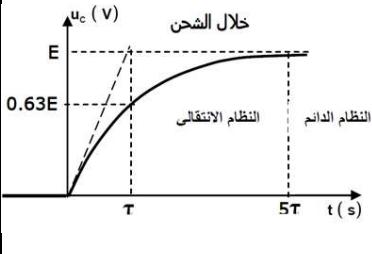
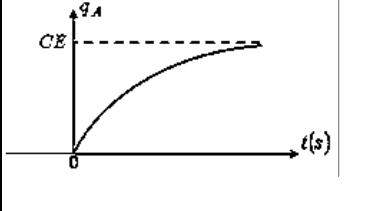
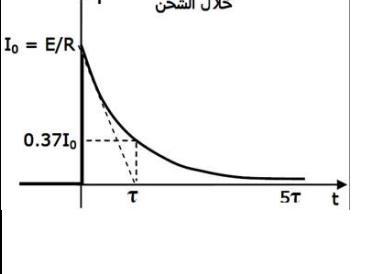
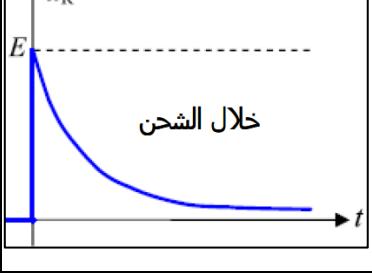
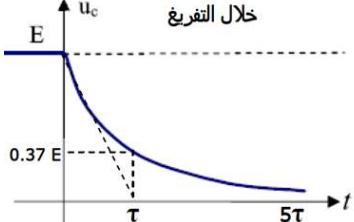
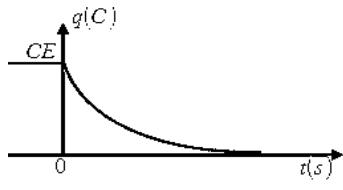
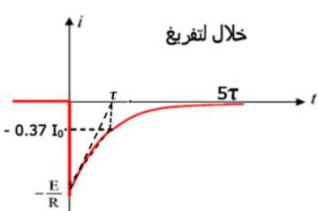
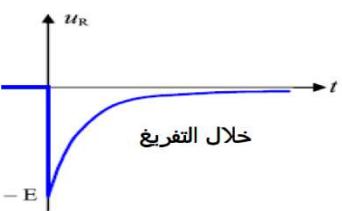

$U_{AB} = E - rI$ مولد ولد	$U_{AB} = E$ مولود مثالي

$C = C_1 + C_2 + C_3$	الربط على التوازي	$q = u_C C$	الشحنة
$C = \frac{S}{d}$	سعة المكثفة:	$i = \frac{dq}{dt}$	التيار: حالة مولد توفر
$u_R = Ri$	قانون اوم للناقل الاهمي:	$i = \frac{q}{t}$	التيار: حالة مولد تيار
$\tau = RC$	ثابت الزمن :	$\frac{1}{C} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3}$	الربط على التسلسل

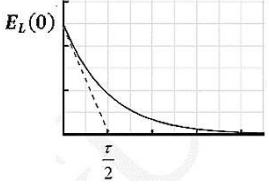
- المعادلات التفاضلية خلال الشحن:

المقدار	المعادلة التفاضلية	حلها	البيان
u_C	$u_R + u_C = E$ $\Rightarrow Ri + u_C = E$ $\Rightarrow R \frac{dq}{dt} + u_C = E$ $\Rightarrow R \frac{d(u_C C)}{dt} + u_C = E$ $\Rightarrow RC \frac{du_C}{dt} + u_C = E$	$u_C = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$	
q	$u_R + u_C = E$ $\Rightarrow Ri + u_C = E$ $\Rightarrow R \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} = E$ $\Rightarrow RC \frac{dq}{dt} + q = EC$	$q = Q_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$ $q = EC \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$	
i	$u_R + u_C = E$ $\Rightarrow Ri + \frac{q}{C} = E$ $\Rightarrow R \frac{di}{dt} + \frac{q}{C dt} = 0$ $\Rightarrow R \frac{di}{dt} + \frac{i}{C} = 0$ $\Rightarrow RC \frac{di}{dt} + i = 0$	$i = i_0 e^{-\frac{t}{RC}}$ $i = \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{RC}}$	
u_R	$u_R + u_C = E$ $\Rightarrow u_R + \frac{q}{C} = E$ $\Rightarrow \frac{du_R}{dt} + \frac{q}{C dt} = 0$ $\Rightarrow \frac{du_R}{dt} + \frac{1}{C} i = 0$ $\Rightarrow \frac{du_R}{dt} + \frac{u_R}{RC} = 0$	$u_R = E e^{-\frac{t}{RC}}$	

3- المعادلات التفاضلية خلال التفريغ:

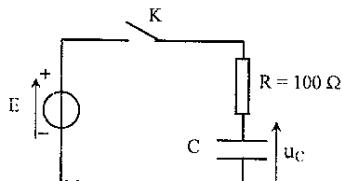
البيان	حلها	المعادلة التفاضلية	المقدار
	$u_C = E e^{-\frac{t}{\tau}}$	$u_R + u_C = 0$ $\Rightarrow R i + u_C = 0$ $\Rightarrow R \frac{dq}{dt} + u_C = 0$ $\Rightarrow R \frac{d(u_C C)}{dt} + u_C = 0$ $\Rightarrow RC \frac{du_C}{dt} + u_C = 0$	u_C
	$q = Q_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$ $q = EC e^{-\frac{t}{\tau}}$	$u_R + u_C = 0$ $\Rightarrow R i + u_C = 0$ $\Rightarrow R \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} = 0$ $\Rightarrow RC \frac{dq}{dt} + q = 0$	q
	$i = -\frac{E}{R} e^{-\frac{t}{RC}}$ $i = -i_0 e^{-\frac{t}{RC}}$	$u_R + u_C = 0$ $\Rightarrow R i + \frac{q}{C} = 0$ $\Rightarrow R \frac{di}{dt} + \frac{dq}{C dt} = 0$ $\Rightarrow R \frac{di}{dt} + \frac{i}{C} = 0$ $\Rightarrow RC \frac{di}{dt} + i = 0$	i
	$u_R = -E e^{-\frac{t}{RC}}$	$u_R + u_C = 0$ $\Rightarrow u_R + \frac{q}{C} = 0$ $\Rightarrow \frac{du_R}{dt} + \frac{dq}{C dt} = 0$ $\Rightarrow \frac{du_R}{dt} + \frac{1}{C} i = 0$ $\Rightarrow \frac{du_R}{dt} + \frac{u_R}{RC} = 0$	u_R

4- الطاقة المخزنة في المكثفة:

$t_{\frac{1}{2}} = \tau \ln \left(\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2} - 1} \right)$		$E_{(C)} = \frac{1}{2} q u_C$ $E_c(t) = \frac{1}{2} C u_C^2 = \frac{1}{2} C E^2 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)^2$ $E_{max} = \frac{1}{2} C E^2$	خلال الشحن:
$t_{\frac{1}{2}} = \frac{\tau}{2} \ln 2$		$E_c(t) = \frac{1}{2} C u_C^2 = \frac{1}{2} C E^2 e^{-\frac{2t}{\tau}}$	خلال التفريغ:

التمرين 1 : بكالوريا علوم تجريبية 2015

تحقق التركيبة الكهربائية الموضحة بالشكل حيث المولد ثابت التوتر قوته المحركة الكهربائية E . يسمح جهاز اعلام آلي مزود ببرمجية مناسبة بمتابعة التطور الزمني للتوتر الكهربائي المطبق بين طرفي المكثفة .



المكثفة في البداية فارغة. عند اللحظة $t = 0$ نغلق القاطعة K ونبادر عملية المتابعة، فيعطي الحاسوب المنحنى البياني $u_c(t) = f(t)$ المبين في الشكل:

1- في غياب الحاسوب، ما هو الجهاز البديل الممكن استخدامه للقيام بعملية المتابعة؟

2- أعد رسم المخطط الدارة وبين عليها طريقة توصيل هذا الجهاز بالدارة لمتابعة تطور التوتر الكهربائي $u_c(t)$.

3- بتطبيق قانون جمع التوترات، أوجد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر الكهربائي $u_c(t)$.

4- تتحقق أن العباره: $u_c(t) = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$ هي حل للمعادلة التفاضلية .

5- بين ان $u_c(\tau) = 0.63E$ ، ثم حدد بيانيا قيمة كل من E و τ .

6- استنتج سعة المكثفة C .

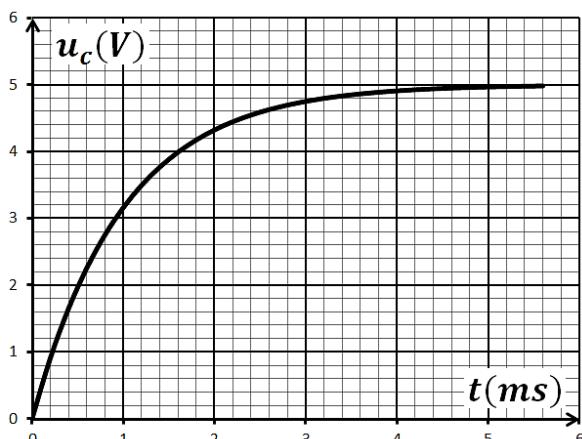
التمرين 2 :

تحقق دارة كهربائية كما في الشكل تتكون من :

- ناقل اومي مقاومته 100Ω . - قاطعة - مكثفة سعتها C .

- مولد كهربائي توتره ثابت $E = 5V$.

نوصل الدارة بمدخل راسم اهتزاز مهبطي ذي ذاكرة فتحصلنا على المنحنى البياني كما في الشكل:



1- ما هي شحنة كل من الليبوسين A و B .

2- بين كيفية توصيل راسم الاهتزاز المهبطي للحصول على البيان.

3- اكتب المعادلة التفاضلية للتوتر بين طرفي المكثفة u_c .

4- حل هذه المعادلة من الشكل: $u_c = A + Be^{-\frac{t}{\tau}}$ حيث A ، B و τ حيث ثوابت يطلب تعين عبارتها.

5- عرف ثابت الزمن τ وعين قيمته، استنتاج سعة المكثفة C .

6- احسب الطاقة المخزنة في المكثفة عند نهاية الشحن.

7- بواسطة تجهيز مناسب نغير من المسافة التي تفصل بين لبوسي المكثفة .

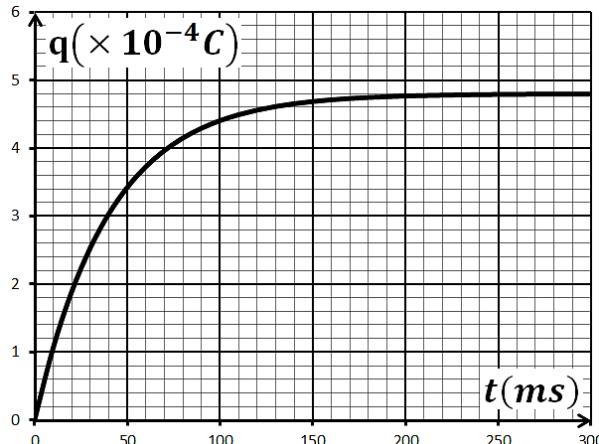
أ- من بين العبارات التالية اختر العبارة التي تعبر عن سعة المكثفة: $C = \varepsilon \frac{d}{S}$ ، $C = \varepsilon \frac{S}{d}$ ، $C = \frac{S}{\varepsilon d}$

حيث: S مساحة سطح الليبوس، d المسافة بين الليبوسين، ε ثابت يميز العازل.

ب- ارسم كييفيا مع المنحنى السابق البيان الذي يمكن مشاهدته على شاشة الجهاز في حالة تقريب الليبوسين بمقدار النصف.

التمرين 3: بكالوريا علوم تجريبية 2013

ت تكون دارة كهربائية على التسلسل من: مولد للتوتر قوته المحركة الكهربائية E , ناقل اومي مقاومته $R = 1k\Omega$ و مكثفة سعتها C



وقاطعة K . نغلق القاطعة K في اللحظة $t = 0$.

1- ارسم الدارة الكهربائية مع توجيهها بالنسبة لشدة التيار والتوتر الكهربائيين .

2- جد المعادلة التفاضلية للدارة بدلالة $q(t)$ خلال شحن المكثفة .

3- حل المعادلة السابقة يعطى بالشكل: $q(t) = Ae^{\alpha t} + B$:

- جد عبارات A و B و α .

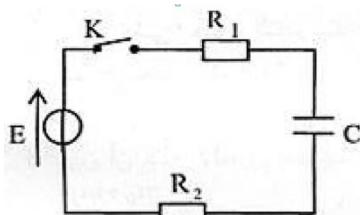
4- التمثيل البياني يمثل تطور شحنة المكثفة $q(t)$ بدلالة الزمن t :

أ- استنتج بيانيا قيمة τ ثابت الزمن ، ثم احسب سعة المكثفة .

ب- استنتاج قيمة E القوة المحركة الكهربائية للمولد .

ج- احسب الطاقة الكهربائية المخزنة في المكثفة في اللحظة $t = 200ms$.

التمرين 4: باك رياضيات 2016



تتميز المكثفات بخاصية تخزين الطاقة الكهربائية وامكانية استغلالها عند الحاجة. لدراسة هذه الخاصية نربط مكثفة غير مشحونة سعتها C على التسلسل مع العناصر الكهربائية التالية:

مولد كهربائي للتوتر الثابت E ، قاطعة K ونافلين او مبين مقاومتهما: $R_2 = R_1 = 1k\Omega$ و $R = 4k\Omega$

4. نغلق القاطعة في اللحظة $t = 0$:

1- أعط تفسيرا مجهريا للظاهرة التي تحدث في المكثفة.

ب - بتطبيق قانون جمع التوترات جد المعادلة التفاضلية للشدة $i(t)$ للتيار الكهربائي المار في الدارة .

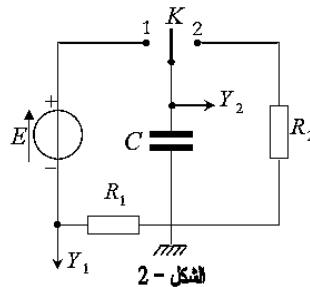
ج - للمعادلة التفاضلية السابقة حلا من الشكل: $i(t) = \alpha e^{-\beta t}$ ، جد عباراتي الثابتين α و β بدلالة E ، C ، R_2 ، R_1 .

2- بواسطة لاقط شدة التيار الكهربائي موصول بالدارة وبواجهة دخول لجهز الاعلام الالي نحصل على منحنى تطور الشدة $i(t)$ لتيار الكهربائي .

3- اعتنادا على البيان اوجد قيمة كل من : ثابت الزمن τ للدارة ، سعة المكثفة C ، التوتر الكهربائي E .

4- اعط العبارة اللحظية للطاقة المخزنة في المكثفة $(E_c(t))$ واحسب قيمتها العظمى .

التمرين 5: بكالوريا علوم 2014



ت تكون الدارة الكهربائية في الشكل المقابل من مولد كهربائي E ، مكثفة سعتها C ، نافلين او مبين مقاومتهما: $R_1 = 1K\Omega$ و $R_2 = 2K\Omega$ و بادلة K . توصل الدارة براسم اهتزاز مهبطي ذي مدخلين Y_1 و Y_2 .

1- نضع البادلة K في الوضع 1 ، ماذا يمثل المنحنيان المشاهدان بالمدخلين Y_1 و Y_2 لرسم الاهتزاز المهيطي؟

2- يظهر على شاشة رسم الاهتزاز المهيطي المنحنيان (a) و (b) .

أ- ما هو المنحنى المعطى بالمدخل Y_1 ؟ ببر اجابتك.

- اكتب المعادلة التفاضلية الموافقة لتطور المقدار الفيزيائي الذي يمثله هذا المنحنى .

ب- حدد قيمة ثابت الزمن τ_1 للدارة .

3- حدد قيمة كلا من E و C .

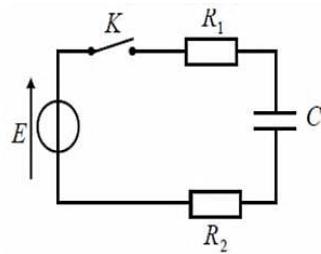
4- احسب شدة التيار (t) في اللحظة $t = 0$ وفي اللحظة $t \geq 0.6s$

5- بعد نهاية شحن المكثفة نضع البادلة في الوضع 2 في لحظة تعتبرها مبدأ للأزمنة .

أ- احسب قيمة τ_2 للدارة في هذه الحالة وقارنها بـ τ_1 ، ماذا تستنتج ؟

ب- احسب قيمة الطاقة الكهربائية المحولة في الناقل الاولى R_2 بفعل جول في اللحظة $\tau_2 = t$.

التمرين 6:



الشكل المقابل يمثل دارة كهربائية مكونة من العناصر التالية: مولد ذو توتر ثابت E ، مكثفة سعتها C . ناقلان أو ميان مقاومتهما $R_2 = 4k\Omega$ ، $R_1 = 1k\Omega$ ، القاطعة K .

1- حدد جهة التيار الكهربائي والتوترات على الدارة .

2- حدد جهة حاملات الشحنة مبينا طبيعتها.

3- اذكر ثلاث اجهزة تمكنا من قياس التوترات في الدارة .

4- بتطبيق قانون جمع التوترات بين أن المعادلة التفاضلية لتطور شحنة المكثفة من

$$\frac{dq}{dt} + \alpha q + \beta = 0$$

- استنتاج عباره كل من α ، β .

5- بالتحليل البعدي حدد وحدة ثابت الزمن τ :

- باستعمال عباره τ .

- باستعمال المعادلة التفاضلية.

6- الشكل يمثل تغيرات $\frac{dq}{dt}$ بدلالة، بالاعتماد عليه أوجد كل من :

أ- ثابت الزمن τ .

ب- سعة المكثفة C .

ج- التوتر الكهربائي بين طرفي المولد E .

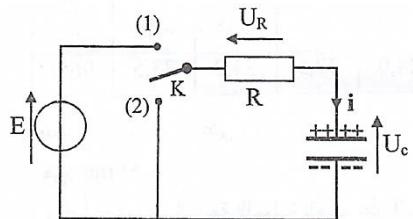
7- أ- اكتب عباره الطاقة المخزنة في المكثفة بدلالة الزمن .

ب - احسب E_0 الطاقة العظمى المخزنة في المكثفة .

ج- حدد بدلالة τ الزمن الذي تصبح فيه الطاقة المخزنة في المكثفة: $\frac{E_0}{2}$ ثم احسب قيمته.

د- توقع شكل كيفي للطاقة المخزنة في المكثفة بدلالة الزمن.

التمرين 7 : باك علوم تجريبية 2016



لغرض دراسة نطور التوتر الكهربائي بين طرفي مكثفة نركب الدارة الكهربائية الموضحة بالشكل.

تتكون هذه الدارة من مولد للتوتر الثابت E ، ناقل اومي مقاومته $R = 10k\Omega$ ، مكثفة سعتها C وبادلة K .

نضع البادلة في الوضع (1) إلى غاية بلوغ النظام الدائم ، ثم نغير البادلة إلى الوضع (2) في اللحظة $t = 0$.

1- ما هي اشارة التيار الكهربائي المبين في الشكل؟ عل.

2- بين ان المعادلة التفاضلية التي يتحققها التوتر الكهربائي u_C بين طرفي المكثفة تعطى بالشكل: $u_C + \frac{1}{\alpha} \times \frac{du_C}{dt} = 0$.

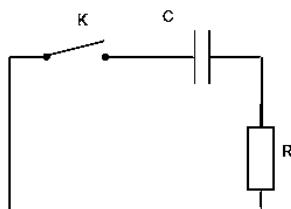
3- اذا كان حل هذه المعادلة التفاضلية من الشكل: $u_C = Ae^{-\alpha t}$ ، أوجد عبارتي الثابتين A و α بدلالة R ، C و E .

4- يمثل الشكل تغيرات $\ln u_C$ بدلالة الزمن t .
أ- استنتج بيانياً عباره الدالة $f(t)$.

ب- بالمطابقة بين العلاقة النظرية الموافقة للمنحنى، استنتاج قيم كل من E ، C و α .

5- احسب الطاقة المحولة الى الناقل الاومي عند اللحظة $t = 2.5\tau$ ، ماذا تستنتج؟

التمرين 8 : بكالوريا رياضيات 2013



مكثفة سعتها C شحنت كليا تحت توتر ثابت : $E = 12V$. لمعرفة سعتها C نحقق الدارة الكهربائية حيث : $R = 1k\Omega$.

1- نغلق القاطعة K في اللحظة $t = 0$.

أ- بتطبيق قانون جمع التوترات جد المعادلة التفاضلية للتوتر الكهربائي $u_C(t)$.

ب- حل المعادلة السابقة يعطى من الشكل $u_C(t) = Ae^{\alpha t}$ ، حيث A و α ثابتان يطلب تعين عبارتهما .

2- اكتب العباره اللحظية $(E_C(t))$ للطاقة المخزنة في المكثفة .

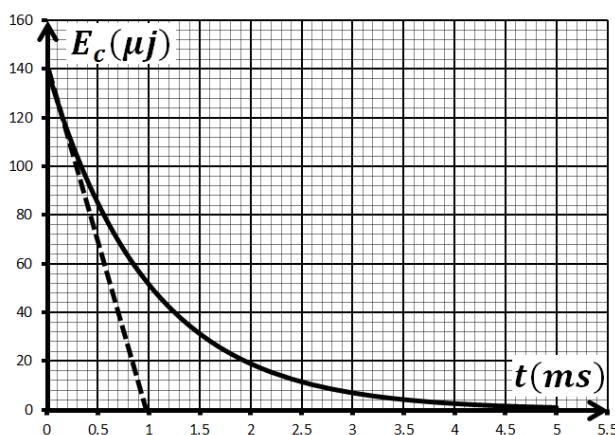
3- الشكل يمثل تطور $(E_C(t))$ الطاقة المخزنة في المكثفة بدلالة الزمن .

أ- استنتاج قيمة $(E_C(0))$ الطاقة العظمى المخزنة في المكثفة .

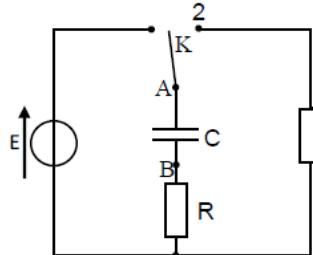
ب- بين أن المماس للمنحنى في اللحظة $t = 0ms$ يقطع محور الأزمنة في اللحظة $t = \frac{\tau}{2}$.

ج- احسب τ ثابت الزمن، ثم استنتاج سعة المكثفة C .

4- اثبت ان زمن تنافص الطاقة للنصف هو $t_{1/2} = \frac{\tau}{2} \ln 2$.



التمرين 9: بكالوريا رياضيات 2009



تحقق التركيب الكهربائي التجاري المبين في الشكل المقابل باستعمال التجهيز:

* مكثفة سعتها C غير مشحونة. * نافلين او ميدين مقاومتهما $R = R' = 470\Omega$.

* مولد ذي توتر ثابت E . * بادلة K . * اسلاك توصيل.

1- نضع البادلة في الوضع 1- في اللحظة $t = 0$:

أ- بين على الشكل جهة مرور التيار الكهربائي في الدارة ثم مثل بالأأسهم التوترات u_R و u_C .

ب- عبر عن u_C و u_R بدلالة شحنة المكثفة $q_A = q$ ثم أوجد المعادلة التفاضلية التي تحققها الشحنة q .

ج- تقبل هذه المعادلة التفاضلية حلًا من الشكل $q_A = A(1 - e^{-\alpha t})$ ، عبر عن A و α و R ، C و E .

د- إذا كانت قيمة التوتر الكهربائي عند نهاية الشحن بين طرفي المكثفة $5V$ ، استنتج قيمة E .

هـ- عندما تشحن المكثفة كلية تخزن طاقة قدرها $E_C = 5mJ$. استنتاج قيمة سعة المكثفة C .

2- نجعل البادلة في الوضع 2-:

أ- ماذا يحدث للمكثفة؟

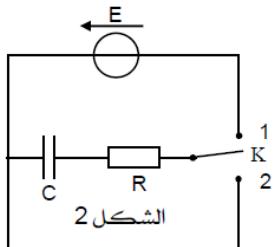
ب- قارن بين قيمتي ثابت الزمن الموافق للوضعين 1- و 2- للبادلة K .

التمرين 10: بكالوريا رياضيات 2010

بغرض شحن مكثفة فارغة سعتها C ، نصلها على التسلسل مع العناصر الكهربائية التالية:

- مولد كهربائي توثره ثابت $E = 5V$ و مقاومته الداخلية مهملة.

- اقل اومي مقاومته $R = 120\Omega$ - بادلة K .



لمتابعة تطور التوتر الكهربائي u_C بين طرفي المكثفة بدلالة الزمن ، نوصل مقياس فولط متر رقمي بين طرفي المكثفة وفي

اللحظة $t = 0$ نضع البادلة في الوضع 1- ، بالتصوير المتعاقب تم تصوير شاشة جهاز الفولط متر الرقمي لمدة معينة ،

وبمشاهدة شريط الفيديو ببطء سجّلنا النتائج التالية:

$t(ms)$	0	4	8	16	20	24	32	40	48	60	68	80
$u_C(V)$	0	1	2	3.3	3.8	4.1	4.5	4.8	4.9	5	5	5

1- أ- رسم البيان $u_C = f(t)$

ب- عين بيانيا قيمة ثابت الزمن τ لثائي القطب RC واستنتاج قيمة السعة C للمكثفة.

2- كيف تتغير قيمة ثابت الزمن في الحالتين:

- الحالـة - أ- من أجل مكثفة سعتها C' حيث $C' > C$ و $R = 120\Omega$

- الحالـة - ب- من أجل C'' حيث $C'' = C$ و $R' < R$

• ارسم كيـفـيا في نفس المعلم المنحنيـن 1- و 2- المعـبرـين عن u_C في الحالـتين - أ- و - ب- السـابـقـتين.

3- أ- بين ان المعادلة التفاضلية المعبرة عن $q(t)$ تعطى بالعبارة:

$$\frac{dq(t)}{dt} + \frac{1}{RC} q(t) = \frac{E}{R}$$

بـ-يعطى حل المعادلة التفاضلية بالعبارة $q_A = Ae^{\alpha t} + \beta$ حيث A ، β و α ثوابت يطلب تعبيتها.

4- المكثفة مشحونة، نضع البادلة في الوضع 2- في لحظة تعتبرها كمبداً للأزمنة.

أـ احسب في اللحظة $t = 0$ الطاقة الكهربائية المخزنة E_0 في المكثفة.

بـ- ما هو الزمن الذي من أجله تصبح الطاقة المخزنة في المكثفة $E = \frac{E_0}{2}$.

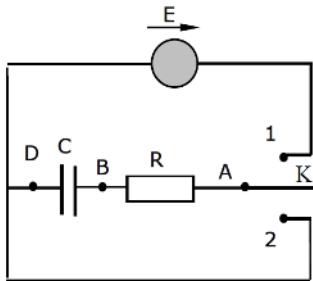
التمرين 11: باك علوم تجريبية 2016

يتتألف الدارة الكهربائية المبينة في الشكل من مكثفة فارغة سعتها $C = 100nF$ ، مولد مثالي $R = 10k\Omega$ ، ناقل اومي مقاومته

قوته المحركة الكهربائية $E = 5V$ وبادلة K .

I. نضع البادلة في الوضع (1) بغية شحن المكثفة.

1- بين على الشكل جهة التيار الكهربائي المار في الدارة ومثل بسمهم كلاماً من التوترين الكهربائيين u_{AB} و u_{BD} .



2- باستعمال قانون جمع التوترات الكهربائية ، جد المعادلة التفاضلية لتطور التوتر الكهربائي

$u_{BD}(t)$ بين طرفي المكثفة .

3- المعادلة التفاضلية تقبل حلـاً من الشكل $u_{BD}(t) = E + Ae^{-bt}$. جـد عـبـارـة كلـمـنـ الثـابـتـين A و b .

4- اعطـعـبـارـة ثـابـتـ الزـمـنـ للـدـارـةـ المـدـرـوـسـةـ ، ماـذاـ يـمـثـلـ عـمـلـيـاـ ؟ اـحـسـبـ قـيـمـتـهـ .

5- بين على الشكل كيفية ربط راسم اهتزاز مهبطي لمشاهدة تطور التوتر $u_{BD}(t)$ ، ثم مثل شـكـلاـ تـقـرـيبـاـ لـ $f(t)$.

II. بعد شـحـنـ المـكـثـفـةـ كـلـيـاـ نـضـعـ البـادـلـةـ فيـ الـوضـعـ (2)ـ .

1- اـحـسـبـ قـيـمـةـ الطـاقـةـ الكـهـرـبـائـيـةـ المـخـزـنـةـ فيـ المـكـثـفـةـ فيـ بـداـيـةـ التـفـريـغـ وـعـلـىـ أـيـ شـكـلـ تـسـتـهـلـكـ فيـ الدـارـةـ ؟

2- بعد تـفـريـغـ المـكـثـفـةـ كـلـيـاـ ، نـرـبـطـ معـهـاـ مـكـثـفـةـ أـخـرـىـ سـعـتـهاـ C' ـ ثـمـ نـعـيـدـ الـبـادـلـةـ فيـ الـوضـعـ (1)ـ .

أـ- كـيـفـ يـجـبـ رـبـطـهـاـ معـهـاـ مـكـثـفـةـ السـابـقـةـ حـتـىـ تكونـ قـيـمـةـ الطـاقـةـ الكـهـرـبـائـيـةـ المـخـزـنـةـ فيـ مـجـمـوعـ المـكـثـفـتـينـ عـنـدـ نـهـاـيـةـ الشـحـنـ .
 $3.75 \times 10^{-6} joules$

$$1nF = 10^{-9}F$$

بـ- ماـ هيـ قـيـمـةـ سـعـتـهاـ C' ـ ؟

التمرين 12: بكالوريا رياضيات 2015

تـسـعـعـ الـمـكـثـفـاتـ فـيـ عـدـةـ تـرـاكـيـبـ كـهـرـبـائـيـةـ ذـاتـ فـائـدـةـ عـلـمـيـةـ فـيـ الـحـيـاةـ الـيـوـمـيـةـ .

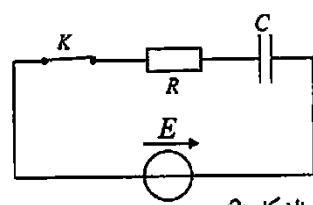
بغـرـضـ حـاسـبـ سـعـةـ مـكـثـفـةـ غـيرـ مـشـحـونـةـ مـسـبـقاـ ، نـحـقـقـ التـرـاكـيـبـ المـوـضـحـ بـالـشـكـلـ حـيـثـ

$R = 100 \Omega$ وـ المـولـدـ ثـابـتـ التـوـترـ قـوـتـهـ الـمـحـرـكـةـ الـكـهـرـبـائـيـةـ E ـ .

1- أـعـدـ رـسـمـ الدـارـةـ مـوـضـحـاـ عـلـيـهـ التـوـترـاتـ بـأـسـهـمـ وـجـهـةـ التـيـارـ الـكـهـرـبـائـيـ .

2- بـتـطـيـقـ قـانـونـ جـمـعـ التـوـترـاتـ جـدـ الـمـعـادـلـةـ التـفـاضـلـيـةـ الـتـيـ يـحـقـقـهاـ التـوـترـ $u_C(t)$ ـ بـيـنـ طـرـفـيـ المـكـثـفـةـ .

3- بـيـنـ انـ الـعـبـارـةـ $u_C(t) = A(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ ـ هـيـ حـلـاـ لـلـمـعـادـلـةـ التـفـاضـلـيـةـ ، حـيـثـ A ـ وـ τ ـ ثـابـتـانـ يـطـلـبـ تـعـبـيـنـ عـبـارـتـيـهـماـ .



4- بين ان $\ln(E - u_c) = -\frac{1}{\tau}t + \ln E$

5- بيان الشكل يمثل تغيرات $\ln(E - u_c)$ بدلالة الزمن . استنتج من البيان:

أ- قيمة القوة المحركة الكهربائية E .

ب- قيمة ثابت الزمن τ وسعة المكثفه C .

6- أ- تكتب العبارة اللحظية للطاقة المخزنة في المكثفه $E_C(t)$.

ب- نرمز بـ $E_C(\tau)$ للطاقة المخزنة في المكثفه عند اللحظة τ

وبـ $E_C(\infty)$ للطاقة العظمي .

$$\cdot \frac{E_C(\tau)}{E_C(\infty)} \text{ احسب النسبة}$$

7- كيف يتم ربط مكثفه سعتها C' مع المكثفه السابقة بحيث يأخذ ثابت الزمن القيمه $\tau' = \frac{\tau}{4}$ ؟ احسب قيمة C' .

التمرين 13: باك علوم تجريبية 2016

نريد دراسة تأثير مقاومة ناقل اوامي على تطور التوتر الكهربائي بين طرفي مكثفه $(u_c(t))$ ، باستخدام راسم اهتزاز بذاكرا . من اجل ذلك نحقق دارة كهربائية تتالف من العناصر التالية مربوطة على التسلسل: مكثفه فارغه سعتها C قيمتها مجهولة ، ناقل اوامي مقاومته متغيره R ، مولد ذي توتر ثابت E ، قاطعه K .

1- ارسم مخطط الدارة موضحا كيفية ربط راسم الاهتزاز المهبطي لمتابعة تطور التوتر بين طرفي كل من : المكثفه والمولد .

2- نغلق القاطعه K في اللحظه $t = 0$. من اجل قيمة معينة لمقاومة الناقل الاولى $R = R_1$ ، يظهر على شاشة راسم الاهتزاز المنحنيين الموضعين في الشكل المقابل :

أ- جد المعادله التفاضلية التي تعبر عن تطور التوتر الكهربائي بين طرفي المكثفه .

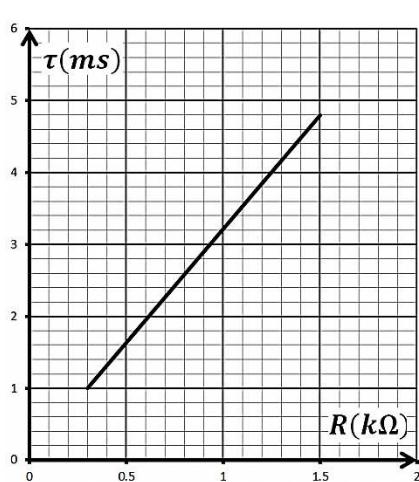
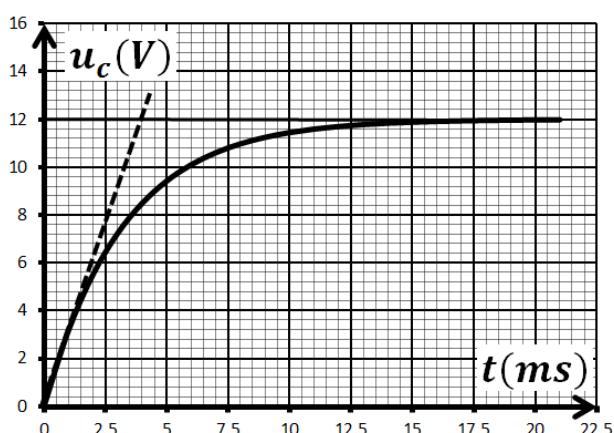
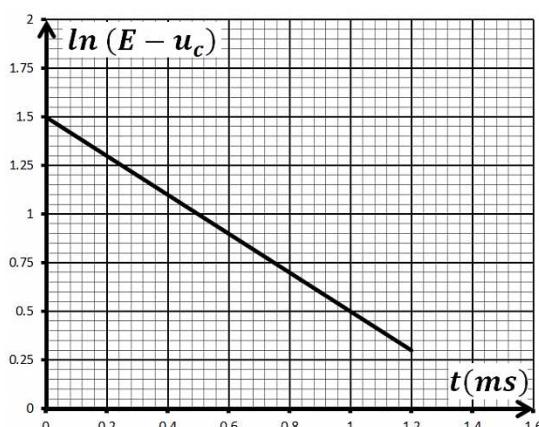
ب- المعادله التفاضلية السابقة تقبل حلا من الشكل : $u_c(t) = A(1 - e^{-Bt})$. جد عباره كلا من : A و B واحسب قيمتيهما بالاستعانة ببيان الشكل-3.

ج- انقل الشكل الى ورقة الاجابة ومثل عليه كيفيا $f(t) = u_c$ من اجل $R > R_1$.

3- نغير من قيمة R مقاومة الناقل الاولى ونحسب ثابت الزمن τ الموافق ، باستخدام برمجية مناسبة حصلنا على المنحنى البياني الموضح في الشكل المقابل .

أ- بالاعتماد على منحنبي الشكلين ، استنتاج سعة المكثفه C و مقاومة الناقل الاولى .

ب- في الحقيقة المكثفه الساقية مكافأة لمكثفين سعتيهما $C_1 = 1\mu F$ و C_2 مجهولة القيمه مربوطتين بطا مجهولا . بين كيفية الربط واستنتاج قيمة C_2 .



التمرين 14:

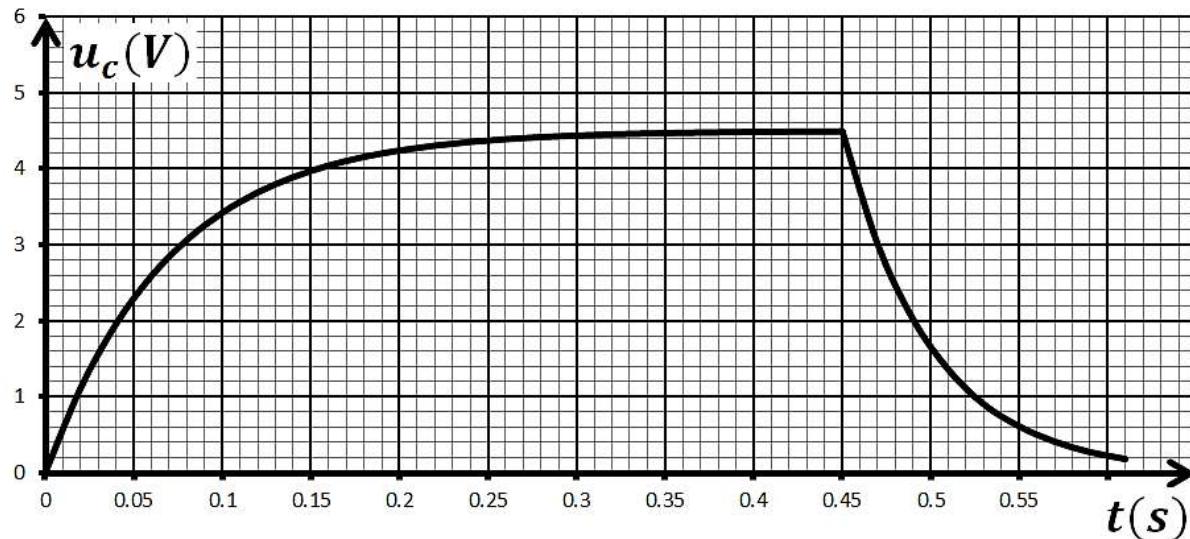
بهدف تحديد المقاومة الداخلية لعمود كهربائي نحقق الدارة الكهربائية المكونة من:

- عمود كهربائي قوته المحركة $E = 4.5V$ ومقاومته الداخلية r .

- ناقل اومي: R . - مكثفة سعتها: $C = 0.01F$. - بادلة K .

في البداية المكثفة غير مشحونة في اللحظة $t = 0$ البادلة في الوضع 1 ثم في اللحظة

$t = 0.45s$ تصبح في الوضع 2 ، بواسطة جهاز $ExAo$ تمكنا من الحصول على منحنى التوتر ($u_c(t)$) بين طرفي المكثفة بدلالة الزمن .



i. دراسة عملية الشحن:

1- ما هو الجهاز الآخر الذي يسمح بالحصول على المنحنى السابق وكيف يتم توصيله ؟

2- اوجد المعادلة التفاضلية للتوتر u_c .

3- يعطى حل المعادلة التفاضلية السابقة بالعبارة: $u_c = \frac{A}{B}(1 - e^{-Bt})$ ، اوجد عباره كل من A و B .

4- عرف ثابت الزمن τ وحدد وحدته بطرقين.

5- ما هي الطرق الاربعة التي تمكن من حساب ثابت الزمن τ واختر واحدة منها لتحديد قيمته ؟

6- احسب الطاقة العظمى المخزنة في المكثفة E_{c_0} .

ii. دراسة عملية التفريغ:

1- احسب τ' ثابت الزمن في حالة التفريغ.

2- أثبت أن قيمة المقاومة الداخلية للعمود تعطى بالعلاقة: $\frac{\tau - \tau'}{C} = r$ ثم احسب قيمتها.

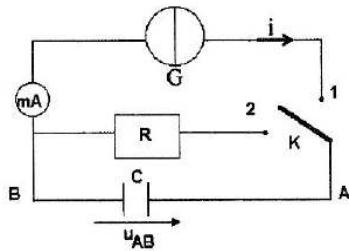
3- احسب قيمة R ، لماذا استعملنا ناقل اومي ذو مقاومة صغيرة في الدارة ؟

4- عباره التوتر بين طرفي المكثفة هي: $u_c = Ee^{-\frac{t-0.45}{\tau'}}$ ، بين ان عباره الطاقة المحولة الى الناقل الاولى في لحظة ما هي :

$$E_R = E_{c_0} \left(1 - e^{-\frac{2(t-0.45)}{\tau'}} \right)$$

- احسب الطاقة المحولة الى الناقل الاولى في اللحظة $t = 0.5s$ في اللحظة

التمرين 15: بكالوريا 2012 - تقني رياضي



اقتراح استاذ على تلامذته تعين سعة مكثفة C بطريقتين مختلفتين :

- الطريقة الاولى : شحن المكثفة بتيار مستمر ثابت .

- الطريقة الثانية : تفريغ المكثفة في ناقل اومي .

لهذا الغرض نحقق التركيب المقابل :

- 1- المكثفة في البداية فارغة. نضع في اللحظة $t = 0s$ البادلة في الوضع (1) فتشحن المكثفة بالمولد G الذي يعطي تيارا ثابتا $i = 0.31mA$ وبواسطة جهاز $ExAO$ تتمكن من مشاهدة المنحنى البياني لتطور التوتر u_{AB} بين طرفي المكثفة بدلالة الزمن t .

- أ- أعط عبارة التوتر u_{AB} بدلالة شدة التيار i المار في الدارة وسعة المكثفة C والزمن t

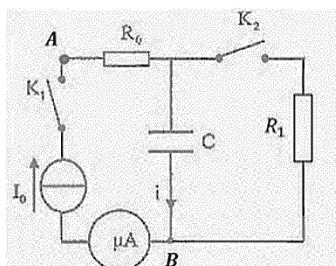
- ب- جد قيمة سعة المكثفة C .

- 1- عندما يصبح التوتر بين طرفي المكثفة مساويا الى القيمة $U_0 = 1.6V$ نضع البادلة في الوضع (2) في لحظة نعتبرها من جديد $t = 0s$ يتم تفريغ المكثفة في ناقل اومي مقاومته $.R = 1K\Omega$.

- أ- جد المعادلة التفاضلية التي يتحققها u_{AB} . علما أن حلها

- ب- أثناء التفريغ سمح جهاز $ExAO$ من متابعة تطور التوتر الكهربائي u_{AB} بين طرفي المكثفة بدلالة الزمن t . بواسطة برمجية مناسبة تتمكن من الحصول على المنحنى البياني المقابل: جد قيمة ثابت الزمن τ ثم استنتاج قيمة سعة المكثفة C .

التمرين 16:



نحقق التركيب الكهربائي التجاري المبين في الشكل المقابل باستعمال التجهيز:

* مكثفة سعتها C غير مشحونة. * ناقلين او مبين R_0 و R_1

* مولد يعطي تيارا ثابتا $I_0 = 4\mu A$. * قاطعة K_1 و K_2

* اسلام توصيل ، أمبير متر .

- 1- القاطعة K_2 مفتوحة، في لحظة نعتبرها $t = 0$ نغلق القاطعة K_1 ، بواسطة راسم اهتزاز مهبطي ذي ذاكرة تتبع التوتر الكهربائي فنحصل على البيان المقابل: اعتمادا على البيان حدد قيمة:

- أ- قيمة مقاومة الناقل الاومي R_0 .

- ب- سعة المكثفة .

- ج- ما هي قيمة التوتر الذي يسجله راسم الاهتزاز المهبطي عندما يبلغ التوتر بين طرفي المكثفة $u_0 = 10V$.

2- عندما يصبح التوتر بين طرفي المكثفة K_1 ثم نغلق K_2 . $u_0 = 10V$ فتح القاطعة K_1 ثم نغلق K_2 .

A- بتطبيق قانون جمع التوترات جد المعادلة التفاضلية للتوتر الكهربائي بين طرفي المكثفة . $u_C(t)$.

B- تأكد ان العبارة $u_C(t) = u_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$ حل للمعادلة التفاضلية.

C- اكتب العبارة اللحظية للطاقة المخزنة في المكثفة.

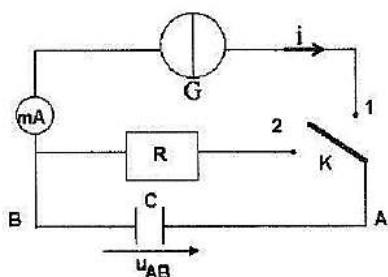
D- البيان يمثل تغيرات الطاقة المخزنة بدالة الزمن:

E- حدد من البيان ثابت الزمن τ ثم استخرج قيمة R_1 .

F- البيان ينقصه سلم الرسم، عينه مع التعليل.

G- احسب الطاقة المستهلكة من طرف R_1 عند اللحظة $t = 0.05s$ حسابيا وبيانيا.

التمرين 17 :



في حصة الاعمال المخبرية ، اقترح الاستاذ على تلاميذه مخطط الدارة الممثل في الشكل لدراسة ثنائية القطب RC .

تتكون الدارة من العناصر التالية:

* مولد يعطي تيارا ثابتا $i = 0.15mA$. * مكثفة غير مشحونة سعتها C .

* ناقل اومي مقاومته $R = 1k\Omega$. * بادلة K .

i. نجعل البادلة في الوضع - 1 ، البيان المقابل يمثل تغيرات الشحنة المخزنة في المكثفة بدالة التوتر الكهربائي بين طرفيها.

A- احسب سعة المكثفة .

B- احسب مدة شحن المكثفة علما أن التوتر بين طرفي المكثفة عند نهاية

عملية الشحن $u_0 = 15V$.

ii. عند نهاية عملية الشحن نضع البادلة في الوضع - 2 :

1- كيف يمكن عمليا مشاهدة التطور الزمني للتوتر الكهربائي u_{AB} ؟

2- بين ان المعادلة التفاضلية التي تحكم اشتغال الدارة الكهربائية عبارتها :

$$(R_1 + R_2)C \frac{du_{AB}}{dt} + u_{AB} = 0$$

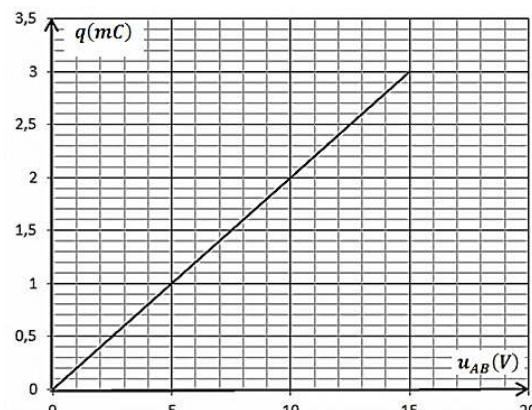
3- حل المعادلة التفاضلية هو: $u_{AB} = \alpha e^{\beta t}$ ، اوجد عبارة كلا من α و β .

4- أعط عبارة τ الثابت المميز للدارة ، وبين أنه يقدر بالثانية في النظام الدولي للوحدات ثم احسب قيمته.

5- نريد أن يصبح زمن التفريغ ضعف قيمته، لذلك نربط مكثفة ثانية مع المكثفة السابقة.

- هل يتم ربط المكثفة على التسلسل أو التوازي ؟

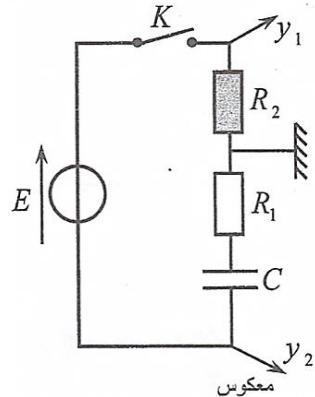
- احسب سعة المكثفة الثانية .



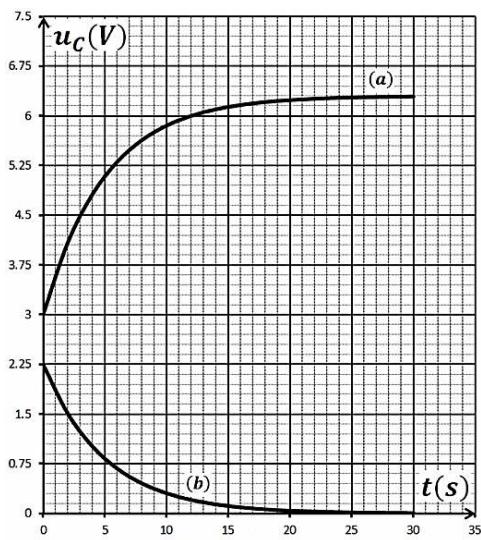
التمرين 18: باك علوم تجريبية 2016 بتصريف

نركب الدارة الكهربائية الموضحة بالشكل والمكونة من:

- مولد كهربائي للتوتر الثابت E .
- مكثفة غير مشحونة سعتها C .
- ناقلتين أو مبين مقاومتيهما: $R_1 = 1k\Omega$ ، R_2 غير معروفة.
- قاطعة كهربائية K .



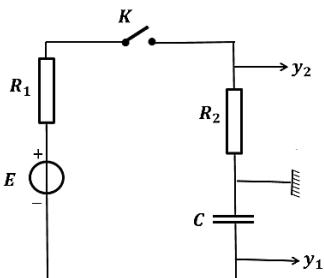
نوصل الدارة الكهربائية براسم اهتزاز مهبطي ذي ذاكرة كما هو موضح على الشكل ثم نغلق القاطعة K في اللحظة $t = 0$ ، فنشاهد على الشاشة المنحنين (a) و (b).



- 1- ارفق لكل منحنى المدخل الموافق له مع التعليل.
- 2- اكتب المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر الكهربائي u_c بين طرفي المكثفة.
- 3- باستعمال قانون جمع التوترات أوجد عبارة الشدة I_0 للتيار الاعظمي المار في الدارة .
- 4- استنتج عند اللحظة $t = 0$ عبارة التوتر بين طرفي الناقل الاولى R_2 بدالة E ، R_1 و R_2 اعتماداً على البيانات، استنتاج قيمة كل من E ، I_0 ، R_2 و C .
- 5- احسب الطاقة المخزنة في المكثفة عند نهاية الشحن.

التمرين 19:

نحقق الدارة الكهربائية كما في الشكل المكونة من:

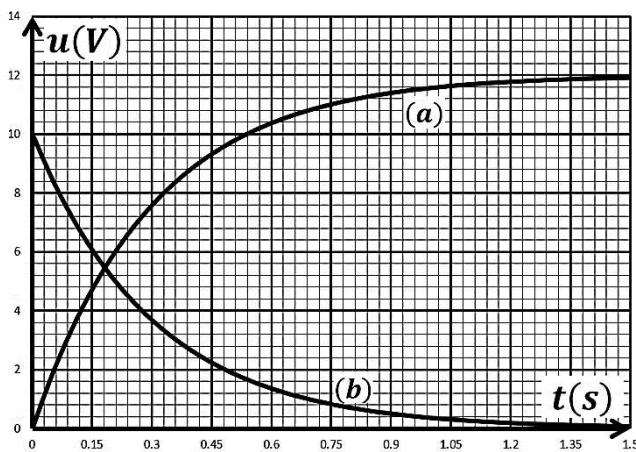


- مولد مثالي قوته المحركة الكهربائية E .

- ناقلتين او مبين: $R_1 = 500\Omega$ ، R_2 مجهرولة .

- مكثفة سعتها C . - قاطعة K .

في اللحظة $t = 0$ نغلق القاطعة K بواسطة راسم اهتزاز مهبطي ذي ذاكرة تحصلنا على البيانات في الشكل:



- 1- أ- وضح على الدارة جهة التوترات وجهة التيار الكهربائي المار بها.

ب- حدد لكل منحنى التوتر الكهربائي الموافق له مع التعليل.

- 2- بتطبيق قانون جمع التوترات اكتب المعادلة التفاضلية للتوتر u_{R_2} بين طرفي R_2 .

3- حل المعادلة التفاضلية السابقة من الشكل: $u_{R_2} = Ae^{-Bt}$ حيث A و B ثوابت يطلب ايجاد عبارتها بدلالة: R_1 ، E و C ، R_2

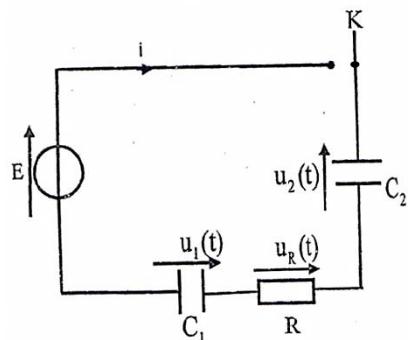
4- عرف ثابت الزمن τ ثم عين قيمته بيانيا.

5- بالاستعانة بالبيانين حدد كلا من: E ، R_1 و C .

6- احسب الطاقة العظمى المخزنة في المكثفة.

7- أوجد زمن وصول طاقة المكثفة الى النصف .

التمرين 20: من باك المغرب 2016



تعتبر الدارة RC من بين الدارات الكهربائية المستعملة في التراكيب الالكترونية لمجموعة من الاجهزه الكهربائية .

تحقق الدارة المبينة في الشكل:

- مولد مثالى للتوتر قدرته المحركة الكهربائية .

- مكثفات سعتاهما C_1 و $C_2 = 2\mu F$.

- ناقل اومي مقاومته $R = 3k\Omega$.

- قاطعة K .

نضع البادلة في الوضع (1) :

$$1. \text{ بين ان سعة المكثفة المكافئة تكتب بالشكل: } C_e = \frac{C_1 \times C_2}{C_1 + C_2}$$

2- بين المعادلة التفاضلية التي يتحققها التوتر u_{C_2} بين طرفي المكثفة C_2 هي:

$$\frac{du_{C_2}}{dt} + \frac{1}{RC_e} u_{C_2} = \frac{E}{RC_2}$$

3- حل المعادلة هو: $u_{C_2}(t) = A(1 - e^{\alpha t})$ ، اوجد عبارتي كلا من A و α .

4- الشكل يمثل تغيرات التوترات (1) و (2) : $u_R(t)$ و $u_{C_2}(t)$

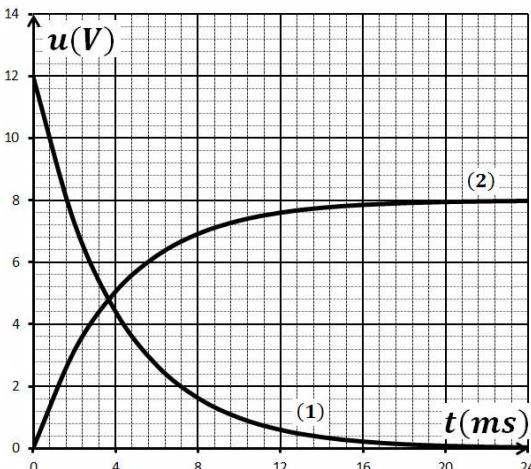
أ- حدد المنحنى الموافق لكل توتر مع التعلييل.

ب- حدد قيمة كلا من E و τ ثابت الزمن المميز للدارة .

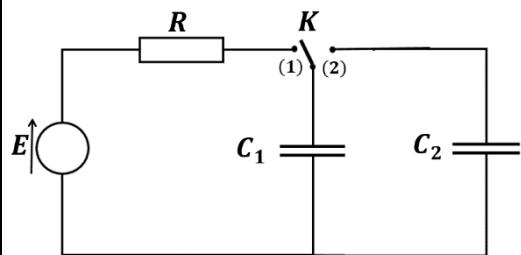
ج- التوترات $u_{C_{1f}}$ و $u_{C_{2f}}$ في النظام الدائم .

د- سعة المكثفة C_1 .

هـ- الطاقة العظمى المخزنة في المكثفة C_1 .



التمرين 21:



في الشكل تتكون الدارة الكهربائية من:

- مولد للتوتر قوته المحركة الكهربائية E .

- ناقل اومي مقاومته $R = 1k\Omega$.

- مكثفين: C_1 و $C_2 = 200\mu F$ - بادلة K .

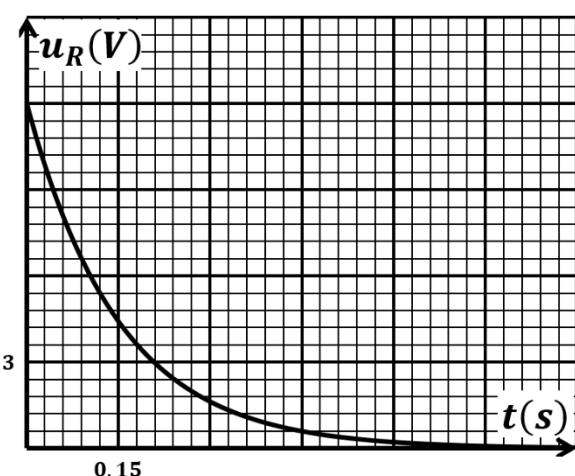
I. نضع البادلة في الوضع -1 - في لحظة نعتبرها: $t = 0$ بواسطة تجهيز مدعم بالحاسوب تمكننا من الحصول على البيان في الشكل الممثل لتغيرات u_R بدلالة الزمن.

1- مثل على مخطط الدارة جهة التوترات وجهة التيار الكهربائي.

2- عين على مخطط الدارة شحنة كل لبوس.

3- بين كيفية توصيل جهاز راسم الاهتزاز المهبطي لمشاهدة التوتر بين طرفي الناقل الاومي والمولد.

4- اكتب المعادلة التقاضية التي يحققها التوتر الكهربائي بين طرفي المكثفة u_{C_1} .



- تأكد ان العبارة $u_{C_1}(t) = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$ حل لها.

- استنتاج العبارة الزمنية $u_R(t)$.

5- أ- استنتاج بيانيا قيمة كلا من E و τ .

ب- استنتاج سعة المكثفة C_1 .

6- احسب قيمتي الشحنة والطاقة المخزنة في المكثفة C_1 عند نهاية الشحن.

II. نضع البادلة في الوضع -2 - فيتشكل تيار انتقالى سريع حتى يحدث التوازن بين المكثفين ويصبح $u_{C_1} = u_{C_2} = u$ وتتوزع الشحنة الكلية على المكثفين حيث: $Q_0 = q_{C_1} + q_{C_2}$

- اكتب العلاقة التي تربط بين q_{C_1} ، q_{C_2} ، C_1 و C_2 .

1- احسب قيمة الشحنة التي تحتويها كل مكثفة.

2- احسب قيمة الشحنة التي تحتويها كل مكثفة.

3- استنتاج قيمة التوتر الجديد بين طرفي المكثفين.

4- احسب الطاقة المخزنة في المكثفين واستنتاج مقدار الطاقة الضائعة وفي أي شكل فقدت؟