

المدّة: ساعتين

مستوى: إشلوي ج.م.ع.ت 😊 إختبار الفصل الاول في مادة الرياضيات 😊 السنة الـ 10 : 2024/2025

### التمرين الاول

$a$  و  $b$  عدنان حقيقيان يَحْتَمَنان :  $0 < a < b$  ،  $7 < a^2 + b^2 < 12$  و  $1 < ab < 2$

- ① برهن أن :  $3 < b + a < 4$  و  $\sqrt{3} < b - a < \sqrt{10}$
- ② استنتج أن :  $\frac{3 + \sqrt{3}}{2} < b < 2 + \frac{\sqrt{10}}{2}$  و  $\frac{3 - \sqrt{10}}{2} < a < \frac{4 - \sqrt{3}}{2}$

### التمرين الثاني

① نعتبر العدد الحقيقي  $x$ ، حيث :  $\frac{2}{19} \leq \frac{2}{2x-3} \leq \frac{2}{17}$

② بين أن :  $10 \leq x \leq 11$

③ عين حصرًا للعدد :  $11 - x$

④ قارن بين :  $(11 - x)^{1954}$  ،  $(11 - x)^{1962}$  و  $(11 - x)^{2024}$

⑤  $x$  عدد حقيقي موجب تمامًا، نضع :  $X = \frac{x-1}{x}$  و  $Y = \frac{x}{x+1}$

① أحسب الفرق  $X - Y$  و استنتج إشارته، ثم قارن بين  $X$  و  $Y$ .

② استنتج مقارنة بين العددين  $\sqrt{\frac{2024}{2025}}$  و  $\sqrt{\frac{2023}{2024}}$  . (لا تستعمل الآلة الحاسبة)

### التمرين الثالث

① عبر عن  $A$  بدون رمز القيمة المطبقة حيث :  $A = |2 - \sqrt{5}| - |2\sqrt{5} - 3| + |7 - 3\sqrt{5}|$

② عين المجموعات  $i \cup j$  ،  $i \cap j$  حيث  $i = [-2; 4]$  ،  $j = [1; +\infty[$

③ ليكن  $a$  و  $b$  عدنان حقيقيان حيث :  $b \in [1; \frac{3}{2}]$  ،  $a \in [\sqrt{2}; \sqrt{3}[$  أعط حصرًا للعبارة  $2a^2 - 4b$  و  $\frac{a^4 - 1}{2b + 1}$

④ أدرس إشارة كل من العبارة  $2x + 2$  و  $3 - 2x$

⑤ حل المتراجحة :  $|3 - 2x| \leq |2x + 2|$  باستعمال طريقة فصل الحالات .

⑥ أكتب كل من العبارتين التاليتين دون استعمال رمز القيمة المطلقة :  $A = |x + 4| + |x - 2|$  ،  $B = |x - 3| - 2|x - 4|$

⑦ استنتج طول المعادلة :  $B = 5$  ،  $A = 6$

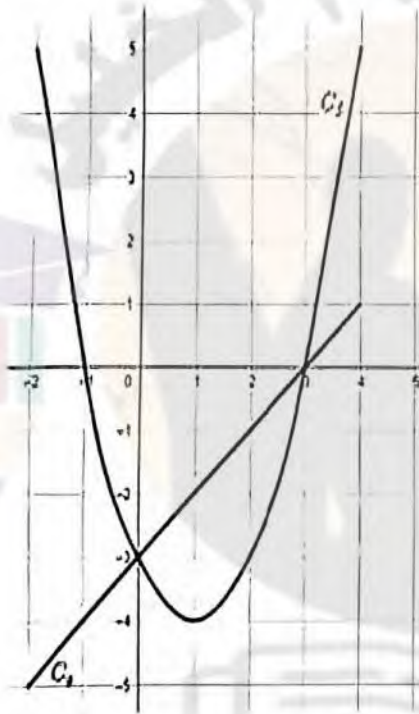
⑧ أقل ثم أعمم الجدول الآتي :

العدد	المجال	المعرفة	القيمة المطلقة
$3 \leq x \leq 5$			
		$d(x; 2) \leq 4$	$ x - 3  \leq 3$
	$x \in [-4; 4]$		

## التمرين الرابع

• لتكن الدالة  $f$  المعرفة بتمثيلها البياني  $C_f$  في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

المقابل:



(1) عيّن مجموعة تعريف الدالة  $f$ .

(2) احسب صورة كل من  $-2$  و  $0$  بواسطة الدالة  $f$ .

(3) ما هي سوابق العددين  $-3$  و  $0$  بالدالة  $f$ .

(4) هل تقبل الدالة  $f$  قيمة حدية صغرى؟ عيّنهما إن وجدت؟

(5) استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$ .

(6) شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .

• دالة عددية معرفة على المجال  $[-2; 4]$  حيث:

$g(x) = x - 3$  و  $C_g$  منحناها في نفس المعلم السابق.

(1) أدرس شفعية الدالة  $g$ .

(2) حل بيانيا المعادلة:  $f(x) = g(x)$ .

(3) حل بيانيا المتراجحة:  $f(x) < g(x)$ .

# حل التمرين الأول

(1) البرهان أن  $3 < b+a < 4$   
 $\sqrt{3} < b-a < \sqrt{10}$

لدينا:  $0 < a < b$  (2)  
 $7 < a+b < 12$  (3)  
 $1 < ab < 4$  (1)

بضرب (1) في 2 نجد  $2 < 2ab < 8$  (3)  
 بجمع (2) و (3) نجد  $9 < a^2+b^2+2ab < 16$  (4)  
 بداية شهيرة 1

باردخال التجزئة نجد  $3 < a+b < 4$   
 $b+a$  و  $a+b$  نفس الشيء

- بضرب (1) في -2 نجد  $-4 < -2ab < -8$  (4)  
 بجمع (2) و (4) نجد  $3 < a^2+b^2-2ab < 10$  (5)  
 بداية شهيرة 2

باردخال التجزئة نجد  $3 < (a-b)^2 < 10$   
 $\sqrt{3} < |a-b| < \sqrt{10}$

أي  $\sqrt{3} < -(a-b) < \sqrt{10}$   
 $\sqrt{3} < b-a < \sqrt{10}$

# حل التمرين الثاني:

1- التبيان أن  $10 < x < 11$   
 لدينا

$\frac{9}{19} < \frac{2}{2x-3} < \frac{2}{17}$   
 ومنه

$\frac{17}{2} < \frac{2x-3}{2} < \frac{19}{2}$   
 $2 \times 17 < 2(2x-3) < 2 \times 19$  (1)

$17 < 2x-3 < 19$

نصنف 3 فنجد

$\frac{20}{2} < \frac{2x}{2} < \frac{22}{2}$

$10 < x < 11$

2- تعيين دمج للعدد  $11-x$

لدينا  $10 < x < 11$

بضرب في -1 نجد

$-11 < -x < -10$

بإضافة 11 نجد:

$0 < 11-x < 1$

(3) المقارنة بين  $(11-x)^{1969}$  و  $(11-x)^{1968}$   
 $(11-x)^{1969}$

$(11-x)^{1969} > (11-x)^{1968} > (11-x)^{2024}$

(1- II) حساب الفرق  $X-Y$  لدينا

$X = \frac{x-1}{x}$

$Y = \frac{x}{x+1}$

$X-Y = \frac{x-1}{x} - \frac{x}{x+1}$

$= \frac{(x-1)(x+1) - x(x)}{x(x+1)}$

$= \frac{x^2-1-x^2}{x(x+1)}$  (6)

$$I \cup J = [-2, +\infty[$$

(3) تصر العبارتين  $2a^2 - 4b$  و  $\frac{a^2-1}{2b+1}$  لدينا:

$$a \in [\sqrt{2}, \sqrt{3}[ \Rightarrow \sqrt{2} \leq a < \sqrt{3} \quad (1)$$

$$b \in [1, \frac{3}{2}[ \Rightarrow 1 \leq b < \frac{3}{2} \quad (2)$$

بترتيب (1) نوجد:  $2 < a < 3 \quad (3)$

بضرب (3) في 2 نوجد:  $4 < 2a^2 < 6 \quad (4)$

بضرب (2) في -4 نوجد:

$$-6 \leq -4b < -4 \quad (5)$$

بجمع (4) و (5) نوجد:

$$-2 \leq 2a^2 - 4b < 2$$

بضرب (2) في 2 نوجد  $2 \leq 2b < 3$

$$3 \leq 2b+1 < 4 \quad (A)$$

نقلب (A) نوجد:

$$\frac{1}{4} \leq \frac{1}{2b+1} < \frac{1}{3} \quad (B)$$

بترتيب (3) نوجد  $4 \leq a^2 < 9 \quad (C)$

$$\frac{x^2-1-x^2}{x(x+1)} = \frac{x-y}{x(x+1)} = \frac{-1}{x(x+1)}$$

إشارة سالبة  $x-y < 0$

بما أن إشارة المقرف  $x-y < 0$

$$x < y$$

فإن

(2- II) استنتاج مقارنة بين

$$\sqrt{\frac{2023}{2024}} \text{ و } \sqrt{\frac{2024}{2025}}$$

$$\sqrt{\frac{2023}{2024}} < \sqrt{\frac{2024}{2025}} \quad \text{ومنه}$$

### حل التمرين الثالث

(1) كتابة A دون رمز القيمة المطلقة

$$A = |2-\sqrt{5}| - |2\sqrt{5}-3| + |7-3\sqrt{5}|$$

$$A = -(2-\sqrt{5}) - (2\sqrt{5}-3) + (7-3\sqrt{5})$$

$$A = -2 + \sqrt{5} - 2\sqrt{5} + 3 + 7 - 3\sqrt{5}$$

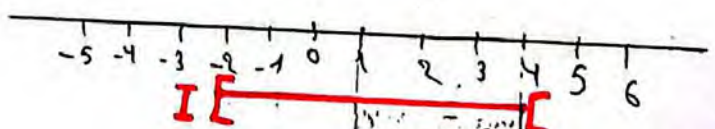
$$-5\sqrt{5} + 8 + \sqrt{5}$$

$$A = -4\sqrt{5} + 8$$

(2) تعيين المجموعات  $I \cap J$  و  $I \cup J$

$$J = [1, +\infty[ \quad I = [-2, 4[$$

$$I \cap J = [1, 4[$$



(3)

x	$-\infty$	-1	$\frac{3}{2}$	$+\infty$
$2x+2$	-	0	+	+
$3-2x$	+	+	0	-

$$3 < a-1 < 8 \quad \text{D}$$

بضرب (B) و (D) نجد

$$\frac{3}{4} < \frac{a-1}{2b+1} < \frac{8}{3}$$

نحل المعادلات  $[-1, -1]$

$$3-2x < -(2x+2)$$

$$3-2x < -2x-2$$

$$3 < -2$$

مستحيل

نحل المعادلات  $[-1, \frac{3}{2}]$

$$3-2x < 2x+2$$

$$-2x-2x < 2-3 \Leftrightarrow -4x < -1$$

$$x > \frac{1}{4} \quad x \in [\frac{1}{4}, +\infty[$$

مجموعة الحلول هي  $[\frac{1}{4}, +\infty[ \cap [-1, \frac{3}{2}]$

$$x \in [\frac{1}{4}, \frac{3}{2}]$$

نحل المعادلات  $[\frac{3}{2}, +\infty[$

$$-3+2x < 2x+2$$

$$-3 < 2+2$$

$$0 < 5$$

مجموعة حلول المتراجحة  $|3-2x| < |2x+2|$

$$S = [\frac{1}{4}, +\infty[$$

6

(4) دراسة إشارة كل من  $2x+2$  و  $3-2x$

$$* 2x+2=0$$

$$* 2x=-2$$

$$* x=-1$$

x	$-\infty$	-1	$+\infty$
$2x+2$		0	
		عكس إشارة	نفس إشارة
		-	+

$$-3-2x$$

$$3-2x=0 \Leftrightarrow -2x=-3$$

$$x=\frac{3}{2}$$

x	$-\infty$	$\frac{3}{2}$	$+\infty$
$3-2x$		0	
		+	-

\* حل المتراجحة  $|3-2x| < |2x+2|$

5

5) كتابة A و B بعون رمز القيمة المطلقة

على المجال  $]-\infty, 3]$

$$B = -(x-3) - 2(- (x-4))$$

$$B = -x + 3 - 2(-x + 4)$$

$$B = -x + 3 + 2x - 8$$

$$B = x - 5$$

على المجال  $[3, 4]$

$$B = x - 3 - 2(- (x-4))$$

$$B = x - 3 + 2x - 8$$

$$B = 3x - 11$$

على المجال  $[4, +\infty[$

$$B = x - 3 - 2(x - 4)$$

$$B = x - 3 - 2x + 8$$

$$B = -x + 5$$

\* استنتاج حلول المعادلتين

B = 5 و A = 6

العبارة A

على المجال  $]-\infty, -4]$

$$A = -2x - 2, A = -2x - 2 = 6$$

$$\Rightarrow -2x = 6 + 2 \Leftrightarrow -2x = 8$$

مقبول  $x = -4, -4 \in ]-\infty, -4]$

على المجال  $[-4, 2)$

$$A = 6$$

على المجال  $[2, +\infty[$

$$A = 2x + 2, 2x + 2 = 6$$

$$\Rightarrow 2x = 6 - 2 \Leftrightarrow 2x = 4$$

مقبول  $x = 2, 2 \in [2, +\infty[$

$S = \{-4, 6, [-4, 2)\}$

لدينا:  $A = |x+4| + |x-2|$

$B = |x-3| - 2|x-4|$

A: جدول إشارة العبارة

x	$-\infty$	-4		2	$+\infty$
x+4	-	0	+	+	
x-2	-	-	0	+	
A	$-(x+4) - (x-2)$	$x+4$	$(x-2)$	$x+4 + x-2$	

$$x+4=0 \Rightarrow x = -4$$

$$x-2=0 \Rightarrow x = 2$$

على المجال  $]-\infty, -4]$

$$A = -(x+4) - (x-2) \Rightarrow A = -2x - 2$$

على المجال  $[-4, 2)$

$$A = x+4 - (x-2) \Rightarrow A = 6$$

على المجال  $[2, +\infty[$

$$A = x+4 + x-2 \Rightarrow A = 2x + 2$$

B: جدول إشارة العبارة

x	$-\infty$	3		4	$+\infty$
x-3	-	0	+	+	
x-4	-	-	0	+	
B	$-x-3$ $2x-8$	$x-3$ $2x-8$	$x-3$ $2x-8$	$x-3$ $-2x+8$	

$$x-3=0 \Rightarrow x = 3$$

$$x-4=0 \Rightarrow x = 4$$

7

# المباراة B

## حل التمرين الرابع:

- على المجال  $]-\infty, 3]$

$$B = x - 5 \text{ و } x - 5 = 5 \Rightarrow x = 5 + 5$$

$$\boxed{x = 10} \quad 10 \notin ]-\infty, 3] \text{ مرفوض}$$

- على المجال  $[3, 4]$

$$B = 3x - 11 \text{ و } 3x - 11 = 5$$

$$\Rightarrow 3x = 11 + 5 \Leftrightarrow 3x = 16$$

$$\boxed{x = \frac{16}{3}} \quad \frac{16}{3} \notin [3, 4] \text{ مرفوض}$$

- على المجال  $[4, +\infty[$

$$B = -x + 5 \text{ و } -x + 5 = 5$$

$$\Rightarrow -x = -5 + 5$$

$$\boxed{x = 0} \quad 0 \notin [4, +\infty[ \text{ مرفوض}$$

مرفوض

اذن مجموعة حلول المعادلة  $B = 5$

$$S = \{ \emptyset \}$$

## (6) اتمام الجدول

القيمة المطلقة	المسافة	المجال	التصريح
$ x-4  < 1$	$d(x, 4) < 1$	$x \in [3, 5]$	$3 \leq x \leq 5$
$ x-1  < 3$	$d(x, 1) < 3$	$x \in [-2, 4]$	$-2 < x < 4$
$ x-2  < 4$	$d(x, 2) < 4$	$x \in [-2, 6]$	$-2 \leq x \leq 6$
$ x  < 4$	$d(x) < 4$	$x \in [-4, 4]$	$-4 < x < 4$

(1) مجموعة تعريف الدالة  $f$

$$D_f = [-2, 4]$$

(2) حساب صور كل من  $-2$  و  $0$

$$f(-2) = 5$$

$$f(0) = -3$$

(3) سوابق اللذين  $3$  و  $0$  بالدالة  $f$

$$f(0) = -3 \quad f(-1) = 0$$

$$f(2) = -3 \quad f(3) = 0$$

(4) نعم الدالة  $f$  تقبل قيمة صديقه مفردة عند النقطة ذات الإحداثيات

$$(1, -4)$$

(5) استنتاج اتجاه تغير الدالة  $f$

$$\text{على المجال } [-2, 1]$$

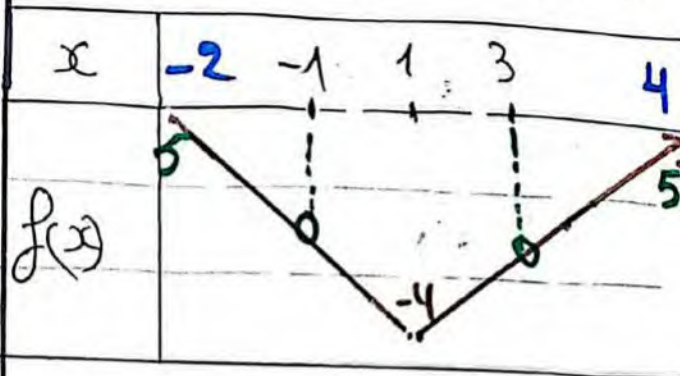
الدالة  $f$  متناقصة

$$\text{على المجال } [1, 4]$$

الدالة  $f$  متزايدة

حل المتراجحة يكون في المجال  
الذي يكون فيه منحنى  
الدالة  $f$  يقع تحت  
منحنى الدالة  $g$  و  $C$   
أي مجموعة حلول المتراجحة  
 $f(x) < g(x)$   
عند المجال  $[0, 3]$

ك) جدول تغيرات الدالة  $f$



II-4) دراسة شفعية الدالة  $g$

$$g(x) = x - 3$$

$$g(-x) = -x - 3 \Leftrightarrow g(x) = (x+3)^2$$

إذن الدالة  $g$  لافردية لازوجية

تابع لعد التمرين الأول

$$\frac{3+\sqrt{3}}{2} < b < \frac{2+\sqrt{10}}{2}$$

$$\frac{3-\sqrt{10}}{2} < a < \frac{4-\sqrt{3}}{2}$$

$$3 < a+b < 4 \dots \textcircled{A} \text{ لدينا}$$

$$\sqrt{3} < b-a < \sqrt{10} \dots \textcircled{B}$$

$$\text{بجمع } \textcircled{A} \text{ و } \textcircled{B} \text{ نجد}$$

$$\frac{3+\sqrt{3}}{2} < b < \frac{4+\sqrt{10}}{2}$$

$$\frac{3+\sqrt{3}}{2} < b < \frac{2+\sqrt{10}}{2}$$

$$\text{بضرب } \textcircled{B} \text{ في } -1 \text{ نجد } \textcircled{C} \dots \sqrt{3} < a-b < \sqrt{10}$$

$$3-\sqrt{10} < a < \frac{4-\sqrt{3}}{2}$$

$$\frac{3-\sqrt{10}}{2} < a < \frac{4-\sqrt{3}}{2}$$

الحل على يوتيوب

II-2) حل بيانيا المعادلة

$$f(x) = g(x)$$

حلول المعادلة تكون عند

تقاطع منحنى الدالة  $f$

مع منحنى الدالة  $g$

و  $C$  أي مجموعة حلول

$$f(x) = g(x)$$

عند النقط ذات الإحداثيات

$$(3, 5) \text{ و } (5, -3)$$

II-3) حل بيانيا المتراجحة

$$f(x) < g(x)$$