

سلسلة الدعم (توازن جسم صلب خاضع لثلاث قوى غير متوازية)

السنة الرابعة متوسط - من إعداد: الاستاذ لعزيز محمد



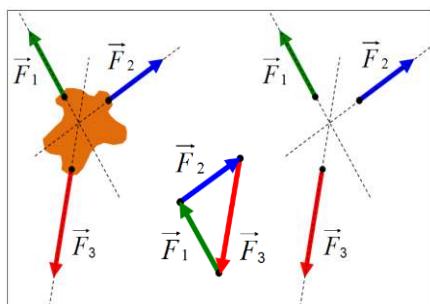
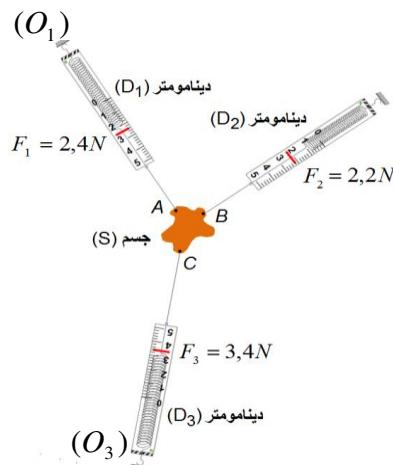
ملخص الدرس:

الجسم (S) في حالة توازن خاضع لتأثير ثلاث قوى غير متوازية \vec{F}_1 و \vec{F}_2 و \vec{F}_3 :

(D_1) : قوة تأثير خيط الربيعة

(D_2) : قوة تأثير الربيعة

(D_3) : قوة تأثير الربيعة



\vec{F}_3	\vec{F}_2	\vec{F}_1	ميزات القوى
النقطة C	النقطة B	النقطة A	نقطة التأثير
المستقيم (O_3C)	المستقيم (O_2B)	المستقيم (O_1A)	الحامل
من C نحو B (D_3)	من B نحو A (D_2)	من A نحو C (D_1)	الجهة
$F_3 = 3,4N$	$F_2 = 2,2N$	$F_1 = 2,4N$	الشدة

شرط التوازن:

الشرط الأول: حوامل القوى تقع في مستوى واحد وتلتقي في نقطة واحدة.

الشرط الثاني: محاصلة أشعة القوى الثلاث معدومة $\vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 = \vec{0}$

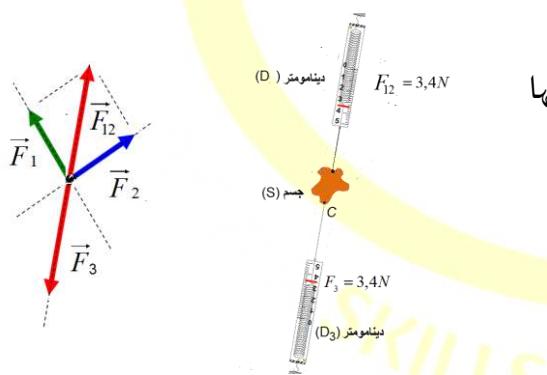
محاصلة قوتين:

مجموع قوتين يساوي قوة لها نفس خصائص القوة الثالثة وتعاكسيها

في الاتجاه: $\vec{F}_{12} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 = -\vec{F}_3$

ولهما نفس الحامل والطويلة ومتعاكستان في الاتجاه ونكتب:

$$\vec{F}_{12} + \vec{F}_3 = \vec{0}$$



تحليل قوة الى مركبتين:

بالإسقاط على محور الفوائل (ox) وعلى محور التراتيب (oy) في حالة المستوى يمكن تحليل قوة \vec{P} الى مركبتين:

\vec{P}_x : المركبة الأفقيّة لشعاع القوة .

\vec{P}_y : المركبة العمودية لشعاع القوة .

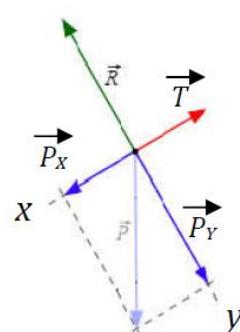
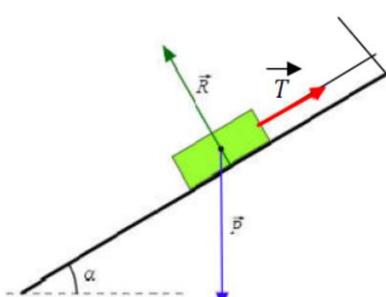
محاصلتهما: $\vec{P} = \vec{P}_x + \vec{P}_y$

على محور (ox): $\vec{P}_x + \vec{T} = \vec{0}$

على محور (oy): $\vec{P}_y + \vec{R} = \vec{0}$

$$\vec{P}_x + \vec{T} + \vec{P}_y + \vec{R} = \vec{0}$$

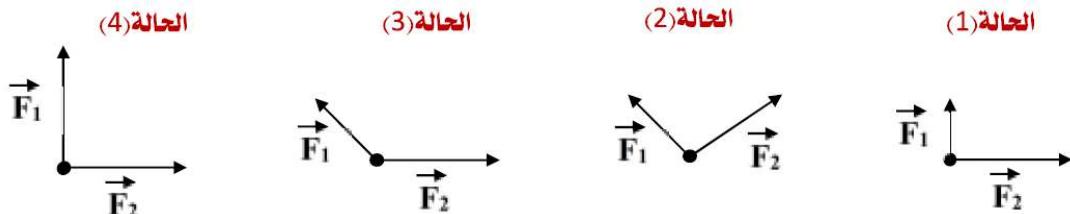
$$\vec{P} + \vec{T} + \vec{R} = \vec{0}$$



التمارين

التمرين ① :

ارسم محاصلة القوتين في كل حالة:



التمرين ② :

قام أحد التلاميذ بالتمثيل البياني لثلاث قوى تؤثر على جسم

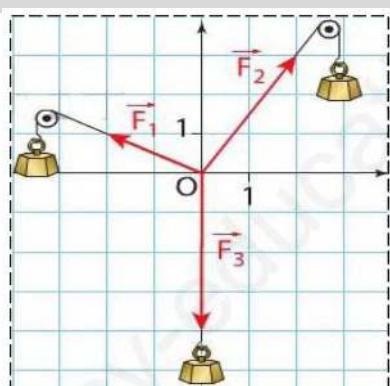
كما في الشكل التالي:

(1) اكتب شرطاً توازن الجسم.

(2) اثبت ببياناً ان الجسم في حالة توازن:

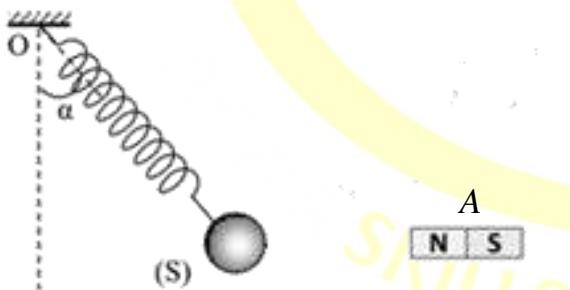
أ- المضلع المغلق.

ب- محاصلة قوتين.



التمرين ③ :

نعلق جسماً صلباً (S) كتلته $m = 300g$ بواسطة نابض (R) مثبت عند النقطة الحر للنابض (O). نطبق قوة أفقية على الجسم $F = 1.8N$ بواسطة مغناطيس فینحرف النابض بزاوية $\alpha = 30^\circ$ مطبيقاً قوة على الجسم $T = 3.5N$ ويبقى الجسم في حالة توازن كما في الوثيقة.



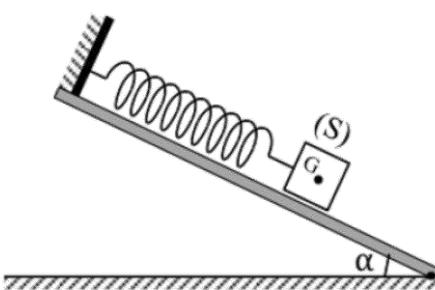
(1) أعط مميزات جميع القوى المطبقة على الجسم (S).

(2) مثل القوى باستعمال سلم الرسم $1cm \rightarrow 1N$

(3) برهن أن الجسم (S) يحقق شرط التوازن.

التمرين ④ :

يمثل الشكل جسم صلب (S) كتلته $m = 500g$ يوجد في حالة توازن فوق مستوى مائل أملس بزاوية $\alpha = 30^\circ$ بالنسبة للمستوى الأفقي ومعلق بالطرف الحر للنابض (R). يخضع الجسم إلى تأثير من طرف النابض بقوة شدتها $T = 2.5N$ وتأثير سطح المستوي المائل بقوة شدتها $R = 4.4N$.



(1) مثل هذه القوى بسلم رسم: $2N \rightarrow 1cm$

(2) برهن ببياناً أن الجسم (S) في حالة توازن بطريقتين:

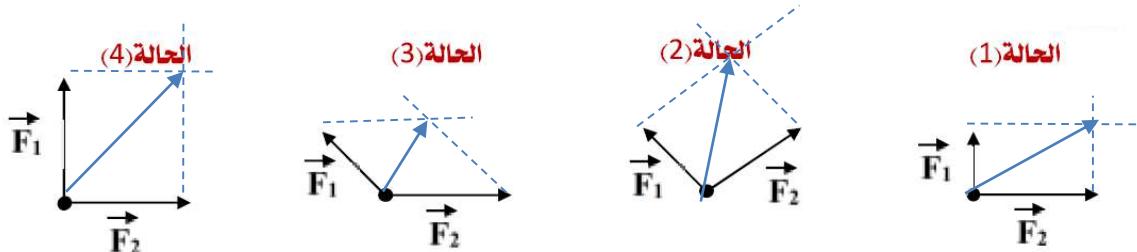
محاصلة قوتين، تحليل قوة إلى مركبتين.

يعطى: $g = 10N / Kg$

الحال

حل التمرين ① :

محصلة القوتين:



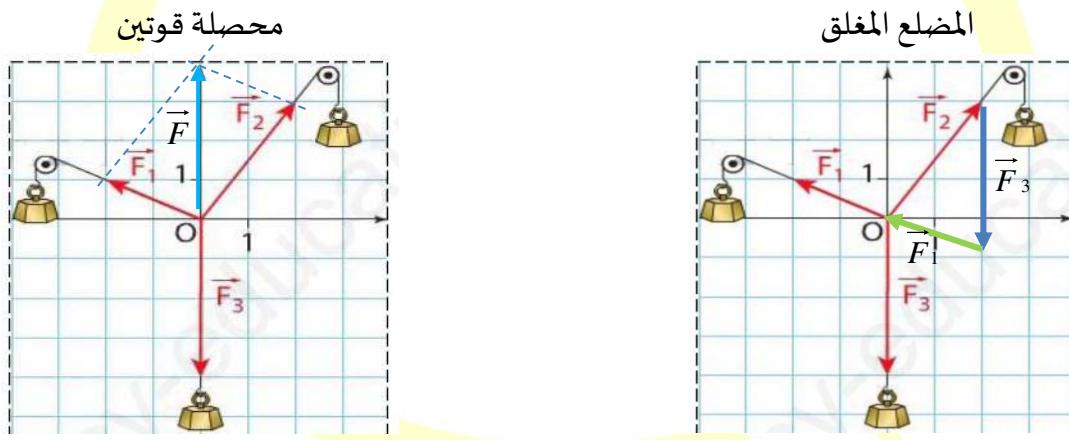
حل التمرين ② :

(1) شرط توازن الجسم:

الشرط الأول: حوامل القوى تقع في مستوى واحد وتلتقي في نقطة واحدة.

الشرط الثاني: محصلة أشعة القوى الثلاث معدومة $\vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 = \vec{0}$

(2) اثبات بيانياً بان الجسم في حالة توازن:



حل التمرين ③ :

(1) مميزات القوى المطبقة على الجسم (S):

$\vec{F}_{A/S}$	\vec{T}	\vec{P}	
مركز ثقل الكرة	نقطة شد النابض للكرة	مركز ثقل الكرة	نقطة التأثير
افقى	وفق استقامة النابض	شاقولى	الحامى
نحو اليمين	نحو النقطة (O)	نحو مركز الأرض	الجهة
$F = 1.8N$	$T = 3.5N$	$P = 0.3 \times 10 = 3N$	الشدّة

(2) تمثيل القوى: حساب طولية اشعة القوى: باستعمال سلم الرسم $1\text{cm} \rightarrow 1N$

. $3\text{cm} \rightarrow 3N : \vec{P}$

. $3.5\text{cm} \rightarrow 3.5N : \vec{T}$

. $1.8\text{cm} \rightarrow 1.8N : \vec{F}_{A/S}$

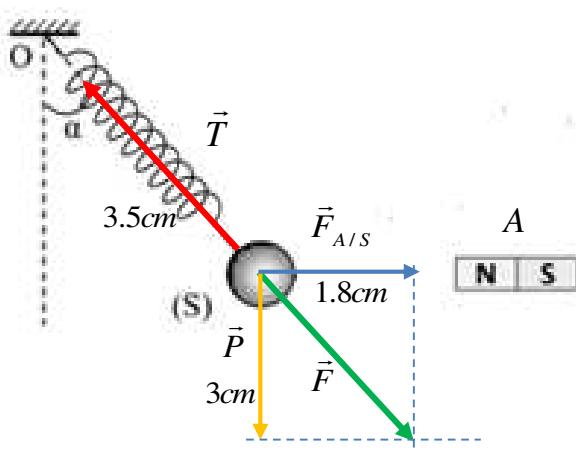
(3) برهان أن الجسم (S) يحقق شرط التوازن:

مجموع القوتين \vec{P} و $\vec{F}_{A/S}$ يساوي قوة \vec{F} لها نفس

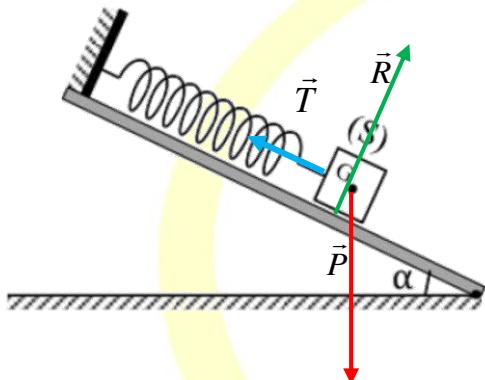
خصائص القوة الثالثة \vec{T}

(نفس الحامل والطويلة ومتعاكستان في الاتجاه)

$$\vec{F} = \vec{F}_{A/S} + \vec{P} = -\vec{T} \Rightarrow \vec{T} + \vec{F} = \vec{0}$$



حل التمرين ④ :



باستعمال تحليل قوة إلى مركبتين

(1) تمثيل هذه القوى بسلم رسم $2N \rightarrow 1\text{cm}$:

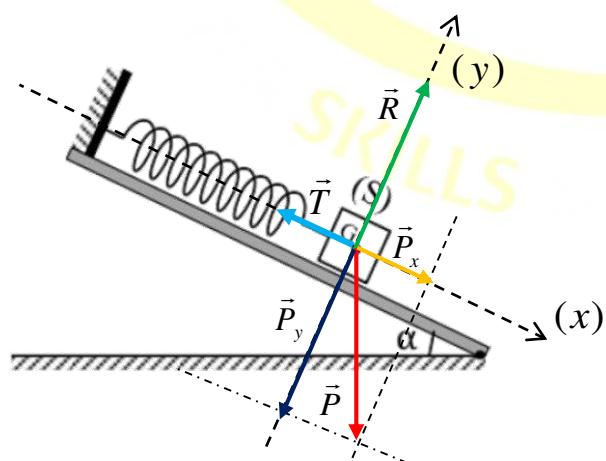
. $2.5\text{cm} \rightarrow 5N : \vec{P}$

. $1.25\text{cm} \rightarrow 2.5N : \vec{T}$

. $2.2\text{cm} \rightarrow 4.4N : \vec{R}$

(2) برهان بيانيا أن الجسم (S) في حالة توازن بطريقتين:

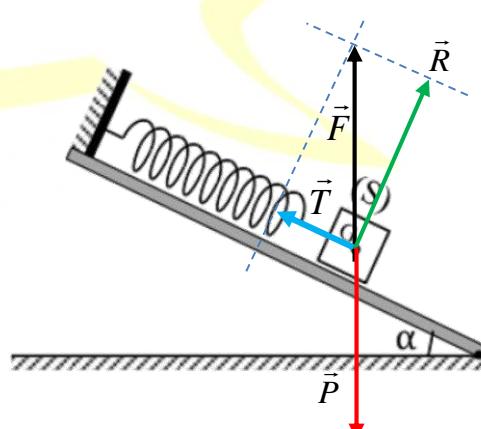
باستعمال محصلة قوتين



$$\vec{P}_x + \vec{T} = \vec{0} \quad : \text{محور } (ox)$$

$$\vec{P}_y + \vec{R} = \vec{0} \quad : \text{محور } (oy)$$

$$\vec{P}_x + \vec{P}_y + \vec{R} + \vec{T} = \vec{0} \Rightarrow \vec{P} + \vec{T} + \vec{R} = \vec{0}$$



$$\vec{F} = \vec{R} + \vec{T} = -\vec{P} \Rightarrow$$

$$\vec{P} + \vec{T} + \vec{R} = \vec{0}$$