من كل ما سبق من إنجاز و صنع و حساب

تستنتج القاعدة العامة لحساب حجم هرم وهي :

$$V = \frac{1}{3} \times B \times h$$

إلى مساحة قاعدة الهرم و  $h$  إلى ارتفاع الهرم

**نشاط (4) ص 196**

علما أن نصف قطر الدائرة هو  $2\text{cm}$  فإن محيطها هو

$$12.56\text{cm} \text{ أي حوالي } 2\times\pi\times2$$

نلاحظ أنه كلما زاد عدد أضلاع منتظم كلما كبر محيطه و اقتربت من طول الدائرة المحيطة به أي  $12.56\text{cm}$

كلما كبرت مساحته و اقتربت من مساحة القرص المحدد بهذه الدائرة أي  $\text{cm}^2$   $12.566$

- لاحظنا أن أضلاع المثلثات المنتظمة (1) و (2) و (3) و (4) نقترب شيئاً فشيئاً من محيط القرص

ومع إتمام رسم الأهرامات المطلوبة نلاحظ أن السطح الجانبي لهذه الأهرامات يقترب بدوره من سطح منحن أي من السطح  
الجانبي لمخروط الدوران

ما سبق يمكن أن نستنتج أن حجم مخروط الدوران هو

$$V = \frac{1}{3} \times B \times H$$

حيث يرمز  $B$  إلى مساحة قرص (قاعدة) المخروط و  $h$  إلى ارتفاع هذا المخروط

**تجربة :** يستنتج من خلالها قاعدة لحساب حجم مخروط الدوران

النشاط يتطلب ورق مقوى و مسحوق ملح أو سكر أو رمل

1- أصنع أسطوانة الدوران و مخروط الدوران قاعديهما قرصان نصفي قطريهما  $3\text{cm}$  و ارتفاعهما  $10\text{cm}$  ( يلفت إنتباه التلميذ إلى قابلية تطابق قاعدي المجلسين و تساوي ارتفاعيهما

2- إملأ مخروط الدوران بالمسحوق حتى الحافة لكن دون تكديس ثم أسكب محتواه في الأسطوانة

كرر العملية عدد من المرات الازمة حتى تمتلئ الأسطوانة

- ما هو عدد المرات التي ملأت فيها المخروط لكي تمتلأ الأسطوانة ؟

- أحسب حجم الأسطوانة بأخذ محتوى المخروط كوحدة للقياس ثم بـ  $\text{cm}^3$  -

- يستنتج حجم المخروط بدلالة حجم الأسطوانة بـ  $\text{cm}^3$  -

أنقل النص ثم أتممه

إذا كان لأسطوانة الدوران و المخروط الدوران ..... .

قابلتان للمطابقة و كان لها نفس ..... فإن :

حجم مخروط الدوران يساوي ..... حجم أسطوانة الدوران .

بعد هذا يستنتج القاعدة :

إذا كانت  $B$  هي مساحة القاعدتين وكان  $h$  الإرتفاع المشترك لهذين المجلسين فإن :  $\dots = \dots \times B \times h$



# حلول تمارين الكتاب

## المدرسي الرياضيات



## متوسط

جميع الحقوق محفوظة

## المثلث القائم و الدائرة

### نشاط (1) و (2) ص 152 من اختبر مكتسباتك

(1) - مركز الدائرة المحيطة بالمثلث هي نقطة تقاطع المحاور

- رسم المثلث (ليس من الضروري رسم المحاور الثلاثة للمثلث ABC حتى تتعين مركز الدائرة المحيطة بهذا المثلث ) بل يكفي رسم محورين فقط

(2)

رسم مثلث BEF قائم في B الضلعان القائمان هما [BE] و [BF] الضلع [EF] يسمى وترا

### نشاط (1) ص 153

(1)

- رسم مثلث ABC قائم في A ثم رسم المستقيم (d) محور [AC]

\* إثبات أن (d) يقطع الوتر [BC] في منتصفه O

لدينا (d) // (AB) ويشمل منتصف [AC] حسب النظرية العكسية لمستقيم المنتصفين فإن O منصف

\* بما أن محور [BC] عمودي على [AC] في O منصف [BC] هذا يعني أنه يشمل O

(2)

\* مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC هي النقطة O لأنها نقطة تقاطع محاوره

\* يمثل المتر [BC] بالنسبة لهذه الدائرة هو قطرها

(3)

إذا كان مثلث قائما فإن منتصف وتر هذا المثلث هو مركز للدائرة المحيطة به

### نشاط (2) ص 153

- كل الأقوال صحيحة

- الرباعي MKLJ فيه القطران متباينان و متساويان فهو مستطيل إذن المثلث JMK قائم في M

- إذا كان قطر دائرة ضلعاً لمثلث مرسوم في هذه الدائرة فإن هذا المثلث قائماً ووتره هو ذلك القطر

**نشاط (3) ص 154**

(1)

$O$  منتصف  $[BC]$  لأن المتوسط المتعلق  $[BC]$  يقطع  $[BC]$  في منتصفه

(2)

الدائرة المحيطة بالمثلث  $ABC$  مركزها هي  $O$  لأن  $O$  منصف وتره لأن هذا المثلث قائم في  $A$

(3)

بما أن المثلث  $ABC$  قائم في  $A$  فإن الوتر  $[BC]$  هو قطر للدائرة المحيطة به

إذن النقطة  $O$  منتصف  $[BC]$  هي مركز هذه الدائرة

$$OA = \frac{BC}{2} \text{ ومنه } OA = OB + OC$$

**نشاط (4) ص 154**

- رسم المثلث  $DEF$  حسب المعطيات الواردة في النشاط

- النقطة  $E$  تتبع إلى الدائرة لأن  $|E| = |D| = |F|$

و | مركزها أي |  $E$  هو نصف قطر لها

- إذا كان طول متوسط في مثلث المتعلق بأحد الأضلاع يساوي نصف طول هذا الضلع فإن هذا المثلث قائم

**مناقشة نشاط 3 ص 152 ( اختبر مكتسباتك )**

$$177.42\text{cm}^2 (1)$$

$$3.08\text{ cm} (2)$$

**نشاط (1) ص 154**

1) رسم مثلث قائم في A في جميع الحالات الأربع

$$AB^2 + AC^2 = BC^2 \text{ في كل حالة}$$

**نشاط (2) ص 154**

1) رسم مربعاً ضلعه  $a+b$  بالطريقة المبينة في الشكل (2) ثم تلوين المثلثات بالأصفر والرابعى الداخلى بالأخضر

(2)

مساحة المربع الخارجى بدلالة a و b هي  $(a+b)^2$

3) الرباعي الأخضر مربع لأن

مساحته هي  $c^2$

المثلثات الأربع الملونة بالأصفر هي قائمة و  $c^2 = a^2 + b^2$  في كل حالة (حسب الخاصية السابقة)

4) مساحة المثلث الواحد هي  $\frac{a \times b}{2}$

ومساحة المثلثات الأربع هي  $2 \times a \times b$

المساواة (5)  $(a+b)^2 = c^2 + 4 \times \left(\frac{a \times b}{2}\right)$  صحيحة لأن مساحة المربع الخارجى = مساحة المربع الداخلى + مساحة

المثلثات الأربع

هذه المساواة تبسط كالتالي :

$$(a \times b) \quad (a \times b) = c^2 + 2 (a \times b)$$

$$a^2 + ab + ab + b^2 = c^2 + 2 Ab$$

$$a^2 + 2 Ab + b^2 = c^2 + 2 Ab$$

$$a^2 + b^2 = c^2 \quad \text{ومنه :}$$

**نشاط 3 ص 155**

$$AB^2 + AC^2 = 8^2 + 6^2 = 64 + 36 = 100$$

$$BC^2 = 100$$

$$AB^2 + AC^2 = (5.4)^2 + (4.5)^2$$

$$= 29.16 + 20.25$$

$$= 49.42$$

$$BC^2 = 49.42$$

$$AB^2 + AC^2 = 12.25 + 5.76$$

$$= 18.06$$

$$BC^2 = 18.06$$

نلاحظ في كل حالة أن

$$BC^2 = AC^2 + AB^2$$

رسم مثلث ABC حسب الحالات الثلاثة السابقة

إذا كانت أطوال المثلث ABC تحقق أن :

$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

## حل تمرين 2 ص 165

(1

بم أن المثلث قائم في B و  $\hat{A} = 45^\circ$  فإن  $\hat{C} = 45^\circ$

لأن مجموع أقياس زوايا مثلث هو  $180^\circ$

الزاوיתان  $\hat{A}$  و  $\hat{C}$  متقاييسان يعني أن المثلث ABC متساوي الساقين أي  $BA = BC$

بما أن  $BA = 4\text{cm}$  فإن  $BC = 4\text{cm}$  الوتر هو  $[AC]$

$$AC^2 = BA^2 + BC^2 = 16 + 16 = 32$$

لأن المثلث قائم في  $\hat{B}$  إذن  $AC = 5.6\text{ cm}$

(2)

إن وتر المثلث القائم ABC هو قطر للدائرة المحيطة به إذن منصف هذا الوتر هو مركز الدائرة المحيطة بهذا المثلث ونصف

$$\frac{1}{2} AC = 2.8\text{cm}$$

حل تمرين 4 ص 165

بما أن المثلث AMB القائم في M وتره هو قطر الدائرة التي مركزها O ونصف قطرها 2cm فإن الدائرة المحيطة به هي مركزها O منتصف الوتر (حسب النظرية)

إذن M تنتهي إلى الدائرة التي مركزها O

حل تمرين 6 ص 165

(1)

المثلث AMB قائم في M لأن أحد أضلاعه قطر لها

(2)

الرباعي AMBN فيه القطران متباينان و متساويان فهو مستطيل

حل تمرين 8 ص 166

(1)

المثلث AMB فيه الضلع [AB] هو قطر للدائرة (C) فهو قائم في M

المثلث ANB فيه الضلع [AB] هو قطر للدائرة (C) فهو قائم في N

(2)

المثلثان AMB و ANB قائمان متباينان لأن

\* وتر مشترك [AB]

\* بالتناظر المحوري .....  $M\hat{A}B = N\hat{B}A$

حل تمرين 13 ص 166

حسب نظرية فيتاغورس على المثلث القائم ABC في A

$$BC^2 = 7^2 + 5^2 \text{ أي } BC^2 = AC^2 + AB^2$$

$$BC^2 = 74 \text{ أي } BC^2 = 49 + 25$$

$$BC = 8.60 \text{ و منه}$$

### حل تمرين 15 ص 166

حسب نظرية فيتاغورس على المثلث القائم في S

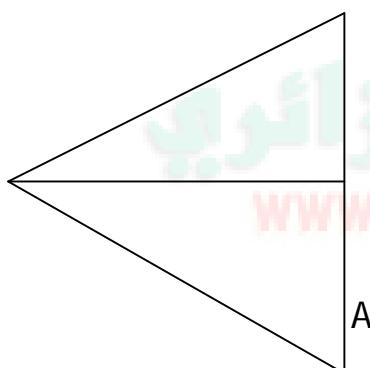
$$100 = SR^2 + 36 \text{ أي } RT^2 = SR^2 + TS^2$$

$$SR = \sqrt{64} = 8 \text{ أي } SR^2 = 64 \text{ و منه : } SR^2 = 100 - 36$$

### حل تمرين 17 ص 167

(1) إنشاء D نظيرة C بالنسبة إلى

(2) لدينا (AB) محور [CD] إذن المثلث ACD متساوي الساقين رأسه A



C B - مثلث قائم في ABC

و حسب نظرية فيتاغورس فإن

$$AB^2 + BC^2 = AC^2$$

$$9 + 4 = 13$$

$$\text{إذن } AC = \sqrt{13} = 3.60$$

هذا يعني أن

$$AD = \sqrt{13} = 3.60$$

لأن المثلث ACD متساوي

الساقين ولدينا

D

### حل تمرين 18 ص 167

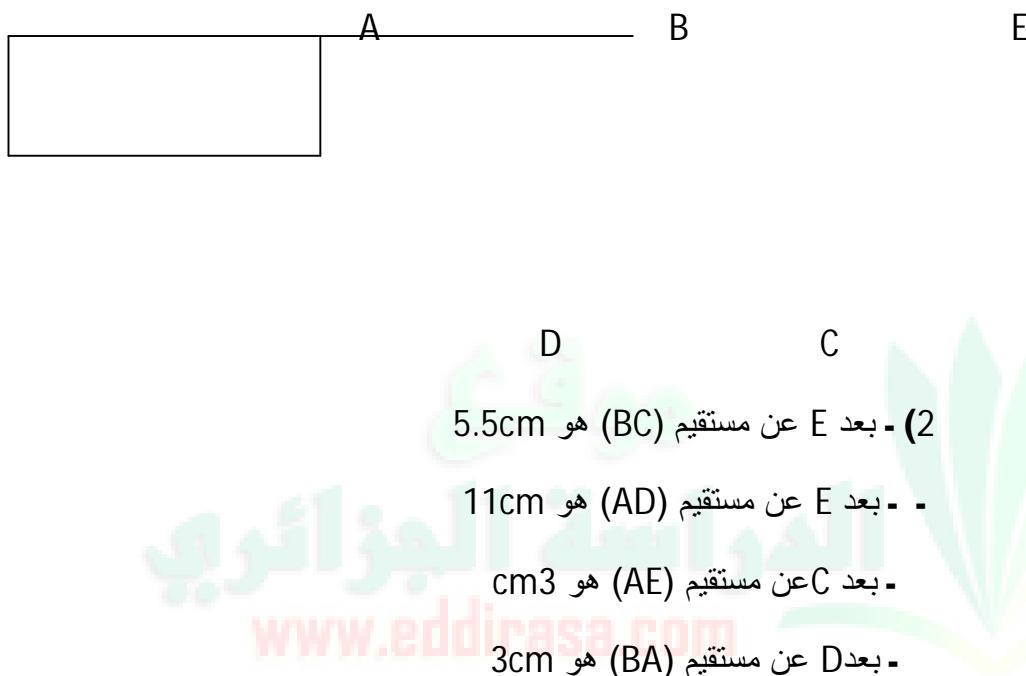
لدينا :  $MN = (4.7)^2 = 22.09$

$$NP = (2.45)^2 = 6 \text{ و } MP = 4.2^2 = 17.64$$

إذن  $MN^2 = MP^2 + NP^2$  حسب نظرية فيتاغورس فإن المثلث  $NMP$  قائم في  $P$

حل تمرین 21 ص 167

١) رسم  $ABCD$  مستطيل م انشاء  $E$  نظيرة  $A$  بالنسبة إلى  $B$



حل تمرین 22 ص 167

1) نقل الشكل الذي يتكون من مستقيم (d) ونقطة A بعدها عن (d) هو  $2\text{cm}$

- إنشاء M تنتهي إلى (d) بحيث يكون AH هو بعد

(d) عن A

- نقول عن المستقيمين (AH) و (d) أنهم متعامدان

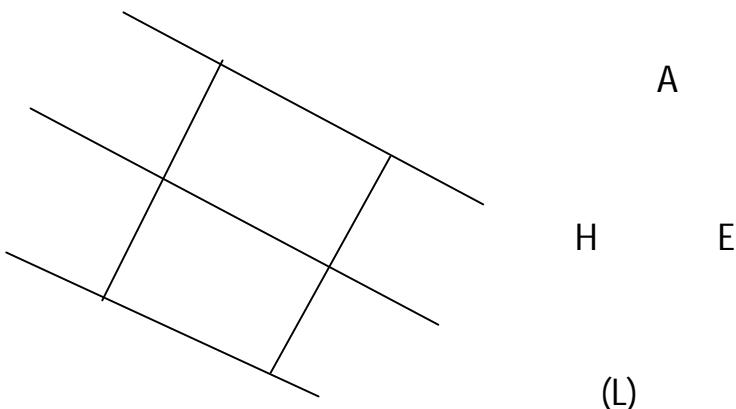
2) إنشاء  $B$  تختلف عن  $A$  والنقط  $A$  ،  $B$  ،  $H$  على استقامة واحدة و  $BH = AH$

- المستقيم (d) يمثل محور  $[AB]$  لأنه عمودي عليها في منتصفها

(3) إنشاء نقطتين E و F مختلفتين عن A و B و يقعان على جهتي (d) بحيث أن بعد كل منهما عن (d) يساوي 2cm

نعم (L) يشمل -

والمستقيم (K) يشمل F ويوازي (d)



B (d)  
F (K)

#### نشاط (4) من اختبر مكتسباتك ص 152

- وضعية النقطة A داخل الدائرة (E) لأن  $OA < 3.5\text{cm}$
- وضعية النقطة B تنتهي إلى الدائرة (E) لأن  $OB = 3.5\text{cm}$
- وضعية النقطة C خارج الدائرة (E) لأن  $OC > 3.5\text{cm}$

#### نشاط (1) ص 158

- (1)- عدد النقاط المشتركة بين الدائرة (C) و المستقيم (d)

في الشكل (1) هي نقطتين

- عدد النقاط المشتركة بين الدائرة (C) و المستقيم (d)

في الشكل (2) هي نقطة واحدة

- لا توجد نقط مشتركة بين الدائرة (C) و المستقيم (d)

في الشكل (3)

\* في الشكل (1) (d) قاطع للدائرة (C)

في الشكل (2) (d) مماس للدائرة (C)

في الشكل (3) (d) خارج للدائرة (C)

(2) يمثل OH بعد النقطة O عن المستقيم (d)

نلاحظ أنه في الشكل (1) الطول OH أصغر من نصف القطر وفي الشكل (2) الطول OH يساوي نصف القطر  
و في الشكل (3) الطول OH أكبر من نصف القطر

### نشاط (2) ص 158

(1) في حالة بعد النقطة A عن المستقيم (Δ) يساوي 4cm فإن (Δ) هو خارج الدائرة (C)

(2) في حالة بعد النقطة A عن المستقيم (Δ) يساوي 1.5 cm فإن (Δ) هو مماس الدائرة (C)

(3) في حالة بعد النقطة A عن المستقيم (Δ) يساوي 1cm فإن (Δ) هو قاطع الدائرة (C)

### نشاط (3) ص 158

لأن AB تنتهي إلى الدائرة (C) بينما M تقع خارج الدائرة (C)

- يمثل AB نصف قطر الدائرة (C)

- المستقيمان (Δ) و (AB) متامدان لأن  $AM > r$  أي كل نقطة من (Δ) تختلف عن B تقع خارج الدائرة (C)

أي أن الطول AB أصغر مسافة بين A و المماس (Δ) إذن  $(AB) \perp (Δ)$  في B

- إن المماس للدائرة (C) في النقطة B عمودي على المستقيم (AB)

### حل تمرين 23 ص 168

وضعيية المستقيم (AB) بالنسبة إلى (C) هو قاطع لأنه يشتراك معها في نقطتين

## حل تمرين 24 ص 168

\* مركز الدائرة المحيطة بمثلث قائم هو منتصف وتره صواب

\* رکز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC هو النقطة A خطأ

\* الصلع [AB] هو قطر للدائرة المحيطة بالمثلث ABC خطأ

\* الصلع [BC] هو قطر للدائرة المحيطة بالمثلث ABC صواب

\* المثلث EOM متساوي الساقين صواب

\* المثلث EMF قائم في F خطأ

\* بعد O عن (d) يساوي 1.5cm صواب

\* بعد O عن (d) هو OL خطأ

\* المستقيم (d) قاطع دائرة (C) خطأ

## حل تمرين 25 ص 168

- وضعية (d) بالنسبة إلى هذه الدائرة (C) هو مماس لها في النقطة H لأن (d) عمودي على المستقيم القطري (IH)

- وضعية (d) بالنسبة للدائرة (L) هو خارج الدائرة (L) لأن  $|H| > 0.5$

- النقطة A هي نقطة من الدائرة (L) لأن (d) يبعد عن A ب 2cm و تبعد عن (d) ب 0.5cm نصف قطرها

- وضعية (D) بالنسبة إلى الدائرة (C) هو قاطع لها لأنه يشتراك معها في نقطتين



| المثلث   | OGH | OEF | OCD | OAB |
|--|-----|-----|-----|-----|
| طول الضلع المجاور للزاوية $35^\circ$                         | 4   | 3   | 2.5 | 1.6 |
| طول الوتر  | 5   | 3.5 | 3   | 2   |
| حاصل قسمة طول الضلع المجاور للزاوية $35^\circ$ على طول الوتر | 0.8 | 0.8 | 0.8 | 0.8 |

## نشاط (3) ص 160

$$\cos 30^\circ = 0.86 \quad (1)$$

$$\cos 65^\circ = 0.42 \quad (2)$$

$$\cos 60^\circ = 0.5 \quad (3)$$

لدينا  $\hat{A} = 70^\circ$  إذن  $\hat{A} \cos = 0.342$

$$\hat{B} = 60^\circ \text{ إذن } \hat{B} \cos = 0.5$$

## نشاط (4) ص 160

$$\hat{C} \cos = 0.8^* \quad *$$

حساب  $AC^*$

$$AC = \hat{C} \cos \times BC \text{ أي } \hat{C} \cos = \frac{AC}{BC}$$

$$\text{لدينا } AC = 4\text{cm} \text{ ومنه } AC = 0.8 \times 5$$

حساب  $AB^*$

$$\text{لدينا } BC^2 = AC^2 + AB^2$$

$$\text{ومنه : } AB^2 = 25 - 16 \text{ أي } 25 = 16 + AB^2$$

$$\text{ومنه : } AB = 3 \text{ أي } AB = \sqrt{9}$$

## حل التمرين 28 ص 169

- (1) لدينا  $(d') \parallel (d)$  و  $(OC)$  قاطع لهما  
إذن  $x = 35^\circ$  (بالتماثل)

$$\cos 35^\circ = 0.81 \quad (2)$$

حساب الطول OB

المثلث  $OBA$  في  $A$  ومنه  $\cos 35^\circ = \frac{OA}{OB}$

$$OB = \frac{2}{0.81} \text{ أي } 0.81 = \frac{2}{OB}$$

$$OB = 2.46 : \text{ ومنه}$$

AB حساب (3)

حسب نظرية فيتاغورس فإن

$$6.9 = AB^2 + 4 \text{ ومنه } OB^2 = AB^2 + OA^2$$

$$AB^2 = 2.9 \text{ ومنه } AB^2 = 6.9 - 4$$

$$AB = 1.7 \text{ cm} \text{ ومنه } AB = \sqrt{2.9}$$

AE حساب (4)

المثلث  $AEC$  قائم في  $C$  إذن  $\cos C = \frac{AC}{AE}$

$$AE = \frac{1.5}{0.81} \text{ أي } 0.81 = \frac{1.5}{AE}$$

(1) ...  $(AE) \parallel (BD)$  فيه  $ABDE$  رباعي لدينا

(2) ... لأنهما عموديان على  $(OC)$   $(BA) \parallel (DE)$

من (1) و(2) ينتج أن الرباعي  $ABDE$  فيه كل ضلعان متقابلان متوازيان فهو متوازي أضلاع

$$BA = DE = 1.7 \text{ cm} \text{ و } BD = AE = 1.8 \text{ cm}$$

## حل التمرين 29 ص 169

$$\hat{B} \cos = \frac{1}{CB} \text{ في المثلث } ABC \text{ لدينا صواب}$$

$$BC = 3 \text{ خطأ}$$

\* طول الوتر يساوي حوالي 2.23 صواب

$$\hat{B} \cos \approx 0.89 *$$

$$\hat{B} \cos 0.89^* \approx \text{إذن } \hat{B} = 27.12^\circ \text{ صواب}$$

$$\hat{C} \cos 0.44^* \approx \text{خطأ}$$

$$\hat{C} \approx 63.8^\circ \text{ خطأ}$$

$$\hat{C} \approx 70^\circ \text{ خطأ}$$

### حل مسألة 34 ص 170

(1) الإنشاء

(2) يمكن إستعمال الزوايا لإثبات أن  $(AE)$  مماس للدائرة  $(C)$  في  $A$  أو :

في المثلث  $OAE$  لدينا  $OB=BE$  (لأن  $E$  منتصف  $[BA]$ ) إذن  $(BA)$  متواسط في المثلث  $OAE$  بما أن  $B$  تنتهي إلى الدائرة  
 $OB = 2.5\text{cm}$  (C)

$$AB = \frac{1}{2} OE \text{ و } AB = 2.5\text{cm} \text{ و } OE = 5\text{cm}$$

فحسب الخاصية العكسية للمتوسط المتعلق بالوتر فإن المثلث  $OAE$  قائم في  $A$

- بعد المركز  $O$  عن  $A$  يساوي قطر الدائرة  $(AE)$  عمودي على حامل نصف القطر  $[OA]$  في  $A$   
 إذن  $(AE)$  مماس للدائرة في النقطة  $A$

### حل مسألة 35 ص 170

البرهان على أن  $GJ = EI$

لدينا  $EFG$  مثلث قائم في  $G$  و  $E$  منتصف  $[EF]$  فحسب خاصية المتوسط في المثلث القائم فإن  $IG$  قائم في  $EFG$

$$(1) \dots\dots\dots IG = IE \text{ أي}$$

$$(2) \dots\dots\dots GJ = JI \text{ ولدينا}$$

من (1) و (2) ينتج أن  $GJ = IE$

البرهان أن  $E$  منتصف  $[IK]$

لدينا  $JK$  مثلث فيه  $G$  منتصف  $[IJ]$  و  $(EG) // (JK)$

حسب النظرية العكسية لمستقيم المنتصفين فإن  $E$  منتصف  $[IK]$

البرهان على أن المثلث  $IJK$  متساوي الساقين رأسه  $I$

$$\text{لدينا } IG = GJ \dots\dots\dots (1)$$

$$(2) \dots\dots\dots IE = EK$$

$$(3) \dots\dots\dots GJ = EI$$

من (1) و(2) و(3) ينتج أن  $IJ = IK = JK$  فالمثلث  $IJK$  متساوي الساقين رأسه  $I$

البرهان أن  $(D)$  يوازي  $(FE)$

$$\text{لدينا } (D) \perp (EG) \text{ و } (D) \perp (KJ) \text{ فإن } (KJ) \parallel (EG)$$

$$\text{ولدينا } (FG) \parallel (D) \text{ إذن } (FG) \perp (EG)$$

البرهان على أن  $L$  منتصف  $[EG]$

المثلث  $EIG$  متساوي الساقين فيه  $(IL)$  ارتفاع متعلق بالضلوع  $[EG]$  فهو متوسط فإن  $L$  منتصف  $[EG]$

حل مسألة 36 ص 170

1) إنشاء دائرة  $(E)$  مركزها  $O$  ونصف قطرها  $3\text{cm}$

تعيين  $A$  من الدائرة  $(E)$

2) إنشاء المماس للدائرة  $(E)$  في  $A$

تعيين  $C$  من هذا المماس حيث  $AC = 2\text{cm}$

حساب  $OC$

المثلث  $OAC$  قائم  $A$  لأن المماس الذي يشمل  $C$  عمودي على المستقيم القطري  $(OA)$  وحسب نظرية فيتاغورس فإن

$$OC^2 = 9 + 4 \text{ أي } OC^2 = 13 \text{ إذن } OC^2 = OA^2 + AC^2$$

$$OC = \sqrt{13} \text{ ومنه } OC^2 = 13$$

حساب  $\hat{O}\cos$

$$\hat{O}\cos = 3.60 \text{ ومنه } \hat{O}\cos = \frac{OA}{OC} = \frac{3}{3.60}$$

- نظيرة C بالنسبة إلى A هي O

### OACD طبيعة الرباعي 3

الرباعي OACD فيه القطران [AD] و [OC] متناظران

فهو متوازي أضلاع وفيه زاوية قائمة فهو مستطيل

### حساب مساحة المستطيل

$$S = OA \times OC$$

$$S = 3 \times 2$$

$$cm^2 \quad S = 6 \quad \text{إذن}$$

حل مسألة 37 ص 170

1) إنجاز الشكل حسب المعطيات الواردة في بداية نص المسألة

2) مركز الدائرة (E) هو O ونصف قطرها 10

لأن  $OA = OB$  و  $IA = AO$  أي  $OA = OB$

أي  $OI = OJ$

### ONJ طبيعة المثلث 3

\* المستقيم (NJ) مماس للدائرة (C) في N إذن

(NO)  $\perp$  (NJ) حسب خاصية المماس فالمثلث ONJ قائم في N

\* طبيعة المثلث MJ

المثلث MJ فيه الضلع [IJ] قطر للدائرة (E) و M نقطة من الدائرة (E) حسب النظرية العكسية لنظرية الدائرة المحيطة بمثلث قائم فإن المثلث MJ قائم في M

### البرهان أن (MJ) يوازي (NO) 4

(1)..... (ON)  $\perp$  (MJ) أي (ON)  $\perp$  (NJ)

ولدينا أيضا (MJ)  $\perp$  (IM) برهانا.....

من (1) و(2) ينتج أن (NO) // (MI)

- البرهان أن N منتصف [JM]

المثلث IMJ فيه O منتصف [IJ] و (ON) // (IM)

حسب النظرية العكسية لمستقيم المنتصفين فإن N منتصف [MJ]

- حساب IM

\* إثبات أن المثلث IMO متقارن الأضلاع

لدينا (ON) // (IM) و (IJ) قاطع لهما فإن  $N\hat{O}J = M\hat{O}I$  بالتماثل

ولدينا (MO) // (ON) و (MO) قاطع لهما فإن

(2) بالتبادل الداخلي  $I\hat{M}O = N\hat{O}M$

(3).....  $N\hat{O}B + N\hat{O}M + M\hat{O}I = 180^\circ$  ولدينا

(4).....  $I\hat{M}O + M\hat{O}I + M\hat{O}I = 180^\circ$

من (1) و(2) و (3) و (4)

ينتج أن  $M\hat{O}I = M\hat{O}I = I\hat{M}O = 60^\circ$  فالمثلث IMO متقارن الأضلاع إذن  $IM = 3cm$

- حساب MJ

حسب نظرية فيثاغورس على المثلث القائم MJ

$$MJ^2 = 36 - 9 = 27 \quad \text{أي } MJ = \sqrt{27}$$

$$\text{ومنه } MJ = 5.19 \text{ cm}$$

$\hat{I} \cos$

$$\hat{I} \cos = \frac{IM}{IJ} = \frac{3}{6} = 0.5$$

$$\hat{J} \cos = \frac{MJ}{IJ} = \frac{5.19}{6} = 0.86$$

البرهان على أن (OM) // (BN) (5)

لدينا : N منتصف [MJ] و O منتصف [IJ] حسب نظرية مستقيم المنتصفين فإن (BN) // (OM)

### حساب OM

بما أن المثلث IMJ قائم M و O منتصف [MJ] فإن (MO) متوازٍ متعلق بالوتر [IJ] ومنه  $OM = 3\text{cm}$

### حساب NB

بنفس الطريقة نجد  $NB = 1.5\text{cm}$

(6) بما أن D منتصف [OM] فإن  $OD = 1.5\text{ cm}$  و الدائرة (C) نصف قطرها  $1.5\text{cm}$  إذن D تتنمي إلى الدائرة (C)

- الرباعي BNDO فيه  $DO = NB$  و  $(DO) // (NB)$  فهو متوازي أضلاع وفيه  $OD = OB$  فهو معين

### نشاط (1) ص 155

في d ويعامد (1A) نقل الشكل الموجود في الكتاب ثم رسم المستقيم الذي يشمل

(2AH) أصغر طول هو

### نشاط (2) ص 155

H بالنسبة إلى B هي نظيره '1B' نقل الشكل ثم رسم

[H] ويعامدها في 'BB' منتصف [H] يشمل d لأن ('BB') هو محور تناظر القطعة [2d] المستقيم (

3BMB' المتباعدة BM+B'M<BB'

بالنسبة إلى B هي نظيره 'B' و بما أن  $B'M = BM$  نقطة من (M) و 'BB' هو محور [d] بما أن (

فالمتباعدة 'BH =  $2 \times BB'$  فإن H النقطة

$B'M + BM < BB' < 2 \times BH$  تصبح  $B'M < 2 \times BH$

$B'M < B'H$

(d) عن المستقيم (B) بعد النقطة H يسمى الطول



# حلول تمارين الكتاب

## المدرسي الرياضيات



## متوسط

جميع الحقوق محفوظة

# حل مشكلات و معادلات من الدرجة الأولى

## نشاط (3) ص 75 من إختبر مكتسباتك

- في المساويات  $a(b+c) = ab + ac$

$c, b, a$  الرمز = يدل على تساوي الطرفان من أجل كل قيم الأحرف  $a - 2$  (  $a+2$  ) =  $a^2 - 4$

- في المساويات  $b+2=5b+3$  و  $7a+5=6a-9$

يُصل الرمز = بين طرفي معادلة و حل كل من هاتين المعادلتين يحدد قيمة  $a$  أو  $b$  التي تحقق المساواة

(1) المعادلات هي :  $7a + 5 = 6a - 9$

$$-b + 2 = 5b + 3$$

(2) من أجل  $a = 1$  المساواة صحيحة

من أجل  $a = -3$  المساواة صحيحة

من أجل  $a = \frac{1}{2}$  المساواة صحيحة

هذه المساواة صحيحة من أجل كل قيم المتغير  $a$

هذه المساواة ليست صحيحة من أجل  $a = 1$ ,  $b = -3$

$$\therefore b = \frac{1}{2}$$

- قيمة  $b$  التي تحقق المساواة هي  $b = \frac{-1}{6}$

## نشاط (1) ص 76

(1) مقاله زين الدين صحيح لأن  $a=550g, b=550g$

(2) بما أن  $a=b$  فإن  $a+20=b-50$

- لا يختل التوازن

بما أن  $a - 50 = b - 50$  فإن  $a = b$

- يتحقق التوازن لأن  $a = b$  فإن  $2a = 2b$

- بما أن  $\frac{a}{5} = \frac{b}{5}$  فإن  $a = b$

$a+c = b+c$  و  $c$  عدداً نسبياً فإن  $a = b$  (3)

$\neq 0$  مع  $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$  و  $a \times c = b \times c$  و  $a - c = b - c$  و

### نشاط (2) ص 76

$$(a+c) - (b+c) = a + c - b - c \quad (1)$$

$$a - b$$

$$= 0$$

ومنه  $a+c = b+c$  فنقول أن العددين  $a+c$  و  $b+c$  هما طرفي المساواة  $= 0$

بنفس الطريقة يستنتج أنه من أجل كل اعداد نسبية  $a, b, c$

$$a-c = b-c \quad (a-c) - (b-c) = 0$$

$$ca - cb = c(0) \quad \text{ومنه } ca - bc = c(a - b)$$

نقول أن  $ca$  و  $cb$  طرفي المساواة  $= 0$

أي  $ca = cb$

$$\frac{a}{c} - \frac{b}{c} = 0 \quad \text{ومنه } \frac{a}{c} - \frac{b}{c} = \frac{a-b}{c} = \frac{0}{c} = 0 \quad *$$

أي  $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$  :

### نشاط (1) و (2) ص 75 من إختبر مكتسباتك

#### الترتيب التصاعدي (1)

$$9, 2.53, 2.5, 2.357, \frac{13}{6}, 2.15, \frac{15}{7}, \frac{4.2}{3}, 0.25$$

$$\frac{3452}{567} > \frac{3278}{891} , \quad \frac{3452}{567} - \frac{3278}{891} = 2.41 \quad (2)$$

**نشاط (1) ص 77**

يحضر هذا النشاط في البيت

\* قبل الشروع في المرحلة الأولى يمكن تقديم تذكير لمفهوم المسافة إلى الصفر و فاصلة نقطة ، يمكن أن يكون هذا التذكير كالتالي :

- ترتيب النقط على مستقيم مدرج من اليسار إلى اليمين حسب الترتيب التصاعدي لفواصلها ( التي هي أعداد نسبية )

مثلاً M و N نقطان من المستقيم المدرج

إذا كانت M تقع على يمين N فإن فاصلة M أكبر من فاصلة N

R - S نقطتان فاصلتهما 'x و "x على الترتيب

إذا كان "x أكبر من 'x فإن S تقع على يمين R

(1) نقل المستقيم المدرج ثم تعلم النقطتين A( $\frac{7}{4}$ ) ، B( $\frac{5}{2}$ )

لدينا  $\frac{5}{2} > \frac{7}{4}$  لأن على المستقيم المدرج النقطة B تقع على يمين A

$$\frac{5}{2} + \frac{1}{2} = \frac{6}{2} = 3 \quad \text{و} \quad \frac{7}{4} + \frac{1}{2} = \frac{7+2}{4} = \frac{9}{4} \quad (2)$$

تعليم النقطتين C و D نلاحظ النقطة D تقع يمين C

$$\frac{5}{2} + \frac{1}{2} > \frac{7}{4} + \frac{1}{2} \quad \text{إذن}$$

- القيام بنفس العمل مع النقطتين E و F ذات الفاصلتين

$$\frac{5}{2} - \frac{1}{2} > \frac{7}{4} - \frac{1}{2} \quad \text{حيث نجد} \quad \frac{5}{2} - \frac{1}{2} > \frac{7}{4} - \frac{1}{2}$$

$$5 > \frac{7}{2} \quad \text{و} \quad 5 = 2 \times \frac{5}{2} \quad \text{نلاحظ أن} \quad 2 \times \frac{7}{4} = \frac{7}{2} \quad \text{لدينا}$$

$$2 \times \frac{5}{2} > 2 \times \frac{7}{4} \quad \text{إذن}$$

نفس العمل من أجل النقطتين K و L ذات الفاصلتين

$$(-2) \times \frac{5}{2} < (-4) \times \frac{7}{4} \quad \text{نجد} \quad -2 \times \frac{5}{2} \text{ و } -4 \times \frac{7}{4}$$

### نشاط (2) ص 77

$$a < b \quad \text{لدينا (1)}$$

$$(a+c)-(b+c) = a+c - b-c$$

$$= a - b$$

$$\text{إذن } 0 < (a+c)-(b+c) \quad \text{و منه } a+c = b+c \quad \text{و عليه}$$

$$a+c < b+c \quad \text{فإن } a < b \quad \text{إذا كانت}$$

$$(a-c)-(b-c) = a - c - b + c$$

$$= a - b$$

$$a-c < b-c \quad \text{إذن } (a-c)-(b-c) < 0 \quad \text{و منه}$$

$$a-c < b-c \quad \text{فإن } a < b \quad \text{و عليه إذا كان}$$

(2)

$$\text{ولدينا } c \text{ عدد موجب تماماً} \quad ac - bc = c(a-b)$$

$$\text{بما أن } 0 < a-b \quad \text{فإن } 0 < c(a-b) \quad \text{أي } ac - bc < 0$$

$$ac < bc \quad \text{أي}$$

$$ac < bc \quad \text{و عليه إذا كان } a < b \quad \text{و } c \text{ عدد موجب تماماً} \quad \text{فإن}$$

- في حالة  $c$  عدد سالب تماماً

$$ac > bc \quad \text{أي } ac - bc > 0 \quad \text{يصبح}$$

$$ac > bc \quad \text{و عليه إذا كان } a < b \quad \text{و } c \text{ عدد سالب تماماً} \quad \text{فإن}$$

## النشاط (4) من إختبر مكتسباتك

$$a = \frac{2}{3}, a = \frac{1}{4}, a = -1, a = 9 \quad (1)$$

$$-1 = -1 - 7 + 6 = -1 \quad \text{أي} \quad 7 - (-1) + 6 = -1 \quad (2)$$

## نشاط (1) ص 79

(1) عدد حبات الفاكهة على كفة الميزان (1) هو 6 وعدد الحبات في كفة الميزان (2) هو 3 يمكن ترجمة الوضعيتين كالتالي

$$\text{الوضعية الأولى : } 6f = 1000 + 2b$$

$$\text{الوضعية الثانية : } 2b = 500 + 3b$$

حيث يرمز  $f$  إلى كتلة حبة الفاكهة ويرمز  $b$  إلى كتلة العلبة

(2)

$$\text{الوضعية الأولى يتحقق التوازن في حالة } f = 170\text{g} \text{ و } b = 20\text{g}$$

$$\text{الوضعية الثانية يتحقق التوازن في حالة } f = 50\text{g} \text{ و }$$

$$b = 325\text{g}$$

## نشاط (2) ص 79

$$5 - 2x = 7 \quad \text{نضيف إلى الطرفين العدد 5} \quad (1)$$

$$2x = 12 \quad \text{نجد} \quad 2x - 5 + 5 = 7 + 5$$

بقسمة طرفي المساواة على 2 نجد :

$$x = 6$$

\*

$$5x - 3 = x + 21 \quad \text{نطرح من الطرفين المجهول } x \quad \text{فنجد}$$

$$4x - 3 = 21 \quad \text{فتصبح} \quad 5x - 3 - x = x + 21 - x$$

نضيف إلى الطرفين العدد 3

$$4x = 24 \quad \text{ومنه } 4x - 3 + 3 = 21 + 3$$

بقسمة طرفي المعادلة على 4 نجد  $x = 6$

(2)

$$x = 6 \quad \text{لدينا المعادلة (1) } x - 5 = 7 - 2 \text{ من أجل } x$$

نجد  $7 - 5 = 2$  أي  $7 - 5 = 2$  ومنه  $7 = 12 - 5 = 7$  فالمساواة صحيحة

$$x = 6 \quad \text{لدينا المعادلة (2) } 5x - 3 = x + 21 \text{ من أجل } x$$

نجد  $21 - 3 = 18$  أي  $18 = 5x - 3$  ومنه  $21 = 5x$  أي  $x = 21 / 5 = 4.2$

فالمساواة صحيحة

$$7x + 5 = 2x - 7 \quad (3)$$

نطرح 5 من طرفي المعادلة

$$7x + 5 - 5 = 2x - 7 - 5$$

$$\text{نجد } 7x = 2x - 12$$

نطرح  $2x$  من طرفي المعادلة

$$7x - 2x = 2x - 12 - 2x$$

$$\text{نجد } 5x = -12$$

نقسم على 5 طرفي المعادلة

$$x = \frac{-12}{5} \quad \text{ومنه}$$

\* بنفس الخطوات و الخوارزمية التي تسمح بحل معادلة نجد

- حل المعادلة  $x = 5.75 \quad x \frac{1}{2} + 0.3 = 7.2 - 0.7x$  هو

حل المعادلة  $0.33x + 1 = 3.25x - 0.25$  هو

$$x = \frac{2}{5} \text{ هو } \frac{x+2}{3} - \frac{1}{4} = \frac{1-2x}{4} + \frac{1}{2}$$

## نشاط (5) و (6) من اختبر مكتسباتك

(5)

(1) لجعفر مبلغ من المال ، لو أضاف إليه ثلاثة أرباعه لأصبح في حوزته 5347 دينارا

$$x + x \frac{3}{4} = 5347$$

(2) إرتفاع مثلث  $15\text{cm}$  و مساحته  $210\text{cm}^2$ 

$$x \frac{15}{2} = 210$$

(3) ضعف عدد هو هذا العدد مطروح منه 15

$$2x = x - 15$$

(6)

(1) إذا أضفنا 10 إلى ثلاثة مرات عدد فالناتج يفوق 200

$$3x + 10 > 200$$

(2) إذا طرحنا عدداً من مربعه فالناتج هو 6

$$x^2 - x = 6$$

(3) صرف ياسين مبلغ 310DA في شراء كتاب سعره 180DA و كراسين

$$2x + 180 = 310$$

## نشاط (3) ص 80

\* تحديد الجملة المحورية في النص

(1) يشتري حكيم و زهراء في مبلغ من المال قدره 7500DA

\* تحديد الجمل التي لها صلة بالجملة المحورية

(2) لو نقصت حصة زهراء بمبلغ 250DA

- لو زادت حصة حكيم بمبلغ 500DA (3)

- لأصبح لدى كل من الأخوين نفس المبلغ (4)

نرمز بالحرف a لحصة زهاء و بالحرف b لحصة حكيم

- بالرمز  $x$  لحالة تساوي حصتي الأخوين

وعليه تترجم الجمل الأربع كالآتي

الجملة (1) تترجم بالمعادلة  $a + b = 7500$

الجمل (2) و (3) و (4) تترجم كالآتي

حصة زهاء هي  $x + 250$  DA

حصة حكيم هي  $x - 500$  DA

المعادلة (5) تصبح إذن :

$$(x + 250) + (x - 500) = 7500$$

بحل المعادلة الأخيرة يكون  $x = 3875$

وتكون حصة زهاء هي 4125DA

و حصة حكيم هي 3375 DA

#### نشاط (4) ص 80

الجملة المحورية هي مساحة مستطيل

الجمل المرفقة للجملة المحورية

(1) حصر لطول المستطيل بين 1.40cm و 1.60cm

(2) عرض المستطيل 0.70cm

(3) حصر مساحة المستطيل

التاكد من معرفة التلميذ للعلاقة التي تعطي مساحة مستطيل كالآتي

$$l \times S = L \quad (4)$$

الجملة (1) تترجم كالآتي

$$1.40 < L < 1.60 \quad (5)$$

إذن نضرب الأطراف الثلاثة للممتباينة (5) بالعدد

يعطينا

$$\text{أي } 1.40 < 1L < 1.60 .$$

إذن مساحة السجادة محصورة بين 0.98 و 1.12

$$\text{أي } 0.98 < 1.12 <$$

### حل تمرين 1 ص 86

$$\text{الفرضية } a = -10$$

(1) يمكن الإجابة عن الفرع الأول بكيفيتين

- الإنطلاق من المساواة الواردة في السؤال للحصول على الفرضية في حالة كون المساواة صحيحة

لدينا  $-5 = 5 + a$  بطرح العدد 5 من طرفي المساواة يكون  $-5 = -5 + 5 = 0$  أي  $-5 = a$  إذن المساواة صحيحة

- الإنطلاق من الفرضية للحصول على المساواة المعطاة أيضاً إذا كانت صحيحة

لدينا  $-10 = a + 5$  بإضافة العدد 5 إلى طرفي المساواة نحصل على :  $5 = -10 + 5 = -5$

بعد التبسيط نحصل على  $-5 = a + 5$  وهي المساواة المطلوبة

\* يمكن أيضاً تتحقق من صحة المساواة و بالتحقيق من صحة المساواة  $-5 = a$  من أجل  $-10 = a$

### الفرع الثاني

الأمر يتعلق بعبارة و ليس مساواة إذن ننطلق من الفرضية

لدينا  $-10 = a + 10$  بإضافة العدد 10 إلى طرفي المساواة نحصل على  $0 = -10 + 10 = 0$

بعد التبسيط نحصل على  $0 = 0$  إذن قيمة  $a + 10 = 0$  هي 0 بطريقة مماثلة نحصل على إجابات السؤال 2

### حل تمرين 11 ص 87

حل جزئي

الفرضية  $1.5 < b < 3.2$

في مثل هذه الحالة يستحسن الإنطلاق من الفرضية بعد التمعن في العلاقة المعطاة  $(5 < 2b + 2 < 7.5)$  نلاحظ أن الأمر يتعلق بحصر  $2b+2$

- الخطوة الأولى :

بضرب المتباينة المزدوجة  $3.2 < b < 1.5$  بالعدد 2 نحصل إثرها على  $2 \times 3.2 < 2b < 2 \times 1.5$  أي

$$3 < 2b < 6.4$$

- الخطوة الثانية :

إضافة العدد 2 إلى أطراف المتباينة المزدوجة الأخيرة نحصل على المتباينة  $2 < 2b+2 < 6.4 + 2$

$$\text{أي } 2 < 2b+2 < 8.4$$

هذه المتباينة الأخيرة تعطينا حصر للعبارة  $2 < 2b+2$

هذه العبارة إذن محصورة بين العددين 5 و 8.4 وليس بين العددين 5 و 7.4 كما جاء في السؤال (1)

إذن العلاقة  $1.5 < b < 3.2$

لا نستطيع الحصول على  $7.4 < 2b+2 < 8.4$

يمكن التأكيد من النتيجة بإعادة العمليات مرة أخرى

**المسألة 30 ص 89**

توجيهات

a حصة جعفر ، b حصة محمد و c حصة نور الدين إذن

$$(1) \quad a+b+c = 7245$$

$$c = \frac{1}{2} (b+a) \quad \text{و} \quad b = \frac{2}{3} a$$

من المساوتين الآخرين نحصل على المساواة

$$c = \frac{5}{6} b \quad \text{أي} \quad c = \frac{1}{2} \left( \frac{2}{3} b + b \right)$$

بتعويض a و c في المساواة (1) نحصل على المعادلة  $\frac{2}{3} b + b + b \frac{5}{6} = 7245$

بحل هذه المعادلة نحصل على الإجابة المطلوبة

المسألة 35 ص 89

توجيهات

الفرضيات :  $\hat{C} = \hat{B} \frac{1}{2}$  و  $\hat{A} = 3\hat{B}$  مثلث  $ABC$

- حساب الأقياس :  $\hat{A}$  و  $\hat{B}$  و  $\hat{C}$

إن مثل هذا التمارين يوضح للתלמיד أن جهله للتعریف و الخواص و النظريات لا يمكنه من أداء عمله حتى إذا كان بسيطاً

لذا يتبيّن ضرورة مراجعة دروسه بتمعن ( وليس مراجعة سطحية )

إن مجموع أقياس زوايا مثلث هو  $180^\circ$

إذن  $180^\circ = \hat{A} + \hat{B} + \hat{C}$  و بإستعمال المعلومات الواردة في الفرضيات نحصل على المعادلة :

$$3\hat{B} + \hat{B} + \hat{B} \frac{1}{2} = 180^\circ$$

بحل هذه المعادلة نحصل على قيس  $\hat{B}$  ثم قيس كل من

$\hat{C}$  و  $\hat{A}$

مسألة 37 ص 89

ملاحظة:

بإعتماد على الشكل نتبين أنه مركب من مستطيل ونصف قرص متقارن و منفصلان وأن مساحة هذا الشكل هي مجموع مساحتي المستطيل و نصف القرص

\* تحديد نصف قطر الدائرة المحيطة بالقرص

- مساحة المستطيل هي :  $10 \times 14 = 140 \text{ cm}^2$

- بما أن المساحة الإجمالية للشكل هي  $156 \text{ cm}^2$  فإن مساحة القرص هي :  $156 - 140 = 16 \text{ cm}^2$

- بما أن مساحة نصف القرص الموجود في الشكل هي  $16 \text{ cm}^2$  فإن مساحة القرص بكامله هي  $2 \times 16 \text{ cm}^2$

لكن مساحة قرص نصف قطره  $r$  هي  $(\pi \times r^2)$

$$r^2 = \frac{32}{\pi} \quad \text{أي } \pi \times r^2 = 2 \times 16 \text{ cm}^2 \quad \text{إذن}$$

بإستعمال حاسبة نحصل على نصف قطر الدائرة المحيطة بنصف قرص الشكل وهو  $r \approx 3.2\text{cm}$

### مسألة 38 ص 90

توجيهات

- مساحة المستطيل  $ABCD$  تساوي  $12 \times 7\text{ cm}^2$

إذن مساحة المستطيل  $ABMN$  هي  $\frac{2}{3} \times 12 \times 7\text{ cm}^2$

- نضع  $MB = x$  و نلاحظ على الشكل أن عرض المستطيل  $ABMN$  هو نفسه عرض المستطيل  $ABCD$

إذن مساحة المستطيل  $ABMN$  تساوي  $x \times 7$  (2)

من (1) و (2) نحصل على المعادلة  $7 \times x = \frac{2}{3} \times 12 \times 7$

بحل المعادلة نحصل على موقع النقطة  $M$

(النقطة  $N$  نقطة من  $[AD]$  حيث  $x = AN$ )

### مسألة 41 ص 90

توجيهات :

إن شبه المنحرف الأزرق و المثلث الأبيض مفصولان بمستقيم المنتصرين  $(B'C')$

إذن :  $B'C' = x$  و  $B'C' = \frac{1}{2}$

1) شبه المنحرف الأزرق و المثلث الأبيض هما متباينان و منفصلان

من الشكل نتبين أنه يمكن الإجابة على السؤال الأول بعدة طرق مثل :

- عن طريق الحساب لدينا

مساحة الجزء الأزرق هي عبارة عن الفرق بين مساحة المثلث  $ABC$  و مساحة المثلث الأبيض  $A'B'C'$  ثم نقارن بين مساحة المثلث والمساحة الناتجة عن الفرق المحسوب.

- عن طريق المقارنة :

تحليل المثلث  $ABC$  إلى أربعة مثلثات قابلة للمقارنة

لاحظ الشكل إنه محلل إلى أربعة مثلثات قابلة للمطابقة

ثلاثة منها تشكل الجزء الأزرق إذن تمثل  $\frac{3}{4}$  المثلث ABC

### المسألة 42 ص 90

(1) بالتمعن في الشكل نلاحظ أنه يتكون من 3 متوازيات أضلاع أحدها مربع، يتوسطها المثلث ذو الأضلاع الحمراء

يتكون من 3 مثلثات كل منها هو نصف أحد متوازيات الأضلاع الثلاثة المذكورة

إذن لتحديد مساحة هذا يكفي تحديد مساحات متوازيات الأضلاع الثلاثة ثم إستنتاج مساحة المثلث

- المربع طول ضلعه  $a$  إذن مساحته  $a^2$

- متوازي الأضلاع الجانبي (يمينا) طول ضلع فيه هو  $a$  وطول الإرتفاع المتعلق بهذا الضلع هو  $c$  إذن مساحته  $ac$

- متوازي الأضلاع (الأفسل) طول ضلع فيه هو  $a$  وطول الإرتفاع المتعلق بهذا هو  $b$  إذن مساحته  $ab$  نستنتج أن مساحة

المثلث هي  $\frac{1}{2} a(a+b+c)$  أو  $\frac{1}{2} (a^2 + ab + ac)$

(2) علما أن مساحة المثلث هي  $25\text{cm}^2$  وأن طول ضلع المربع هو  $a = 5\text{ cm}$  يكون لدينا إذن

$$b+c = 5\text{ cm} \quad \text{أي } \frac{1}{2} \times 5(5+b+c) = 25$$

### مسألة 43 ص 90

1- عرض المستطيل هو  $27m = 1080 \div 40$

محيطه هو  $2(40+27) = 134m$

2- عرض القطعة المعينة بزرع البطاطا هو  $27m$  وطولها  $x\text{cm}$

إذن العبارة  $x \times 27$  تمثل مساحة القطعة المعينة بالزرع

و  $(x+27)2$  تمثل محيطها

3- مساحة هذه القطعة لا تقل عن  $810\text{m}^2$  إذن  $810 < x \times 27$

- محيط هذه القطعة لا يزيد عن  $100m$  إذن  $100 > 2(x+27)$

- من المتباينتين الأخيرتين نحصل على  $x < 23$

وهو  $x < 23$