



ديسمبر 2022

المستوى: أولى جذع مشترك علوم

المدة: 2سا

اختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول (08 ن)

(I) a و b عدنان حقيقيان حيث $|a - 3| < 2$ و $1 < b < 3$
 (1) بين أن $1 < a < 5$

(2) أعط حصرا للأعداد: ab ، $a^2 + b^2$ ، $\frac{ab}{a^2+b^2}$
 (II) x عدد حقيقي كفي، نعتبر العبارات التالية:

$A(x) = |x - 3|$ ، $B(x) = |x + 2|$ ، $C(x) = A(x) - B(x)$
 (1) حل في \mathbb{R} المعادلة $A(x) = 7$

(2) بين أن حلول المتراجحة $B(x) \leq 5$ هي: $I = [-7; 3]$

(3) اكتب $C(x)$ دون رمز القيمة المطلقة ثم بين أن حلول المتراجحة $C(x) \leq 0$ هي: $J = [\frac{1}{2}; +\infty[$

(4) عين $I \cap J$ ، $I \cup J$ ، $\mathbb{R}^- \cap I$

التمرين الثاني (4 ن)

a و b عدنان حقيقيان حيث $a = 3\sqrt{3}$ و $b = 2\sqrt{7}$

(1) أ) بين أن: $a - b = \frac{-1}{3\sqrt{3} + 2\sqrt{7}}$

ب) استنتج مقارنة بين العددين a و b

(2) أ) احسب العدد $(3\sqrt{3} - 2\sqrt{7})^2$

ب) استنتج عبارة مبسطة للعدد c حيث $c = \sqrt{55 - 12\sqrt{21}}$

التمرين الثالث (8 ن)

(I) (C_f) التمثيل البياني للدالة f في مستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

بقراءة بيانية:

(1) عين مجموعة تعريف الدالة f .

(2) أوجد صور الأعداد: 1، 2 و 3 بالدالة f .

(3) أوجد السوابق الممكنة للأعداد -4، 0 و 5 بالدالة f .

(4) حل بيانيا المعادلة $f(x) = -3$ و المتراجحة $f(x) > -3$.

(5) حدد إشارة $f(x)$.

6) أكمل ما يلي : للدالة f قيمة حدية صغرى هي تبلغها من اجل

(II) لتكن الدالة g المعرفة على \mathbb{R} :- $g(x) = x^2 - 6x + 7$

(1) تحقق انه من اجل كل عدد حقيقي x : $g(x) = (x - 3)^2 - 2$

(2) احسب صورتا العددين 0 و 6 بالدالة g .

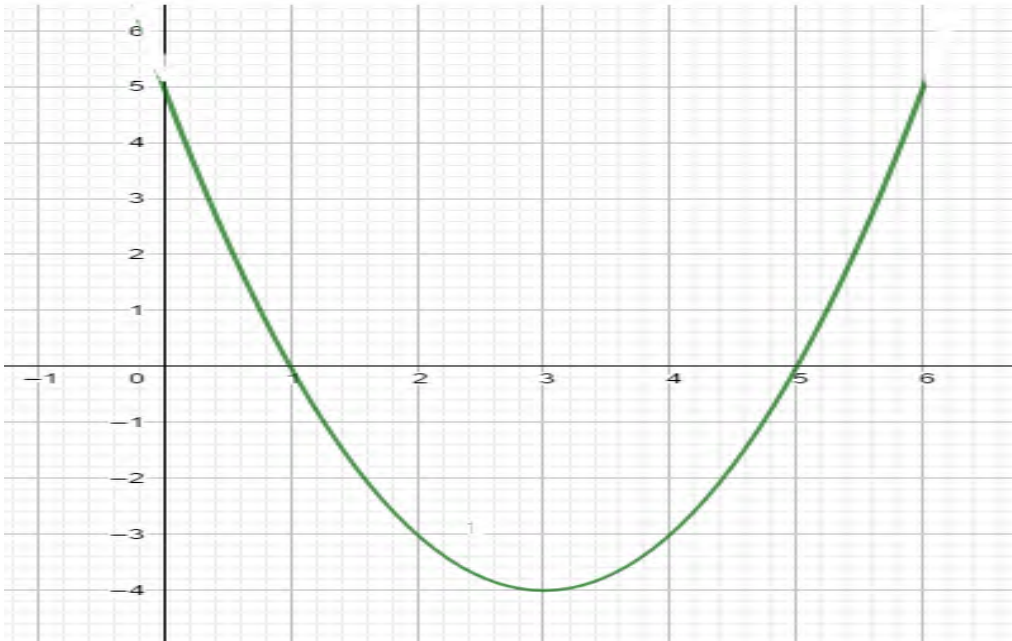
(3) عين السوابق الممكنة للعددين (-2) و 7 بالدالة g .

(III) لتكن الدالة h المعرفة بجدول تغيراتها التالي :

x	0	2	4	5
$h(x)$	0	-3	0	2

(1) حدد إشارة $h(x)$ على المجال $[0 ; 5]$

(2) عين القيمة الحدية الصغرى للدالة h



بالتوفيق

العلامة	الحل	رقم التمرين
	<p>(1) تبيان أن $1 < a < 5$: $a - 3 < 2$ ومنه $-2 < a - 3 < 2$ ومنه $1 < a < 5$</p> <p>(2) حصرا للأعداد : ab , $a^2 + b^2$, $\frac{ab}{a^2+b^2}$ $1 < ab < 15$, $2 < a^2 + b^2 < 34$, $\frac{1}{34} < \frac{ab}{a^2 + b^2} < \frac{15}{2}$</p> <p>(1) حلول المعادلة $A(x) = 7$ في \mathbb{R} : $S = \{-4; 10\}$ حلول المتراجحة $B(x) \leq 5$: $B(x) \leq 5$ ومنه $-5 \leq x + 2 \leq 5$ ومنه $I = [-7; 3]$</p> <p>(3) كتابة $C(x)$ دون رمز القيمة المطلقة : $C(x) = \begin{cases} 5 & ; x \in]-\infty; -2] \\ -2x + 1 & ; x \in [-2; 3] \\ -5 & ; x \in [3; +\infty[\end{cases}$ حلول المتراجحة $C(x) \leq 0$ هي : $J = [\frac{1}{2}; +\infty[$</p> <p>(4) تعيين $\mathbb{R}^- \cap I$, $I \cup J$, $I \cap J$ $\mathbb{R}^- \cap I = [-7; 0]$, $I \cup J = [-7; +\infty[$, $I \cap J = [\frac{1}{2}; 3]$</p>	<p><u>التمرين 1</u> 8 ن</p> <p><u>التمرين 2</u> 8 ن</p>
	<p>(1) أ) $a - b = \frac{-1}{3\sqrt{3} + 2\sqrt{7}}$ ب) بما أن $a < b$ فإن $a - b < 0$</p> <p>(2) أ) تبسيط العدد $(3\sqrt{3} - 2\sqrt{7})^2$ $(3\sqrt{3} - 2\sqrt{7})^2 = 55 - 12\sqrt{21}$ ب) استنتاج عبارة مبسطة للعدد c حيث $c = \sqrt{55 - 12\sqrt{21}}$ $c = 2\sqrt{7} - 3\sqrt{3}$</p>	

التمرين 3

بقراءة بيانية اجب على ما يلي:

- (1) تعيين مجموعة تعريف الدالة $f : D=[0 ; 6]$
- (2) صور الأعداد : 1 ، 2 و 3 بالدالة $f : f(1) = 0 ; f(3) = -4 ; f(2) = -3$
- (3) السوابق الممكنة للأعداد -4 ، 0 و 5 بالدالة f سابقة -4 بالدالة f هي 3 سوابق 5 بالدالة f هي 0 و 6 سوابق 0 بالدالة f هي 1 و 5
- (4) حلول المعادلة $f(x) = -3$
- $S = \{2 ; 4\}$
- و المتراجحة $f(x) > -3$
- $S = [0 ; 2[\cup]4 ; 6]$
- (5) إشارة $f(x)$.

x	0	1	5	6		
$f(x)$		+	0	-	0	+

(6) إكمال ما يلي : للدالة f قيمة حدية صغرى هي -4 تبلغها من اجل $x=3$

(II) لتكن الدالة g المعرفة على \mathbb{R} بـ: $g(x) = x^2 - 6x + 7$

(1) التحقق انه من اجل كل عدد حقيقي x :

$$g(x) = (x - 3)^2 - 2 = x^2 - 6x + 9 - 2 = x^2 - 6x + 7$$

(2) حساب صورتنا العددين 0 و 6 بالدالة g .

$$g(0) = 7 ; g(6) = 7$$

(3) تعيين السوابق الممكنة للعددين (-2) و 7 بالدالة g .

سابقة -2 بالدالة g هي 3

سوابق 7 بالدالة g هي 0 و 6

(III) (1) إشارة $h(x)$ على المجال $[0 ; 5]$

x	0	4	5	
$h(x)$	0	-	0	+

(2) القيمة الحدية الصغرى للدالة h هي -3 تبلغها عند $x = 2$

