

التاريخ: 2022/03/14

المدة: 03 سا و 30د

المادة: الرياضيات

المستوى: 3ت إ

اختبار الفصل الثاني

على التلميذ أن يختار أحد الموضوعين

الموضوع الأول

التمرين الأول: (4ن)

اختر الاجابة الصحيحة الوحيدة من بين الاجابات التالية مع التعليل:

السؤال	الاقتراح 01	الاقتراح 02	الاقتراح 03
حلول المترابحة: $\ln(2 - 3x) > \ln x$ هي:	$D_f =]-\infty; -\frac{2}{3}[$	$D_f =]-\infty; \frac{1}{2}[$	$D_f =]\frac{1}{2}; +\infty[$
الدالة الأصلية للدالة h حيث: $h(x) = \frac{\ln x}{x} + 1$ والتي تنعدم عند 1 هي الدالة H المعرفة على $]0, +\infty[$ بـ:	$H(x) = \frac{1}{2}(\ln x)^2 + x - 1$	$H(x) = \frac{1}{2}(\ln x)^2 + x + 1$	$H(x) = \frac{1}{2}(\ln x)^2 - x + 1$
حلول المعادلة (E) في \mathbb{R} حيث: $e^{2x} + e^x + 1 = 0 \dots (E)$	$\{-2, 1\}$	$\{1\}$	لا توجد حلول
عبارة الحد العام للمتتالية الحسابية التي حدها الأول $u_1 = -2$ وأساسها 3 هي:	$u_n = -5 + 3n$	$u_n = -2 + 3n$	$u_n = 5 - 3n$

التمرين الثاني: (4ن)

ليكن كثير الحدود حيث: $P(x) = x^3 + x^2 - 4x - 4$

(1) أحسب $P(2)$. ماذا تستنتج؟

(2) جد الأعداد الحقيقية a, b, c حيث: $P(x) = (x - 2)(ax^2 + bx + c)$

(3) حل في \mathbb{R} المعادلة $P(x) = 0$

(4) استنتج حلول المعادلة $(\ln x)^3 + (\ln x)^2 - 4 \ln x - 4 = 0$

(5) استنتج حلول المعادلة $e^{2x} + e^x - 4e^{-x} = 4$

التمرين الثالث: (4ن)

نعتبر المتتاليتين (u_n) و (v_n) المعرفتين على \mathbb{N} بـ:

$$(\alpha \in \mathbb{R}), v_n = u_n + \alpha \quad \text{و} \quad \begin{cases} u_0 = 12 \\ u_{n+1} = \frac{2}{3}u_n + 1 \end{cases}$$

(1) برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي $u_n > 3$

(2) ادرس اتجاه تغير المتتالية (u_n) واستنتج أنها مقاربة.

(3) عيّن قيمة α حتى تكون المتتالية (v_n) هندسية أساسها $\frac{2}{3}$

نضع فيما يلي $\alpha = -3$:

(4) استنتج أنه من أجل كل n من \mathbb{N} فإن: $u_n = 9 \times \left(\frac{2}{3}\right)^n + 3$

(5) أحسب بدلالة n المجموع: $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$

(6) أحسب بدلالة n المجموع: $S'_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

التمرين الرابع: (8ن)

I- لتكن الدالة g المعرفة على $]0, +\infty[$ كما يلي:

$$g(x) = -2x^2 + 2 - \ln x$$

(1) أدرس اتجاه تغير الدالة g وشكل جدول تغيراتها.

(2) أحسب $g(1)$ ثم استنتج إشارة $g(x)$ على $]0, +\infty[$

II- الدالة f معرفة على $]0, +\infty[$ بـ:

$$f(x) = \frac{-1 + \ln x}{x} - 2x + 2$$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى معلم متعامد ومتجانس.

(1) عين نهايتي الدالة f عند حدود مجموعة التعريف.

(2) أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - (-2x + 2)]$ فسر النتيجة بيانياً.

(3) أدرس الوضع النسبي لـ (C_f) و (Δ) ذو المعادلة $y = -2x + 2$

(4) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $]0, +\infty[$: $f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$

(5) استنتج اتجاه تغير الدالة f وشكل جدول تغيراتها.

(6) أنشئ (C_f) و (Δ) .

(7) أحسب مساحة الحيز المحدد بالمنحني (C_f) والمستقيمتين $x = 1$ ، $x = 2$ ، $y = -2x + 2$

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (4ن)

(u_n) متتالية عددية معرفة بحدّها الأول $u_0 = 3$ ومن أجل كل عدد طبيعي n : $u_{n+1} = \frac{5u_n - 4}{u_n + 1}$

لتكن (v_n) متتالية معرفة على \mathbb{N} بـ: $v_n = \frac{1}{u_n - 2}$

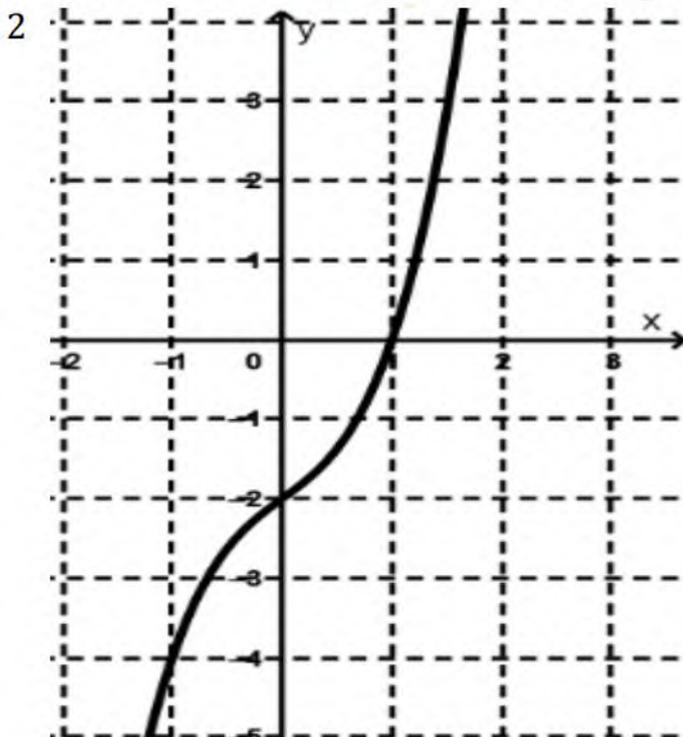
- (1) بين أنّ (v_n) متتالية حسابية أساسها $r = \frac{1}{3}$ يطلب تعيين حدّها الأول v_0 .
- (2) أكتب عبارة الحدّ العام v_n بدلالة n ثم استنتج أن عبارة u_n بدلالة n : $u_n = \frac{2n+9}{n+3}$
- (3) أحسب نهاية المتتالية (u_n) .
- (4) عيّن بدلالة n المجموع: $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$.
- (5) استنتج المجموع: $T_n = v_0 \cdot u_0 + v_1 \cdot u_1 + \dots + v_n \cdot u_n$.

التمرين الثاني: (4ن)

أجب بصحيح أو خطأ مع التعليل:

- (1) المتتالية العددية المعرفة على \mathbb{N} بـ: $u_n = n^2$ هي متتالية حسابية.
- (2) الدالة الأصلية للدالة f المعرفة بـ: $f(x) = x^4 + 2x + \frac{1}{(x+2)^2}$ هي $F(x) = \frac{x^5}{5} + x^2 + \frac{1}{x+2} + c$.
- (3) المستقيم ذو المعادلة $3x + 2y = 6$ يقارب مائل لمنحني الدالة f المعرفة بـ: $f(x) = \frac{2x^2 + 3x + 1}{x}$.
- (4) معادلة المماس (T) للمنحني (C) الممثل للدالة f والمعرفة على $]-\infty; 0[$; كما يلي: $f(x) = x + 1$ عند النقطة $A(1; 2)$ هي: $(T): y = 2x - 1$.

التمرين الثالث: (5ن) Ecole Erradja wa Tafaouk



I-g دالة عددية معرفة على \mathbb{R} بـ: $g(x) = x^3 + x - 1$

(Γ) تمثيلها البياني كما هو مبين في الشكل.

بالقراءة البيانية:

- (1) عين $g(1)$ واستنتج إشارة $g(x)$ على \mathbb{R}
- II-** لتكن الدالة f المعرفة على $\mathbb{R} - \{0\}$ بـ: $f(x) = x - \frac{x-1}{x^2}$ وليكن (C) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس (O, \vec{i}, \vec{j}) .

(1) أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

(2) أحسب $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ وفسر النتيجة بيانياً.

(3) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي غير معدوم:

$$f'(x) = \frac{g(x)}{x^3}$$

- (4) استنتج اتجاه تغير الدالة f وشكل جدول تغيراتها.
 (5) بين أن المستقيم ذو المعادلة $y = x$ مقارب مائل لـ (C) .
 (6) أدرس وضعية (C) بالنسبة للمستقيم ذو المعادلة $y = x$.
 (7) أنشئ (C) و (Δ) .

التمرين الرابع: (7ن)

I- لتكن الدالة g المعرفة على \mathbb{R} كما يلي :

$$g(x) = 2 + (-2x + 3)e^x$$

1. عين نهايتي الدالة g عند $+\infty$ و $-\infty$.
2. أدرس تغيرات الدالة g وشكل جدول تغيراتها.
3. بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث $1.68 < \alpha < 1.69$.
4. استنتج إشارة g على \mathbb{R} .

II- الدالة f معرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = \frac{e^x + 4x - 1}{1 + e^x}$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى معلم متعامد ومتجانس.

1. عين نهايتي الدالة f عند $+\infty$ و $-\infty$.
2. بين أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = 4x - 1$ مقارب مائل لـ (C_f) بجوار $-\infty$.
3. أدرس الوضع النسبي لـ (C_f) و (Δ) .
4. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x :

$$f'(x) = \frac{2 \cdot g(x)}{(1 + e^x)^2}$$

مدرسة "الرجاء والتفوق" الخاصة

Ecole Erradja wa Tafouk

ÉCOLE PRIVE

5. استنتج تغيرات الدالة f وشكل جدول تغيراتها.
6. أكتب معادلة المماس (T) للمنحني (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0.
7. بين أن $f(\alpha) = 4\alpha - 5$ ثم استنتج حصرا للعدد $f(\alpha)$.
8. أنشئ (C_f) و (T) و (Δ) .

بالتوفيق للجميع