

المجال : أعمال مؤطرة

الوحدة : مقاومة المواد

الاستاذ : سعدي اسماعيل

## الموضوع : تمارين حول

## الانحناء المستوي البسيط

ثانوية : عيسى حميوطش - برج بوعريبيج

المستوى : السنة الثالثة ت-ر هندسة مدنية

الموسم الدراسي 2016/2017

### التمرين الأول: بكالوريا 2008 (م 1):

ليكن الرسم الميكانيكي لرافدة مبينة في الشكل التالي:

**العمل المطلوب:**

- 1/ أحسب ردود الافعال في المسندين.
- 2/ أكتب معادلات الجهد القاطع T و عزم الانحناء  $M_f$  على طول الرافدة .
- 3/ أرسم منحنى T و  $M_f$  واستنتج العزم الاعظمي  $M_{fmax}$  .

### التمرين الثاني بكالوريا 2008 (م 2) :

لتكن رافدة من بناية الممثلة في الشكل الميكانيكي التالي

**العمل المطلوب:**

- 1/ أحسب ردود الافعال في المسندين.
- 2/ أكتب معادلات الجهد القاطع T و عزم الانحناء  $M_f$  على طول الرافدة .
- 3/ أرسم منحنى T و  $M_f$  .

### التمرين الثالث بكالوريا 2009 (م 2):

لتكن رافدة طولها 6 m ترتكز على مسندين تتلقى ثقل موزع بانتظام:  $q=400\text{daN/m}$  كما هو موضح في الشكل التالي :

**العمل المطلوب:**

- 1/ أحسب ردود الافعال في المسندين.
- 2/ أكتب معادلات الجهد القاطع T و عزم الانحناء  $M_f$  على طول الرافدة .
- 3/ أرسم منحنى T و  $M_f$  مع حساب العزم الاعظمي :  $M_{fmax}$  .

### التمرين الرابع بكالوريا 2010 (م 1):

لتكن لدينا رافدة و المبينة في الشكل الميكانيكي الموالي و المستندة على مسندين توجد تحت

تأثير حمولة موزعة بانتظام  $q=175\text{daN/m}$  و حمولة مركزة  $F=250\text{daN}$  .

**العمل المطلوب:**

- 1/ أحسب ردود الافعال في المسندين.
- 2/ أكتب معادلات الجهد القاطع T و عزم الانحناء  $M_f$  على طول الرافدة.
- 3/ أرسم منحنى T و  $M_f$  .
- 4/ استنتج عزم الاعظمي  $M_{fmax}$  .

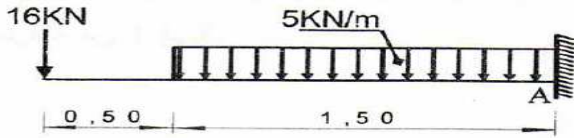
### التمرين الخامس بكالوريا 2011 (م 1):

يوضح الشكل رافدة خاضعة لمجموعة من الحمولات ترتكز على مسندين

**العمل المطلوب:**

- 1/ أحسب ردود الافعال في المسندين
- 2/ أكتب معادلات الجهد القاطع T و عزم الانحناء  $M_f$  على طول الرافدة
- 3/ أرسم منحنى T و  $M_f$  .
- المقطع العرضي للرافدة مستطيل  $25 \times 40$  cm يمكن ان ياخذ احدي الوضعيتين المبينتين في الشكل المقابل :
- 4/ علما ان الرافدة تخضع الى عزم انحناء اعظمي يقدر بـ  $M_{fmax}=30 \text{ KN.m}$
- أ/ احسب الاجهاد الناظمي الاقصى  $\sigma_{1max}$  الناتج في المقطع حسب الوضعية A
- ب/ احسب الاجهاد الناظمي الاقصى  $\sigma_{2max}$  الناتج في المقطع حسب الوضعية B
- 5/ اذا علمت ان وضعية واحدة فقط تحقق المقاومة استنتج هذه الوضعية مع التعليل

**التمرين السادس بكالوريا 2011 (م 2):** رافدة معدنية ترتكز على مسند ثلاثي تخضع لجملة من الحمولات كما هو موضح في الشكل:



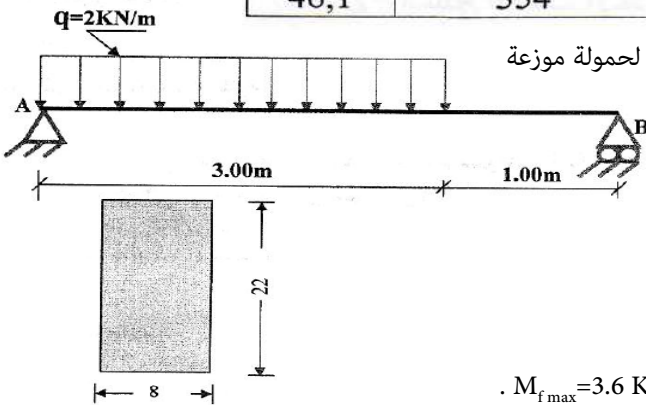
**العمل المطلوب:**

- 1/ أحسب ردود الافعال في المسند A .
- 2/ أكتب معادلات الجهد القاطع T و عزم الانحناء  $M_f$  .
- 3/ أرسم منحني T و  $M_f$  .
- 4/ حدد القيمة القصوى لكل من الجهد القاطع T و عزم الانحناء  $M_f$
- 5/ حدد اعتمادا على الجدول المرفق المجنب المناسب الذي يحقق المقاومة علما ان الرافدة تخضع الى عزم انحناء اعظمي يقدر بـ

يعطى الاجهاد المسموح به  $\bar{\sigma} = 1600 \text{ daN/cm}^2$   $M_{f \max} = 37.63 \text{ KN.m}$

S (cm <sup>2</sup> )	$W_{xx} = \frac{I_{xx}}{V}$ (cm <sup>3</sup> )	$I_{xx}$ (cm <sup>4</sup> )	e (mm)	b (mm)	h (mm)	IPN
27,9	161	1450	6,9	82	180	180
33,5	214	2140	7,5	90	200	200
39,6	278	3060	8,1	98	220	220
46,1	354	4250	8,7	106	240	240

**التمرين السابع بكالوريا 2012 (م 1):** نريد دراسة رافدة خاضعة لحمولة موزعة



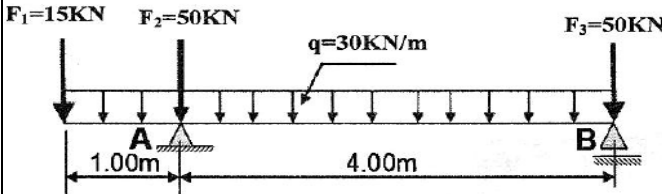
كما هو موضح في الرسم الميكانيكي على الشكل:

**العمل المطلوب:**

- 1/ أحسب ردود الافعال في المسندين.
- 2/ أكتب معادلات الجهد القاطع T و عزم الانحناء  $M_f$  على طول الرافدة.
- 3/ حدد العزم الاعظمي  $M_{f \max}$  .
- 4/ أرسم منحني T و  $M_f$  .
- 5/ اذا كانت الرافدة متجانسة ذات مقطع مستطيل  $(8 \times 22) \text{ cm}^2$  . احسب الاجهاد الناظمي الاقصى الناتج في المقطع علما ان العزم الاعظمي  $M_{f \max} = 3.6 \text{ KN.m}$  .

**التمرين الثامن بكالوريا 2012 (م 2):**

نريد دراسة رافدة معدنية من نوع IPE ترتكز على مسندين تتلقى حمولة موزعة بانتظام و اثقال مركزة كما في الرسم الميكانيكي

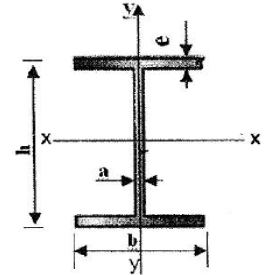


**العمل المطلوب:**

- 1/ أحسب ردود الافعال في المسندين
- 2/ أكتب معادلات الجهد القاطع T و عزم الانحناء  $M_f$  على طول الرافدة.
- 3/ أرسم منحني T و  $M_f$  ثم استنتج العزم الاعظمي  $M_{f \max}$  .

4/ حدد اعتمادا على الجدول المرفق المجنب المناسب علما ان :  $M_{f \max} = 37.63 \text{ KN.m}$   $\bar{\sigma} = 1600 \text{ daN/cm}^2$

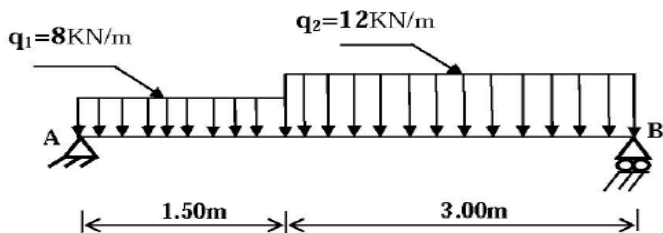
IPE	h(mm)	b(mm)	a(mm)	e(mm)	$w_{xx} = I_{xx}/v$ (cm <sup>3</sup> )	S (cm <sup>2</sup> )
140	140	73	4,7	6,9	77,3	16,4
160	160	82	5,0	7,4	109	20,1
180	180	91	5,3	8	146	23,9
200	200	100	5,6	8,5	194	28,5
220	220	110	5,9	9,2	252	33,4



**التمرين التاسع بكالوريا 2013 (م 1):**

نريد دراسة رافدة معدنية من نوع IPE ترتكز على مسندين تتلقى حمولة موزعة كما في الرسم الميكانيكي.

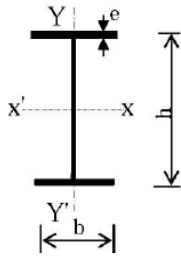
**العمل المطلوب:**



- 1/ أحسب ردود الافعال في المسندين
- 2/ أكتب معادلات الجهد القاطع T و عزم الانحناء  $M_f$  على طول الرافدة
- 3/ احسب العزم الاعظمي  $M_{f \max}$  .
- 4/ أرسم منحني T و  $M_f$

15/ نفرض ان الرافدة من نوع IPE240 هل تستطيع ان تقاوم وبشكل امن علما ان :  $M_{fmax}=28.17 \text{ KN.m}$  و  $\bar{\sigma}=1600 \text{ daN/cm}^2$

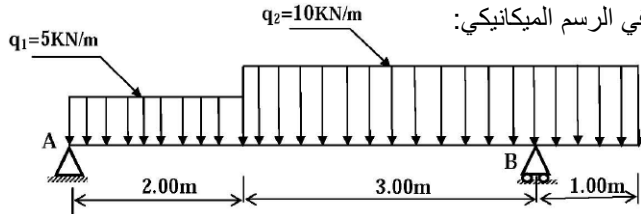
جدول خصائص IPE240



IPE	h(mm)	b(mm)	e(mm)	S(cm <sup>2</sup> )	W <sub>xx'</sub> (cm <sup>3</sup> )	I <sub>xx'</sub> (cm <sup>4</sup> )
240	240	120	9,8	39,1	324	3892

### التمرين العاشر بكالوريا 2013 (م 2):

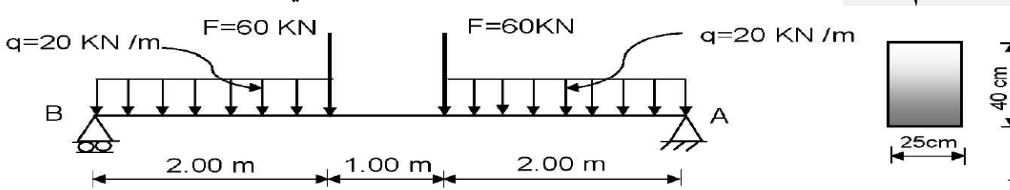
نريد دراسة رافدة معدنية من نوع IPN ترتكز على مسندين تتلقى حمولات كما في الرسم الميكانيكي:



#### العمل المطلوب

- 1/ أحسب ردود الافعال في المسندين.
- 2/ أكتب معادلات الجهد القاطع T و عزم الانحناء M<sub>f</sub> على طول الرافدة.
- 3/ احسب العزم الاعظمي M<sub>fmax</sub>
- 4/ أرسم منحنى T و M<sub>f</sub>
- 5/ نفرض ان الرافدة من نوع IPN180 حيث M<sub>fmax</sub>=23.80 KN.m و W<sub>xx</sub>=161cm<sup>3</sup> احسب الاجهاد الناظمي الاعظمي الناتج في مقطع الرافدة .

### التمرين الحادي عشر بكالوريا 2014 (م 1):



موضح في الرسم الميكانيكي

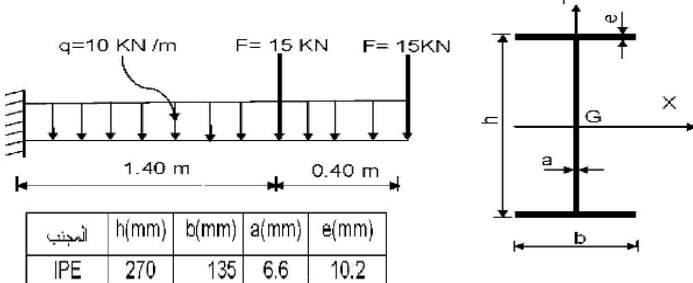
المسند A مسند مزدوج.

المسند B مسند بسيط.

#### العمل المطلوب

- 1/ أحسب ردود الافعال في المسند A و B.
- 2/ أكتب معادلات الجهد القاطع T و عزم الانحناء M<sub>f</sub> على طول الرافدة
- 3/ مثل منحنىي T<sub>(x)</sub> و M<sub>f(x)</sub> على طول الرافدة
- 4/ استنتج القيم القصوى لكل من الجهد القاطع T و عزم الانحناء M<sub>f</sub>
- 5/ احسب الاجهاد الناظمي الأعظمي  $\sigma_{max}$  والاجهاد المماسي الاعظمي  $\tau_{max}$  المطبقين على الرافدة.

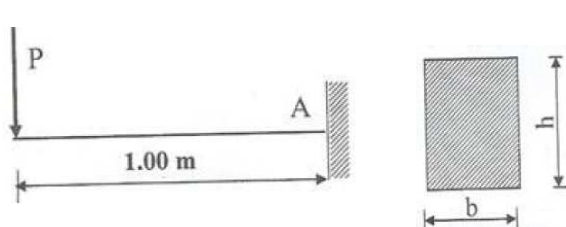
### التمرين الثاني عشر بكالوريا 2014 (م 2):



المعيار	h(mm)	b(mm)	a(mm)	e(mm)
IPE	270	135	6.6	10.2

6/ تحقق من مقاومة الرافدة علما ان :  $\bar{\sigma} = 2800 \text{ daN/cm}^2$  ؟

### التمرين الثالث عشر بكالوريا 2015 (م 1):

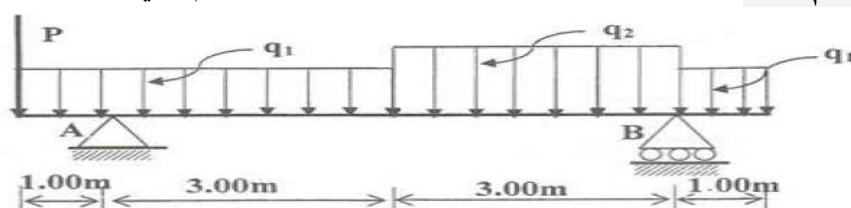


#### العمل المطلوب

- 1/ أحسب ردود الافعال في المسند A بدلالة P.
- 2/ أكتب معادلات الجهد القاطع T و عزم الانحناء M<sub>f</sub> بدلالة P .
- 3/ استنتج القيم القصوى لكل من الجهد القاطع T و عزم الانحناء M<sub>f</sub> بدلالة P .
- 4/ حدد قيمة الحمولة P حتى يكون : M<sub>fmax</sub> = 150 KN.m
- 5/ اذا كان مقطع الرافدة مستطيل (bxh) بحيث h=2b

حدد ابعاد الرافدة b و h التي تحقق مقاومة الرافدة لـ M<sub>fmax</sub> . تعطى :  $\bar{\sigma} = 1200 \text{ daN/cm}^2$

### التمرين الرابع عشر بكالوريا 2015 (م 2):



$$q_1 = 18 \text{ kN / m}$$

$$q_2 = 24 \text{ kN / m}$$

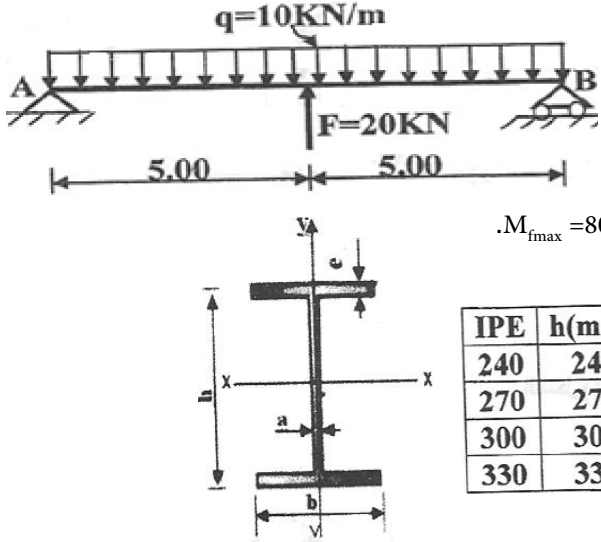
$$P = 39 \text{ kN}$$

### العمل المطلوب

- 1/ أحسب ردود الافعال في المسند A و B .
- 2/ أكتب معادلات الجهد القاطع T و عزم الانحناء  $M_f$  على طول الرافدة
- 3/ مثل منحنىي  $T_{(x)}$  و  $M_{f(x)}$  على طول الرافدة (سلم الرسم من اختيار المترشح).
- 4/ استنتج القيم القصوى لكل من الجهد القاطع T و عزم الانحناء  $M_f$
- 5/ الرافدة المستعملة من نوع مجنب IPN300 حيث معامل مقاومته :  $W_{xx} = 653 \text{ cm}^3$  والاجهاد الحدي المسموح به هو :  $\bar{\sigma} = 1600 \text{ daN/cm}^2$  تحقق من المقاومة علما ان :  $M_{fmax} = 69 \text{ KN.m}$

### التمرين الخامس عشر بكالوريا 2016 (م 1) :

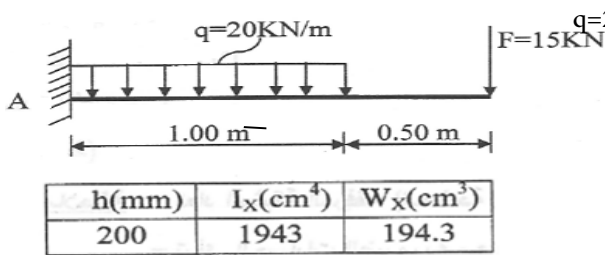
#### العمل المطلوب



- 1/ أحسب ردود الافعال في المسندين
- 2/ أكتب معادلات الجهد القاطع T و عزم الانحناء  $M_f$  على طول الرافدة
- 3/ مثل منحنىي  $T_{(x)}$  و  $M_{f(x)}$  على طول الرافدة
- 4/ استنتج القيم القصوى لكل من الجهد القاطع T و عزم الانحناء  $M_f$
- 5/ حدد من الجدول المجنب المناسب اذا علمت ان  $\bar{\sigma} = 160 \text{ MPa}$  و  $M_{fmax} = 80 \text{ KN.m}$ .

IPE	h(mm)	b(mm)	a(mm)	e(mm)	$W_{xx} (\text{cm}^3)$	$S(\text{cm}^2)$
240	240	120	6,2	9,8	324	39,1
270	270	135	6,6	10,2	429	45,9
300	300	150	7,1	10,7	557	53,8
330	330	160	7,5	11,5	713	62,6

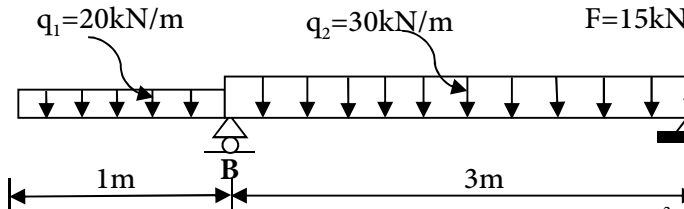
### التمرين السادس عشر بكالوريا 2016 (م 2) :



h(mm)	$I_x (\text{cm}^4)$	$W_x (\text{cm}^3)$
200	1943	194.3

- لتكن الرافدة المدمجة الممثلة في الشكل تحت تأثير الحمولات  $q=20 \text{ kN/m}$  و  $F=15 \text{ kN}$
- #### العمل المطلوب
- 1/ أحسب ردود الافعال في المسند A
  - 2/ أكتب معادلات الجهد القاطع T و عزم الانحناء  $M_f$  على طول الرافدة
  - 3/ مثل منحنىي  $T_{(x)}$  و  $M_{f(x)}$  على طول الرافدة
  - 4/ استنتج القيم القصوى لكل من الجهد القاطع T و عزم الانحناء  $M_f$
  - 5/ اذا كان مقطع الرافدة عبارة عن مجنب IPE200 بعض خصائصه على الجدول و  $\bar{\sigma} = 1440 \text{ daN/cm}^2$  هل مقاومة الرافدة محققة ؟

### التمرين السابع عشر :



#### العمل المطلوب:

- 1- احسب ردود الافعال في المسندين .
- 2- اكتب معادلات الجهد القاطع و عزم الانحناء ثم ارسم منحنيهما.
- 3- حدد القيم القصوى للجهد القاطع و عزم الانحناء .
- 4- احسب مقدار معامل الانحناء للمقطع الذي يحقق شرط المقاومة علما ان :  $\bar{\sigma} = 1200 \text{ daN/cm}^2$
- 5- علما ان المقطع مستطيل الشكل :  $(30 \times 40) \text{ cm}$  احسب الاجهاد المماسي الاعظمي .