

7- اتجاه تغير دالة f على مجال I من \mathbb{R}

■ إذا كان $f'(x) > 0$ من أجل كل x من I فإن:

f متزايدة تماما على I

■ إذا كان $f'(x) < 0$ من أجل كل x من I فإن:

f متناقصة تماما على I

■ إذا كان $f'(x) = 0$ من أجل كل x من I فإن:

f ثابتة على I

8- القيم الحدية المحلية لدالة f على مجال I من \mathbb{R}

إذا كانت f' تتعذر عند قيمة x_0 من I أي $f'(x_0) = 0$ مغيرة إشارتها فإن $f(x_0)$ قيمة حدية محلية للدالة f على I في هاتين:

أ- $f(x_0)$ قيمة حدية محلية صغرى كما في هذا الجدول

x	x_0
$f'(x)$	- \emptyset +
$f(x)$	$f(x_0)$

ب- $f(x_0)$ قيمة حدية محلية كبرى كما في هذا الجدول

x	x_0
$f'(x)$	+ \emptyset -
$f(x)$	$f(x_0)$

9- نقطة الانعطاف

f'' المشتقة الثانية للدالة f على مجال I من \mathbb{R} و x_0 قيمة منه.

إذا كانت f'' تتعذر عند x_0 أي $f''(x_0) = 0$ أي $f''(x_0)$ مغيرة إشارتها

فإن المنحنى (C_f) يقبل نقطة انعطاف

4- العمليات على الدوال المشتقة

مشتقتها	الدالة
$u' + v'$	$u + v$
$u' \times v + v' \times u$	$u \times v$
ku'	ku (عدد ثابت k)
$\frac{u' \times v - v' \times u}{v^2}$	$\frac{u}{v} (v \neq 0)$
$\frac{-kv'}{v^2}$	$\frac{k}{v} (v \neq 0)$ (عدد ثابت k)
$u' \times (v' \circ u)$	$v \circ u$

5- مشتقات دوال مركبة مألوفة

مشتقتها	الدالة
$au' (ax + b)$	$u (ax + b)$
$nu' \cdot u^{n-1}$	$u^n (n \in \mathbb{N}^* - \{1\})$
$\frac{u'}{2\sqrt{u}} (u > 0)$	$\sqrt{u} (u \geq 0)$
$-\frac{n}{x^{n+1}}$	$\frac{1}{x^n} (x \neq 0)$
$-\frac{nu'}{u^{n+1}}$	$\frac{1}{u^n} (u \neq 0)$

6- التقرير التالفي

أحسن تقرير تالفي للدالة f عند القيمة x_0 هو:

$$f(x) \approx f'(x_0)(x - x_0) + f(x_0)$$

باعتبار $h = x - x_0$ قریب جدا من الصفر، يمكن كتابة

التقرير على الشكل التالي:

$$f(x_0 + h) \approx f'(x_0) \cdot h + f(x_0)$$

الاشتقاقية

1- العدد المشتق للدالة f عند x_0

$$\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} = f'(x_0)$$

$$\text{أو} \\ \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h} = f'(x_0)$$

2- مشتقات دوال مألوفة

ميدان الاشتتقاق	$f'(x) =$	$f(x) =$
\mathbb{R}	0	عدد ثابت k
\mathbb{R}	1	x
\mathbb{R}	$2x$	x^2
\mathbb{R}	nx^{n-1}	$x^n (n \in \mathbb{N}^* - \{1\})$
\mathbb{R}	a	$ax + b (a \neq 0)$
$]0; +\infty[$	$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	$\sqrt{x} (x \geq 0)$
\mathbb{R}^*	$-\frac{1}{x^2}$	$\frac{1}{x} (x \neq 0)$
\mathbb{R}	$-\sin(x)$	$\cos(x)$
\mathbb{R}	$\cos(x)$	$\sin(x)$
$\mathbb{R} - \left\{ \frac{\pi}{2} + k\pi; k \in \mathbb{Z} \right\}$	$\frac{1}{\cos^2(x)} = 1 + \tan^2(x)$	$\tan(x)$

3- معادلة المماس

معادلة (Δ) المستقيم المماس للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة x_0 هي:

$$(\Delta) : y = f'(x_0)(x - x_0) + f(x_0)$$