

الدوال العددية

تمرين 01:

(I) نعتبر الدالة العددية g المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $g(x) = x^3 + 6x + 12$.
1) ادرس اتجاه تغير الدالة g .

2) بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث $\alpha \in]-1,48; -1,47[$ ثم استنتج حسب قيم العدد الحقيقي x إشارة $g(x)$.

(II) نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $f(x) = \frac{x^3 - 6}{x^2 + 2}$

ولیکن (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

1) أ) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

ب) بين أن من أجل كل عدد حقيقي x ، $f'(x) = \frac{x g(x)}{(x^2 + 2)^2}$

ثم ادرس اتجاه تغير الدالة f وشكل جدول تغيراتها.

2) أ) بين أن المستقيم (Δ) ذا المعادلة $y = x$ مقارب مائل للمنحنى (C_f) .

ب) ادرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة إلى المستقيم (Δ) .

3) بين أن $f(\alpha) = \frac{3}{2}\alpha$ ثم استنتج حصرا للعدد $f(\alpha)$.

4) ارسم المستقيم (Δ) والمنحنى (C_f) .

تمرين 02:

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على مجموعة الأعداد الحقيقية \mathbb{R} بالعلاقة:

$$f(x) = \frac{x^2 - x + 1}{x^2 + 1}$$

(C) المنحنى البياني الممثل للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

الوحدة $1cm$ على محور الفواصل و $4cm$ على محور الترتيب.

1) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x لدينا: $f(x) = 1 - \frac{x}{x^2 + 1}$.

2) احسب نهاية الدالة f عند $-\infty$ وعند $+\infty$ ، واستنتج أن (C) يقبل مستقيما مقاربا يطلب تعيين معادلة له.

3) ادرس وضعية (C) بالنسبة إلى المستقيم (Δ) الذي معادلته $y = 1$.

4) احسب $f'(x)$ واستنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

5) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f(-x) = 2 - f(x)$. واستنتج أن (C) يقبل مركز تناظر يطلب تعيينه.

6) ارسم المستقيم (Δ) والمنحنى (C).

الحل المفصل على القناة.

Chaîne youtube:

Prof-AhmedTrir

BAC - 2020

الدالة العددية f معرفة على $\mathbb{R} - \{-1\}$ كما يلي: $f(x) = \frac{x^2 + 3}{x + 1}$

يرمز (C_f) إلى المنحنى الممثل للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

I. 1) عيّن الأعداد الحقيقية a, b, c بحيث يكون من أجل كل x من $\mathbb{R} - \{-1\}$:

$$f(x) = ax + b + \frac{c}{x + 1}$$

2) احسب نهايات الدالة f عند أطراف مجالي مجموعة تعريفها.

3) بيّن أن المنحنى (C_f) يقبل مستقيماً مقارباً موازياً لمحور الترتيب يطلب تعيين معادلة له.

4) بيّن أن المستقيم (Δ) ذا المعادلة $y = x - 1$ مستقيم مقارب مائل للمنحنى (C_f) .

5) ادرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة للمستقيم (Δ) .

II. 1) بيّن أنه من أجل كل x من $\mathbb{R} - \{-1\}$ فإن: $f'(x) = \frac{(x-1)(x+3)}{(x+1)^2}$

2) عيّن اتجاه تغير الدالة f على مجالي مجموعة تعريفها و شكل جدول تغيراتها.

3) اكتب معادلة للمماس (D) للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0.

III. 1) بيّن أن النقطة $A(-1; -2)$ هي مركز تناظر للمنحنى (C_f) .

2) ارسم كلا من: (Δ) ، (D) و (C_f) .

3) عيّن بياناً قيم الوسيط الحقيقي m حتى يكون للمعادلة $f(x) = m$ حلان مختلفان.

لتكن الدالة f المعرفة كما يلي: $f(x) = \frac{x^2 + ax + b}{cx^2 + dx - 2}$ حيث a, b, c, d أعداد حقيقية

(C_f) المنحنى الممثل للدالة f في مستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$

I- جد الأعداد الحقيقية a, b, c, d علماً أن المنحنى (C_f) الممثل البياني للدالة f :

- أ) لا يقبل مستقيماً مقارباً موازياً لمحور الفواصل .
 ب) يقبل مستقيماً مقارباً موازياً لمحور الترتيب معادلته: $x = 2$.
 ج) يشمل النقطة $A(1, -2)$ و يقبل عندها مماساً معامل توجيهه -5 .

II - نضع من أجل كل عدد حقيقي x من D_f حيث $D_f = \mathbb{R} - \{2\}$: $f(x) = \frac{x^2 + x}{x - 2}$

1- أ) احسب نهاية الدالة f عند أطراف مجال تعريفها D_f .

ب) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - x - 3]$ ، ماذا تستنتج ؟

2- أ) احسب من أجل كل عدد حقيقي x من D_f : $f'(x)$

ب) شكل جدول تغيرات الدالة f .

3- أ) تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x من D_f : $f(4-x) + f(x) = 10$ ، ماذا تستنتج ؟

ب) ارسم (C_f) .

III - ناقش بياناً وحسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة:

$$x^2 - (m-1)x + 2m = 0$$

(I) - لتكن g الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $g(x) = 2x^3 - 4x^2 + 7x - 4$.

(1) أ) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$.

ب) ادرس اتجاه تغير الدالة g على \mathbb{R} ثم شكّل جدول تغيراتها.

(2) أ) بيّن أنّ المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث $0,7 < \alpha < 0,8$.

ب) استنتج حسب قيم العدد الحقيقي x إشارة $g(x)$.

(II) - نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $f(x) = \frac{x^3 - 2x + 1}{2x^2 - 2x + 1}$.

و (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

(1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

(2) أ) بيّن أنّه من أجل كل x من \mathbb{R} : $f(x) = \frac{1}{2}(x+1) + \frac{1-3x}{2(2x^2-2x+1)}$.

ب) استنتج أنّ المنحنى (C_f) يقبل مستقيما مقاربا مائلا (Δ) يُطلب تعيين معادلة له.

ج) ادرس الوضع النسبي للمنحنى (C_f) و (Δ) .

(3) أ) بيّن أنّه من أجل كل x من \mathbb{R} : $f'(x) = \frac{x \cdot g(x)}{(2x^2 - 2x + 1)^2}$ حيث f' مشتقة الدالة f .

ب) استنتج إشارة $f'(x)$ حسب قيم x ثم شكّل جدول تغيرات الدالة f . (نأخذ $f(\alpha) \approx -0,1$)

(4) احسب $f(1)$ ثم حل في \mathbb{R} المعادلة $f(x) = 0$.

(5) أنشئ المستقيم (Δ) و المنحنى (C_f) .

(6) لتكن h الدالة المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $h(x) = \frac{x^3 - 4x^2 + 2x - 1}{2x^2 - 2x + 1}$.

و (C_h) تمثيلها البياني في المعلم السابق.

أ) تحقق أنّه من أجل كل x من \mathbb{R} : $h(x) = f(x) - 2$.

ب) استنتج أنّ (C_h) هو صورة (C_f) بتحويل نقطي بسيط يطلب تعيينه، ثم أنشئ (C_h) .

الحل المفصل على القناة.

Chaine youtube:

Prof-AhmedTrir

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $\mathbb{R} - \{-1\}$:

$$f(x) = \frac{x^2 + x + 4}{x + 1}$$

1. عين الأعداد a, b, c بحيث: $f(x) = ax + b + \frac{c}{x + 1}$.
2. أدرس تغيرات الدالة f .
3. أوجد معادلات المستقيمت المقاربة، ثم أدرس وضعية المنحنى مع المستقيم المقارب المائل وليكن (Δ) .
4. بين أن نقطة تقاطع الخطين المقاربين هي مركز تناظر.
5. بين أن المنحنى (C_f) يقبل مماسين ميلهما -3 ، ثم أكتب معادلتيهما.
6. أنشئ المنحنى
7. استنتج إشارة الدالة على مجموعة تعريفها.
8. ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة $-x^2 + (m-1)x - 4 + m = 0$.
9. لتكن الدالة h المعرفة على $\mathbb{R} - \{-1\}$ حيث: $h(x) = \left| \frac{x^2 + x + 4}{x + 1} \right|$

- بين أن $h(x) = f(x)$ في مجال يطلب تعيينه.

- استنتج رسم المنحنى (C_h) مستعينا بالمنحنى (C_f) .

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $\mathbb{R} - \{2\}$:

$$f(x) = \frac{4x^2 - 11x + 7}{2(x - 2)}$$

1. أدرس تغيرات الدالة f . ثم عين المستقيمت المقاربين للمنحنى (C_f) وأحسب إحداثيات a نقطة تقاطعهما وبين أنها مركز تناظر للمنحنى (C_f) .
2. برهن أنه يوجد مماسين للمنحنى (C_f) معامل توجيههما $\frac{3}{2}$.
 ➤ أحسب إحداثيات نقطتي التماس $c; b$ لهذين المماسين مع المنحنى.
 ➤ تحقق من أن النقطتين $c; b$ متناظرتين بالنسبة إلى a . أنشئ المنحنى.
3. نعتبر الدالة الوسيطة للمتغير الحقيقي x المعرفة كمايلي : $f_m(x) = \frac{4x^2 + (m-8)x - m + 4}{2(x-2)}$ حيث m وسط حقيقي.

- نسمي (C_{f_m}) المنحنى الممثل للدالة f_m في $\text{م.م.م.} (O; \vec{i}; \vec{j})$.

❖ بين أنه توجد نقطة ثابتة تنتمي إليها كل منحنيات (C_{f_m}) .

❖ ماهو المنحنى الذي يشمل النقطة التي إحداثياتها $(\frac{7}{4}; 0)$.

Page FB:

Prof AhmedTrir

Chaîne youtube:

Prof-AhmedTrir

instagram:

ProfAhmedTrir

$$f(x) = 2x + 3 - \frac{1}{(x+1)^2} \quad ; \quad \mathbb{R} - \{-1\}$$

1. بين أن الدالة f قابلة للاشتقاق على مجال تعريفها وأنه مهما يكن العدد الحقيقي x من هذه المجموعة فإن:

$$f'(x) = \frac{2(x+2)(x^2+x+1)}{(x+1)^3}$$

2. أدرس تغيرات الدالة f .

3. ثم بين أن المنحنى (C_f) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة x_0 حيث: $-\frac{1}{4} < x_0 < -\frac{3}{8}$.

4. أكتب معادلة المماس (Δ) عند النقطة التي فاصلتها 0.

5. أرسم المنحنى (C_f) والمماس (Δ) .

6. m عدد حقيقي. ناقش بيانها وحسب قيم m عدد وإشارة حلول المعادلة ذات الجهول الحقيقي x :

$$2x^3 + (7-m)x^2 + 2(4-m)x + 2 - m = 0$$

7. لتكن h معرفة على $\mathbb{R} - \{-1\}$ حيث: $h(x) = f(|x|)$

استنتج رسم للمنحنى (C_h) مستعينا بالمنحنى (C_f) .

Page FB:

Prof Ahmed Trir

Chaine youtube:

Prof-Ahmed Trir

instagram:

ProfAhmedTrir

$$f(x) = |x+2| + \frac{1}{x+1} \quad ; \quad \mathbb{R} - \{-1\}$$

1. أدرس قابلية الاشتقاق للدالة عند $x_0 = -2$ ، ثم أعط تفسيراً هندسياً للنتيجة المتحصل عليها.

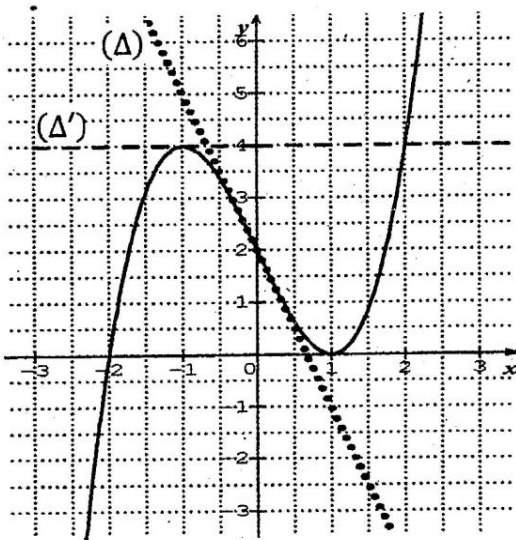
2. أدرس تغيرات الدالة f .

3. برهن أن (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين مائلين.

4. أدرس الوضعية بين المنحنى والمستقيمين المقاربين. ثم أرسم المنحنى.

$$g(x) = \left| |x| + 2 \right| + \frac{1}{|x| + 1} \quad ; \quad \mathbb{R}$$

أرسم المنحنى (C_g) اعتماداً على (C_f) .



في الشكل المقابل رسمنا (C_f) المنحني الممثل للدالة f المعرفة على \mathbb{R} .
والمماس (Δ) للمنحني (C_f) عند النقطة A ذات الفاصلة 0 .
والمماس (Δ') للمنحني (C_f) عند النقطة B ذات الفاصلة -1 .
-I عيّن بيانياً :

- (1) $f(0)$ ، $f'(0)$ ، $f''(0)$ ، $f(-1)$ ، $f'(-1)$.
- (2) إشارة الدالة f .
- (3) إشارة الدالة f' .
- (4) حصراً للدالة f على المجال $[-2, 1]$.

(5) مجموعة قيم الوسيط الحقيقي m حتى تقبل المعادلة $f(x) = m$ ثلاثة حلول ، اثنان سالبان والثالث موجب .

-II دالة معرفة كما يلي : $g(x) = \frac{1}{f(x)}$

- (1) عيّن مجموعة تعريف الدالة g .
- (2) أكتب $g'(x)$ بدلالة $f(x)$ و $f'(x)$ ، ماذا تستنتج ؟
- (3) أنشئ جدول تغيرات الدالة g .

الحل المفصل على القناة.

Chaine youtube:

Prof-AhmedTrir

Page FB:

Prof AhmedTrir

Chaine youtube:

Prof-AhmedTrir

instagram:

ProfAhmedTrir