

خالد معمري للرياضيات

السنة 4 متوسط

للتحضير الجيد لشهادة التعليم المتوسط 2022

الملف رقم 5

الوضعيات الإدماجية المُحتملة

و تبقى مجرد احتمالات و الله أعلى و أعلم

8 وضعيات إدماجية
مرفقة بالحلول

عدا خطأ أو نسيان

خالد معمري للرياضيات

خالد معمري للرياضيات

الوضعية الإدماجية رقم 01 (مركبة)

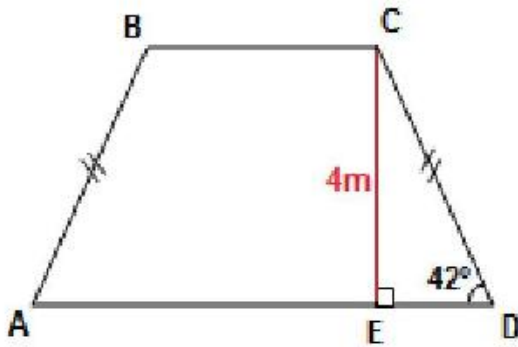
بمناسبة ألعاب البحر الأبيض المتوسط التي ستقام بمدينة وهران , من بين المنشآت الرياضية هيا المنظمون قطعة أرض مساحتها $120m^2$ و شكلها شبه منحرف $ABCD$ متساوي الساقين قاعدته الكبرى $[AD]$ طولها $40m$, مخصصة لبعض النشاطات الترفيهية .

أراد المنظمون إحاطة هذه القطعة بأعمدة مزودة بمصابيح للإنارة على أن تكون المسافة بين كل عمودين متتاليين متساوية و أكبر ما يمكن و أن يكون في كل ركن من القطعة عمود .

إذا علمت أن سعر العمود الواحد $21000da$ و سعر المصباح الواحد هو $1700da$ و وفقا للمعطيات الموضحة على مخطط هذه القطعة , جد كلفة شراء الأعمدة و المصابيح معا .

المخطط ليس بالأطوال الحقيقية

تدور النتائج إلى الوحدة



(مساحة شبه المنحرف $\frac{(\text{الارتفاع} \times (\text{القاعدة الصغرى} + \text{القاعدة الكبرى}))}{2}$)



خالد معمري للرياضيات

حل الوضعية الإدماجية رقم 01

و بالتالي المسافة بين كل عمودين متتاليين هي $2m$

حساب عدد الأعمدة :

$$\frac{20+40+6 \times 2}{2} = 36$$

توضيح : عدد الأعمدة : القاعدة الكبرى $\frac{40}{2} = 20$

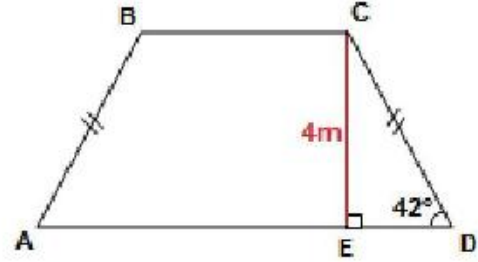
القاعدة الصغرى : $\frac{20}{2} = 10$, الضلعان الجانبيان $\frac{12}{2} = 6$

إذن عدد الأعمدة هو 36 عمودا و هو نفسه عدد المصابيح

الكلفة الكلية : $36(21000 + 1700) = 817200$

و بالتالي كلفة شراء الأعمدة و المصابيح معا هي

$$817200 \text{ da}$$



إيجاد كلفة شراء الأعمدة و المصابيح :

• حساب الطولين AB و CD :

في المثلث القائم EDC : $\sin 42^\circ = \frac{CE}{CD}$

و منه $0,67 = \frac{4}{CD}$ إذن : $CD \approx 5,9$

بالتدوير إلى الوحدة نجد $CD = 6m$

و $CD = AB$ (من شبه المنحرف المساوي الساقين)

إذن $AB = 6m$

• حساب الطول BC :

لدينا مساحة ش م تساوي $120m^2$

و منه : $\frac{(BC+AD) \times CE}{2} = 120$

و عليه $\frac{(BC+40) \times 4}{2} = 120$

إذن : $2BC + 80 = 120$ نجد $BC = 20m$

• حساب المسافة بين كل عمودين و لتكن x :

بما أن المسافة x متساوية بين كل عمودين فإن

فان x يقسم كلا من 20 و 40 و 6 أي أن x

قاسما مشتركا لهذه الأعداد

و بما انها أكبر ما يمكن نستنتج أن

$$x = PGCD(40; 20; 6)$$

يمكن تطبيق طريقة القواسم أو الخواص لحساب x

$$\text{نجد } PGCD(40; 20; 6) = 2$$

خالد معمري للرياضيات

الوضعية الإدماجية رقم 2 (مركبة)

صاحب شركة لسيارات الأجرة لنقل المسافرين يقترح على زبائنه صيغتين :

الصيغة الأولى :

دفع $5da$ مقابل كيلومتر واحد من المسافة المقطوعة .

الصيغة الثانية :

حدد سعر $2da$ للكيلومتر الواحد من المسافة المقطوعة و مبلغ $300da$ كاشتراك شهري .

و بمناسبة عيد الفطر المبارك و طيلة شهر شوال خفّض الأسعار على النحو التالي :

تخفيض نسبته 20% بالنسبة للصيغة الأولى ,

تخفيض 50% من سعر الكيلومتر الواحد من المسافة المقطوعة بالنسبة للصيغة الثانية

و تخفيض 30% في اشتراك شهر شوال .

باستعمال تمثيل بياني عين الصيغة الأفضل لمسافر يريد قطع $100km$ بعد هذه التخفيضات .

سلم الرسم :

على محور الفواصل $1cm$ يمثل $25km$

على محور التراتيب $1cm$ يمثل $50da$

خالد معمري للرياضيات

حل الوضعية الإدماجية رقم 2

قبل التخفيض : الصيغة الأولى : $y = 5x$, الصيغة الثانية : $y = 2x + 300$

بعد التخفيض :

الصيغة الأولى : $y = 4x$ و منه $\left(1 - \frac{20}{100}\right) \times 5 = 4$

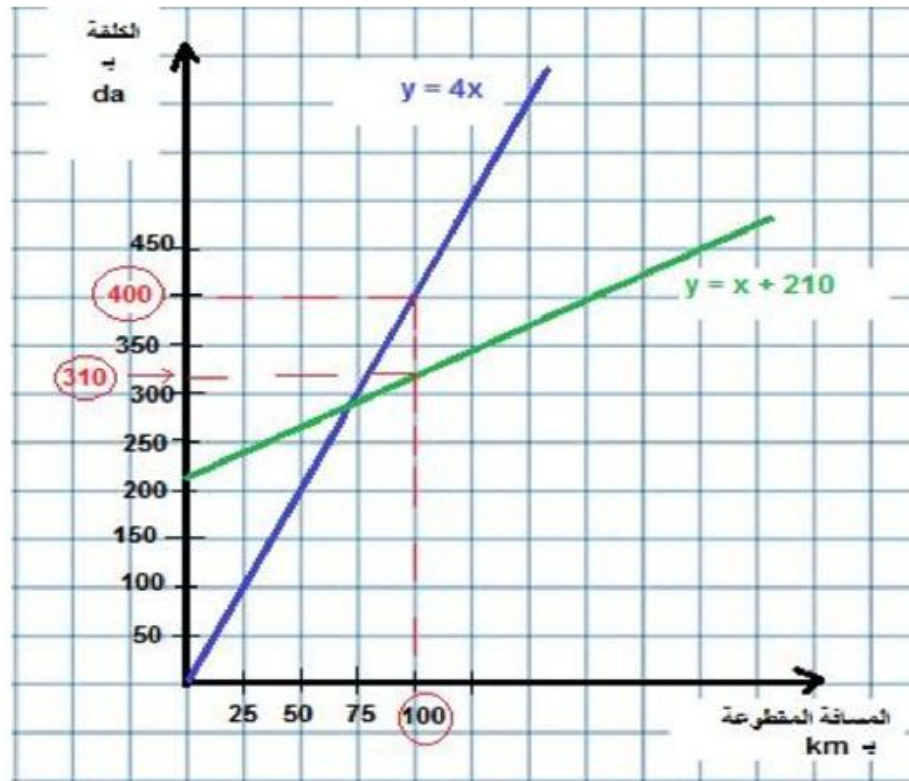
الصيغة الثانية : $y = x + 210$ و $\left(1 - \frac{50}{100}\right) \times 300 = 210$ و منه $\left(1 - \frac{30}{100}\right) \times 2 = 1$

$$y = x + 210$$

$$y = 4x \quad \text{: الإنشاء}$$

x	0	50
y	210	260
(x; y)	(0; 210)	(50; 260)

x	0	100
y	0	400
(x; y)	(0; 0)	(100; 400)



من التمثيل البياني تكون كلفة السفر لمسافة 100km :

حسب الصيغة الأولى : 400da

حسب الصيغة الثانية : 310da نلاحظ أن $310 < 400$

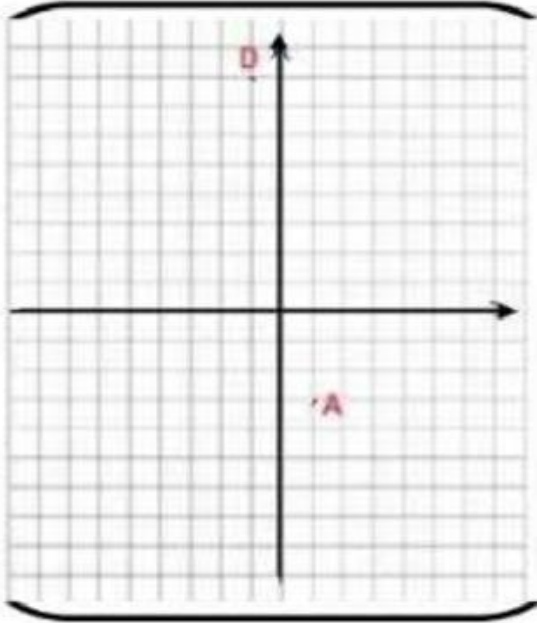
إذن الصيغة الأفضل لمسافر يريد قطع 100km هي الصيغة الثانية لأنها أقل كلفة

خالد معمري للرياضيات

الوضعية الإدماجية رقم 3

تقوم مجموعة من علماء الآثار باكتشاف مدينة من حضارة قديمة غرقت في أعماق بحيرة , فستعانوا بفريق متمرس من الغواصين اللذين استعملوا غواصة لمسح المنطقة التي من المفترض أن تكون الموقع المطلوب .

عند الوصول إلى العمق المناسب , بُرِمجت الغواصة على التحرك في مسار دائري حول الموقع مرورا بالنقط D, C, B, A .



الصورة المقابلة التي ظهرت على شاشة الغواصة ناقصة ,

(1) أعد رسم الشكل و علم عليه النقط D, C, B, A علما أن :
 $\vec{AB} = \vec{CD}$ و $\vec{AC} \begin{pmatrix} -6 \\ 3 \end{pmatrix}$ و $D(-1; 8)$, $A(1; -3)$

(2) بيّن نوع الرباعي $ABDC$

(3) أحسب إحداثيتي النقطة M مركز مسار الغواصة

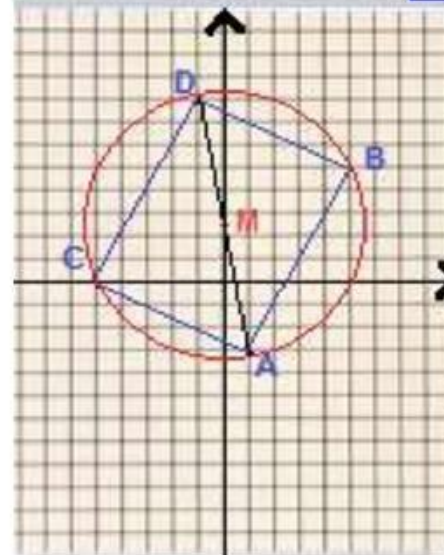
خالد معمري للرياضيات

خالد معمري للرياضيات

حل الوضعية الإدماج رقم 3

(1) تعليم النقط D, C, B, A :حساب إحداثيات C, B :• لدينا $\vec{AC} \begin{pmatrix} -6 \\ 3 \end{pmatrix}$ بوضع $C(x; y)$ $\vec{AC} \begin{pmatrix} x-1 \\ y+3 \end{pmatrix}$ و منه $x-1 = -6$ إذن $x = -5$ و $y+3 = 3$ إذن $y = 0$ وبالتالي $C(-5; 0)$ • لدينا $\vec{AB} = \vec{CD}$ بوضع $B(x; y)$

$$\vec{AB} \begin{pmatrix} x-1 \\ y+3 \end{pmatrix} = \vec{CD} \begin{pmatrix} -1+5 \\ 8-0 \end{pmatrix}$$

و منه $x-1 = 4$ إذن $x = 5$ و $y+3 = 8$ إذن $y = 5$ و بالتالي $B(5; 5)$ (2) تبين نوع الرباعي $ABDC$:حساب أطوال أضلاع المثلث ACD

$$AC = \sqrt{(-5-1)^2 + (0+3)^2} = \sqrt{45}$$

$$CD = \sqrt{(-1+5)^2 + (8-0)^2} = \sqrt{80}$$

$$AD = \sqrt{(-1-1)^2 + (8+3)^2} = \sqrt{125}$$

$$AD^2 = 125 \text{ و } AC^2 + CD^2 = 45 + 80 = 125$$

و منه $AC^2 + CD^2 = AD^2$ فحسب الخاصيةالعكسية لخاصية فيثاغورث نستنتج أن المثلث ACD قائم في النقطة C (1)و لدينا $AB = CD$ (2)من (1) و (2) الرباعي $ABDC$ متوازي أضلاع فيه

زاوية قائمة فهو مستطيل .

(3) حساب إحداثيتي M مركز مسار الغواصة :مسار الغواصة دائرة تشمل النقط D, C, B, A لكن الرباعي $ABDC$ مستطيلو منه المركز M نقطة تقاطع قطريه المتناصفينإذن M منتصف $[AD]$

$$M \left(0; \frac{5}{2} \right) \text{ إذن } M \left(\frac{1+(-1)}{2}; \frac{-3+8}{2} \right)$$

خالد معمري للرياضيات

خالد معمري للرياضيات

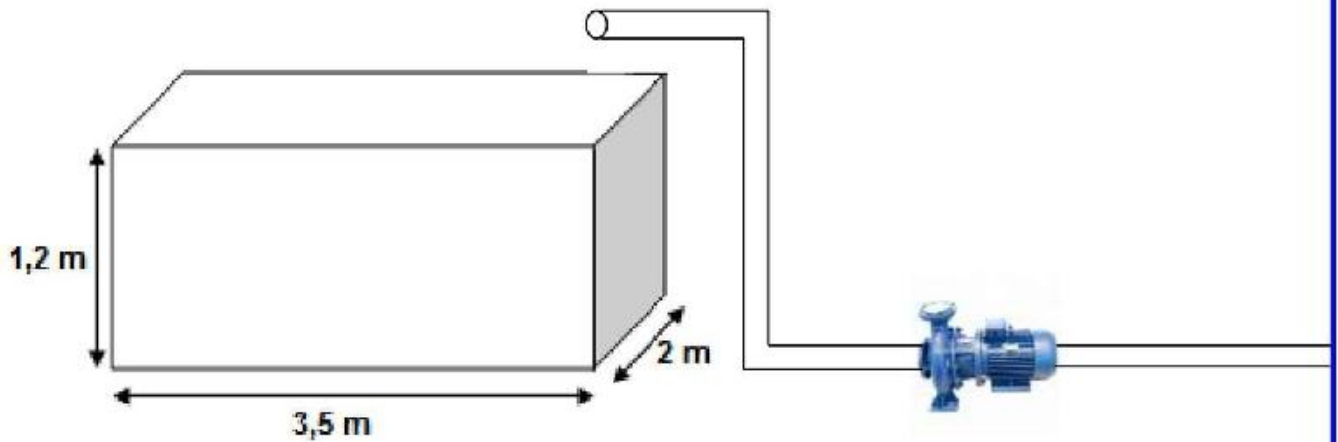
للتحضير الجيد لشهادة التعليم المتوسط 2022

الوضعية الإدماجية رقم 04

يمتلك فلاح خزان ماء شكله متوازي مستطيلات أبعاده بالمتر موضحة على الشكل أدناه يستعمله لسقي ماشيته لملء هذا الخزان يستعمل الفلاح مضخة تضخ $2,8m^3$ من الماء خلال ثلث ساعة .
قبل تشغيل المضخة كان في الخزان ربع حجمه من الماء ,
بوضع x زمن تشغيل المضخة بالدقائق و y كمية الماء في الخزان باللتر ,
(1) يأتيا جد كمية الماء في الخزان بعد مرور 15 دقيقة من تشغيل المضخة
باختيار السلم :

محور الفواصل : $1cm$ يمثل 7,5 دقيقة .
محور الترتيب : $1cm$ يمثل 700 لتر من الماء .

(2) حسابيا جد المدة اللازمة بالدقائق لملء هذا الخزان .



خالد معمري للرياضيات

حل الوضعية الإدماجية رقم 4

(1) بيانات : إيجاد كمية الماء بعد مرور 15 دقيقة من تشغيل المضخة :

• حجم الخزان : $V = 3,5 \times 2 \times 1,2$

$V = 8,4m^3$ و منه $V = 8400l$

• كمية الماء في الخزان قبل تشغيل المضخة : $2100l$: $\frac{V}{4} = \frac{8400}{4}$

• كتابة y بدلالة x :

المضخة تضخ $2800l$ خلال $20min$ (بعد التحويلات المناسبة)

$$2800 \longrightarrow 20$$

$$a = 140 \text{ و منه } a \longrightarrow 1$$

إن :

$$y = 140x + 2100$$

• إنشاء المستقيم المعرف بالمعادلة $y = 140x + 2100$

x	0	15
y	2100	4200
$(x; y)$	(0; 2100)	(15; 4200)

من البيان و بالإسقاط نجد

بعد مرور 15 دقيقة من تشغيل المضخة

كمية الماء في الخزان هي **4200l**

(2) حسابيا : إيجاد المدة اللازمة بالدقائق لملء الخزان :

يكفي حل المعادلة : $140x + 2100 = 8400$

$$140x = 6300 \text{ و منه } x = 45$$

إن

المدة اللازمة لملء الخزان هي **45 دقيقة**.



خالد معمري للرياضيات

الوضعية الإدماجية رقم 5

بمناسبة عطلة الربيع قرّر مسؤول في الكشافة الجزائرية رفقة أعضاء فوجه القيام برحلة سياحية إلى جبال جرجرة والتخييم قرب منبع مائي .

قسّم القائد أعضاء الفوج إلى ثلاث فرق و رسم خريطة مزودة بمعلم متعامد و متجانس ثم علّم عليها النقط $T(4; 4), S(-3; 0), R(1; -2)$ التي تمثل مواقع خيم الفرق الثلاث التي تبعد بنفس المسافة على موقع المنبع المائي الممثل في النقطة E .

- (1) بيّن أن النقط T, S, R تعين مثلثا قائما .
- (2) جد المسافة بين كل خيمة و موقع المنبع المائي بالتدوير إلى الوحدة
- (3) على الخريطة عين قائد الفوج الكشفي النقطة U موقع حراسة المخيم .

جد إحداثيتي U علما ان $\overrightarrow{TU} = \overrightarrow{SR}$

ثم أنشئ مخطط لهذا المخيم



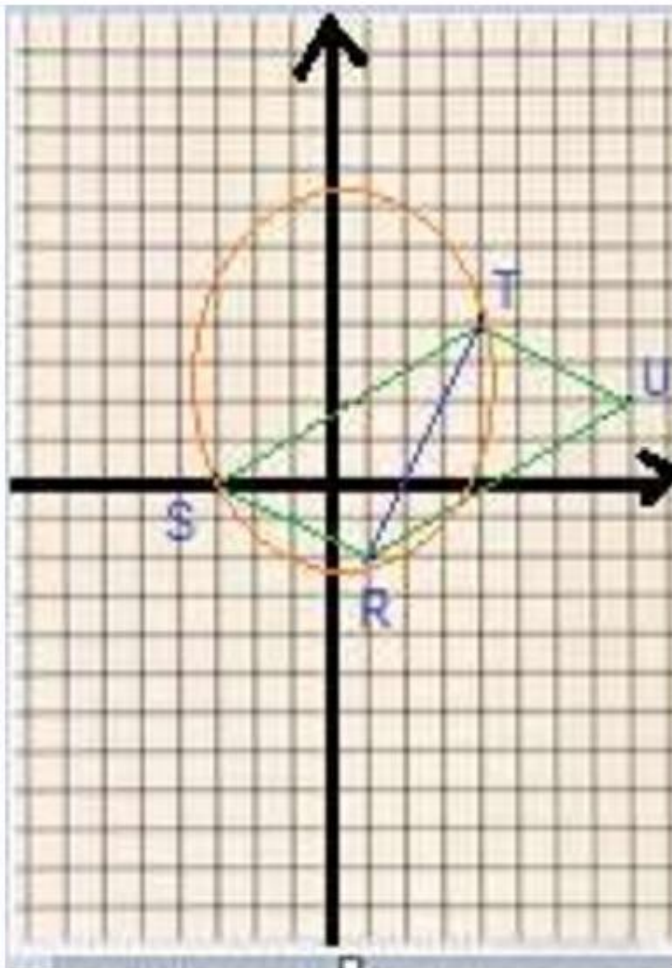
خالد معمري للرياضيات

خالد معمري للرياضيات

حل الوضعية الإدماجية رقم 5

إن $U(8;2)$

إنشاء المخطط :



خالد معمري للرياضيات

1) تبين أن النقط S, T, R تعين مثلثا قائما :
حساب الأطوال :

$$RT = \sqrt{(4-1)^2 + (4+2)^2} = \sqrt{45}$$

$$RS = \sqrt{(-3-1)^2 + (0+2)^2} = \sqrt{20}$$

$$ST = \sqrt{(4+3)^2 + (4-0)^2} = \sqrt{65}$$

$$RT^2 + RS^2 = 45 + 20 = 65$$

$$ST^2 = \sqrt{65}^2 = 65$$

$$RT^2 + RS^2 = ST^2 \text{ و منه}$$

فحسب الخاصية العكسية لخاصية فيثاغورث نستنتج
أن النقط S, T, R تعين مثلثا قائما في النقطة R .

2) إيجاد المسافة بين كل خيمة و المنبع المائي :
مواقع الخيم تبعد بنفس المسافة عن المنبع (من المعطيات)
و منه النقطة E هي مركز الدائرة التي تشمل رؤوس
المثلث RST

لكن RST قائم في R (من الطلب السابق)

إن النقطة E منتصف وتره $[TS]$

$$\text{و عليه : } ET = \frac{TS}{2} = \frac{\sqrt{65}}{2} \approx 4,03$$

بالتدوير إلى الوحدة نجد $ET = 4m$

إن المسافة بين كل خيمة و المنبع المائي هي 4 أمتار .

3) إيجاد إحداثيتي النقطة U علما أن $\overrightarrow{TU} = \overrightarrow{SR}$:

نضع $U(x; y)$

$$\overrightarrow{TU} \begin{pmatrix} x-4 \\ y-4 \end{pmatrix} = \overrightarrow{SR} \begin{pmatrix} 1+3 \\ -2-0 \end{pmatrix}$$

و منه $x-4 = 4$ و عليه $x = 8$

و $y-4 = -2$ و عليه $y = 2$

خالد معمري للرياضيات

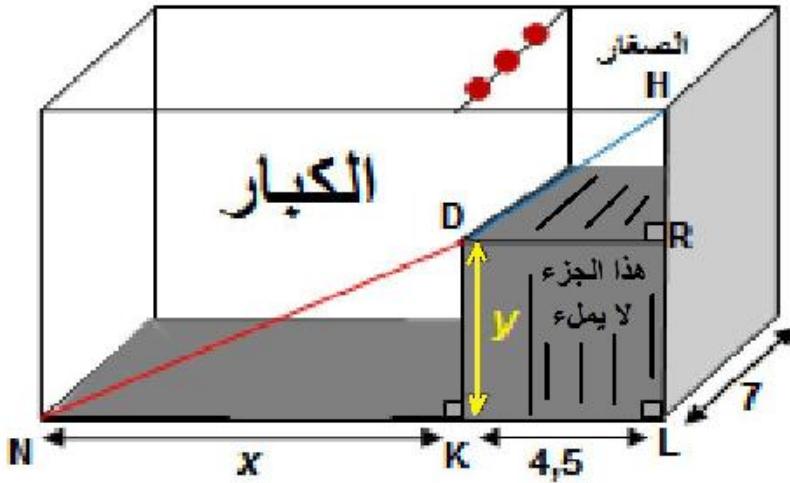
للتحضير الجيد لشهادة التعليم المتوسط 2022

الوضعية الإدماجية رقم 06 (مركبة)

مسبح على شكل متوازي مستطيلات , جزء منه مخصص للأطفال و الجزء المتبقي للبالغين لا يفصل بينهما حاجز بل مجرد حبل به كرات عائمة لتنبيه الصغار على عدم الانتقال إلى الجزء الآخر كما يوضحه الشكل أدناه .
يُملئ هذا المسبح باستعمال مضخة تضخ $60m^3$ من الماء خلال ساعة واحدة
قبل تشغيلها كان المسبح فارغا و بعد مرور 7 ساعات على تشغيلها انقطع التيار الكهربائي فجأة فتوقفت .
اعتمادا على :

- المعطيات الموضحة على المنظر الجانبي للمسبح غير المرسوم بالأطوال الحقيقية التي وحدتها المتر
 - و السند
- أجب على السؤال :

هل امتلئ المسبح بعد توقف المضخة ؟



السند

$$\tan \widehat{HDR} \approx 0,25$$

مساحة المثلث NDK تساوي

$$19,5m^2$$

مساحة المستطيل $RDKL$

$$9m^2 \text{ تساوي}$$

ملاحظة :

- النقط H, D, N ليست في استقامة
- تدور النتائج إلى $\frac{1}{10}$ من المتر

حل الوضعية الإدماجية رقم 06

بعد انقطاع التيار الكهربائي و توقف المضخة , هل امتلئ المسبح ؟

نحسب أولا V حجم الجزء الذي لا يمتلئ (المظلل في الشكل) و نطرحه من V الحجم الكلي للمسبح :

$$V = 4,5 \times 7 \times y$$

حساب y : من مساحة المستطيل $RDKL$

$$y = \frac{9}{4,5} \text{ و } 4,5 \times y = 9$$

$$\text{إذن : } y = 2m$$

نعوض في V : $V = 4,5 \times 7 \times 2$

$$\text{إذن : } V = 63m^3$$

لحساب V حجم المسبح , نحسب كلا من x و HR

حساب x : من مساحة المثلث القائم NDK :

$$\frac{x \times 2}{2} = 19,5 \text{ و } \frac{x \times y}{2} = 19,5$$

$$\text{إذن : } x = 19,5m$$

و بالتالي : $NL = 24m$

حساب HR : في المثلث القائم HDR

$$\text{لدينا } \tan HDR = \frac{HR}{DR} \text{ و } \tan HDR = 0,25$$

$$\text{و منه } \frac{HR}{4,5} = 0,25 \text{ إذن : } HR = 1,125$$

$$\text{بالتدوير إلى } \frac{1}{10} \text{ نجد : } HR = 1,1m$$

$$\text{و بالتالي : } HL = 1,1 + 2$$

$$\text{إذن : } HL = 3,1m$$

$$V = 24 \times 3,1 \times 7 \text{ و } V = NL \times HL \times 7$$

$$\text{إذن : } V = 520,8m^3$$

حساب V حجم الجزء الذي يمتلئ :

$$V = 520,8 - 63 \text{ و } V = V - V$$

$$\text{إذن : } V = 457,8m^3$$

المضخة تضخ $60m^3$ خلال ساعة واحدة

$$60m^3 \longrightarrow 1h$$

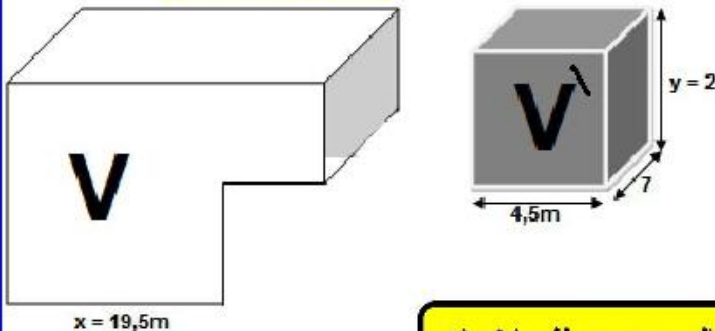
$$457,8m^3 \longrightarrow t$$

$$t = \frac{457,8}{60} = 7,63h$$

الجزء الذي يمتلئ من المسبح V يلزمه $7,63h$

كي يمتلئ , لكن المضخة توقفت بعد 7 ساعات

من تشغيلها , و بالتالي المسبح لم يمتلئ .



خالد معمري للرياضيات

الوضعية الإدماجية رقم 07

يملك فلاح خزان مكيف شكله متوازي مستطيلات يستعمله لجمع الحليب المنتج في مزرعته ليبيعه لاحقا .
اعتمادا على ما درست و المعطيات الموضحة على الشكل (الأطوال ليست حقيقية)

الجزء الأول :

أحسب V حجم الخزان .

الجزء الثاني :

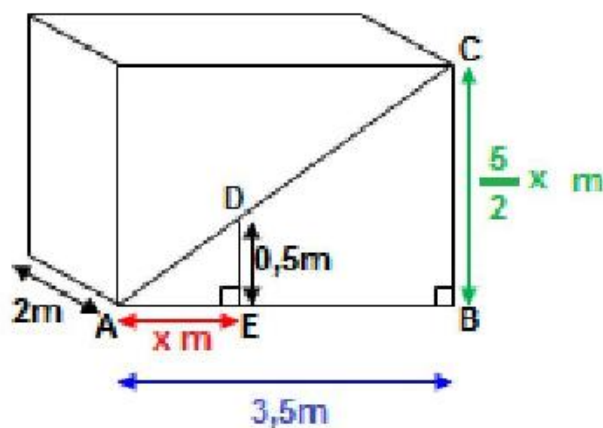
في نهاية اليوم و بعد حلب البقرات و وضع الحليب في الخزان امتلئ خمسي ($\frac{2}{5}$) هذا الأخير .

في اليوم الموالي باع الفلاح نصف المنتج من الحليب بسعر $25da$ للتر الواحد ,

ثم خفض 5% من سعر اللتر و باع ما تبقى من المنتج بالسعر الجديد .

جد ثمن بيع كل المنتج من الحليب .

(تدور النتائج إلى 0,1)



خالد معمري للرياضيات

حل الوضعية الإدماجية رقم 07

الجزء الأول :

حساب V حجم الخزان :

$$V = 2 \times 3,5 \times \frac{5}{2}x \quad 1 \dots\dots\dots$$

إيجاد x : $(BC) \perp (AB)$ و $(ED) \perp (AB)$ ومن $(ED) \parallel (BC)$ (خاصية)و النقط A, D, C في استقامة و كذلك النقط A, E, B

فحسب خاصية طالس نجد :

$$\frac{AE}{AB} = \frac{DE}{BC} \quad \text{و منه} \quad \frac{x}{3,5} = \frac{0,5}{\frac{5}{2}x}$$

$$\frac{5}{2}x \times x = 0,5 \times 3,5 \quad \text{و منه} \quad \frac{5}{2}x^2 = 1,75$$

$$x^2 = 0,7 \quad \text{نجد}$$

و منه $x = \sqrt{0,7} \approx 0,83$ (القيمة السالبة مرفوضة)بالتدوير إلى 0,1 نجد $x = 0,8m$ نعوض بقيمة x في 1

$$V = 2 \times 3,5 \times \frac{5}{2} \times 0,8 \quad \text{إذن} \quad V = 14m^3$$

التحويل إلى اللتر : $1m^3 = 1000l$ إذن : $V = 14 \times 1000$ و بالتالي $V = 14000l$

الجزء الثاني :

إيجاد ثمن بيع كل المنتج :

$$كمية الحليب في الخزان : 5600 = \frac{2}{5} \times 14000$$

هي $5600l$

$$\text{نصف المنتج : } 5600 \div 2 = 2800$$

$$2800l \text{ بيعت بـ } 25da : 25 \times 2800 = 70000$$

الكمية الأولى بيعت بـ $70000da$

$$\text{حساب السعر الجديد بعد التخفيض } 25 \left(1 - \frac{20}{100}\right) = y$$

$$\text{نجد } y = 20 \text{ إذن السعر الجديد هو } 20da$$

ثمن بيع الكمية المتبقية بالسعر الجديد :

$$20 \times 2800 = 56000 \quad \text{إذن بقية المنتج بيعت}$$

بـ $56000da$

$$\text{الثمن الكلي : } 70000 + 56000 = 126000$$

إذن المبلغ الذي بيع به كل المنتج هو $126000da$

خالد معمري للرياضيات

للتحضير الجيد لشهادة التعليم المتوسط 2022

الوضعية الإدماجية رقم 01 (مُركبة)

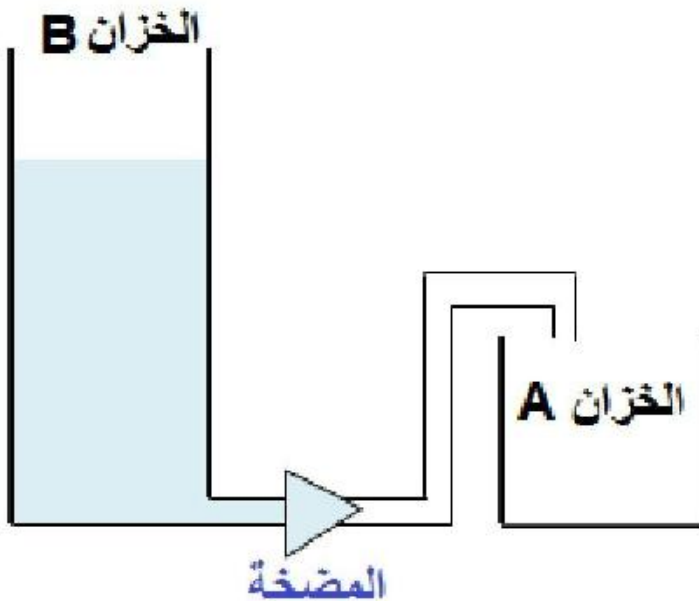
الشكل يوضح انتقال الماء من الخزان B إلى الخزان A بواسطة مضخة , قبل تشغيل هذه الأخيرة كان ارتفاع الماء في الخزان B هو 100cm أما الخزان A فقد كان فارغا .
إذا علمت أنه بعد تشغيل المضخة يرتفع مستوى الماء في الخزان A بمقدار 3cm خلال دقيقة واحدة و ينخفض في الخزان B بـ 5cm خلال نفس المدة ,
و بوضع x مدة تشغيل المضخة بالدقائق و y_A , y_B مستوى الماء في الخزائين A , B على الترتيب ,

بيانيا :

جد المدة الزمنية اللازمة كي يتساوى مستوى الماء في الخزائين A و B بعد تشغيل المضخة .

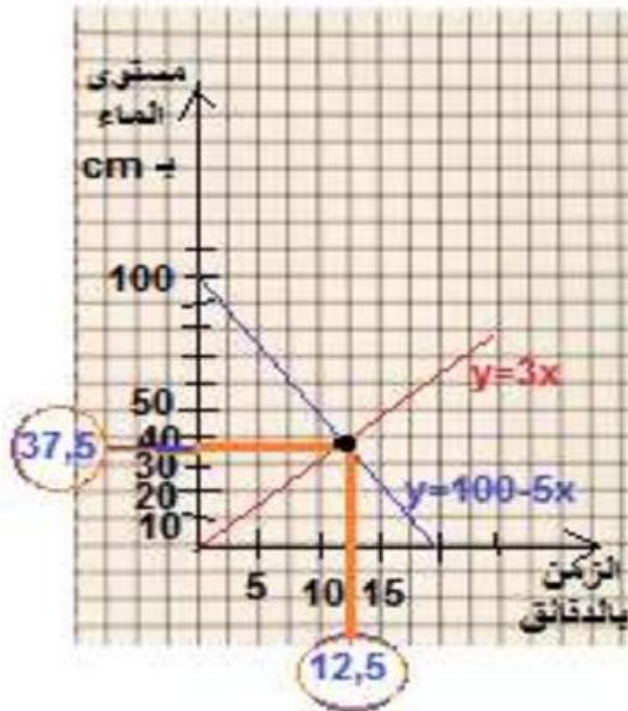
يمكنك اختيار السلم :

على محور الفواصل 2cm يمثل 5 دقائق .
و على محور الترتيب 1cm يمثل 10cm
(مستوى الماء)



خالد معمري للرياضيات

حل الوضعية الإدماجية رقم 08



بيانيا

يتساوى مستوى الماء في الخزانين عند نقطة تقاطع المستقيمين

بالإسقاط على محور الفواصل نجد المدة الزمنية اللازمة لذلك هي 12,5 دقيقة بعد تشغيل المضخة .

بيانيا إيجاد المدة اللازمة كي يتساوى مستوى الماء

في الخزانين :

• التعبير عن y و y بدلالة x

$$y = 3x$$

$$y = 100 - 5x$$

• الإنشاء :

$$y = 3x$$

x	0	10
y	0	30
$(x; y)$	(0; 0)	(10; 30)

$$y = 100 - 5x$$

x	0	10
y	100	50
$(x; y)$	(0; 0)	(10; 30)