

مواضيع مقترحة في المتاليات

موجهة للشعب الأدبية

التمرين الأول:

(U_n) متتالية حسابية معرفة على \mathbb{N} بـ: $U_0 = 1$ ، $U_4 + U_5 = 20$

١- أحسب الأساس r

٢- أكتب عبارة الحد العام للمتتالية (U_n)

٣- حدد مع التبرير إتجاه تغير المتتالية (U_n)

٤- بين أن 2023 حد من حدود المتتالية (U_n) يطلب تعيين رتبته

٥- أحسب المجموع: $S = U_0 + U_1 + \dots + U_{1011}$

إعداد الأستاذة عون الله صورية

لا تنسونا من صالح دعائكم

التمرين الثاني:

(U_n) متتالية حسابية معرفة على \mathbb{N} بـ: $U_{21} = 64$ و $U_5 = 16$

١- عين الأساس r ثم استنتج U_0

٢- أكتب عبارة الحد العام

٣- أحسب الحد U_{674}

٤- بين أن 1444 حد من حدود المتتالية (U_n) يطلب تعيينه

٤- أحسب المجموع: $S = U_{481} + U_{482} + \dots + U_{674}$

٥- (V_n) متتالية معرفة على \mathbb{N} بـ: $V_n = 2^{U_n - 1}$

- بين أن (V_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها q

٦- عين حدها الأول

٧- أحسب المجموع: $S' = V_0 + V_{482} + \dots + V_{674}$

التمرين الثالث:

(U_n) متتالية معرفة على \mathbb{N} بـ: $U_n = -3n - 1$

١- أحسب الحدود الثلاثة الأولى

٢- بين أن (U_n) متتالية حسابية يطلب تعيين أساسها وحدها الأول U_0

٣- استنتج إتجاه تغير المتتالية (U_n)

٤- بين أن 2023 - حد من حدود المتتالية (U_n) يطلب تعيين رتبته

٥- أحسب المجموع: $S = U_0 + U_2 + \dots + U_{674}$



حل التمرين الأول:

$$U_0 + 4r + U_0 + 5r = 20 \text{ تكافىء: } U_4 + U_5 = 20$$

إعداد الأستاذة عون الله صورية

$$r = 2: \text{ ومنه } 2 + 9r = 20 \text{ فن: } U_0 = 1 \text{ وبما أن: } 2U_0 + 9r = 20 \text{ تكافىء:}$$

لا تنسونا من صالح دعائكم

كتابة عبارة الحد العام:

$$U_n = 1 + 2n$$

إتجاه التغير:

نلاحظ أن $r = 2 > 0$ ومنه المتتالية (U_n) متزايدة تماما

إثبات أن 2023 حد من حدود المتتالية

$$n = 1011: \text{ لدينا: } U_n = 2023 \text{ تكافىء } 2n + 1 = 2023 \text{ ومنه: } n = 1011$$

$$\text{ومنه } U_{1011} = 2023 \text{ أي الحد الذي رتبته } 1012 \text{ يساوي } 2023$$

حساب المجموع: } S = U_0 + U_1 + \dots + U_{1011}

$$S = \frac{1012}{2}(U_0 + U_{1011})$$

$$S = 1024144 \text{ إذن: } S = 506(1 + 2023) \text{ ومنه:}$$

حل التمرين الثاني:

$$U_5 = 16 \text{ و } U_{21} = 64 \text{ لدينا:}$$

$$U_n = U_p + (n - p)r \text{ فن: } U_{21} = U_5 + (21 - 5)r \text{ ومنه: } 16 + 16r = 64$$

$$r = 3 \text{ إذن:}$$

استنتاج قيمة الحد الأول:

$$U_{21} = U_0 + 21r \text{ ومنه: } 64 = U_0 + 21 \times 3 \text{ إذن: } U_0 = 1$$

كتابة عبارة الحد العام:

$$u_n = 3n + 1$$

حساب } U_{674}

لدينا:

$$u_n = 3n + 1$$

ومنه:

$$u_{674} = 3 \times 674 + 1$$

$$U_{674} = 2023 \text{ إذن:}$$

إثبات أن 1444 حد من حدود المتتالية:

$$n = 481: \text{ لدينا: } U_n = 1444 \text{ تكافىء } 3n + 1 = 1444 \text{ ومنه: } n = 481$$

نستنتج أن 1444 هو الحد ذو الرتبة 482

حساب المجموع: $S = U_{481} + U_{482} + \dots + U_{674}$

$$S = \frac{674 - 481 + 1}{2} (1444 + 2023)$$

II اثبات أن (V_n) متتالية هندسية:

لدينا : $\frac{V_{n+1}}{V_n} = \frac{2^{U_{n+1}-1}}{2^{U_n-1}} = \frac{2^{3n+3}}{2^{3n}}$ ومنه : $\frac{V_{n+1}}{V_n} = 2^3 = 8$ إذن (V_n) متتالية هندسية أساسها 8 $q = 8$

تعيين V_0 :

$$V_0 = 2^{1-1} = 1$$

إعداد الأستاذة عون الله صورية

لا تنسونا من صالح دعائكم

حساب المجموع: $S' = V_0 + V_{482} + \dots + V_{674}$

$$S' = 1 \left(\frac{8^{675} - 1}{8 - 1} \right)$$

حل التمرين الثالث:

حساب الحدود الثلاثة الأولى:

$$\begin{cases} U_0 = -1 \\ U_1 = -4 \\ U_2 = -7 \end{cases}$$

لدينا: $U_n = -3n - 1$ ومنه: $U_1 = -4$

إثبات أن (U_n) متتالية حسابية و تعيين أساسها وحدها الأول U_0 :

$$U_{n+1} - U_n = -3(n+1) - 1 - (-3n - 1)$$

$$U_{n+1} - U_n = -3$$

$$r = -3$$

إذن (U_n) متتالية حسابية وأساسها 3-

استنتاج اتجاه التغير:

نلاحظ أن أساس المتتالية سالب تماما ومنه نستنتج أن المتتالية (U_n) متناقصة تماما

إثبات أن 2023- حد من حدود المتتالية (U_n)

$$-3n - 1 = -2023 \text{ تكافئ: } n = 674$$

$$\text{ومنه } U_{674} = -2023 \text{ هو الحد ذو الرتبة } 675$$

حساب المجموع:

$$S = \frac{674 - 0 + 1}{2} (U_0 + U_{674})$$

ومنه:

$$S = \frac{675}{2} (-1 - 2023) = 682088$$