

التاريخ : 03 ديسمبر 2023

المدة : 3 ساعات و نصف

إختبار الثلاثي الأول في مادة الرياضيات

المستوى : 3 رياضي

الترin الأول : (6 نقاط)

لكل سؤال جواب واحد فقط صحيح من بين الأجوبة الثلاثة المقترحة ، عينه مع التعليل :

1 . مجموعة حلول المتراجحة $5e^x < e^{2x} + 6$ في \mathbb{R} هي :

$S =]-\infty; \ln 2[\cup]\ln 3; +\infty[$ (ج)

$S =]2; 3[$ (ب)

$S =]\ln 2; \ln 3[$ (أ)

2 . مجموعة حلول المتراجحة $\ln[\ln(\ln x)] > 0$ هي :

$S =]e^3; +\infty[$ (ج)

$S =]e^e; +\infty[$ (ب)

$S =]e; +\infty[$ (أ)

3 . الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} بـ : $f(x) = \ln(x + \sqrt{x^2 + 1})$ ، من أجل كل x من \mathbb{R} لدينا :

$f(-x) = -f(x)$ (ج)

$f(-x) = f(x)$ (ب)

$f(1-x) = f(x)$ (أ)

4 . g هو الحل الخاص للمعادلة التفاضلية $g' = 1 + y + y^2 = 0$ ، من أجل كل x من \mathbb{R} لدينا :

$g(x) = e^x - 2$ (ج)

$g(x) = -1 + 2e^{-x}$ (ب)

$g(x) = -1 - 2e^{-x}$ (أ)

5 . h الدالة المعرفة بـ : $h(x) = \frac{1}{\ln x} + \ln(\ln x)$ قابلة للإشتقاق على $[1; +\infty)$ حيث :

$h'(x) = \frac{-1+\ln x}{x \ln^2 x}$ (ج)

$h'(x) = \frac{1-\ln x}{x \ln^2 x}$ (ب)

$h'(x) = \frac{1-\ln x}{x^2 \ln^2 x}$ (أ)

6 . k الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ : $k(x) = x \left(\frac{e^x - 1}{e^x + 1} \right) \sin x$ ، من أجل كل عدد حقيقي x لدينا :

$k(-x) + k(x) = x \sin x$ (ج)

$k(-x) - k(x) = 0$ (ب)

$k(-x) + k(x) = 0$ (أ)

التمرين الثاني : (7 نقاط)

I. الدالة العددية المعرفة على $[0; +\infty]$ بـ: $g(x) = x^2 + 2 \ln x$

1) أدرس تغيرات الدالة g وشكل جدول تغيراتها .

2) بين أن المعادلة $0 = g(x)$ تقبل حالاً وحيداً α في $[0; +\infty]$ ثم تحقق أن:

3) استنتج حسب قيم x إشارة $g(x)$.

II. الدالة العددية المعرفة على $[0; +\infty]$ بالعبارة: $f_k(x) = 1 - x + \frac{k}{x}(1 + \ln x)$ (k وسيط حقيقي)

ولتكن (C_k) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعمد ومتجانس $(\vec{O}; \vec{i}, \vec{j})$.

الجزء الأول :

1) بين أن كل المنحنيات (C_k) تمر من نقطة ثابتة يطلب تعينها .

2) أحسب نهاية الدالة f_k عند $+\infty$ و 0 (نقش حسب قيم k) .

الجزء الثاني :

نأخذ $2 = k$ نجد: $f(x) = 1 - x + \frac{2}{x}(1 + \ln x)$

1) أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و فسر النتيجة هندسياً ، ثم أحسب $f'(x)$.

2) أ - بين أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = -x + 1$ مستقيم مقارب مائل لـ (C_f)

ب - أدرس وضعية (C_f) بالنسبة إلى (Δ) .

3) أ - بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = \frac{-g(x)}{x^2}$

ب - استنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها .

4) بين أن $f(\alpha) = 1 - 2\alpha + \frac{2}{\alpha}$ ثم استنتج حصراً للعدد $f(\alpha)$.

5) بين أن المنحني (C_f) يقبل ماساً (T) يوازي (Δ) يطلب تعين معادلة له .

6) بين أن المنحني (C_f) يقطع حامل محور الفواصل في نقطتين فاصلتاهم:

$$2,50 < \beta < 2,55 \quad 0,31 < \alpha' < 0,33$$

7) أ - أرسم (C_f) ، (T) و (Δ)

ب - نقش بيانيا حسب قيم وسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة :

III. نعتبر الدالة k المعرفة على $[0; +\infty]$ بـ: $k(x) = -|1 - x| + \frac{2}{x}(1 + |\ln x|)$

أ - أكتب الدالة k دون رمز القيمة المطلقة .

ب - أدرس قابلية إشتقاق الدالة k عند $1 = x$ ، و فسر النتائج هندسياً .

التمرين الثالث : (7 نقاط)

I. (C) هو التمثيل البياني للدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ: $y = -3x + 1$ ، (D) المستقيم ذو المعادلة $x \rightarrow e^x - x^2$:

$$g(x) = e^x - x^2 + 3x - 1$$

أ- بقراءة بيانية عدد وضعية (C) بالنسبة لـ (D) على \mathbb{R} .

ب- استنتج حسب قيم x إشارة $g(x)$.

2) ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي عدد وإشارة حلول المعادلة:

$$e^x - \ln m = x^2$$

II. f هي الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ:

وليكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم

متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

1) بين أن $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$

2) أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - x]$ ، ثم فسر النتيجة هندسيا.

- أدرس الوضع النسبي للمنحنى (C_f) والمستقيم $(\Delta): y = x$

3) أ- بين أنه من أجل كل x من \mathbb{R} فإن :

ب- استنتاج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

4) أ- بين أنه من أجل كل x من \mathbb{R} :

ب- استنتاج أن المنحنى (C_f) يقبل نقطي انعطاف يطلب تعينهما.

5) أنشئ المنحنى (C_f) والمستقيم (Δ) .

6) h هي الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ:

- اشرح كيفية رسم (C_h) منحنى الدالة h انطلاقاً من (C_f) ثم أرسمه في المعلم السابق.

7) k هي الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ:

- اعتماداً على تغيرات الدالة f ، أدرس تغيرات الدالة k وشكل جدول تغيراتها (عبارة $k(x)$ غير مطلوبة).

