

التوقيت: 2س

التاريخ: 2023/03/08

المادة: رياضيات

المستوى: 2 ت إ

امتحان الفصل الثاني

التمرين الأول: (4 نقاط)

أحسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(2 - \frac{1}{x-3} \right) \quad (3) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + x + 4}{3x - 6} \quad (2) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-2x + 4}{3x^2 + x - 2} \quad (1)$$

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 + 2x - 15}{x - 3} \quad (6) \quad \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 + 4x}{9 - x^2} \quad (5) \quad \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 + 2x + 5}{x^2 + x} \quad (4)$$

التمرين الثاني: (4 نقاط)

إليك جدول تغيرات الدالة f المعرفة والقابلة للإشتقاق على $\mathbb{R} - \{2\}$

ليكن (C) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس.

أجب بصحيح أو خطأ مع التبرير في كل حالة من الحالات التالية:

(1) المستقيم ذو المعادلة $y = 2$ مقارب لـ (C) بجوار $-\infty$

(2) النقطة $A(3; 2)$ تنتمي للمنحني (C) .

(3) $f(2023) > f(2022)$

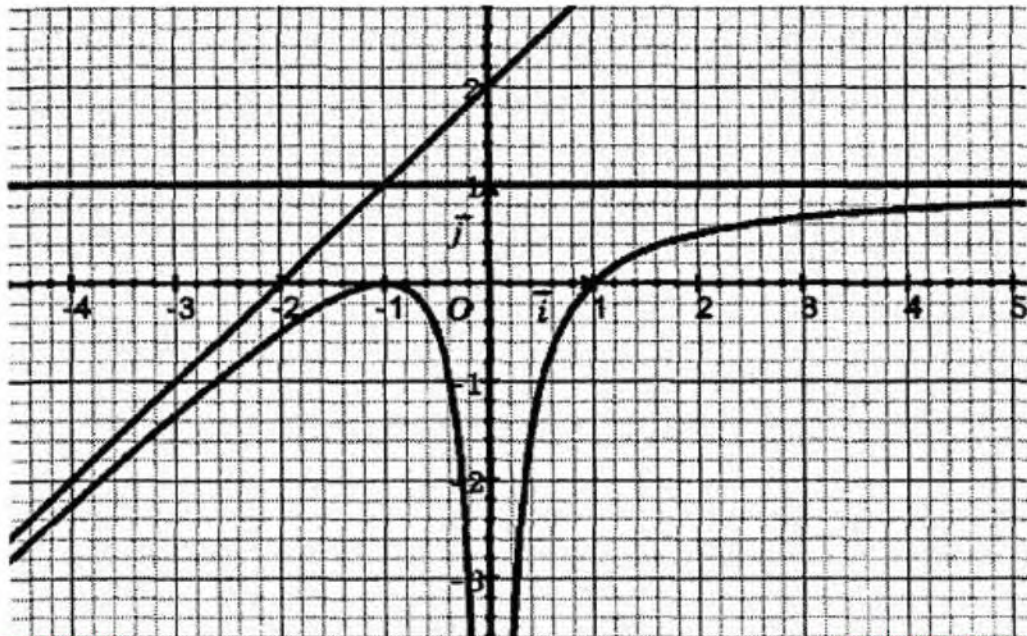
(4) المستقيم ذو المعادلة $y = 1$ يقطع (C) في نقطة وحيدة.

x	$-\infty$	2	$+\infty$
$f'(x)$	-		+
$f(x)$	$+\infty$		$-\infty$

مدرسة "الرجاء والتفوق" الخاصة
Ecole Erradja wa Tafaouk
ÉCOLE PRIVÉE

التمرين الثالث: (4 نقاط)

في الشكل المرفق التمثيل البياني (C) للدالة f المعرفة على $\mathbb{R} - \{0\}$.



$$(1) \text{ عَيِّن: } \lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - x - 2], \lim_{x \rightarrow 0} f(x), \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$$

(2) عَيِّن معادلات المستقيمات المقاربة للمنحني (C).

(3) أدرس وضعية (C) بالنسبة لمحور الفواصل ثم استنتج إشارة f.

(4) عَيِّن (-1) f' وشكل جدول تغيرات الدالة f.

(1) اعتمادا على (C) أنشئ (C') منحنى الدالة h المعرفة على \mathbb{R} بـ: $h: x \rightarrow |f(x)| + 1$

التمرين الرابع: (8 نقاط)

$$\text{نعتبر الدالة } f \text{ المعرفة على } \mathbb{R} - \{-2\} \text{ بـ: } f(x) = \frac{x^2 + 3x + 3}{x + 2}$$

ليكن (C) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس.

$$(1) \text{ عَيِّن الأعداد الحقيقية } a, b \text{ و } c \text{ بحيث يكون من أجل كل من } \mathbb{R} - \{-2\} \text{ : } f(x) = ax + b + \frac{c}{x + 2}$$

(2) أحسب النهايات عند حدود مجالي التعريف الدالة f. وفسر النتائج هندسيا.

(3) بَيِّن أَنَّ المستقيم ذو المعادلة $y = x + 1$ مقارب مائل لـ (C).

(4) أدرس وضعية (C) بالنسبة لـ (Δ).

$$(5) \text{ بَيِّن أَنَّ: } f'(x) = \frac{(x+1)(x+3)}{(x+2)^2}, \text{ لما } x \in D_f$$

(6) عَيِّن اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(7) أكتب معادلة المماس (D) لـ (C) عند النقطة ذات الفاصلة 0.

(8) بَيِّن أَنَّ النقطة $A(-2, -1)$ مركز تناظر للمنحني (C).

(9) أرسم كلا من (D)، (Δ) و (C).

$$(10) \text{ الدالة العددية المعرفة على } \mathbb{R} \text{ بـ: } g(x) = \frac{x^2 + 3|x| + 3}{|x| + 2}, \text{ (C}_g \text{) تمثيلها البياني في المعلم السابق.}$$

أ- بين أن g زوجية، ثم أكتب g(x) دون رمز القيمة المطلقة.

ب- اشرح كيفية انشاء (C_g) انطلاقا من (C) ثم أنشئه.

$f(x) = \frac{x^2 + 3x + 3}{x + 2}$ 2040

لعين a, b, c :

بالمطابقة نجد: $a=1, b=1, c=1$

النهايات:

$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$

$\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = -\infty < \lim_{x \rightarrow -2} f(x) = +\infty$

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) - y = \lim_{|x| \rightarrow +\infty} \frac{1}{x+2} = 0$

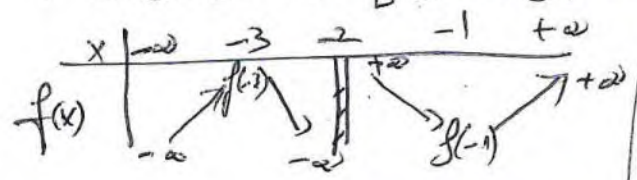
وصية $y = x+1$ م. م. مائل بزاوية 45° و 135°
دراسة الوصفية:

(A) $]-\infty, -2[$ كمنه (A)

(B) $]-2, +\infty[$ فوق (B)

الاستقامة: $f'(x) = \frac{(x+1)(x+3)}{(x+2)^2}$

$]-\infty, -3[$ و $]-1, +\infty[$ فجزيرة كمنه
 $]-1, 2[$ و $]-2, -3[$ باصنا هبة كمنه



مصارعة الكمنه:

$y = f'(x_0)(x - x_0) + f(x_0)$

$y = f'(0)(x - 0) + f(0)$

$y = \frac{3}{4}x + \frac{3}{2}$

تبيان ان $A(-2, -1)$ مركز تناظر.

$f(-4-x) + f(x) = -4 - 2x + 1 + \frac{1}{-4-x+2} + x + 1 + \frac{1}{x+2}$

$= -2 + \frac{1}{1-x-2} + \frac{1}{x+2} = -2$

وصية A

C1

1) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + x + 4}{3x - 6} = +\infty$

1) $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{-2x+4}{3x^2+x-2} = 0$

4) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 + 2x + 5}{x^2 + x} = -\infty$

3) $\lim_{x \rightarrow -\infty} 2 - \frac{1}{x-3} = 2$

6) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 + 2x - 15}{x - 3} = 8$

5) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 + 4x}{9 - x^2} = +\infty$

C2

خطا (1) خطا (2) خطا (3) صحيح (4) صحيح

C3

$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$

$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -\infty$

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$

$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) - x - 2 = 0$

$y = x + 2$ م. م. مائل بزاوية 45° و 135°
 $x = 0$ م. م. م. عمودي

$y = x + 2$ م. م. مائل بزاوية 45° و 135°

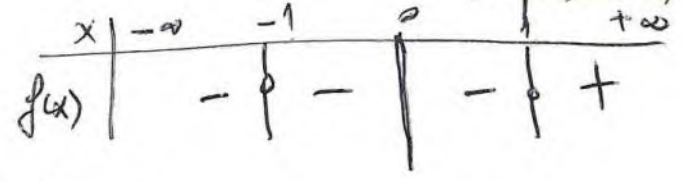
دراسة الوصفية (A) بالسنه لصور القواسم

$]-\infty, -2[$ و $]-1, 0[$ و $]-1, 1[$ و $]-1, 1[$ فوق صور القواسم

$x = 1$ و $x = -1$ تقاطع

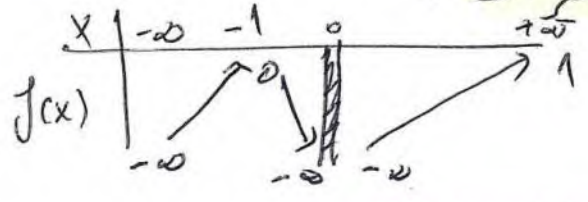
$]-1, +\infty[$ فوق صور القواسم

اساكة $f(x)$:



$f'(-1) = 0$

صور القواسم



$$g(x) = \frac{x^2 + 3|x| + 3}{|x| + 2}$$

لدينا $-x \in \mathbb{R}$

ومن أجل كل x صحيحاً

$$g(-x) = \frac{(-x)^2 + 3|-x| + 3}{|-x| + 2} = g(x)$$

وهذا هو زوجية

متناهي (زوجي) دون رمز القيمة المطلقة.

$$g(x) = \begin{cases} f(x) & x \geq 0 \\ f(-x) & x < 0 \end{cases}$$

شرح كيفية انشاء (C8)

[0, +∞[زوجي منطبقاً على (C8)

[−∞, 0] مماثل زوجية فبان (C8)

صننا لمرسالية: لصور الترابي

مدرسة الترابي والتفوق " الخاصة
Ecole Erradja wa Tafaouk
ÉCOLE PRIVÉE