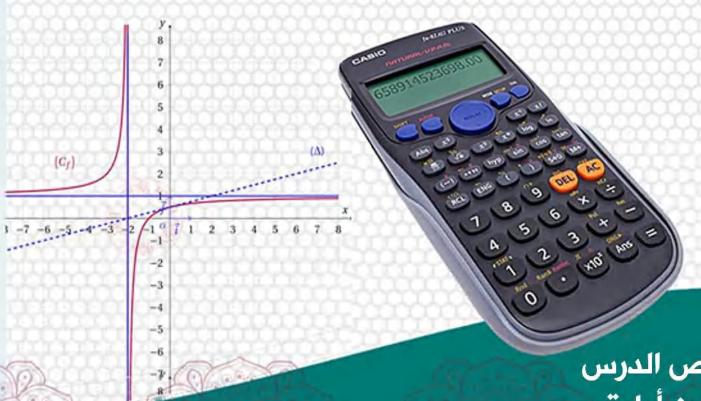
# الدوال الأسية

دراسة الدالة الأسية النيبيرية



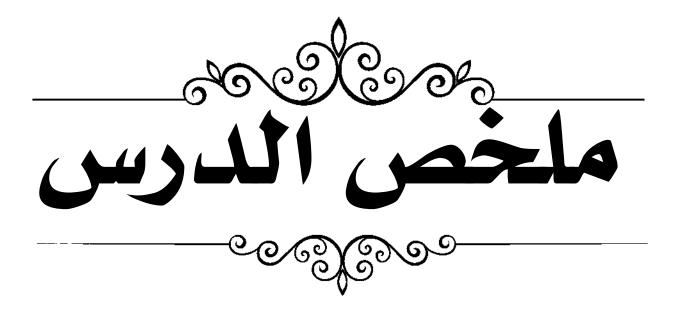
ملخص الدرس تمارین أولیة نماذج بكالوریا بكالوریات سابقة محلولة

ُالشُّعب: علوم تجريبية - تقني رياضي - رياضيات



من إعداد الأستاذ: لبصير يسين

2	خص الدرس	ملد	1
3	تعریف وخواص:	1	
4	نهايات الدالة الأسية:	2	
5	قانون الاشتقاق	3	
5	دراسة إشارة بعض العبارات الأسية:	4	
6	سلة تمارین	سل	2
7	خواص الدالة الأسية (الخواص الجبرية - النهايات - الاشتقاقية)	1	
10	y'=ay+b و $y'=ay+b$ المعادلات التفاضلية من الشكل و $y'=ay+b$	2	
12	ليات بكالوريا	حوا	3
13	نماذج بڪالوريا	1	
24	نماذج خاصة بشعبتي تقني رياضي ورياضي فقط	2	
26	بكالوريات جزائرية شعبة علوم تجريبية	3	
36	بكالوريات جزائرية شعبة تقني رياضي	4	
42	بكالوريات جزائرية شعبة رياضيات  .   .   .   .   .   .   .   .   .   .	5	



أظف إلى

أظف إلى

مطويتك

سلسلة تمارين



## تعریف وخواص: 🗲

الدالة الأسية:

1

توجد دالة وحيدة f قابلة للإشتقاق على  $\mathbb R$  بحيث f'=f'=f و f=f(0) نرمز إلى هذه المطويتك "exp" ونسميها الدالة الأسية النيبيرية

# نتائج وخواص جبرية:

1 day 2022

نتائج :

 $\exp(0) = 1 \mathbb{Z}_0$ 

 $exp'(x) = exp(x) \angle$ 

العدد e والترميز e: e

 $e\approx 2.718281828$  مو صورة العدد 1 بالدالة الأسية أي  $e=\exp(1)$  .  $e=\exp(1)$  قطينا الحاسبة  $e \approx 2.718281828$  من أجل كل عدد صحيح نسبي  $e \approx e \exp(n) = \exp(n)$  ، لاينا إذن: من أجل كل عدد صحيح نسبي  $e \approx e \exp(n) = e^n$  ،  $e \approx e \exp(n) = e^n$  عدد صحيح نسبي  $e \approx e \exp(n)$ 

.  $e^x$  بـ  $\exp(x)$  اصطلاحا نرمز، من أجل كل عدد حقيقي x، إلى

# خواص جبرية :

- $\cdot e^{x} \neq 0$  0
- $.e^{-x} = \frac{1}{e^x}$  2
- $\cdot e^{x+y} = e^x \times e^y \quad \mathbf{6}$ 
  - $\cdot e^{x-y} = \frac{e^x}{e^y} \ \mathbf{4}$
  - $\cdot e^{nx} = \left[e^{x}\right]^{n}$  6
    - $\cdot e^0 = 1$  **6**

- من کل عدد حقیقی x ویمکن  $e^x \succ 0$ 
  - $e^{w}\succ 0$  تعميمها إلى مايلى:
- $e^x \prec ... = y$  olico  $e^x = e^y$
- $e^x \succ e^y$   $x \prec y$  olico  $e^y$ 
  - .x ≻ y **olico**
- عدد حقیقی lpha عدد حقیقی lpha عدد حقیقی  $e^{lpha}=a$  ه
  - موجب تماما.



 $(0)(\infty)$  حالة

لإزالتها ننشر (فك الأقواس)

ونستفيد من المبرهنة :

 $\lim_{x \to -\infty} x^n e^x =$ 

 $_{\{}^{0^{+}}:$  زوجي n

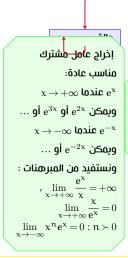
n فردي : <sup>—</sup>0

2

# نهايات الدالة الأسية:

الحالة العامة	الحالة الخاصة
$e^{+\infty} = +\infty$	$\lim_{x\to +\infty}e^x=+\infty$
$e^{-\infty} = 0$	$\lim_{x \to -\infty} e^x = 0$
$\lim_{x \to +\infty} \frac{e^x}{x^n} = +\infty$	$\lim_{x \to +\infty} \frac{e^x}{x} = +\infty$
$\lim_{x \to +\infty} \frac{e^{x}}{x^{n}} = +\infty$ $\lim_{x \to +\infty} \frac{x^{n}}{e^{x}} = 0$	$\lim_{x \to +\infty} \frac{x}{e^x} = 0$
$\lim_{x\to-\infty}x^{n}.e^{x}=0$	$\lim_{x \to -\infty} x \cdot e^x = 0$
$\lim_{u\to 0}\frac{e^u-1}{u}=1$	$\lim_{x \to 0} \frac{e^{ax} - 1}{x} = a$ وأيضا و $\lim_{x \to 0} \frac{e^{x} - 1}{x} = 1$

إزالة حالات عدم التعيين في الدالة ا<u>لأ</u>سية



# $\lim_{x \to -\infty} \mathrm{e}^{-x} + x :$ حساب النهاية حالة عدم التعيين من الشكل $\cdot +\infty -\infty$ $f(x) = e^{-x} + x$ $=\!e^{-x}\left[1\!+\!\frac{x}{e^{-x}}\right]$ $(x ightarrow -\infty$ لأن $\mathrm{e}^{-x}$ (أخرجنا) $= e^{-x} \left[ 1 + x e^x \right]$ $\lim_{x \to -\infty} f(x) = +\infty[1+0] = +\infty$ $\lim_{x\to -\infty} xe^x = 0$ : حیث أن

نخرج عامل مشترك مناسب من البسط والمقام إذا كان المقام أكثر من حد  $\frac{e^x}{x \to +\infty}$  ونستفید من المبرهنات:  $\lim_{x \to +\infty} \frac{e^x}{x} = +\infty$  ,  $\lim_{x \to +\infty} \frac{x}{e^x} = 0$ مثال توصیحي 1: حساب النهایة :  $\frac{e^{x}-1}{e^{x}}$  $\frac{\infty}{\infty}$  حالةً عدم التعيين من الشكل  $f(x) = \frac{e^x - 1}{x} = \frac{e^x}{x} - \frac{1}{x}$   $\lim_{x \to 0} f(x) = +\infty - 0 = +\infty$   $\lim_{x \to +\infty} \frac{e^x}{x} = +\infty : كيث أن$ مثال توصيحي 2: حساب النهاية :  $\lim_{x o +\infty} \frac{x-1}{\mathrm{e}^x-1}$ دالة عدم التعيين من الشكل نخرج x کعامل مشترك،  $f(x)=rac{x-1}{e^x-1}$  $\cdot$  من البسط ، و  $\mathrm{e}^{\mathrm{x}}$  من المقام ، ومنه  $f(x) = \frac{x\left(1 - \frac{1}{x}\right)}{e^x\left(1 - \frac{1}{e^x}\right)}$  $= \frac{x}{e^x} \left[ \frac{1 - \frac{1}{x}}{1 - \frac{1}{e^x}} \right]$ 

 $rac{\infty}{\infty}$  حالة  $\frac{0}{0}$ حالة نفرق الكسر إذا نغير شكل الدالة f كان المقام حد واحد ونستفيد من المبرهنة :  $\lim_{x \to 0} \frac{e^x - 1}{x} = 1$ مثال توضیحي :  $\lim_{x \to +\infty} f(x) = 0 \left[ \frac{1-0}{1-0} \right] = 0$   $\lim_{x \to +\infty} \frac{x}{e^x} = 0 : 2$ میث آن

مثال توضيحي : حساب النهاية :  $\lim_{x \to -\infty} (x-1)e^x$ حالة عدم التعيين من الشكل  $(-\infty)(0)$  $f(x) = (x-1)e^x$  $=xe^{x}-e^{x}$  $\lim_{x \to -\infty} f(x) = 0 - 0 = 0$  $\lim_{x\to -\infty} xe^x = 0$ : حیث أن



# قانون الاشتقاق 🗲

 $f(x)=e^{\mathfrak{u}(x)}$ لتكن f الدالة المعرفة كما يلى

 $\mathbf{f'}(\mathbf{x}) = \left[e^{\mathbf{u}(\mathbf{x})}\right]' = \mathbf{u'}(\mathbf{x}) imes e^{\mathbf{u}(\mathbf{x})}$  اذا كانت  $\mathbf{u}$  قابلة للاشتقاق على مجال  $\mathbf{I}$  فإن  $\mathbf{f}$  قابلة للاشتقاق ولدينا:

#### ه ملاحظة:

3

تبقى قواعد الاشتقاق المعروفة سابقا صحيحة حسب شكل الدالة المعطاة.



# أولا:

 $\mathfrak{u}(\mathfrak{x})$  هنا الإشارة من إشارة الدالة  $\left[ (\mathfrak{u}(\mathfrak{x})) imes e^{\triangle} 
ight]$ 

#### ثانيا:

لدراسة إشارة عبارة من الشكل ع $a.e^{\alpha x+\beta}+b$  حيث ه $a.e^{\alpha x+\beta}+b$  أعداد حقيقة مع  $a.e^{\alpha x+\beta}+b$  نميز الحالات الأتية:

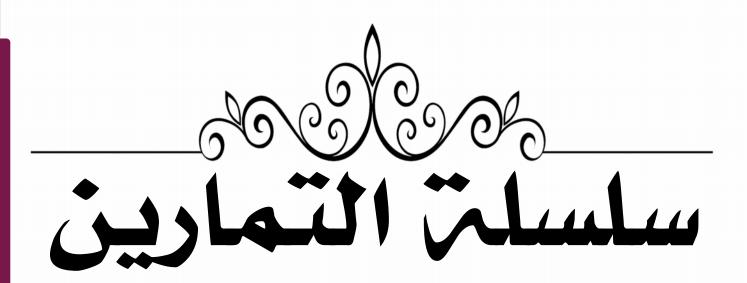
- $a.e^{\alpha x + \beta} + b > 0$  و موجبان فإن b و a إذا كان  $e^{\alpha x + \beta}$
- $a.e^{\alpha x + \beta} + b \prec 0$  اِذَا كَانَ a وَ d سَالْبَانَ فَإِن
- إذا كان a و a مختلفان في الإشارة فإن للمعادلة b = a حل وحيد aيمكن إيجاده بكل بساطة (سنتمرن على ذلك في التطبيقات) والإشارة تستنتج كما يلى:

X	$-\infty$	$\chi_0$	+∞
$a.e^{\alpha x + \beta} + b$	a.a	0 عكس إشارة	ن <b>فس إشارة</b> α.α

#### ثالثا:

لدراسة إشارة العبارة  $ae^{2x}+be^x+c$  نقوم بما يلي:

- $aX^2 + bX + c$  فتصبح العبارة من الشكل:  $X = e^x$ 
  - 🗸 نحل المعادلة الأخيرة من الدرجة الثانية.
- ◄ نحلل العبارة الأولى اعتمادا على حلول المعادلة الثانية.
  - 🗸 ندرس إشارة كل حد .







خواص الدالة الأسية (الخواص الجبرية – النهايات – الاشتقاقية) 🗲





بسط العبارات التالية:

بین من أجل کل عدد حقیقی  $\chi$  مایلی:

 $e^{2x} + e^x - 6$  7

 $e^{2x} - 2e^x + 3$  8

 $\frac{x^3}{e^x+1}$  7

 $\frac{x^3}{e^{-x}+1}$  8

 $e^{2x} - xe^x + 1$  9

 $(2x-1)e^{-x}+4e^{-x}$  9

$$(e^{x})^{3} \times e^{-4x}$$
 1

$$\frac{1 - e^{-2x}}{1 + e^{-2x}} = \frac{e^{2x} - 1}{e^{2x} + 1}$$

$$\frac{e^{2x+1}}{e^{-x+1}}$$
 2

1

$$e^{-x} - e^{-2x} = \frac{e^{x} + 1}{e^{2x}}$$

$$\frac{e^x + e^{-x}}{e^{2x}} \quad \boxed{3}$$







ادرس إشارة العبارات الأتية:

$$e^{2-x}-3$$
 4

$$2e^{x+1}+1$$
 1

$$-4e^{x+1}+12$$
 5

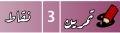
$$-e^{x^2+2}-3$$
 2

 $\frac{1}{2}e^{2x-1}-2$  3

$$e^{2x} - 7e^x + 12$$
 6

$$e^{2x} - 7e^x + 12$$
 6







 $-\infty$  احسب نهایات الدوال التالیة عند  $+\infty$  و

$$e^{x}+x-1$$
 1

$$\frac{-e^x+3}{e^x+2}$$
 5

$$e^{x}-x-4$$
 2

$$\frac{x+2e^x-1}{4x}$$

 $(x-1)e^{-x} + x - 3$  4

$$\frac{x+2e^x-1}{4x} \quad \boxed{6}$$





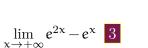
 $(x-1)e^{x} + x + 2$  3



احسب مایلی:

$$\lim_{x \to 0} \frac{2e^x + 3}{e^x - 1}$$

$$\lim_{x \stackrel{\longrightarrow}{\longrightarrow} 0} \frac{2e^x + 3}{e^x - 1} \quad \boxed{2}$$

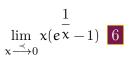


$$x \to +\infty$$

$$\lim_{x \to \pm \infty} x(e^{\frac{1}{x}} - 1)$$
 4



$$\lim_{\substack{x \to 0 \\ x \to 0}} x(e^{\frac{1}{x}} - 1)$$
 5





نعتبر الدالة العددية f المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $\frac{4}{e^x+1}: \chi - 1 + \frac{4}{e^x+1}$  تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس . (O;  $\overrightarrow{i}$ ;  $\overrightarrow{j}$ )

- $+\infty$  أحسب نهايتي الدالة f عند  $-\infty$  و عند 1
- استنتج أن المنحني  $C_f$  يقبل مستقيمين .  $\lim_{x\to -\infty} [f(x)-(x-1)]$  و  $\lim_{x\to -\infty} [f(x)-(x+3)]$  يقبل مستقيمين ومقاربين يطلب إعطاء معادلة لكل منهما .



لتكن f الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـــ :  $\mathbf{c}_f\cdot f(x)=x+e^{-x}$  تمثيلها البياني في مستوي منسوب إلى معلم  $\mathbf{c}_f\cdot f(x)=x+e^{-x}$  . ( O ;  $\overrightarrow{i}$  ;  $\overrightarrow{j}$  )

- $1-\infty$  عيّن نهاية الدالة f عند 1
- $1-\infty$  عيّن نهاية الدالة f عند 2
- بالنسبة  $C_f$  بيّن أن المستقيم  $D_f$  الذي معادلته y=x هو مستقيم مقارب للمنحني  $D_f$  . أدرس وضعية  $D_f$  بالنسبة . D بال



.  $f(x) = e^{-x} + 2x - 3:$ لتكن f الدالة المعرفة على مجموعة الأعداد الحقيقيقة  $\mathbb{R}$  بيا

- 1 (۱) عيّن نهاية الدالة f عند  $\infty$
- .  $f(x) \, = \, e^{-x} \, (\, 1 + 2 \, x \, e^x 3 \, e^x \,)$  ، x جقق أنه من أجل كل حقيقي
  - $-\infty$  عيّن نهاية الدالة  $_{
    m f}$  عين نهاية الدالة (ج)
- .  $C_{
  m f}$  مستقيم مقارب للمنحني  ${
  m y}=2{
  m x}-3$  الذي معادلته (D) الذي المستقيم  ${
  m y}=2$ 
  - $C_f$  رب) أدرس الوضعية النسبية للمستقيم بالنسبة إلى المنحنى (ب



 $\mathsf{f}(\mathsf{x}) = \mathsf{x} - 1 + rac{4}{e^{\mathsf{x}} + 1} :$ نعتبر الدالة العددية  $\mathsf{f}$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  ب

 $.\mathsf{f}'(\mathsf{x}) = \left(rac{e^{\mathsf{x}}-1}{e^{\mathsf{x}}+1}
ight)^2$ ،  $\mathsf{x}$  جیّن أنه من أجل کل حقیقي 1



. أدرس اتجاه تغير الدالة  $_{
m f}$  ثم شكل جدول تغيراتها  $_{
m c}$ 







لتكن  $f(x)=(x+1)^2e^{-x}:$  برمز إلى تمثيلها البياني في معلم  $f(x)=(x+1)^2e^{-x}$ 

- $f'(x) = (1-x^2)e^{-x}$  و بيّن أن f'(x) = f'(x)
- $oxdot{C_f}$  عيّن معادلة  $oxdot{T}$  مماس المنحنى  $oxdot{C_f}$  عند النقطة ذات الفاصلة  $oxdot{T}$ 
  - $.(\mathsf{T})$  نرید دراسة وضعیة  $C_{\mathrm{f}}$  بالنسبة إلى المماس 3
- . أحسب k'(x) و استنتج اتجاه تغير الدالة k و إشارتها  $k(x)=x+1-e^x$  انضع
  - $igstyle{igstyle igwedge} ( au)$  بالنسبة إلى المماس (ب $C_{
    m f}$









احسب مشتق ونهايات الدالة f في كل حالة ممايلي:

$$D_f = \mathbb{R}$$
  $1 - 2x - e^{2x - 2}$  13

$$D_f = \mathbb{R}$$
  $1 - 2x - e^{2x - 2}$  13

$$D_f = \mathbb{R} \qquad xe^{2x+2} - x + 1 \quad 14$$

$$D_f = \mathbb{R}$$
  $2x + 3 - (x+1)e^x$  15

$$D_f = \mathbb{R} \qquad (x-1)e^x - 1 \quad \boxed{16}$$

$$D_f = \mathbb{R} \qquad \frac{e^x - 1}{e^x - x} \quad \boxed{17}$$

$$D_f = \mathbb{R} - 1 \qquad \frac{x}{x - 1} + e^{\frac{1}{x - 1}}$$
 18

$$D_f = \mathbb{R}^*$$
  $\frac{3xe^x - 3x - 4}{3(e^x - 1)}$  19

$$D_f = \mathbb{R} \qquad x - 1 + \frac{4}{e^x + 1} \quad \boxed{20}$$

$$D_f = \mathbb{R} \qquad (-x-1)e^{-x} + 1 \quad 21$$

$$D_f = \mathbb{R} \qquad x + \frac{2}{1 + e^x} \quad \boxed{22}$$

$$D_f = \mathbb{R}^* \qquad x - \frac{1}{e^x - 1}$$
 23

$$D_f = \mathbb{R}^* \qquad xe^{\frac{1}{x}} \quad 24$$

$$D_f = \mathbb{R} \qquad (2x+1)e^x - 1 \quad \boxed{1}$$

$$D_f = \mathbb{R} \qquad x - (x+1)e^{-x} \quad 2$$

$$D_f = \mathbb{R} \qquad e^x - ex - 1 \quad 3$$

$$D_{f} = \mathbb{R} \qquad \frac{2x+2}{e^{x}+2} \quad \boxed{4}$$

$$D_{f} = \mathbb{R} \qquad \frac{x}{x + e^{-x}} \quad \boxed{5}$$

$$D_f = \mathbb{R} \qquad \frac{e^x + 4x - 1}{e^x + 1} \quad \boxed{6}$$

$$D_{f} = \mathbb{R}$$
  $(2x-4)e^{\frac{1}{2}x} + 2 - x$  7

$$D_f = \mathbb{R}$$
  $-x + (x^2 + 3x + 2)e^{-x}$  8

$$D_f = \mathbb{R}$$
  $1 - \frac{1}{2}x - \frac{2}{e^x + 1}$  9

$$D_f = \mathbb{R}$$
  $\frac{(x+1)e^x + x + 2}{e^x + 1}$  10

$$D_f = \mathbb{R} \qquad \frac{4e^x + 2}{e^x + 1} \quad \boxed{11}$$

$$D_f = \mathbb{R} \qquad \frac{x^2 e^x}{e^x - x} \quad \boxed{12}$$



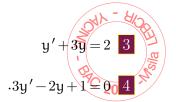
$$D_f = \mathbb{R} \qquad (x-2)^2 e^x \quad 26$$

$$D_f = \mathbb{R} \qquad x(1 - e^x)^2 \quad 25$$

ightharpoonup y' = ay + b و m y' = ay المعادلات التفاضلية من الشكل 2



عين الحل العام للمعادلات التفاضلية التالية:



 $.N(0) = N_0$   $,\frac{\partial N(t)}{\partial t} = -\lambda N(t)$  4

 $i(0) = I_0$   $\frac{\partial i}{\partial t} + \frac{1}{\tau}i = \frac{E}{I}$ 

$$y' = 2y$$
 1

$$2y' - y = 0 \quad 2$$

$$f(\ln(4)) = 1$$
  $2y' + y = 0$  1

$$f(ln(4)) = 1$$
  $2y' + y = 0$  1

$$f(0) = 1$$
 ,  $y' - 3y = 0$  2

$$y - 3y = 0$$

$$f(-1) = 2$$
  $y' + y = 1$  3



- y'-2y=2x+1....(01): نعتبر المعادلة التفاضلية
  - (01) اوجد دالة تألفية f تكون حلا للمعادلة التفاضلية (01)
- y'-2y=1بوضع y=z+f بين أنه إذا كان y حل للمعادلة التفاضلية z فإن z حل للمعادلة التفاضلية y'-2y=1.0....(02)
  - (01) عنئذ المعادلة التفاضلية (02) ثم استنتج الحل العام للمعادلة التفاضلية (01)



- $y' + 2y = 3e^{-3x}$ نعتبر المعادلة التفاضلية (01) نعتبر المعادلة التفاضلية
- zبوضع  $y=z-3e^{-3x}$  ، اوجد المعادلة التفاضلية ( $y=z-3e^{-3x}$



- .(01) خل المعادلة التفاضلية (02). ثم استنتج حل للمعادلة التفاضلية 3
  - .f(0) =  $rac{3}{2}$  عين الحل f للمعادلة f والذي يحقق f
  - $f(x) = 3e^{-2x}(rac{3}{2} e^{-x}):$ تحقق أن الدالة f تكتب على الشكل
- . ادرس تغيرات الدالة  $_{
  m f}$  ثم عين احداثيات نقط تقاطع  $_{
  m f}$  مع محوري الاحداثيات.
  - $(C_f)$  احسب f(1) ثم ارسم المنحنى f







نماذج بكالوريا 🗲

1

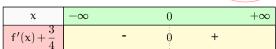
# \*\*\*\*





# بكالوريا تونس 2014

- $f(x)=rac{e^{-x}}{e^x+1}$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb R$  بالدالة العددية المعرفة على f
- $.(O;\overrightarrow{i};\overrightarrow{j})$  منحناها البياني في معلم متعامد ومتجانس ( $C_f$
- احسب  $\lim_{x o -\infty} \mathsf{f}(x)$  و  $\lim_{x o -\infty} \mathsf{f}(x)$  وفسر النتيجة الأولى بيانور
- $\chi(x) = -\frac{(2 + e^{-x})}{(e^x + 1)^2}$  بین أنه من أجل کل عدد حقیقي  $\chi$  لدینا:  $\chi(x) = \frac{(2 + e^{-x})}{(e^x + 1)^2}$



- استنتج اتجاه تغير الدالة  $_{
  m f}$  ثم شكل جدولا لتغيراتها.
  - ا) عين معادلة ل(T) المماس ل $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة  $(C_f)$
  - حدد (ب) باستخدام جدول الاشارة التالي حدد (T) و  $(C_f)$
  - $.iggl[-rac{1}{2};+\inftyiggl[$  ارسم (T) و ( $C_{\mathrm{f}}$ ) على المجال 5





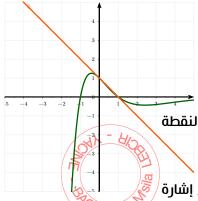




المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $\cdot (0; \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j})$ 

- g الشكل المقابل هو  $(C_{\mathrm{q}})$  منحن الدالة ه
  - $g(x) = (1 + ax^2)e^{bx}$  المعرفة على  $\mathbb{R}$ ب:

بقراءة بيانية:



- .g'(0) و g(0) g(-1) احسب g'(0)
- عند النقطة  $(C_q)$  عند النقطة 2ذات الفاصلة 0.
- حل المعادلة  $g(\mathbf{x}) = 0$  وشكل جدول إشارة 3ا**لدالة** g.
- 4 بالاستعانة بالمعطيات السابقة تحقق أن :
- $\cdot g(x) = (1-x^2) \mathrm{e}^{-x}$  . والمعلم السابق.  $(C_f) \cdot f(x) = (x+1)^2 \mathrm{e}^{-x}$  ب دالة معرفة على  $\mathbb R$  ب بنائي في المعلم السابق.
  - احسب  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  . ثم اثبت أن  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  احسب 1
    - f'(x) = g(x) بین أنه من اجل کل عدد حقیقی x لدینا: 2
      - استنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها. 3
    - عين دون حساب  $\frac{f(x)-1}{x}$  ثم فسر النتيجة هندسيا.
  - $(C_f)$  للمنحنى النقطة ذات الفاصلة (T) للمنحنى النقطة ذات الفاصلة  $(T_f)$ 
    - $[-2; +\infty[$  على المجال ( $C_f$ ) و (T) على الشجال 6
- f(x) = -m ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقى m عدد واشارة حلول المعادلة  $oldsymbol{7}$ 
  - $k(x) = f(x^2) 1$  دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  ب k
    - ادرس تغيرات الدال**ة** k. <u>9</u>







gنعتبر الدالة g المعرفة على  $\mathbb{R}$  ب:g بالدالة و

- $\lim_{x \to +\infty} g(x)$  و  $\lim_{x \to +\infty} g(x)$  احسب ا
- ادرس اتجاه تغير الدالة g وشكل جدول تغيراتها. 2



 $g(\mathbf{x})$  احسب g(0) وحدد اشارة

نعتبر الدالة f المعرفة على  $[-\infty;1]$  ب:  $[-\infty;1]$  بنداله f المعرفة على  $[-\infty;1]$  بنداله  $[-\infty;1]$  نعتبر الدالة  $[-\infty;1]$  المعرفة على  $[-\infty;1]$  بنداله  $[-\infty;1]$  المعرفة على المعرفة على أخرى المعرفة على أخرى الدائة  $[-\infty;1]$  المعرفة على الدائة  $[-\infty;1]$  المعرفة على الدائة  $[-\infty;1]$  المعرفة على الدائة الدائة

- $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  احسب
- $_{\mathrm{U}}$ بين أن المستقيم  $_{\mathrm{U}}(\Delta)$  ذي المعادلة  $_{\mathrm{U}}$  مستقيم مقارب ل
  - $.(\Delta)$  ادرس وضعية  $(C_{\mathrm{f}})$  بالنسبة ل
- $f'(x)=(e^x=-1).g(x)$ بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال x من المجال المجال x
  - استنتج اشارة  $\mathrm{f}'(\mathrm{x})$  ثم شكل جدول تغيراتها. 5
  - اثبت أن المنحنى  $(C_{
    m f})$  يقبل نقطة انعطاف  $\omega$  يطلب تعيين احداثياتها. 6
    - -1 المماس ل $(C_{\mathrm{f}})$  عند النقطة ذات الفاصلة ر $(\mathsf{T})$ 
      - $(C_f)$  و (T) ،  $(\Delta)$  انشئ  $(\Delta)$

 $. h(x) = x. (1 - e^{|x|})^2$  ب: [-1;1] بالدالة المعرفة على h

- ادرس قابلية اشتقاق الدالة h عند الصفر. واذا تستنتج؟.
- بین ان  ${\mathfrak h}$  دالة فردیة. ثم استنتج طریقة لرسم منحناها دون دراسة تغیراتها. 2
  - . انشئ منحن الدالة h في نفس المعلم السابق 3







 $.\mathsf{f}(\mathsf{x}) = \mathsf{x}.\mathsf{e}^{\dfrac{1}{\mathsf{x}}}$  دالة معرفة على  $\mathbb{R}^*$  كما يلي:  $\mathsf{f}$ 

- $\lim_{x \to +\infty} f(x) \mathbf{9} \lim_{x \to -\infty} f(x) \mathbf{1}$
- .  $\lim_{x \stackrel{\succ}{\longrightarrow} 0} f(x)$  وفسر النتيجتين هندسيا $\lim_{x \stackrel{\sim}{\longrightarrow} 0} f(x)$
- $\log t = 1$  برمن أن  $\log t = 1$  .  $\lim_{|x| \to +\infty} x \cdot \left(e^{\frac{1}{x}} 1\right) = 1$  . (ا) برمن أن
- $\cdot + \infty$  بجوار  $O_f$ ) بجوار  $O_f$  استنتج أن المستقيم  $O_f$  ذي المعادلة  $O_f$  مقارب مائل ل
  - $_{
    m .f}$  احسب  $_{
    m f}'(x)$ . ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $_{
    m f}$ 
    - .(C<sub>f</sub>) ارسم



 $g(x)=f(x^2):$ و الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}^*$  بg الدرس تغيرات الدالة g





 $(0,\overrightarrow{\mathfrak{i}},\overrightarrow{\mathfrak{j}})$  دالة معرفة بالعبارة :  $g(x)=2x-1-e^{-x}$  تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس g

- $\mathbb{R}$  على  $\mathbf{g}$  أدرس تغيرات الدالة  $\mathbf{g}$
- $+\infty$  عند  $(C_{
  m g})$  عند مقارب مائل للمنحنى و y=2x-1 عند y=2x-1
  - 0,73 تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث  $g(\mathbf{x})=0$  تقبل حلا وحيدا  $g(\mathbf{x})=0$ 
    - $g(\mathbf{x})$  إستنتج إشارة 4
    - (C<sub>a</sub>) أنشئ المنحنى [5]

 ${\sf f}({\sf x}) = 4{\sf x}^3 - 3{\sf x}^2 + 6({\sf x}+1){\it e}^{-{\sf x}}\,:$ دالة معرفة على  ${\sf R}$ كما يلي f

- f'(x) = 6xg(x):بین أنه من أجل كل x من x فإن 1
  - $\mathbb R$  على f'(x) على  $\mathbf 2$
- $\int \lim_{x \to -\infty} f(x)$  أحسب أ $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ ، أحسب أ $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة
  - $f(\alpha) = 4\alpha^3 + 9\alpha^2 + 6\alpha 6$  بین أن





 $f(x)=1+rac{1}{2}x-rac{2}{e^x+1}:$ لتكن الدالة f المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي  $\mathbb{R}$  كما يلي الكن  $f(x)=1+rac{1}{2}x-rac{2}{e^x+1}:$  وليكن  $f(x)=1+rac{1}{2}x-rac{2}{e^x+1}:$  وليكن  $f(x)=1+rac{1}{2}x-rac{2}{e^x+1}:$  كما يلي أن المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $f(x)=1+rac{1}{2}x-rac{2}{e^x+1}:$ 

- $\frac{1}{e^{-x}+1}=1-rac{1}{e^x+1}:$  تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي (۱) 1
- $(C_f)$  رب) برهن أنه من أجل كل  $x \in \mathbb{R}$  لدينا  $x \in \mathbb{R}$  ما ذا تستنتج بالنسبة للمنحنى (ب
  - $(-\infty)$  و  $(+\infty)$  عند f أحسب نهايات الدالة
  - أدرس اتجاه تغير الدالة  $_{
    m f}$  وشكل جدول تغيراتها  $_{
    m I}$
  - بين أن للمنحنى  $(C_{\mathrm{f}})$  نقطة انعطاف يطلب تعيين احداثياتها 4
    - $1-rac{2}{e^{\mathrm{x}}+1}$  استنتج أنه من أجل كل  $\mathrm{x}\in\mathbb{R}$  لدينا  $\mathrm{x}\in\mathbb{R}$



- أحسب  $\lim_{x \to +\infty} \left[ f(x) 1 + \frac{1}{2} x \right]$  أحسب أحسب أحسب أحسب أ
  - (C<sub>f</sub>) أنشىء المنحنى [7







 $g(x) = 1 - xe^x$ : و دالة معرفة بالعبارة  $g(x) = 1 - xe^x$ 

- g أدرس تغيرات الدالة
- $\alpha\in]0,5;0,6[$  يحقق  $\alpha$  يحقق عقبل حلا وحيدا  $\alpha$  يحقق g(x)=0
  - $g(\mathbf{x})$  استنتج إشارة

لتكن الدالة f المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي  $\frac{1+x}{e^x+1}:$  ين الدالة f المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي f كما يلي المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس f وليكن f

- $f(x) = x + 1 \frac{(1+x)e^x}{e^x + 1} : x$ بین أنه من أجل کل عدد حقیقي
  - g أدرس تغيرات الدالة f بالإستعانة بالدالة  $\overline{2}$
  - عين المستقيمات المقاربة للمنحنى  $(C_f)$ ، ثم أنشئه.







 $f(x)=rac{e^x}{e^x+1}:$ لتكن الدالة f المعرفة على  $\mathbb R$  كما يلي  $\mathbb R$  كما يلي الكن الدالة f المعرفة على  $\mathbb R$  كما يلي على المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(C_f)$ 

- f أدرس تغيرات الدالة
- $(C_{\mathrm{f}})$  بين أن النقطة  $\mathrm{A} ig(0; rac{1}{2}ig)$  مركز تناظر للمنحنى
- A عند النقطة ( $C_{
  m f}$ ) عند النقطة (T) عند النقطة 3
- $g(x) = rac{1}{4}x + rac{1}{2} f(x):$ لتكن الدالة g المعرفة على  $\mathbb R$  بالعلاقة 4
  - $g'(x)=rac{(e^x-1)^2}{4(1+e^x)^2}:$ ابین أنه من أجل x من x من (۱)
  - (ب) استنتج جدول تغيرات الدالة g وشكل جدول تغيراتها.
    - $\mathbb{R}$  استنتج إشارة g(x) على المجموعة (ج)
- $(C_{\mathrm{f}})$  استنتج الوضعية النسبية لـ  $(C_{\mathrm{f}})$  والمماس (T) ماذا تمثل النقطة A بالنسبة إلى (c)
  - $(C_{\rm f})$  أرسم المماس (T) والمنحنى أ





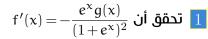


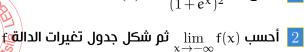


$$\mathbf{g}(\mathbf{x}) = \mathbf{x} - \mathbf{e}^{-\mathbf{x}}:$$
و دالة معرفة على  $[-\infty,4]$  بالعبارة  $\mathbf{g}$ 

- $lpha\in\left]rac{1}{2};1\right[$ : شکل جدول تغیرات الدالة g ثم بین أن المعادلة g تقبل حلا وحیدا g تقبل حلا وحیدا g
  - $]-\infty,4]$  على g(x) على 2

 $f(x)=rac{1+x}{1+e^x}:$ لتكن الدالة f المعرفة على  $f(x)=-\infty;4$  كما يلي  $f(x)=-\infty;4$  كما يلكن الدالة f(x)=0 تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس f(x)=0





- $f(\alpha) = \alpha$  أثبت أن
- $(C_f)$  نقبل أن المستقيم y = x + 1 مقارب لـ (۱) 4
- $(C_f)$  أدرس الوضع النسبى بين  $(C_f)$  و  $(\Delta)$ ، ثم أنشىء المنحنى (ب)







$${\sf f}({\sf x}) = -{\sf x} - rac{1-5e^{\sf x}}{e^{\sf x}}:$$
ادالة عددية معرفة على  ${\sf f}$ 

- $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  أحسب 1
- $f(x) = 5 x ae^{-x}$ : عين العدد الحقيقي a حيث عين العدد 2
  - $(\Delta)$  بین أن (C) یقبل مستقیما مقاربا مائلا 3
    - $(\Delta)$  و (C) أدرس الوضع النسبى بين (C)
      - f شكل جدول تغيرات الدالة 5
- بین أن المعادلة  $\mathbf{f}(\mathbf{x})=0$  تقبل حلین  $\mathbf{a}$  و  $\mathbf{a}$  حیث  $\mathbf{g}=0$  حیث أن المعادلة  $\mathbf{g}=0$  بین أن المعادلة و مسلمانیا بین المعادلات و مسلمانیا بین المعادلات و مسلمانیا بین المعادلات و مسلمانیا بین المعادلات و مسلمانی
  - 7 أنشيء المنحني (C).
  - f(x) = 3 m ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة lacksquare
    - g(x) = |f(x)| المنحنى الممثل للدالة (C') أنشيء المرثل المثل المرثل الدالة (C')









 $f(x) = \frac{2e^x}{e^x - 1} :$ دالة معرفة على  $\mathbb{R} - \{0\}$  بـ خ

- f أدرس تغيرات الدالة
- بین أن  $(C_f)$  یقبل ثلاث مستقیمات مقاربة  $\mathbf{2}$
- $(C_f)$  بین أن A(0;1) مرکز تناظر، ثم أنشئ
- $g(x)=rac{2e^x}{|e^x-1|}$ و دالة عددية حيث  $g(x)=rac{1}{|e^x-1|}$ ثم استنتج رسم g(x) انطلاقا من g(x)
- $(\mathfrak{m}-3)|e^{\mathsf{x}}-1|=2e^{\mathsf{x}}:$  ناقش بيانيا حسب قيم الوسي الحقيقي  $\mathfrak{m}$  عدم والشارة الحلول المعادلة  $\mathfrak{m}$









.  $g\left(x\right)=\left(x+3\right)e^{x}-1$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$ ب الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$ 

- $\lim_{x \to +\infty} g(x)$ ا حسب (۱) احسب (۱) احسب السب
- g' احسب احسب g' مشتق الدالة، وأم استنتج تغيرات g'
  - g (ج) شکل جدول تغیرات
- $lpha\in ]-4;0[:$ بين أنّ المعادلة: $g\left( x
  ight) =0$  تقبل حلا وحيدا lpha حيث (۱) 2
  - $(\mathbf{p}(\mathbf{x})$  استنتج حسب قیم $\mathbf{x}$  إشارة (ب)

لتكن الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $\mathbb{R}$  بـ:  $\mathbb{R}$  بـ:  $\mathbb{R}$  و منحناها البياني في مستو منسوب إلى معلم لتكن الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $\mathbb{R}$  متعامد  $\mathbb{R}$  متعامد (o,  $\overrightarrow{i}$  ;  $\overrightarrow{j}$ )

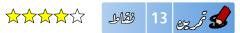
 $(c_f)$ الذي معادلتهy=-xهو مستقيم مقارب للمنحنى المستقيم الخي معادلته y=-xاحسب المنحنى المنحنى  $\int_{x\to-\infty}^{\infty} f(x) f(x)$  بجوار $x\to-\infty$ 

L(D)ادرس وضعية $L(c_{\mathrm{f}})$ بالنسبة لـ

- .  $f(x)=e^x\left(rac{-x}{e^x}+(x+2)
  ight):x\in\mathbb{R}$  بین أنه من أجل کل (
  - $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ عین (۱)
  - . f'(x) = g(x): $x \in \mathbb{R}$  رب) تحقق أنّه من أجل كل
    - (ج) شڪل جدول تغيرات<sub>f</sub> .
- . 0مند معادلة المماس $(\mathsf{T})$  للمنحنى النقطة ذات الفاصلة  $(\mathsf{C}_\mathsf{f})$



- .  $f(\alpha)$ بين أنّ:  $f(\alpha) = 1 \alpha \frac{1}{\alpha + 3}$  ثم استنتج حصرا للعدد
  - .  $(c_f)$ و(T)،(D) ارسم



.  $g(x) = -1 + (-x+3)e^{-x+2}$  جن  $\mathbb{R}$  جن معرفة على g

- . ادرس اتجاه تغيرات g .ثم شكل جدول تغيراتها  $oldsymbol{1}$
- .  $\mathbb{R}$ من x من عدد حقیقی g(x) من أجل كل عدد حقیقی g(x) من . g(2)

لتكن الدالة f المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي  $\mathbf{f}(x-2)e^{-x+3}$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي  $\mathbb{R}$  كما يلي  $\mathbf{f}(x-2)e^{-x+3}$  وليكن  $\mathbf{f}(x-2)e^{-x+2}$  منتواها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $\mathbf{f}(x)$ 

- .  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و المسب (۱) احسب (۱) احسب (۱) ا
- $f'(x)=g(x):\mathbb{R}$  من x من أجل كل عدد حقيقي f'(x) من f'(x)
  - (ج) شكل جدول تغيرات f.
- يين أنّ المستقيم ( $C_f$ ) دُوالمعادلة:y=-x+3هو مستقيم مقارب مائل للمنحنی ( $C_f$ ).ثم حدد وضعية  $(C_f)$ بالنسبة لـ  $(C_f)$ 
  - . اثبت أنّ المنحنى  $(\mathsf{C}_{\mathsf{f}})$  يقبل نقطة انعطاف  $\mathsf{I}$  يطلب تعيين احداثياها 3
- $3\prec eta \prec 4$  و  $1\prec lpha \prec rac{3}{2}$  : بين أنّ المنحنى  $(C_f)$ يقطع محور الفواصل في نقطتين فاصلا تهما lpha
  - $\cdot$   $(C_f)$ ارسم کل من  $(\Delta)$  و 5
- $m-3+2e^{-x+2}=:$ ناقش بيانيا وذلك حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة  $\cdots (-1+e^{-x+2})x$ 
  - .  $h(x) = (|x|-2) e^{-|x|+2} + 3 |x| :$  دالة عددية حيث h
    - (ا) بين أنّ h دالة زوجية .
- با أشرح كيف يمكن رسم المنحنى الممثل للدالة h انطلاقا من المنحنى  $(C_f)$ .ثم ارسمه في نفس المعلم و (ب) بلون مختلف.







 $\mathbf{g}\left(\mathbf{x}
ight)=1-\mathbf{x}+\mathbf{e}^{-\mathbf{x}}$  دالة عددية للمتغير الحقيقي  $\mathbf{x}$  معرفة على  $\mathbf{g}$ 



- ادرس تغيرات g ثم شكل جدول تغيراتها (لا يطلب حساب النهايات)
- $1,27\prec lpha\prec 1,28$  بين أنه المعادلة  $g\left( x
  ight) =0$  تقبل حلا واحدا lpha حيث 2
  - $\mathbb{R}$ ادرس إشارة g(x) على 3

.f (x) = (2-x) ( $e^x-1$ ) :غمر الدالة f المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي

- $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ و ا $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  أحسب أ
- $f'(x) = e^x g(x) : x$  وبين أن من أجل كل عدد حقيقى  $f'(x) = e^x g(x) : x$  أحسب (۱)
- $\cdot$ f  $(\alpha)$  بين أن  $f(\alpha)=\frac{(2-\alpha)^2}{\alpha-1}$  ثم عين قيمة مقربة إلى  $f(\alpha)=\frac{(2-\alpha)^2}{\alpha-1}$  (ب)
  - (ج) شكل جدول تغيرات الدالةf.
- $-\infty$  الذي معادلته y=x-2 مقارب للمنحني (C) في جوار (D) الذي معادلته y=x-2
  - (ب**)** ادرس الوضعية النسبية لـ(D)و(C).
  - له. معادلة له. (C) يطلب تعيين معادلة له. ( $\Delta$ ) لمنحني معادلة له. 4
    - (l) أ- عين إحداثيات نقط تقاطع المنحني (C) مع محور الفواصل.
      - (C)و المنحني (D)،  $(\Delta)$  و المنحني ().
- $(2-x)(e^x-1)-x=$  وسيط حقيقي.ناقش حسب قيم  $\mathfrak m$  عدد حلول المعادلة ذات المجمول  $\mathfrak m$  التالية:  $\mathfrak m$ 
  - h المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي:  $\left(e^{x^2}-1\right)$  نعتبر الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي:  $\mathbf{7}$
  - (I) بين أن h هي مركب الدالة f متبوعة بدالة مرجعية يطلب تعيينها.
    - (ب) استنتج تغيرات الدالة h دون دراستها ثم شكل جدول تغيراتها.





# ويمريخ

نعتبر الدالة  $f(x)=-1+rac{x-1}{x+1}\,e^x:$  ب $=-1+rac{x-1}{x+1}\,e^x:$  بياني في مستو نعتبر الدالة  $(C_f)$  منحناها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(C_f)$  بياني في مستوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(C_f)$ 

- 1 أحسب نهايات<sub>t</sub> عند حدود مجموعة تعريفها.
- . وَانَ مِن أَجِل كل  $\mathbf{f}'(\mathbf{x}) = \frac{\mathbf{x}^2+1}{(\mathbf{x}+1)^2} \mathbf{e}^{\mathbf{x}}$  فإنٌ  $\mathbf{x} \in \mathbb{R} \{-1\}$  ثم استنتج اتجاه تغيرات (۱) ييّن أنّه من أجل كل
  - (ب) شكل جدول تغيراتf.
- $1.5 \prec lpha \prec 1.6:$ ن و أنّ f(x)=0 تقبل حلا وحيداlpha في المجال f(x)=0 أنّ f(x)=0



- $\cdot$  f(-lpha)=0 أنّ و $e^lpha=rac{lpha+1}{lpha-1}:$  بناكد أنّ
- . (-1) للمنحنى  $(C_{\mathrm{f}})$  عند النقطة التي ترتيبها (ح) (ج)
  - $(C_{\mathrm{f}})$  أرسم المماس (T) و المنحنى 4
- .  $\frac{x-1}{x+1}e^x=m$  وسيط حقيقي ، ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط m عدد وإشارة حلول المعادلة : m







المعرفة على  $\P$ بالعبارة:  $\mathbf{f}_{\mathrm{m}}$ 

$$f_{\mathbf{m}}(\mathbf{x}) = (\mathbf{x}^2 + \mathbf{m}\mathbf{x} + 1)\mathbf{e}^{-\mathbf{x}} \qquad \mathbf{m} \in \mathbb{R}^3$$

 $O; \overrightarrow{\mathfrak{i}}, \overrightarrow{\mathfrak{j}}$  نسمي  $(C_{\mathfrak{m}})$  تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معام متعامد ومتجانس

- (۱) بین أن جمیع المنحنیات  $(C_{\mathfrak{m}})$  تشمل نقطة ثابتة یطلب تعیین احداثیاتها.
  - (ب) برهن أن المنحني  $(C_{\mathfrak{m}})$  يقبل قيمتين حديتين يطلب تعيين فاصلتاهما.
    - $\Omega_{\mathfrak{m}}(1-\mathfrak{m}; f_{\mathfrak{m}}(1-\mathfrak{m}))$  حيث  $\Omega_{\mathfrak{m}}$  النقط  $\Omega_{\mathfrak{m}}$  النقط
      - m=1 نضع
      - $\lim_{x\longrightarrow +\infty} x^2 e^{-x} = 0$  برهن أن (۱)
        - $.\mathsf{f}_1$  ادرس تغيرات الدالة  $.\mathsf{f}_1$
    - -1 المماس ل $(\mathcal{C}_1)$  عند النقطة ذات الفاصلة (ح) اكتب معادلة ل
      - $.(C_1)$  و (T) و رد) ارسم کل من
      - g نعتبر الدالة g المعرفة على  $\mathbb R$  ب g المعرفة على g
        - (l) ادرس تغيرات الدال**ة** g.
        - $(C_q)$  ادرس وضعية  $(C_1)$  بالنسبة ل
        - $(C_g)$  ارسم في نفس المعلم السابق (ج)







الجزء الأول:

 $\mathbf{y}'-2\mathbf{y}=2(\mathbf{e}^{2\mathbf{x}}-1)$  لتكن (E) المعادلة التفاضلية المعرفة على (E

 $\mathsf{h}$  حل للمعادلة التفاضلية (E) بين أن الدالة  $\mathsf{h}$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  ب  $\mathsf{h}$  بالمعادلة التفاضلية  $\mathsf{h}$ 



- y=z+h بوضع y'-2y=0 بين أن y حل لy' إذا وفقط إذا كانت z هي حل للمعادلة التفاضلية (E) المعرفة كما يلى y'-2y=0
  - (E) حل المعادلة (E') ثم عين حلول المعادلة 3
  - الذي ينعدم عند (E) الذي ينعدم عند و الحل الخاص ل

الجزء الثاني:

 $g(x) = (2x-1)e^{2x} + 1$ لتكن g المعرفة على  $\mathbb R$  ب  $\mathbb R$ 

- أدرس تغيرات الدالة g وشكل جدولا لتغيراتها.
  - 2 عين إشارة g على ℝ.
  - $.1-g(\mathbf{x})\geqslant 0$  حل في  $\mathbb R$  المتراجحة (۱) 3
    - (ب) فسر هندسيا النتيجة السابقة.

الجزء الثالث:

 $\mathbb{R}^*$ نعرف على  $\mathbb{R}^*$ الدالة  $\mathbf{f}$ كمايلي:

$$f(x) = \frac{e^{2x} - 1}{x}$$

- احسب نهایات الدالة  $_{
  m f}$  عند أطراف مجموعة تعریفها.  $_{
  m 1}$
- استنتج أن منحني الدالة  $_{
  m f}$  يقبل مستقيما مقاربا يطلب تعيينه.
  - ادرس تغيرات الدالة  $_{
    m f}$  وشكل جدولا لتغيراتها.



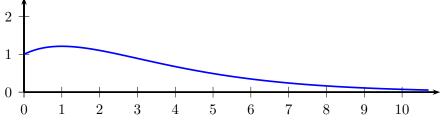




 $f(x)=(ax+b)e^{-rac{1}{2}x},$  الجزء الأول لتكن الدالة f المعرفة على المجال f بايا بالمجال أبيا المعرفة على المجال أبيا المعرفة على المجال المحال المح

حيث a و معددان حقيقيان. نقبل أن f قابلة للاشتقاق على المجال  $[0\;;\;+\infty[$  ولتكن f' دالتها المشتقة.

.يعطى منحناها البياني  $\mathscr{C}_{\mathrm{f}}$  في الشكل الموالي



- . f'(1) عين قيمة ڪل من f(0) و 1
- $\cdot$ بین أنه من اجل کل عدد حقیقي موجب  $\cdot$ بر رائه من اجل کل عدد حقیقي موجب  $\cdot$ بر انه من اجل کا عدد حقیقي  $\cdot$



3 حدد عندئذ قیمتی a و b

الجزء الثاني

في باقي التمرين نعتبر الدالة f المعرفة على  $[0 \; ; \; +\infty [$  ب:

$$f(x) = (x+1)e^{-\frac{1}{2}x}$$
.

- $f(x)=2\left(rac{rac{1}{2}x}{e^{rac{1}{2}x}}
  ight)+e^{-rac{1}{2}x}$  ,  $f(x)=2\left(rac{rac{1}{2}x}{e^{rac{1}{2}x}}
  ight)+e^{-rac{1}{2}x}$  , را) برر أنه من أجل كل عدد حقيقي موجب
  - $+\infty$  احسب نهاية الدالة f عند  $+\infty$
  - ادرس تغيرات الدالة f على المجال  $0 \; ; \; +\infty$  وشكل جدولا لتغيراتها. 2
  - $[0\;;\;+\infty]$  بين أن المعادلة f(x)=0.07 تقبل حلا وحيدا lpha المجال lpha
    - lpha اعط قيمة مقربة للوحدة ل 4











لتكن الدالة  $f_k$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  حيث:  $f_k(x)=x+rac{1-ke^{2x}}{1+ke^{2x}}$  عدد حقيقي موجب تماما. نسمى  $(C_k)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$ . وحدة الطول هي .2cm

- $-+\infty$  احسب نهایتی الدالة  $f_k$  عند کل من $-\infty$ و
- $\mathbf{y}' = (\mathbf{y} \mathbf{x})^2$  تحقق أن الدالة  $\mathbf{f}_k$  هي حل للمعادلة التفاضلية: (۱)  $\mathbf{2}$
- (ب) بين الدالة المشتقة  $f_k'$  تنعدم من أجل عدد حقيقي وحيد  $a_k$  يطلب تعيينه.
  - (ج) عين اتجاه تغير الدالة  $f_k$  وشكل جدولا لتغيراتها.
    - $\alpha_k$  لتكن  $A_k$  ذات الفاصة 3
    - $A_k$  احسب ترتيبة النقطة (۱)
    - $(C_k)$  بين أن  $A_k$  نقطة انعطاف للمنحنى  $(C_k)$
- (4) بين أن النقط  $A_k$  تنتمي إلى نفس المستقيم عندما يمسح k المجال  $[0;+\infty[$ 
  - على الشكلين التاليين: يمكن عدد حقيقى يمكن كتابة  $f_k(x)$  على الشكلين التاليين: (I)

$$f_k(x) = x + 1 - \frac{2ke^{2x}}{1 + ke^{2x}}$$
  $f_k(x) = x - 1 + \frac{2}{1 + ke^{2x}}$ 



- (ب) استنتج أن  $(C_k)$  يقبل مستقيمين مقاربين مائلين  $(\Delta_1)$  و  $(\Delta_1)$  يطلب تعيين معادلة لهما
  - $(\Delta_2)$ و(م) ادرس وضعية ( $C_k$ ) بالنسبة لكل من (ج)
  - 0.5 بين أنه توجد نقطة وحيدة من  $(C_{\mathbf{k}})$  يكون فيها معامل توجيه المماس يساوي
    - عين قيمة k حتى يمر ( $C_k$ ) من المبدأ.
    - $.(C_3)$  و  $.(C_1)$  أنشئ في نفس المعلم  $.(C_1)$  انشئ في نفس المعلم 7







- الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  بي الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  بي الدالة  $f_k$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  بي العالم المتعامد و المتجانس  $\mathbb{R}$  في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $\mathbb{R}$  في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $\mathbb{R}$  في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $\mathbb{R}$ 
  - . من نقطتین ثابتتین یطلب تعیینهما $(\mathscr{C}_{\mathbf{k}})$  تمر من نقطتین ثابتتین یطلب تعیینهما1
  - . (K فامر نهايتي الدالة  $f_{
    m K}$  عند  $-\infty$  و  $-\infty$  ،  $\cdot$  .  $\cdot$  ناقش حسب قيم الوسيط الحقيقي 1
    - .  $f_k$  ثم حدّد حسب قيم الوسيط الحقيقي K إتجاه تغير الدالة ،  $f_k'(x)$  . ثم حدّد حسب قيم الوسيط الحقيقي موجب تماما . ثمّ خدول تغيرات الدالة  $f_k$  من أجل K عدد حقيقي موجب تماما .
    - $.(\mathscr{C}_{k+1})$  و  $(\mathscr{C}_k)$  ناقش حسب قيم الوسيط الحقيقى K الأوضاع النسبية للمنحنيين و 4
  - $f(x)=(x+1)^2e^{-2x}$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بن  $\mathbb{R}$  بن  $\mathbb{R}$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بنسمي  $\mathbb{R}$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $\mathbb{R}$ 
    - .  $\left[-rac{3}{2};+\infty
      ight[$  شكل جدول تغيرات الدالة  $_{\mathrm{f}}$  ، ثم أرسم المنحنى ( $\mathscr{C}_{\mathrm{f}}$ ) على المجال 1
    - $1,28 \prec lpha \prec -1,27:$  أ بيّن أنّ المعادلة f(x)=1 تقبل حلّين في f(x)=1 أحدهما f(x)=1 أن المعادلة (أ يتن أنّ المعادلة f(x)=1 عيّن قيم العدد الحقيقي f(x)=1 التي من أجلها تقبل المعادلة f(x)=1 حلا وحيدا (ب
      - $g(x)+(x+1)e^{-2x}$  بالدالة المعرّفة على  ${\mathbb R}$  بـ  ${\mathbb R}$
- ا) بیّن أنّه من أجل کل عدد حقیقي x فإن:  $g'(x) + 2g(x) e^{-2x} = 0$  ثم إستنتج دالة أصلية لـ g على .  $\mathbb{R}$
- ب) بإستعمال المكاملة بالتجزئة ، أحسب A مساحة الحيز المستوي المحدّد بالمنحنى  $(\mathscr{C}_{\mathbf{f}})$  ومحور الفواصل و المستقيمين اللّذين معادلتاهما  $\mathbf{x}=0$  و  $\mathbf{x}=-1$





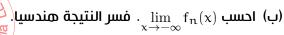




. معدد طبيعي غير معدوم.  $g_n(x)=n(x+1)+e^x$  عدد طبيعي غير معدوم الدالة العددية المعرفة على  $g_n$ 



- ادرس تغيرات  $g_{\mathrm{n}}$  ثم شكل جدولا لتغيراتها.
- $-2\preclpha_n\prec-1$  نم تحقق أن  $lpha_n\prec-1$  تقبل في lpha حلا وحيدا  $lpha_n$  ثم تحقق أن  $g_n(x)=0$ 
  - $g_{\mathbf{n}}(\mathbf{x})$  استنتج حسب قیم  $\mathbf{x}$  إشارة
- $f_n(x)=rac{xe^x}{n+e^x}$  :عما يلي ڪما يلي المعرفة على  $f_n$  المعرفة على  $f_n$  المعرفة على (II) وليكن  $(C_n)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس
  - . بين أن جميع المنحنيات  $(c_n)$  تشمل نقطة وحيدة يطلب تعيينها  $oldsymbol{1}$ 
    - $\lim_{x \to +\infty} f_n(x)$  احسب (۱) 2



- ا احسب  $f_n(x) x$  ماذا تستنتج؛ السب احسب  $f_n(x)$
- y=x ادرس الوضع النسبي بين  $(C_n)$  والمستقيم ( $\Delta$ ) ذي المعادلة (ب
  - $f_n'(x)=rac{e^xg_n(x)}{(n+e^x)^2}$  لاینا: x کی عدد حقیقی x لدینا: (۱) 4
    - (ب) استنتج اتجاه تغير الدالة  $f_n$  وشكل جدولا لتغيراتها.
      - $.f_n(\alpha_n) = 1 + \alpha_n$  بین أن: 5
      - $(C_{n+1})$  ادرس الوضع النسبی بین  $(C_n)$ 
        - .(C<sub>3</sub>) **و**(C<sub>2</sub>)،(C<sub>1</sub>)،، (Δ) من (Δ) انشئ کل من (Τ

# 3 بكالوريات جزائرية شعبة علوم تجريبية







# بكالوريا 2008 م01

: عمايل المجل $[-2;+\infty[$ كمايلي للمتغير الحقيق المعرفة على المجل $[-2;+\infty[$ كمايلي

جيث $\mathbf{a}$ عددان حقيقيان. $\mathbf{f}(\mathbf{x}) = (\mathbf{a}\mathbf{x} + \mathbf{b})\mathbf{e}^{-\mathbf{x}} + 1$ 

- $(0;\overrightarrow{i};\overrightarrow{j})$ ى تمثيلها البياني في المستوي المسوب إلى معلم متعامد ومتجانس ( $(C_f)$
- A(-e)عين قيمتي aوطبحيث النقطة A(-1;1)تنمتمي إلى A(-1;1)ومعامل توجيه المماس عند A(-1;1) . g(x)=(-x-1) عين قيمتي g(x)=(-x-1) للمتغير الحقيقيaالمعرفة على المجال aالمعرفة على المحال على المحال
  - . و  $(C_{\mathfrak{q}})$  تمثيلها البياني في المعلم السابق





- $\lim_{n\to -\infty} u.e^n = 0$ بين أن  $\lim_{n\to -\infty} g(x) = 0$ وفسر النتيجة بيانيا بين أن  $\lim_{n\to -\infty} g(x) = 0$ 
  - ادرس تغيرات الدالةg, ثم أنشئ جدولا لتغيراتها. 2
  - . يين أن المنحنى $(C_{
    m q})$ يثبل نقطة انعطاف  ${
    m I}$ يطلب تعيين إحداثياتها  ${
    m 3}$ 
    - . آعتب معادلة المماس للمنحنى $(C_a)$ عند النقطة4
      - .(C<sub>g</sub>)نشئ 5

 $\mathbf{k}(\mathbf{x}) = \mathbf{g}(\mathbf{x}^2)$ كمايلى: $[-2; +\infty[$ كمايلى: التكن  $\mathbf{k}$ الدالة العددية المعرفة على المجال

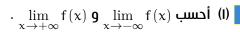
—باستخدام مشتق دالة مركبة ادرس اتجاه تغير الدالة المرقو شكل جدولا لتعيراتها.





#### بكالوريا 2010 م02

 $f(x)=x-rac{1}{e^x-1}:$ نعتبر الدالة العدديةf المعرفة على $\mathbb{R}^*$ كما يلي  $\mathbb{R}^*$ كما يلي المعلم المتعامد المتجانس  $\left(O;\overrightarrow{\mathfrak{i}},\overrightarrow{\mathfrak{j}}\right)$ نرمز بـ $\left(C_f\right)$ لتمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس



- . و فسر هندسیا النتیجة و  $\lim_{x \stackrel{\sim}{\to} 0} f(x)$  و  $\lim_{x \stackrel{\succ}{\to} 0} f(x)$  (ب)
- . أدرس إتجاه تعير الدالة f على كل مجال من مجالى تعريفها ثم شكّل جدول تغيراتها 2
- : ييّن أن المنحني  $(C_f)$  يقبل مستقيمين مقاربين مائلين  $(\Delta')$  و  $(\Delta')$  معادلتيهما على الترتيب y=x+1 و y=x
  - $(\Delta')$  و  $(\Delta')$  و النسبة إلى كل من  $(\Delta')$
  - $. \; (C_{\mathrm{f}})$  أثبت أن النقطة  $\omega \left(0; rac{1}{2}
    ight)$ هي مركز تناظر للمنحنى  $\omega$
  - $1.4 < \beta < -1.3$  و و المعادلة f(x) = 0 تقبل حلّين  $\alpha$  و و حيث  $1.2 < \alpha < 1$  و المعادلة و المعاد
    - $(oldsymbol{(}oldsymbol{)}oldsymbol{(}oldsymbol{(}oldsymbol{(}oldsymbol{(}oldsymbol{)}oldsymbol{(}oldsymbol{(}oldsymbol{)}oldsymbol{(}oldsymbol{)}oldsymbol{(}oldsymbol{)}oldsymbol{(}oldsymbol{)}oldsymbol{(}oldsymbol{)}oldsymbol{(}oldsymbol{)}oldsymbol{(}oldsymbol{)}oldsymbol{)}oldsymbol{(}oldsymbol{)}oldsymbol{(}oldsymbol{)}oldsymbol{)})$ 
      - $(C_{\mathrm{f}})$  أرسم  $(\Delta')$  ،  $(\Delta')$  ثم المنحنى (ج)
    - $(m-1)e^{-x} = m$  : ناقش بیانیا حسب قیم الوسیطmعدد و إشارة حلول المعادلة (د)









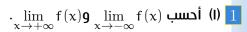




## بكالوريا 2011 م11

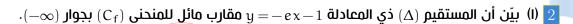
 $f(x) = e^x - ex - 1$  نعتبر الدالة العددية المعرّفة على  $\mathbb{R}$ ب

 $\cdot \left( \mathrm{O}\,; \overrightarrow{\mathrm{i}}, \overrightarrow{\mathrm{j}} \right)$ تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $\left( \mathrm{C}_{\mathrm{f}} \right)$ 

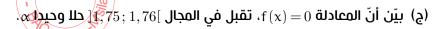


(ب) أحسب 
$$f'(x)$$
 ثمّ أدرس إشارتها.

(ج) شكّل جدول تغيرات الدالة f.



.0 مادلة للمستقيم (T) مماس للمنحني ( $(C_f)$  عند رائقطة ذات الفاصلة (ب)



 $(C_f)$  على المجال ( $(C_f)$  ثم المنحنى ( $(C_f)$  على المجال (عرب) أرسم المستقيمين ( $(\Delta)$ 





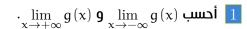




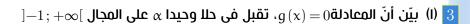


## بكالوريا 2012 م02

 $g(x) = 1 - xe^x$  الدالة العددية المعرّفة على  $\mathbb{R}$ يـ ي



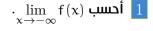
. أدرس اتجاه تغير الدالة  $_{
m g}$  ثم شكّل جدول تغيراتها  $_{
m c}$ 



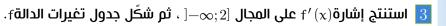
 $\mathbb{R}$ رب) تحقق أنّ q(x) على $0.5 \prec \alpha \prec 0.6$ ، ثم استنتج إشارة (ب

$$f(x)=(x-1)\,e^x-x-1:$$
نعتبر الدالة $f$  المعرفة على المجال  $[-\infty;2]$  كما يلي

 $.ig(O;\overrightarrow{\mathfrak{i}},\overrightarrow{\mathfrak{j}})$ تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(C_f)$ 



f'(x) = -g(x):لتكن f' مشتقة الدالةf . بيّن أنه من أجل كل عدد حقيقىxمن f'مشتقة الدالة f'(x) = -g(x)



( اتدوّر النتائج إلى 
$$f(\alpha)=-\left(rac{lpha^2+1}{lpha}
ight)$$
 بيّنٌ أنّ  $f(lpha)=-\left(rac{lpha^2+1}{lpha}
ight)$  ثم استنتج حصرا للعدد

 $-\infty$  بجوار  $(C_{
m f})$ ذا المعادلة y=-x-1 هو مستقيم مقارب مائل للمنحنی  $(\Delta)$ بجوار (۱)  $(\Delta)$ 

 $(\mathbf{p})$  أدرس وضعية $(\mathbf{C}_{\mathbf{f}})$ بالنسبية إلى ( $(\mathbf{C}_{\mathbf{f}})$ 







- $1.5\prec x_2\prec 1.6$  و  $-1.6\prec x_1\prec -1.5$  ديث أنّ المعادلة f(x)=0 تقبل حلّين  $x_2$  و  $x_2$  حيث  $x_2$ 
  - (ب) أنشئ (∆) و(C<sub>f</sub>) .

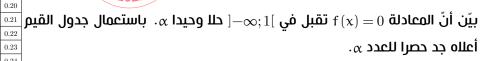




# بكالوريا 2013 م01

- $f(x)=rac{x}{x-1}+e^{rac{1}{x-1}}$  الدالة المعرّفة على  $]-\infty;1[$  بي الدالة المعرّفة على f
- $.\left(0;\overrightarrow{i},\overrightarrow{j}
  ight)$  ور(C) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس
  - (C) أحسب  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to 1} f(x)$  ، ثمّ استنتج المستقيمين المقاربين للمنحني المنحني ال
- . بيّن أنّ الدالة $_f$  متناقصة تماما على المُجَلِّ $[-\infty;1[$ أَكُمُ شكّل جدول تغيراتها.  $_f$





- أرسم المستقيمين المقاربين والمنحنى (C)، ثمّ أرسم المنحنى (C') الممثل للدالة |f|.
- حلان |f(x)|=m عيّن بيانيا مجموعة قيم الأعداد الحقيقية m التي من أجلها يكون للمعادلة f(x)=m حلان مختلفان في الإشارة.

والدالة المعرّفة على 
$$g(x)=f(2x-1)$$
 بـِ:  $g(x)=f(2x-1)$  غير مطلوبة  $g(x)$ 

- أدرس تغيّرات الدالة g على $[-\infty;1]$  ، ثمّ شكّل جدول تغيراتها.  $oxed{1}$ 
  - $g'\left(rac{lpha+1}{2}
    ight)=2$ ر (ا) تحقّق أنّ  $g\left(rac{lpha+1}{2}
    ight)=0$  ثمّ بيّن أنّ (ا) 2
- $rac{lpha+1}{2}$  بستنتج معادلة $(\mathsf{T})$ المماس لمنحنى الدالة g في النقطة ذات الفاصلة (ب)
  - $y = \frac{2}{(\alpha 1)^3} \chi \frac{\alpha + 1}{(\alpha 1)^3}$  (ج) تحقّق من أنّ :  $y = \frac{2}{(\alpha 1)^3} \chi \frac{\alpha + 1}{(\alpha 1)^3}$





# بكالوريا 2015 م01

 $\operatorname{q}(\mathbf{x}) = 1 - 2\mathbf{x} - e^{2\mathbf{x} - 2}$  والدالة العددية المعرّفة على  $\operatorname{q}(\mathbf{x}) = 1 - 2\mathbf{x} - e^{2\mathbf{x} - 2}$ 

- ا أدرس إتجاه تغير الدالةgعلى $\mathbb{R}$ .
- $0.36 \prec lpha \prec 0.37$ بيّن أنّ المعادلة  $g(\mathbf{x}) = 0$  تقبل حلا وحيدا lpha في $\mathfrak{R}$ ، ثمّ تحقّق أنّ:  $g(\mathbf{x}) = 0$ 
  - $\mathbb{R}$ علی g(x) علی استنتج إشارة







الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$ ب المستوي و $(C_f)$  و  $f(x)=xe^{2x+2}-x+1:$  على  $\mathbb{R}$ ب المستوي في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(O;\overrightarrow{\mathfrak{i}},\overrightarrow{\mathfrak{j}})$ 

- $f'(x)=e^{2x+2}g(-x):$ سیّن أنّه من أجل کل x من (۱) 1
- $[-lpha;+\infty[$  و متزايدة تماما على المجال  $[-lpha;+\infty[$  و متزايدة تماما على المجال (ب)
  - $-\infty$  أحسب نهاية  $+\infty$  و عند  $-\infty$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة $-\infty$ 
    - أحسب $\lim_{x \to -\infty} [f(x) + x 1]$  ثمّ فسّر النتيجة هندسيا.
  - $y=\sqrt{\kappa+1}$ أدرس وضعية  $(C_f)$ بالنسبة إلى المستقيم ( $\Delta$ )الذي معادلته  $(C_f)$ 
    - $f(\mathbf{x}) \approx 0.1$  أنشئ $(C_f)$ على المجال  $[-\infty; \frac{1}{2}]$  أنشئ  $(C_f)$ على المجال أ





# بكالوريا 2016 م02 الدورة الأُولى

 $.g\left(x
ight)=1+\left(x^{2}+x-1
ight)e^{-x}:$ لتكنg الدالة العددية المعرّفة على

- $\lim_{x \to +\infty} g(x)$ ا أحسب  $\lim_{x \to -\infty} g(x)$
- . أدرس اتجاه تغيّر الدالة  $_{
  m g}$  ، ثم شكّل جدول تغيراتها  $_{
  m c}$



 $\mathbb{R}$ ب) استنتج إشارة  $g\left( \mathbf{x}
ight)$  على.

نعتبر الدالة f المعرفة على  $\mathbb{R}$ كما يلي  $e^{-x} + (x^2+3x+2)e^{-x}$  تمثيلها البياني أحتبر الدالة  $(C_f)$  .  $f(x) = -x + (x^2+3x+2)e^{-x}$  في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O;\overrightarrow{i},\overrightarrow{j})$ 

- $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ا أحسب  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  المسب (۱)
- . f'(x) = -g(x): بیّن أنه من أجل كل عدد حقیقي x فإن
  - (ج) شكّل جدول تغيرات الدالة f على $\mathbb{R}$ . ( نأخذ 0.38pprox 0.38
- . این دون حساب :  $\lim_{h \to 0} \frac{f(\alpha + h) f(\alpha)}{h}$  : ثم فسّر النتیجة هندسیا
- $+\infty$  عند  $(C_f)$ فا المعادلة y=-x مقارب مائل للمنحنی $(\Delta)$ فا بیّن أنّ المستقیم ( $\Delta$ )
  - .  $(\Delta)$  أدرس وضعية المنحنى  $(C_f)$ بالنسبية للمستقيم
  - (ج) بيّن أن المنحنى يقبل نقطتي إنعطاف يطلب تعيين إحداثييهما .
    - . [ $-2;+\infty$ [المعرل و $(C_{\mathrm{f}})$  على المجال ( $(C_{\mathrm{f}})$



لدوال الاِسية – بكالوريا 2022

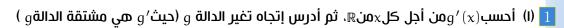


(ه) ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط× عدد و إشارة حلول المعادلة : على المجال . .



# بكالوريا 2016 م02 الدورة الثانية

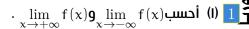
 $g(\mathbf{x}) = 2e^{\mathbf{x}} - \mathbf{x}^2 - \mathbf{x}$  الدالة العددية المعرّفة على $\mathbf{g}$ 



- $g'\left(x\right)\succ0$  ، ہن أجل كل x من أجل ، من أجل (ب)
- . (ج) أحسب نهايتي الدالة gعند كل من  $+\infty$  و عند  $-\infty$  ، ثم شُكِّلً جَدُولِ تغيراتها .
  - $-1,38 \prec lpha \prec rac{1}{37}$ بيّن أنّ المعادلة  $g(\mathbf{x})=0$  تقبل حلا وحيداlphaحيث :  $\mathbf{g}(\mathbf{x})=0$



الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{F}_{f}$ ب الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{F}_{f}$ ب الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{F}_{f}$ ب المنسوب والمتعامد و المتجانس  $\mathbb{F}_{f}$ ب المعلم المتعامد و المتجانس  $\mathbb{F}_{f}$ ب المعلم المتعامد و المتجانس المعلم المتعامد و المتجانس والمتعامد و المتجانس والمتعامد و المتجانس والمتعامد و المتجانس والمتعامد و المتعامد و ال



- . ( رب) بیّن أنّه ، من أجل كل  $\chi$  من $\chi$  ،  $\chi$  من $\chi$  من $\chi$  أنّه ، من أجل كل  $\chi$  من $\chi$  من $\chi$  من $\chi$  (ب) بیّن أنّه ، من أجل كل  $\chi$ 
  - (ج) أدرس اتجاه تغير الدالة f على $\mathbb{R}$ ، ثم شكّل جدول تغيراتها .
  - .  $f(\alpha)$  بيّن أن  $f(\alpha)=\alpha^2+2\alpha+2+rac{2}{\alpha-1}$ ، ثم استنتج حصرا للعدد (۱) و بيّن أن
    - . با أحسب  $\lim_{x o +\infty} \left[ \mathsf{f}(\mathsf{x}) \mathsf{x}^2 
      ight]$  ، ثمّ فسّر النتيجة بيانيا
      - $(\mathsf{f}(\pmb{lpha})pprox 0,29$  (نشئ المنحنى ( $\mathsf{C}_\mathsf{f}$ ). (تعطى





# 3 30



# بكالوريا 2017 م02 الدورة العادية

 $\cdot$ انعتبر الدالة العدديةfالمعرّفة على $\mathbb{R}$  بـ  $\cdot$ 

 $(O;\overrightarrow{i},\overrightarrow{j})$ تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس المتعامد و  $(C_f)$ 

- $\lim_{x o -\infty}\mathsf{f}(\mathsf{x})$  بيّن أن $\lim_{x o +\infty}\mathsf{f}(\mathsf{x})$  و أعط تفسيرا هندسيا للنتيجة ، ثم أحسب  $\inf(\mathsf{x})$ 
  - $f'(x) = x(x-2)e^{1-x}$  ، من $(x-2)e^{1-x}$  من (۱) بین أنه من أجل کل
    - (ب) أدرس اتجاه تغير الدالة<sub>f</sub> ثم شكّل جدول تغيراتها .
  - . أكتب معادلة لـ $(\mathsf{T})$  المماس للمنحنى  $(\mathsf{C}_\mathsf{f})$ عند النقطة ذات الفاصلة 3







h الدالة العددية المعرفة على $\mathbb{R}$ بـ الدالة العددية المعرفة المعرفة العرفة العددية المعرفة المعرفة العرب

- (T) بيّن أنه من أجل كلxمن $\pi$ ،  $h(x)\geqslant 0$  ، ثم أدرس الوضع النسبي للمنحنى و المماس الماس ال
  - $-0.7 \prec \alpha \prec -0.6$  بيّن أنّ المعادلة f(x) = 0 تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث  $\alpha$ 
    - $[-1; +\infty[$ انشئ المماس (T) والمنحنى ( $[C_f]$ على المجال ( $[T_f]$





# بكالوريا 2017 م01 الدورة الاستثنائية

 $g(x) = x^2 e^x - e$  نعتبر الدالة g المعرّفة على ب

تمثیلها $(C_{\mathfrak{q}})$ في المنسوب المستوي البياني



9

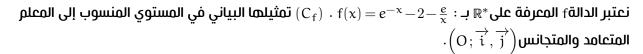
المتعامد

. g(1) أحسب 🚺

إلى

المعلم

بقراءة بيانية عيّن إشارة  $g\left(\mathbf{x}
ight)$  ، ثم استنتج إشارة  $g\left(\mathbf{x}
ight)$  حسب قيم العدد الحقيقى  $\mathbf{2}$ 



- $\cdot \lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \stackrel{\succ}{\to} 0} f(x)$ ،  $\lim_{x \stackrel{\prec}{\to} 0} f(x)$ ،  $\lim_{x \to -\infty} f(x) : 1$  المايات الأتية
- $(C_{
  m f})$ و المنحنى  $y=e^{-{
  m x}}-2$ و المنحنى  $y=e^{-{
  m x}}-2$  و المنحنى  $(\gamma)$  متقاربان بجوار ، ثم أدرس وضعية المنحنى  $(\gamma)$ بالنسبة لـ  $(\gamma)$ .
  - $f'(x) = rac{-g(-x)}{x^2}$  بیّن أنه من أجل کلxمنx
- $[-\infty;-1[$ استنتج أن الدالةf متزايدة تماما على كل من المجالين[-1;0] و[-1;0] متناقصة تماما على المجال  $[-\infty;-1]$ ، ثم شكّل جدول تغيراتها .
- بيّن كيف يمكن إنشاء المنحني $(\gamma)$ إنطلاقا من منحني الدالة $x\mapsto e^x$  ثم أرسم بعناية كلا من $(C_{\mathrm{f}})$ وني  $(\gamma)$ نفس المعلم السابق.

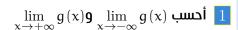


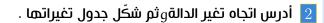


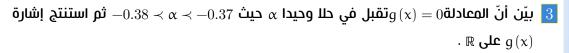


## بكالوريا 2018 م01

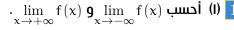
 $g(x) = 2 + (x-1)\,e^{-x}:$  والدالة العددية المعرفة على



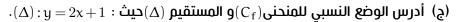


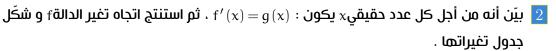


نعتبر الدالة $\mathbf{f}$  المعرفة على  $\mathbf{g}$ ب على  $\mathbf{g}$ ب المستوي  $\mathbf{g}$ ب المستوي في المستوي أعتبر الدالة المعلم المتعامد والمتجانس  $\mathbf{g}$ ب المعلم المتعامد والمتجانس  $\mathbf{g}$ ب المعلم المتعامد والمتجانس والمتعامد والمتجانس والمتعامد و



 $\int$ ب) أحسب $\lim_{x o +\infty} \left[ f\left( x
ight) - \left( 2x+1
ight) 
ight]$  ، ثم فسر النتيجة بيانيا





. معادلة المماس $(\mathsf{T})$ للمنحنى $(\mathsf{C}_\mathsf{f})$ عند النقطة ذات الفاصلة 3

$$(f(lpha)pprox 0,8)$$
 أنشئ $(\Delta)$ ، والمنحنى أ $(C_f)$  والمنحنى أ

m x=:xناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقيm mعدد و إشارة حلول المعادلة ذات المجمول ( $1-m)\,e^{x}$ 



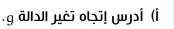






# بكالوريا 2019 م01

 $2 {
m cm}$  المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $\left({
m O}; \overrightarrow{{
m i}}, \overrightarrow{{
m j}}
ight)$  . تؤحذ وحدة الطول  $g(x)=e^x-ex:$  كمايلي و g المعرّفتين على  ${\mathbb R}$  كمايلي  ${
m (C}_g)$  و  ${
m (C}_f)$  و  ${
m (C}_g)$  التمثيلان البيانيان للدالتين  ${
m f}(x)=e^x-\frac{1}{2}ex^2$  و



- . الحقيقية  $\chi$  الحقيقية g(x) الحقيقية g(x)
  - 2 أدرس إتجاه تغيّر الدالة f
- . رَمُ شَكِّل جِدُول تَغْيِرات الدَالة و  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ، ثمٌ شكِّل جِدُول تغيرات الدَّالة  $\frac{1}{3}$







- $\mathbb{R}$  أدرس الوضع النسبي للمنحنين  $(C_{\mathrm{g}})$  و  $(C_{\mathrm{g}})$  على 4
- $e^2-2e$  (يعطى  $(C_g)$  و  $(C_g)$  في نفس المعلم و  $(0; \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j})$  المنحنين و  $(C_g)$  و  $(C_g)$  في نفس المعلم (0; 2]
  - .  $(C_g)$  و  $(C_f)$  أحسب بالسنتيمتر المرّبع ، مساحة الحيّز المستوي المحدّد بالمنحنيين 6
- الدالة المعرّفة على المجال [-2;2] كمايلي  $h(x)=rac{1}{2}ex^2-e^{|x|}$  وليكن ( $\Gamma$ ) تمثيلها البياني h وليكن ورب المعلم السابق
  - أ) بيّن أنّ h دالة زوجية .
- . ب) من أجل  $x \in [0;2]$  أحسب h(x) + f(x) ثمّ إستنتج كيفية رسم  $x \in [0;2]$  ثم أرسمه  $x \in [0;2]$







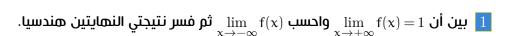


# بكالوريا 2020 م01

- $(O; \vec{\mathfrak{u}}, \vec{\mathfrak{v}})$  المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس (I
- $g(\mathbf{x})=2\mathbf{x}^2+2\mathbf{x}-2\mathbf{x}e^2$ : في الشكل المرفق،  $(\Gamma)$  المنحنى الممثل للدالة g المعرفة على  $\mathbb{R}$  ب
  - $x \longmapsto e^x$  المستقيم ذو المعادلة y = y وy = x المنحنى الممثل للدالة ( $\Delta$ )

## بقراءة بيانية:

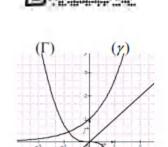
- $e^{\mathbf{x}}\!-\!\mathbf{x}\!\succ\!0:\mathbf{x}$  برر أنه من أجل كل عدد حقيقي  $\mathbf{e}^{\mathbf{x}}\!-\!\mathbf{x}$
- g(0)=0 علما أن g(x) علما أن يور العدد الحقيقي g(x) علما أن
- $f(x)=-1+rac{2e^x}{e^x-x}:$ الدالة f المعرفة على  $\mathbb R$  ب ب $\mathbb R$  بالمعلم السابق (II) ليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم السابق.



- $f'(x) = rac{2e^x(1-x)}{(e^x-x)^2}$  یکون:  $\chi$  یکون کل عدد حقیقی این آنه من أجل کل عدد حقیقی باید (۱)
  - (ب) استنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.
- $(\mathbf{C}_{\mathbf{f}})$  اكتب معادلة ل $(\mathbf{T})$  المماس للمنحنى النقطة  $(\mathbf{C}_{\mathbf{f}})$  في النقطة الفاصلة الفاصلة  $(\mathbf{T})$

$$f(x) - (2x+1) = \frac{g(x)}{e^x - x}$$
 یکون:  $(y)$  بین أنه من أجل کل عدد حقیقي  $(y)$ 

- ${ \Bbb D}(C_{\rm f})$  استنتج الوضع النسبي ل $(C_{\rm f})$  و $(C_{\rm f})$  على  $(C_{\rm f})$  ماذا تمثل النقطة A بالنسبة إلى
- $-0.6 \prec lpha \prec -0.5$  بين أن المعادلة f(x)=0 تقبل حلا وحيدا lpha في المجال  $-\infty$ ; 1] بين أن المعادلة و





 $(C_{\rm f})$  والمستقيمين المقاربين ثم المنحنى ((T)









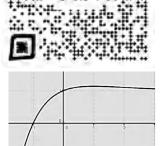
## بكالوريا 2021 م01

- g الدالة العددية g المعرفة على  $\mathbb{R}$  ب الدالة العددية المعرفة على g
- $(O; \vec{u}, \vec{v})$ تمثيلها ومتجانس متعامد





- .g(-1) احسب 1
- g(x) بقراءة بيانية حدد حسب قيم  $\chi$  إشارة 2
- fالدالة العددية f المعرفة على  $\mathbb{R}$  ب  $\mathbb{R}$  ب الدالة العددية f
  - $(O; \vec{u}, \vec{v})$  تمثیلها البیاني في معلم متعامد ومتجانس  $(C_f)$
- $f(x) = x[1-(1+rac{1}{x})e^{-x-1}]:$ تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x لدينا المينا عدد عقيقي 1 $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و احسب  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  عثم احسب
  - f'(x) = g(x) ابین أنه من أجل كل عدد حقیقی x لدینا: (۱) 2
    - (ب) استنتج اتجاه تغير f ثم شكل جدولا لتغيراتها.
    - ا دسب  $\lim_{x \to +\infty} (f(x) x)$  ثم فسر النتيجة بيانيا.
  - y = x بالنسبة للمستقيم ( $\Delta$ ) ذي المعادلة ( $C_f$ ) ادرس وضعية (ب)
  - ه. هادلة الحين أن  $(C_f)$  يقبل مماسا (T) موازيا ل $(C_f)$  يطلب تعيين معادلة له.
- eta و lpha يقطع حامل محور الفواصل في نقطتين فاصلتاهما lpha و lpha (۱) و بين أن  $-1.9 \prec \beta \prec -1.8$  و $-1.9 \prec \alpha \prec 0.4$  بحيث
  - $[-2;+\infty[$  ارسم  $(C_f)$  و  $(C_f)$  على المجال  $(C_f)$
  - $-|x|+(|x|-1)e^{|x|-1}$  الدالة h المعرفة على المجال [-2;2] ب[-2;2] $(O; \vec{u}, \vec{v})$  تمثیلها البیانی فی معلم متعامد ومتجانس ( $(C_h)$ 
    - (۱) بين أن الدالة <sub>h</sub> دالة زوجية.
  - h(x) = f(x) الدينا: [-2;0] من المجال x من أجل كل x من المجال
    - (ج) اشرح کیفیة رسم  $(C_h)$  انطلاقا من  $(C_f)$  ثم ارسمه.





# بكالوريات جزائرية شعبة تقني رياضي 🗲





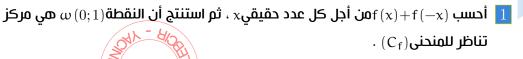


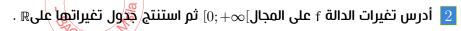


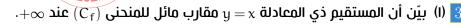
## بكالوريا 2009 م01

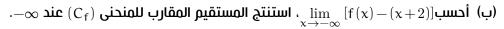
 $f(x) = x + \frac{2}{e^x + 1}$  نعتبر الدالةf المعرفة على $\mathbb{R}$ كما يلي

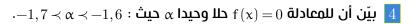
 $\left(0;\overrightarrow{i},\overrightarrow{j}
ight)$ تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $\left(\mathsf{C}_{\mathsf{f}}
ight)$ 











 $x\in\mathbb{R}$ أرسم  $(C_{\mathrm{f}})$  من أجل 5



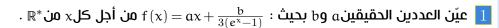




## بكالوريا 2010 م01

 $f(x)=rac{3xe^x-3x-4}{3(e^x-1)}:$ نعتبر الدالة العددية $\Re^*$  المعرفة على

 $(\mathsf{C}_{\mathsf{f}})$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $(\mathsf{C}_{\mathsf{f}})$ 



- . أحسب نهايات الدالة $_{
  m f}$  عند أطراف مجموعة تعريفها  $_{
  m c}$
- . بیّن أن $_{
  m f}$  متزایدة تماما علی کل مجال من مجالی تعریفها ثم شکّل جدول تغیراتها  $_{
  m f}$
- $y=x+rac{4}{3}$  و y=x: المستقيمان اللذان معادلتاهما على الترتيب  $y=x+rac{4}{3}$  و  $y=x+rac{4}{3}$ . بيّن أن  $(\mathsf{D}')$  و  $(\mathsf{D}')$  مقاربان للمنحنی $(\mathsf{C}_\mathsf{f})$  ، ثم حدّد وضعيته بالنسبة لكل منهما
- $-1,66\prec x_1\prec 0$  (ب) بيّن أن المعادلة f(x)=0 تقبل حلين  $x_0$  و $x_0$  حيث  $x_0 \prec 0,91$  و $x_0 \prec 0,91$ -1,65
  - . فسّر النتيجة هندسياx غير معدومf(x)+f(-x)+f(-x) فسّر النتيجة هندسياx
    - (د) أرسم (D) ، (D) و (C<sub>f</sub>) .







- y = x + mعدد حقيقي ،  $(D_m)$ المستقيم المعرّف بالمعادلة $(D_m)$ f(x) = x + m : ناقش بیانیا حسب قیم mعدد حلول المعادلة
- نعتبر الدالةg المعرّفة على المجال $g(x)=[f(x)]^2:$  كما يأتى  $g(x)=[f(x)]^2:$  أدرس تغيرات g(x)=[g(x)]g(x)الدالة و دون حساب g(x) بدلالة





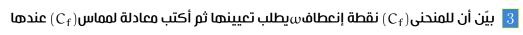
#### بكالوريا 2011 م02

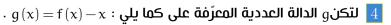
 $f(x)=3-rac{4}{e^x+1}:$ الدالة المعرّفة على $\mathbb R$ كما يلي f

 $\left(0;\overrightarrow{i},\overrightarrow{j}
ight)$ تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $\left(C_{\mathrm{f}}
ight)$ 









- (l) أدرس تغيرات الدالة g
- $2.7 < \alpha < 2.8$  : حيث  $\alpha$  حيث g(x) = 0 حلا وحيدا  $\alpha$ 
  - . f(x) = 0 : المعادلة (l) 5
- $(C_f)$  أرسم المماس و المستقيم  $(\Delta)$ الذي معادلته y=x و المنحنى (ب







## بكالوريا 2012 م01

 $g(x) = -4 + (4 - 2x)e^x$  وهي الدالة العددية المعرّفة على  $\mathbb{R}$ 

- أدرس تغيرات الدالة g ، ثم شكّل جدول تغيراتها .  $oldsymbol{1}$
- $1,59 \prec lpha \prec 1,60:$ بيّن أنّ المعادلة  $g\left(x
  ight) = 0$  تقبل حلّين أحدهما معدوم و الآخر lpha حيث 2
  - . g(x) استنتج إشارة 3

مي الدالة المعرّفة على $\mathbb{R}$ كما يلي :  $\mathbf{C}_{f}(x) = \frac{2x-2}{e^{x}-2x}$  على على على على المستوي والدالة المعرّفة على على المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $\left(O;\overrightarrow{i},\overrightarrow{j}\right)$  . ( وحدة الطول المتعامد والمتجانس









- y=-1 بيّن أن $(C_{
  m f})$  يقبل عند $-\infty$  و $+\infty$  مستقيمين مقاربين معادلتاهما على الترتيب  $-\infty$ y = 09
  - $f'(x) = rac{g(x)}{(e^x 2x)} : x$ برهن أنه من أجل كل عدد حقيقي (۱) برهن أنه من أجل كل عدد الم
    - . f'(x) استنتج إشارة f'(x) ، ثم شكّل جدول تغيرات الدالة (ب)
      - $(\mathbf{f}(\mathbf{x})$  أحسب  $\mathbf{f}(1)$ ، ثم استنتج ، حسب قيم
  - . مو العدد المعرّف في السؤال 2 من الجزء الأول ،  $f(lpha)=-1+rac{1}{lpha-1}$  بينٌ أنّ  $rac{1}{lpha-1}$ 
    - (ب) استنتج حصرا للعدد $f(\alpha)$  ( تدوّر النتائج إلى  $f(\alpha)$ 
      - . ( $C_f$ ) أرسم (ج)

الدوال الاِّسية – بكالوريا 202

- $2\mathsf{x}-2=:$  ناقش بيانيا ، حسب قيم الوسيط الحقيقي $\mathsf{m}_{i}$ ، عدد و إشارة جلول المعادلة 4 $(e^{x}-2x)(m+1)$ 
  - .  $\mathtt{h}(\mathtt{x}) = [\mathtt{f}(\mathtt{x})]^2 :$ هي الدالة المعرّفة على  $\mathtt{R}$ كما يلي  $\mathtt{h}$
  - . h'(x)فر استنتج إشارة کل من f(x) و h'(x) ، ثم استنتج إشارة (۱)
    - (ب) شكّل جدول تغيرات الدالة .









# بكالوريا 2013 م02

 $g(x) = g(x-1)e^x$  الدالةgمعرّفة على

- 1 أدرس تغيرات الدالة g.
- $1 + (x-1)e^x \ge 0$  بیّن أنه من أجل كل عدد حقیقی 2

. 
$$\{egin{array}{ll} f(x)=rac{e^x-1}{x}\ ;\ x\succ 0 \ \end{array}\}$$
 ومي الدالة المعرِّفة على] $(0;+\infty[$ كما يلي :

- $[0;+\infty]$ بيّن أنf مستمرة على (۱) ا
  - $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ نب) أحسب (ب)
- .  $f'(x) = \frac{1 + (x 1)e^x}{x^2} : [0; +\infty[$ ن من أجل كل عدد حقيقي x من (۱) تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x
  - (ب) استنتج إتجاه تغير الدالةf ، ثم شكّل جدول تغيراتها .

 $f_{n}\left(x
ight)=rac{e^{x}-1}{x}+\ :$  عدد طبیعي حیث $f_{n}$  ،  $n\geqslant1$  الدالة المعرّفة علی n $.ig(O;\overrightarrow{i},\overrightarrow{j})$  تفثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس ( $C_n$ ) . n





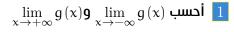
- $[0;+\infty[$ ا أدرس إتجاه تغير الدالة  $f_n$  على المجال 1
  - $\lim_{x \to +\infty} f_n(x)$  و  $\lim_{\substack{x \to 0 \\ x \to 0}} f_n(x)$  احسب 1
- $(C_{n+1})$  و  $(C_n)$  و النسبى للمنحنيين و أدرس الوضع النسبى للمنحنيين 3
- . بيّن أن جميع المنحنيات تمر من نقطة ثابتة ${ t B}$ يطلب تعيين إحداثياتها  ${ t 4}$
- $f_1(\alpha_1) = 0$ : بیّن أنه ، پوجد عدد حقیقی وحید $\alpha_1$ من]0,3;0,4[ بحیث ، پوجد عدد حقیقی وحید (۱) [0,3;0,4]
- (ب) بیّن أنه ، من أجل كل عدد طبیعیnحیث $1 \geqslant 1$ فإن  $n \geqslant 1$ ثم برهن أنه یوجد  $\mathbf{r}_{n}\left(\mathbf{lpha}_{n}
  ight)$ عدد حقیقی وحید $\mathbf{lpha}_{n}$  من $\mathbf{lpha}_{1};1$ بحیث







.  $g\left(x\right)=\left(x+2\right)e^{x}-2$  والدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$ كما يلى



- 2 أدرس اتجاه تغير الدالةgثم شكّل جدول تغيراتها .
  - g(x) أحسبg(0)، ثم استنتج إشارة

نعتبر الدالة $f(x) = 2x + 3 - (x + 1)e^x$  ب تعثيلها البياني في اعتبر الدالة المعرفة على R ب  $.\left(O;\overrightarrow{i},\overrightarrow{j}
ight)$ المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس

- $\lim_{x\to -\infty} f(x)$  بيّن أن  $\lim_{x\to +\infty} f(x) = -\infty$  ، ثم أحسب أ
- f'(x) = -g(x) بیّن أنه من أجل كل عدد حقیقیx يكون (۱) 2
  - . fاستنتج اشارة f'(x) ، ثم شكّل جدول تغيرات الدالة (ب)
- $-\infty$ جن أن المستقيم $(\Delta)$  ذا المعادلةy=2x+3 مستقيم مقارب مائل للمنحنى $(\Delta)$  عند $(C_f)$  $(\Delta)$  أدرس وضعية  $(C_{\mathrm{f}})$  بالنسبة للمستقيم  $(\Delta)$
- $-1,56 \prec \beta \prec g \rightarrow 0,92 \prec \alpha \prec 0,93:$  تقبل حلّین  $\alpha$  و $\beta$  حیث f(x)=0 و f(x)=0 این أن المعادلة f(x)=0-1,55





 $[-\infty;rac{3}{2}]$  ب أنشئ المستقيم ( $\Delta$ )والمنحنى ( $C_{
m f}$ )على المجال

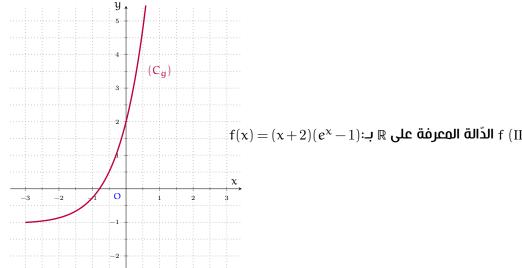




#### بكالوريا 2019 م01

- - $.g(-rac{1}{2})$  و g(-1) عدّد إشارة (1
- ب) إستنتج وجود عدد حقيقي  $\alpha$  وحيد من المجال  $1; -\frac{1}{2}$   $1; -\frac{1}{2}$  وحيد من المجال  $g(\alpha)=0$  بحيث  $g(\alpha)=0$  ثم تحقّق أنّ  $g(\alpha)=0$ 
  - $\mathbb{R}$  جg(x) على g(x) على





- $(C_f)$ و تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس و  $(C_f)$ 
  - $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  أحسب أ
  - f'(x)=g(x)، f عدد حقيقي عدم عَل عدد عقيقي و من عَل عدد عقيقي و بيّن أنّه من عل عدد عقيقي  $\mathbf{g}(x)$
- أ) أحسب (f(x)+x) ثم إستنتج أنّ  $(C_f)$  يقبل مستقيما مقاربا مائلا ( $\Delta$ ) يطلب تعيين معادلة له.
  - ب) أدرس الوضع النسبي للمنحنى  $(\mathsf{C}_\mathsf{f})$  والمستقيم  $(\Delta)$ .
  - .( $\Delta$ ) ج) أكتب معادلة ل(T) مماس ( $C_f$ ) مماس
  - $(\mathbf{f}(\mathbf{\alpha}) pprox -0.7$  أرسم المستقيم  $(\Delta)$  والمنحنى  $(C_{\mathbf{f}})$  على المجال  $(\Delta)$ 
    - $\mathbb{R}$  على f أحسب f(x)-g(x) ثم إستنتج دالة الأصلية للدالة f



- البياني  $(C_h)$  و  $h(x)=|x|(e^{|x|-2}-1)+1:$  كمايلي  $\mathbb R$  كمايلي h 6 كمايلي . و المعلم السابق .
  - أ) بيّن أنّ الدّالة h زوجية.
  - . ب) بناكد أنّه من أجل كل x من المجال  $]0;+\infty[$  فإنّ x من أجل كل x
  - [-3;3] على المجال ( $(C_h)$  ج) غيف يمكن رسم على إنطلاقا من  $(C_f)$  غي أرسم





## بكالوريا 2020 م01

f(x)=x-1الدالة العددية f معرفة على المجال f(x)=x-1ب:  $[-1;+\infty[$  بالدالة العددية

 $(O; \vec{u}, \vec{v})$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس  $(C_{\rm f})$  وحدة الطول (2cm).



- .  $f'(x) = (1 e^{-x})(2e^{-x} + 1) : [-1; +\infty[$  بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال (۱)
  - $(\mathbf{p})$  ادرس إشارة  $\mathbf{f}'(\mathbf{x})$  واستنتج اتجاه تغير الدالة  $\mathbf{f}$
  - $\operatorname{f}$  (ج) احسب  $\operatorname{f}(x)$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $\operatorname{f}(x)$
  - $y=x-rac{3}{4}$  را) بين أن المستقيم  $y=x-rac{3}{4}$  المعادلة ( $\Delta$ ) دي المعادلة ( $\Delta$ ) بين أن المستقيم ( $\Delta$ ) دي المعادلة ( $\Delta$ )
  - له. معادلة له. مماسا (T) موازیا للمستقیم  $(\Delta)$  یطلب کتابة معادلة له.  $(C_f)$ 
    - . بین أن  $(C_{\mathrm{f}})$  یقبل نقطة انعطاف یطلب تعیینها 4
      - $(C_{\mathrm{f}})$  ارسم  $(\Delta)$  ، (T) والمنحنى (T)
- f(x) = x + m ليكن m وسيط حقيقي. عين مجموعة قيم m التي من أجلها تقبل المعادلة m حلين مختلفين.







## بكالوريا 2021 م01

- $g(\mathbf{x}) = \mathbf{x}^2 \mathbf{5} + e^{\mathbf{x} 1}$  الدالة g المعرفة على المجال  $g(\mathbf{x}) = \mathbf{x}^2 \mathbf{5} + e^{\mathbf{x} 1}$  بادالة و
  - $[0;+\infty[$  بين أن الدالة g متزايدة على المجال g
- $1.71 \prec lpha \prec 1.72$  بين ان المعادلة g(x) = 0 تقبل حلا وحيدا lpha بحيث (I) 2
  - $.g(\mathbf{x})$  استنتج حسب قیم  $\mathbf{x}$  اشارة (ب)
- $f(x) = x + 1 + (-x^2 2x + 3)e^{1-x}$  بادالة العددية المعرفة على المجال  $f(x) = x + 1 + (-x^2 2x + 3)e^{1-x}$  بادالة العددية المعرفة على المجال
  - $(O; ec{u}, ec{v})$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس (C)





- f'(x) = g(x) این أنه من اجل کل عدد حقیقی موجب x لدینا: (۱) 1
  - (p) استنتج اتجاه تغير الدالة g على المجال  $[0;+\infty[$
- $\inf$  بین أن  $\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$  ثم شكل جدولا لتغیرات الدالة (ج.
- (C) نم ادرس وضعية y=x+1 مستقيم ( $\Delta$ ) نم ادرس وضعية يين أن المستقيم ( $\Delta$ ) نم ادرس وضعية يين أن المستقيم ( $\Delta$ ).
- ين (C) يقبل مماسا (T) موازيا ل (Delta) في نقطة A يطلب تعيين فاصلتها . (لايطلب (C) يقبل مماسا (T)).
  - (1)بین أن (C) یقبل نقطة انعطاف وحیدة فاصلتها (C)
  - $\mathsf{f}(lpha)\simeq 1.1$  (C) و (T) و (C) . ((C) و (T) و  $(\Delta)$  . (C) و (T) و  $(\Delta)$ 
    - $f(x)=-x+1+(-x^2+2x+3)e^{x+1}:$ الدالة لا المعرفة على  $]-\infty;0]$  بن تمثيلها البياني في المعلم السابق ( $C_{\rm h}$ )
      - h(x)=f(-x):تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي سالب لدينا (۱)
        - (ب) اشرح کیفیة رسم  $(C_{
          m h})$  انطلاقا من (C) ثم ارسمه.

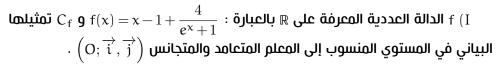
# 5 بكالوريات جزائرية شعبة رياضيات 🗲







## بكالوريا 2008 م02

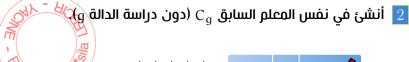


- 1 أدرس تغيرات الدالة f .
- .  $\omega$  عند النقطة  $\sigma$  عند النقطة  $\sigma$  أ) بين أن  $\sigma$  يقبل نقطة إنعطاف  $\sigma$  وأكتب معادلة لمماس  $\sigma$ 
  - .  $\mathsf{C}_\mathsf{f}$  ب) أثبت أن w مركز تناضر للمنحنى
  - .  $\lim_{x \to -\infty} \left[ f(x) (x+3) \right]$  و  $\lim_{x \to +\infty} \left[ f(x) (x-1) \right]$  أحسب (أ
  - ب) إستنتج أن  $\mathsf{C}_\mathsf{f}$  يقبل مستقيمين مقاربين يطلب إعطاء معادلة لكل منهما.





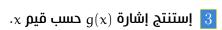
- ]-2.77;-2.76اً من المجال  $\chi_0$  من المجال في نقطة وحيدة فاصلتها و $\chi_0$  من المجال (أ
  - . ب) أحسب f(1) و مستقيميه المقاربين f(-1) ثم أرسم f(1) و مستقيميه المقاربين
- و الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb R$  بالعبارة  $g(x)=-x+3-rac{4}{e^x+1}$  منحنى g(x)=0 منحنى على g(x)=0 منحنى والة g(x)=0
  - g(x) = f(-x):أ) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x فإن
  - $\cdot$  ,  $\mathsf{C}_\mathsf{g}$  با إستنتج أنه يوجد تحويل نقطي بسيط يحول





بكالوريا 2010 م02

- $g(x) = (3-x)e^x 3$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb R$  كمايلي g (I
  - 1 أدرس تغيرات الدالة g.
- $2.82 \prec lpha \prec :$ بين أن المعادلة  $g(\mathbf{x}) = 0$  تقبل في  $\mathbf{g}$  حلين أحدهما معدوم والأخر  $\mathbf{g}$  حيث 2.83



$$f(x)=rac{x^3}{e^x-1}\,;x
eq 0$$
الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb R$  كمايلي و f (II  $f(0)=0$ 

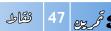
- $.\left(0;\overrightarrow{i},\overrightarrow{j}
  ight)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(C_f)$
- يين أن الدالة  ${\bf f}$  تقبل الإشتقاق عند  ${\bf x}_0=0$  ، أكتب معادلة لـ  ${\bf (T)}$  مماس  ${\bf (C_f)}$  عند المبدأ .O
  - .  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ، ثم أحسب أن:  $\lim_{x \to +\infty} x^3 e^{-x} = 0$ 
    - $f'(\mathsf{x}) = rac{\mathsf{x}^2 \mathsf{g}(\mathsf{x})}{(e^\mathsf{x} 1)^2}$  ب) بین أنه من أجل  $\mathsf{x} 
      eq 0$  فإن
      - ج) تحقق أن:  $\mathbf{f}(\alpha) = \alpha^2(3-\alpha)$  ثم عين حصرا له.
        - د) أنشئ جدول تغيرات الدالة f.
  - $x\mapsto -x^3$  أحسب  $f(x)+x^3$  و إستنتج الوضعية النسبية لـ  $f(x)+x^3$  و أحسب  $f(x)+x^3$  المالة النسبية المسبية ل $\lim_{x\to -\infty}\left[f(x)+x^3\right]=0$  بين أن  $f(x)+x^3$





.  $(C_f)$  و (C) و المنحنيين (C) و المعلم المع



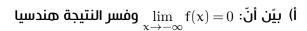


#### بكالوريا 2011 م01



 $f(x)=(3x+4)e^x$  : نعتبر الدالة العددية f المعرفة على  $\mathbb R$  كمايلي المعلم المتعامد و المتجانس ( $C_f$ ) و  $C_f$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $C_f$ 

- $f^n(x)=$  أحسب f'' ، f'' ثم برهن بالتراجع أنّه من أجل كل عدد طبيعي f''' ، f'' ثم برهن بالتراجع أنّه من أجل كل عدد طبيعي f''' ، f'' ، f'
  - $y^{\,\prime\prime} = (3 {
    m x} + 16) e^{
    m x}$  ب $y^{\,\prime\prime} = (3 {
    m x} + 16) e^{
    m x}$  ب



- ب) أدرس إتجاه تغير الدالة f ، ثم شكّل جدول تّغيراتها
- .  $-\frac{10}{3}$  أكتب معادلة للمماس  $(\Delta)$  للمنحنى  $(C_{\mathrm{f}})$  في النقطة  $\omega$  التي فاصلتها (أ
  - $(\mathsf{C}_\mathsf{f})$  بيّن أن  $\omega$  هي نقطة إنعطاف المنحنى
    - $[-\infty;0]$  ج] أرسم  $[C_{\mathrm{f}})$  و  $[C_{\mathrm{f}})$  على المجال
- أ،  $\int\limits_{-1}^{x} te^t dt$  عدد حقيقي من المجال  $[-\infty;0]$  ، بإستعمال التكامل بالتجزئة جد  $[-\infty;0]$  ، ثم إستنتج د الة أصلية للدالة  $[-\infty;0]$  على المجال  $[-\infty;0]$ 
  - $-rac{4}{3}$ ب)  $\lambda$  عدد حقیقی أصغر تماما من  $\lambda$  الدینات درالة  $\lambda$  الدینات

أحسب بدلالة  $\lambda$  المساحة ( $\lambda$ ) للحيز من المستوي المحدد بالمنحنى ( $\lambda$ ) و المستقيمات .  $\lim_{\lambda\to-\infty}A(\lambda)$  بثم جد  $\lambda$  ،  $\lambda$  بثم جد ( $\lambda$ ) و المستقيمات التي معادلاتها المساحة ( $\lambda$ ) بأدار المستقيمات المستقيم المستقيم المستقيم المستقيمات المستقيمات المستقيمات المستقيم المستقيمات المست







## بكالوريا 2012 م01



- .  $g(x) = 2 xe^x$  مى الدالة المعرفة على  $\mathbb R$  كمايلي g ( g
  - . أدرس تغيرات الدالة g ، ثم شكل جدول تغيراتها  $oldsymbol{1}$
- $0.0,8 \prec lpha \prec 0.9$  بيّن أنّ المعادلة :  $g(\mathbf{x}) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\mathbf{a}$  على  $\mathbf{g}$  ، ثمّ تحقق أنّ
  - g(x) عیّن ،حسب قیم x اشارة 3



- $f(x)=\dfrac{2x+2}{e^x+2}:$  حمي الدالة المعرفة على  $\mathbb R$  كمايلي و f (II  $f(x)=\dfrac{2x+2}{e^x+2}:$  مي الدالة المعرفة على  $\mathbb R$  كمايلي في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $C_f$ ) وحدة الطول (2cm)
  - . أن:  $\lim_{x \to +\infty} \mathsf{f}(x) = 0$  ، ثم فسر النتيجة الهندسية .
    - $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  أحسب (أ
  - $(C_f)$  بيّن أن المستقيم  $(\Delta')$  ذا المعادلة y=x+1 مستقيم مقارب للمنحنى
- أدرس وضعية  $(C_f)$  بالنسبة إلى كل من  $(\Delta')$  و  $(\Delta')$  و  $(\Delta)$  ، حيث  $(C_f)$  هو المستقيم ذو المعادلة y=x
- . f غير الدالة من أجل كل عدد حقيقي x ، x  $\frac{2g(x)}{(e^x+2)^2}$  ، x عدد حقيقي (أ
  - . f بيّن أن:  $\alpha = \alpha$  ، ثم شكل جدول تغيرات الدالة
    - .  $(C_{\mathrm{f}})$  و  $(\Delta')$  ،  $(\Delta)$  و  $(\Delta')$
  - f(x)=f(m) عدد حلول المعادلة ، مسب قيم الوسيط الحقيقي m ، عدد حلول المعادلة  ${f 6}$
  - ومن أجل كل عدد  $U_n)$  هي المتتالية العددية المعرفة على  $\mathbb N$  كمايلي  $U_n$  ومن أجل كل عدد  $U_{n+1}=f(U_n):n$  طبيعي  $U_n$ 
    - $0\leqslant U_n\leqslant lpha:$ ת برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي  $oldsymbol{1}$
- و يا ، ثم خمّن إتجاه ،  $u_2$  و  $u_1$  ،  $u_0$  : بإستعمال ( $u_1$  ) مثّل على محور الفواصل الحدود ( $u_1$  ،  $u_2$  و مصّن إتجاه . ( $u_n$  ) تغير
  - . برهن أن المتتالية  $(\mathfrak{U}_n)$  متقاربة ، ثم أحسب نهايتها 3







#### بكالوريا 2013 م01

- $g(x)=1+(x^2-1)e^{-x}:$ الدالة g معرفة على  $\mathbb R$  بـ ( I
  - $\lim_{x \to +\infty} g(x)$  و  $\lim_{x \to -\infty} g(x)$  أحسب (أ
- و)  $g\left(1-\sqrt{2}
  ight)pprox-0,25$  ب) أدرس إتجاه تغير الدالة g ،ثم شكل جدول تغيراتها . (ناحذ:  $g\left(1+\sqrt{2}
  ight)pprox1,43$
- ،  $\alpha$  أَن المعادلة : g(x)=0 تقبل حليّن في  $\mathbb R$  ، ثمّ تحقّق أنّ أحدهما معدوم و اللّخر  $\cdots$  الله المعادلة :  $-0.8 \prec \alpha \prec -0.7$





- $\cdot$ ب) إستنتج إشارة g(x) حسب قيم العدد الحقيقى  $\cdot$
- $f(x) = x (x+1)^2 e^{-x}$  الدالة f معرفة على  $\mathbb{R}$  بنا (II
- $.ig(\mathrm{O};\overrightarrow{\mathfrak{i}},\overrightarrow{\mathfrak{j}}ig)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(\mathrm{C}_\mathrm{f})$ (وحدة الطول 2cm)

  - $+\infty$  بيّن أنّ المستقيم  $(\Delta)$  ذا المعادلة  $\chi=\chi$  ، مقارب مائل للمنحنى  $(\Delta)$  عند
    - $(\Delta)$  أدرس وظعية المنحنى  $(C_f)$  بالنسبة إلى المستقيم
- (ريرمزf'(x)=g(x):x المشتقة للدالة المشتقة للدالة أ) بيّن أنّه ، من أجل كل عدد حقيقي
  - ب) شكّل جدول تغيرات الدالة  $_{\mathrm{f}}$  على  $_{\mathrm{g}}$  . تأحذ :  $(_{\mathrm{f}})$
- أ) بيّن أنّ المنحى  $(C_{\rm f})$  يقبل ممامسين ، معامل توجيه كل مُنَّهُما يساوى 1 ، يطلب تعين معادلة لكل منهما .
  - $\cdot$  ( $C_{\rm f}$ ) و المماسين و المنحنى ( $\Delta$ ) ب مثل
- $\cdot$  باقش بيانيا ، حسم قيم الوسيط الحقيقى  $oldsymbol{m}$  ، عدد حلول المعادلة ذات المجهول  $(x+1)^2 + me^x = 0$ 
  - .  $H(x) = (-x^2 4x 5)e^{-x}$  الدالة H معرفة على  $\mathbb{R}$  ب ب
    - $\mathbf{x}\mapsto (\mathbf{x}+1)^2\mathbf{e}^{-\mathbf{x}}$  الله أصلية للدالة: H دالة أصلية للدالة:
- $(\Delta)$  أحسب بالسنتيمتر المربع ، مساحة الحيّز المستوى المحدّد بالمنحنى  $(C_{
  m f})$  و المستقيم  $\mathbf{x} = 0$  و المستقيمين اللّذين معادلتاهما
- $\mathfrak{u}_{n+1}=:\mathfrak{n}$  المتتلية العددية المعرّفة ب $\mathfrak{u}_0=lpha=\mathfrak{u}$  و من أجل كل عدد طبيعى  $(\mathfrak{U}_n)$  $f(u_n)$

 $(g(\alpha) = 0 : \alpha$  يحقق (تذكر أنّ العدد  $\alpha$ 

- $-1 \leqslant \mathfrak{u}_n \leqslant \alpha$  ، n برهن بالتراجع أنّه ، هن أجل كل عدد طبيعيى
  - . بيّن أنّ المتتالية  $(\mathfrak{U}_n)$  متناقصة 2
  - . إستنتج أنّ  $(\mathfrak{U}_n)$  متقاربة ، ثمّ أحسب نهايتها 3





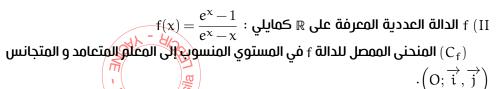


الدوال 👼 بكالوريا 2022



#### بكالوريا 2014 م01

- $g(x) = (2-x)e^x 1:$ ادالة العددية المعرفة على  $\mathbb R$  كمايلي g(x) = g(x)
  - g أدرس تغيرات الدالة
- $1.8 \prec \beta \prec 1.9$  و 3 حيث  $-1.2 \prec \alpha \prec -1.1$  و 3 حيث g(x)=0 حلان g(x)=0
  - .  $\mathbb{R}$  على g(x) على 3



- . أحسب نهاية الدالة f عند f عند f فسر النتيجتين هندسيا أحسب نهاية الدالة أعند f
- و بیّن أنه من أجل كل عدد حقیقي  $x: x=rac{g(x)}{(e^x-x)^2}$  و إستنتج إتجاه تغیر الدالة a ثم شكل جدول تغیراتها .
  - f(eta) و f(lpha) و ييّن أنّ  $f(lpha)=rac{1}{lpha-1}$  و إستنتج حصرا للعددين 3
    - .  $(C_f)$  ثم أرسم المنحنى f(1)
      - $_1$  عدد حقيقي أكبر أو يساوي  $_{\lambda}$
    - $lpha(\lambda) = \int\limits_1^\lambda \left[ f(x) 1 
      ight] \mathrm{d}x :$  أ أحسب بدلالة  $\lambda$  العدد
      - $+\infty$  ب) أحسب نهاية  $lpha(\lambda)$  عندما يؤول  $\lambda$  إلى







## بكالوريا 2015 م02



- $:]-\infty;0[$  و من أجل كل عدد حقيقي x من المجال f و من أجل كل عدد f و من أجل كا عدد f و من أجل f
- المنحنى الممثل للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس (  $C_f$  ) المنحنى الممثل للدالة  $O(\overrightarrow{i},\overrightarrow{j})$ 
  - . أدرس إستمرارية الدالة f عند 0 من اليسار  $oxed{1}$
  - . أحسب  $\lim_{x \stackrel{.}{ o} 0} \frac{f(x)}{x}$  ، ثنّفسر النتيجة هندسيا



- $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  أحسب (أ
- ب) أدرس إتجاه تغيّر الدالة f ، ثم شكّل جدول تغيّراتها .
  - .  $\lim_{x \to -\infty} [f(x) x] = 0$  يُن أَنَّ: (1)
- ب) استنتج أنّ المنحنی  $(C_{\rm f})$  يقبل مستقيما مقاربا مائلا  $(\Delta)$  بجوار  $(C_{\rm f})$  يقبل مستقيما مقاربا مائلا الم
  - .  $g(\mathbf{x})=rac{\mathsf{f}(\mathbf{x})}{\mathbf{x}}:$  الدالة المعرفة على المجال g=0 بـ: g
    - اً أحسب g(x) أحسب أ
    - . أدرس إتجاه تغيّر الدالة g ثم شكّل جدول تغيراتها
  - ر بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال  $\infty$  $\infty$ أ) بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقي  $\infty$ 
    - $\widehat{\phantom{a}}$ ب) إستنتج وظعية المنحنى  $(C_{
      m f})$  بالنسبة إلى المستقيم  $\widehat{\phantom{a}}$ 
      - ج) أنشئ المنحنى  $(C_f)$ .
  - $\cdot$   $\mathfrak{u}_{n+1} = \mathsf{f}(\mathfrak{u}_n) : \mathsf{n}$  المتتالية العرّفة ب $\mathfrak{u}_0 = -3$  و من أجل كل عدد طبيعي  $(\mathfrak{u}_n)$ 
    - .  $u_n \prec 0: n$  أ) بيّن أنّه من أجل كل عدد طبيعي
      - $(\mathfrak{u}_n)$  حدّد إتجاه تغيّر المتتالية
    - $\lim_{n o +\infty} \mathfrak{u}_n$  بيّن أنّ المتتالية  $(\mathfrak{u}_n)$  متقاربة ، ثم عيّن
- $= -\infty;0$ ا الدالة ذات المتغيّر الحقيقيي  $= 1-\infty;0$  المعرفة على المجال  $= 1-\infty;0$  ب.  $= 1-\infty;0$  الدالة ذات المتغيّر الحقيقيي  $= 1-\infty;0$  الدالة ذات المتغيّر الحقيقيي  $= 1-\infty;0$ 
  - .  $h_{\mathfrak{m}}$  حيث  $h'_{\mathfrak{m}}$  مى الدالة المشتقة للدالة أ
- ب) بإستعمال المنحنى  $(C_{\rm f})$  ، ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي  ${\mathfrak m}$  ، عدد حلول المعادلة و  ${\mathfrak h}'_{\rm m}({\mathfrak x})=0$





# گر چھ

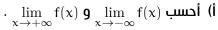
## بكالوريا 2016 م02



- $\varphi(\mathbf{x}) = \left(\mathbf{x}^2 \mathbf{x} + 1\right)e^{-\mathbf{x} + 1} 1:$ الدالة العددية المعرّفة على  $\mathbb R$  كمايلي  $\varphi(\mathbf{I})$ 
  - $\lim_{x \to +\infty} \phi(x)$  و  $\lim_{x \to -\infty} \phi(x)$  أحسب (1)
  - ب) أدرس إتجاه تغيّر الدالة  $\varphi$  ثم شكّل جدول تغيّراتها .



- $2,79\prec lpha\prec lpha$ بيّن أنّ المعادلة : 0=0 تقبل في 0 ، حلاً lpha يختلف عن 1 ثم تحقّق أنّ : 0 عن 0 جين أنّ المعادلة : 0
  - .  $\mathbb{R}$  استنتج إشارة  $\varphi(x)$  على 3
- g(x)=g و الدالتان العدديتان المعرّفتان على  $\mathbb R$  كمايلي : g و الدالتان العدديتان المعرّفتان على g كمايلي :  $\frac{2x-1}{x^2-x+1}$
- و  $(C_g)$  تمثيلاهما البيانيان في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(C_g)$  .



- ب) أدرس إتجاه تغيّر الدالة  $_{
  m f}$  ، ثم شكل جدول تغيّراتها.  $_{
  m c}$
- ين أن ٌ للمنحنيين  $(C_{\rm f})$  و  $(C_{\rm g})$  مماسا مشتركا (T) في النقطة دات الفاصلة  $(C_{\rm g})$  ثمّ جد معادلة له .
  - $(C_f)$  أرسم المماس (T) و المنحنى (T)
  - .  $f(x) g(x) = \frac{(2x-1)\varphi(x)}{x^2 x + 1} : x$  کا عدد حقیقي (أ
- و) و النسبي للمنحنيين المرق f(x)-g(x) على  $\mathbb{R}$  ، ثمّ إستنتج الوضع النسبي للمنحنيين و المرق . (C  $_{\mathbf{q}}$ 
  - $\int\limits_{1}^{x}f(t)dt:x$  ج) بإستعمال مكاملة بالتجزئة ، أحسب بدلالة العدد الحقيقي
  - د) أحسب مساجة الحيّز المستوي المحدّد بالمنحنيّين  $(C_g)$  و  $(C_g)$  و المستقيمين اللذيّن . x=2 ، x=1

(III)

- غير عدد طبيعي غير  $f^{(n)}(x)$  أعط تخمينا لعبارة  $f^{(n)}(x)$  حيث  $f^{(3)}(x)$  معدوم .
- $f^n(x) = (-1)^n \left[2x (2n+1)\right] e^{1-x} : n$  برهن بالتراجع أنّه من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم
- $\mathfrak{u}_n=:$  المتتالية العددية المعرّفة من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم  $\mathfrak{n}$  ، كمايلي  $\mathfrak{U}_n$  .  $f^{(n)}(1)$ 
  - $\mathfrak{u}_k + \mathfrak{u}_{k+1} :$  المجموع ، المجموع غير المعدوم ) أحسب بدلالة العدد الطبيعي غير المعدوم
    - $\mathfrak{u}_1+\mathfrak{u}_2+\cdots+\mathfrak{u}_{2n}:$ ب) إستنتج بدلالة  $\mathfrak{n}$  ، المجموع







#### بكالوريا 2017 م01

 $\mathsf{f}(\mathsf{x}) = (-\mathsf{x}^3 + 2\mathsf{x}^2)e^{-\mathsf{x}+1}$  نعتبر الدالة العددية المعرّفة على  $\mathbb{R}$  ب

 $.\left(0;\overrightarrow{\mathfrak{i}},\overrightarrow{\mathfrak{j}}
ight)$  المنحنى الممثل للدالة  $_f$  في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس الممثل للدالة  $_f$ 

- أ) أحسب  $(C_f)$  يطلب تعيين معادلة ،  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  إستنتج وجود مستقيم مقارب للمنحنى أ $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  يطلب تعيين معادلة له .
  - $f'(x)=x(x^2-5x+4)e^{-x+1}:x$  بيّن أنّ: من أجل كل عدد حقيقي  $f'(x)=x(x^2-5x+4)e^{-x+1}:x$ ثم إستنتج إتجاه تغيّر الدالة  $f'(x)=x(x^2-5x+4)e^{-x+1}:x$ ثم إستنتج إتجاه تغيّر الدالة  $f'(x)=x(x^2-5x+4)e^{-x+1}:x$ 
    - . 2 أكتب معادلة  $(\mathsf{T})$  مماس المنحنى  $(\mathsf{C}_\mathsf{f})$  في النقطة ذات الفاصلة 2
- . الدالة المعرفة على المجال  $0;+\infty[$  كمايلي  $(0;+\infty[$  كمايلي h الدالة المعرفة على المجال h ثم إستنتج إشارة h ثم إستنتج إشارة h عدّد عند ئذ و ظعية المنحنى h بالنسبة إلى h على أدرس إتجاه تغيّر الدالة h ثم إستنتج إشارة h ثم إستنتج المجال h عند أنذ و ظعية المنحنى h بالنسبة إلى h على أدرس إتجاه تغيّر الدالة h ثم إستنتج إشارة h عند أنذ و ظعية المنحنى h بالنسبة إلى h على أدرس إتجاه تغيّر الدالة h ثم إستنتج إشارة h عند أنذ و ظعية المنحنى h على أدرس إتجاه تغيّر الدالة h أدرس إستنتج إشارة h على أدرس إتجاه تغيّر الدالة أدرس إستنتج إشارة h أدرس إستنتج إلى أدرس إلى أدرس
  - .  $[0;+\infty[$  على المجال  $(C_f)$  و المنحنى المجال (T)
  - $(E)\cdots f(x)=m(x-2):$  نعتبر m وسيط حقيقي و المعادلة ذات المجمول الحقيقي x الموجب وسيط حقيقي و المعادلة m عدد حلول المعادلة m .
    - .  $g(x)=f\left(\frac{1}{x}\right)$  بادالة المعرفة على المجال g(x)=0; بg(x)=g(x) بادالة المعرفة على السؤال رقم g(x) ، شكّل جدول تغيّرات الدالة g(x)





# 🖠 قرين 54

# بكالوريا 2017 م02 الدورة الاستثنائية

 $\|\overrightarrow{\mathfrak{i}}\|=1$ دm : المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $\left(O;\overrightarrow{\mathfrak{i}},\overrightarrow{\mathfrak{j}}\right)$  حيث  $\left(C\right)\cdot f(x)=(x+1)^2e^{-x}$  عمايلي  $\mathbb{R}$  كمايلي  $\mathbb{R}$  كمايلي  $\mathbb{R}$  كمايلي  $\mathbb{R}$  كمايلي المعرفة على  $\mathbb{R}$ 

- $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  أحسب أ
- . أدرس إتجاه تيغيّر الدّالة  $_{\mathrm{f}}$  ثمّ شكّل جدول تغيراتها  $_{\mathrm{f}}$
- (C) يقبل نقطتي إنعطاف يطلب تعيّين إحداثييهما ، أحسب f(-2) ، ثم أرسم المنحى (C)

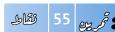
 $f_{\mathfrak{m}}(x)=(x^2+\mathfrak{m} x+1)e^{-x}:$ ليكن  $\mathfrak{m}$  وسيط حقيقي ، نعتّبر الدّالة  $\mathfrak{f}_{\mathfrak{m}}$  المعرّفة على  $\mathfrak{g}$  كمايلي  $\mathfrak{m}$  العكن  $\mathfrak{m}$  وليكن  $\mathfrak{g}$  تمثيلها البياني في المعلم السابق .



- . أثبت أنّ جميع المنحنيات  $(C_{\mathfrak{m}})$  تشمل نقطة ثابتة w يطلب تعيين إحداثييها 1
- أدرس إتجاه تغير الدّالة  $f_{\mathfrak{m}}$  و إستنتج قيم  $\mathfrak{m}$  التي من أجلها تقبل الدالة  $f_{\mathfrak{m}}$  قيمتين حدّيتين يطلب تعيينهما .
  - $x_m=1-m:$  حيث  $x_m$  منقطة من المنحنى  $(C_m)$  فاصلتها  $M_n$  حيث  $M_n$  نقطة من المنحنى m يمسح m فإن m تنتمى إلى منحن يطلب تعيين معادلة له .
  - .  $(C_m)$  و (C) الوظعية النّسبية للمنحنيين،  $m \neq 2$  عيث  $m \neq 2$  ، حيث ،  $m \neq 2$  أدرس حسب قيم الوسيط الحقيقي
    - أحسب بدلالة العدد الحقيقي الموجب تماما  $A(\alpha)$  ،  $\alpha$  مساحة الحيز المستوي المحدّد بالمنحنيين  $\lim_{\alpha \to +\infty} A(\alpha): \alpha$  و المستقيمين اللّذين معادلتيهما  $\alpha = \alpha = \alpha$  ثمّ أحسب  $\alpha = \alpha$  و  $\alpha = \alpha$

2022





بكالوريا 2018 م01



 $g(x)=(1+x+x^2)e^{- frac{1}{x}}-1$  بادالة العددية المعرفة على المجال  $g(x)=(1+x+x^2)e^{- frac{1}{x}}-1$  بادالة العددية المعرفة على المجال  $g(x)=(1+x+x^2)e^{- frac{1}{x}}-1$ 

- $g'(x)=rac{(x+1)(2x^3+1)}{x^2}e^{-rac{1}{x}}:]0;+\infty[$ بيّن أنّه من أجل كل x من المجال x من المجال x على المجال x و إستنتج إتجاه تغير الدالة x على المجال x
  - $0,9\prec lpha\prec 1$  بيّن أنّ المعادلة  $g(\mathbf{x})=0$  تقبل حلا وحيدا  $g(\mathbf{x})=0$  بيّن أنّ المعادلة  $g(\mathbf{x})=0$  على المجال  $g(\mathbf{x})=0$
- $f(x)=rac{1}{x}+(1+x)e^{-rac{1}{x}}$  الدالة العددية المعرفة على المجال f II و f التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $f(C_f)$  .  $f(C_f)$  .
  - .  $\lim_{\substack{x \to 0 \\ x \to 0}} f(x)$  و  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  أحسب أ
  - $f'(x)=rac{g(x)}{x^2}:]0;+\infty$ رب) بيّن أنّه من أجل كل x من المجال x من أجل كل بيّن أنّه من أجل كل x من المجال x و إستنتج إتجاه تغير الدالة x ثم شكّل جدول تغيراتها .
- $(\Delta)$  بيّن أنّ :  $t=-rac{1}{x}$  بيّن أنّ :  $t=-rac{1}{x}$  (يمكن وضع  $\lim_{x o +\infty}\left(xe^{-rac{1}{x}}-x
  ight)=-1$  ثم إستنتج أنّ المستقيم ( $t=-rac{1}{x}$  بيّن أنّ : y=x مقارب للمنحني y=x مقارب للمنحني المعادلة عليه بين أن المستقيم ( $t=-rac{1}{x}$ 
  - .  $h(x) = \frac{1}{x} 1 + e^{-\frac{1}{x}}$  بالدالة العددية المعرفة على  $0; +\infty$  على الدالة العددية المعرفة على ا



- $0;+\infty[$  على  $\lim_{x \to +\infty} h(x)$  على  $\lim_{x \to +\infty} h(x)$  أحسب و أدرس إتجاه تغير الدالة أ
- ب) تحقق أن  $\mathsf{c}(\mathsf{C}_\mathsf{f})$  بالنسبة إلى ثم إستنتج الوظعية النسبية لـ  $\mathsf{f}(\mathsf{x}) \mathsf{x} = (1+\mathsf{x})\mathsf{h}(\mathsf{x})$  بالنسبة إلى  $(\Delta)$  المستقيم
  - . ( $f(\alpha) \approx 1.73$  أرسم المستقيم ( $\Delta$ ) و المنحنى ( $C_{\rm f}$ ) . (نأحذ  $\Delta$
- $\mathfrak{u}_n=rac{\mathfrak{n}}{\mathfrak{n}+1}\mathsf{f}\left(rac{1}{\mathfrak{n}}
  ight)-rac{\mathfrak{n}^2}{\mathfrak{n}+1}$  حيث:  $\mathfrak{u}_n$  متتالية عددية معرفة على  $\mathbb{N}^*$  بحدها العام  $\mathfrak{u}_n$  حيث  $(\mathfrak{u}_n)$
- أ) أكتب  $\mathfrak{u}_n$  بدلالة  $\mathfrak{n}$  ثمّ بيّن أنّ المتتالية  $(\mathfrak{u}_n)$  هندسية يطلب تعيين أساسها و حدها
- $S_n = \left(\frac{1}{2}f(0) \frac{1}{2}\right) + \left(\frac{2}{3}f\left(\frac{1}{2}\right) \frac{1}{3}\right) + \left(\frac{3}{4}f\left(\frac{1}{3}\right) \frac{1}{4}\right) + \dots + \left(\frac{n}{n+1}f\left(\frac{1}{n}\right) \frac{1}{n+1}\right)$  حوث  $f_k(x) = (x+1)^2e^{-kx}$  بكالوريا 2019 م التمثيل البياني للدالة  $f_k$  اليكن  $f_k$  التمثيل البياني للدالة  $f_k$  المعلم المتعامد و المنسوب إلى المعلم المتعامد المعام المتعامد و المنسوب إلى المعلم المتعامد و المنسوب المنسوب إلى المعلم المتعامد و المنسوب المعلم المتعامد و المعلم المتعامد و المنسوب المعلم المتعامد و المعلم المتعامد و المنسوب المعلم المتعامد و المنسوب المعلم المتعامد و المنسوب المعلم المتعامد و المنسوب المعلم المنسوب المعلم المنسوب المعلم المعلم المعلم المنسوب المعلم المنسوب ال









ليكن  $(\mathscr{C}_k)$  التمثيل البياني للدالة  $f_K$  في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و  $\cdot \left( O; \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j} \right)$  المتجانس

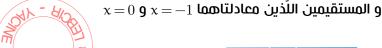
- . این أن کل المنحنیات  $(\mathscr{C}_{\mathbf{k}})$  تمر من نقطتین ثابتتین یطلب تعیینهما 1
- . (K فاعش حسب قيم الوسيط الحقيقی  $f_{\mathsf{K}}$  عند  $-\infty$  و  $-\infty$  ، . .  $+\infty$  أحسب نهايتي الدالة  $f_{\mathsf{K}}$ 
  - .  $f_k$  أحسب ثم حدّد حسب قيم الوسيط الحقيقى  $f_k'(x)$  أجباه تغير الدالة أ
    - ب) شكّل جدول تغيرات الدالة  ${
      m f}_k$  من أجل  ${
      m K}$  عدد حقيقي موجب تماما .
  - $(\mathscr{C}_{k+1})$  و  $(\mathscr{C}_k)$  ناقش حسب قيم الوسيط الحقيقى  $\mathsf{K}$  الأوضاع النسبية للمنحنيين  $\mathsf{L}$ 
    - $f(x) = (x+1)^2 e^{-2x}$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ f II

نسمى  $(\mathscr{C}_{\mathrm{f}})$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $.(0;\overrightarrow{i},\overrightarrow{j})$ 

- $\left|-rac{3}{2};+\infty
  ight|$  شكل جدول تغيرات الدالة  $_{\mathbf{f}}$  ، ثم أرسم المنحنى  $(\mathscr{C}_{\mathbf{f}})$  على المجال 1
- $1,28\prec lpha\prec -1,27:$  أ) بيّن أنّ المعادلة f(x)=1 تقبل حلّين في  $\mathbb R$  أحدهما lpha حيث



- ب) عيّن قيم العدد الحقيقي m التي من أجلها تقبل المعادلة :  $|rac{x+1}{e^x}|=|rac{m+1}{e^m}|$  حلا وحيدا
  - $g(x)+(x+1)e^{-2x}$  الدالة المعرّفة على  $\mathbb R$  بـ: g
- أ) بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقي x فإن:  $g'(x)+2g(x)-e^{-2x}=0$  ثم إستنتج دالة أصلية لـ g على  $\mathbb R$  .
- $(\mathscr{C}_{\mathsf{f}})$  بإستعمال المكاملة بالتجزئة ، أحسب A مساحة الحيز المستوي المحدّد بالمنحنى ومحور الفواصل

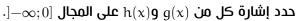








- الدالتان العدديتان g و h معرفتان على المجال  $[-\infty;0]$  كمايلي:
  - $h(x) = x(e^x + 1)$  **9**  $g(x) = -2e^x$



- $f(x) = (x-3)e^x + rac{1}{2}x^2$  بالدالة العددية f معرفة على المجال  $-\infty;0$  بالدالة العددية f
- $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس (
  - $f'(x) = h(x) + g(x) : ]-\infty;0]$  بين أنه من أجل كل x من المجال (۱)
    - $[-\infty;0]$  استنتج اتجاه تغير الدالة f على المجال (ب)
    - fدول تغیرات الدالة  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  و f(0) احسب و الدالة أ
- $-1.5 \succ :$  يين أن المعادلة f(x)=0 تقبل حلا وحيدا lpha في المجال f(x)=0 ثم تحقق أن  $lpha \succ -1.4$ 
  - $[-\infty;0]$  مو التمثيل البياني للدالة  $x\mapsto rac{1}{2}x^2$  على المجال (P)
    - ا احسب  $\lim_{x o -\infty} \left[ \mathsf{f}(x) rac{1}{2} x^2 
      ight]$  احسب (۱)
      - $(C_{\mathrm{f}})$  و (P) ادرس الوضع النسبي بين المنحنيين (P)
        - $]-\infty;0]$  على المجال (P) ثم (ج) أنشئ (P) على المجال
- $|f(x)| = e^m :$ ليكن m وسيط حقيقي. ناقش بيانيا وحسب قيم m عدد حلول المعادلة m في المجال  $[-\infty;0]$











#### بكالوريا 2021 م01

 $g(x) = (x^2 - 3)e^x + 3$  الدالة g المعرفة على  $\mathbb{R}$  ب: (I

- ادرس تغيرات الدالة g وشكل جدولا لتغيراتها. 1
- $1.53 \prec \alpha \prec 1.54$  بين أن المعادلة g(x)=0 تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث (I) 2
  - $(\mathbf{p})$  احسب  $\mathbf{q}(0)$  واستنتج إشارة  $\mathbf{q}(\mathbf{x})$  حسب قيم  $\mathbf{x}$ .

$$\mathrm{f}(\mathrm{x})=3\mathrm{x}+1+(\mathrm{x}^2-2\mathrm{x}-1)e^{\mathrm{x}}$$
 الدالة العددية  $\mathrm{f}$  المعرفة على  $\mathbb R$  ب: II

 $(O; \vec{u}, \vec{v})$  تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس (C)



- $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  احسب 1
- $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  احسب  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  عدد حقيقي  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ابين أنه من أجل عدد حقيقي  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  (ا)
  - (ب) استنتج إتجاه تغير الدالة f
    - (ج) شكل جدولا لتغيرات f
- $-\infty$  بجوار (C) ابین أن المستقیم ( $\Delta$ ) ایبن أن المصادلة y=3x+1 المعادلة ( $(\Delta)$ 
  - (ب) ادرس وضعية (C) بالنسبة ل
- $2.03 \prec \beta \prec 2.04:$  جين أن (C) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها  $\beta$  حيث(C)
- (c) بین أن (c) یقبل مماسین ((T')و((T')) موازیان ل ( $(\Delta)$ ).(لا یطلب تعیین معادلة کل من ((T'))
  - $[-\infty; 1+\sqrt{2}]$  ارسم  $(\Delta)$ و(T) ارسم (C)و(T') ارسم ( $(\Delta)$ (  $f(-\sqrt{3} \simeq -3.2 \text{ gf}(\sqrt{3}) \simeq -2.1 \text{ gf}(\alpha) \simeq -2.3 \text{ g} \alpha \simeq 1.53$  ( d
    - $h(x) = f[\ln(x)]$  المعرفة على  $0; +\infty$  ب $0; +\infty$  المعرفة على  $0; +\infty$ 
      - $\lim_{x \to +\infty} h(x)$  و  $\lim_{x \to 0} h(x)$  احسب (۱)
      - (ب) ادرس اتجاه تغير f وشكل جدولا لتغيراتها.

