



ديسمبر 2022

المستوى: أولى جذع مشترك علوم

المدة: 2سا

اختبار الفصل الأول في مادة الرياضيات

**التمرين الأول (08 ن)**

(I)  $a$  و  $b$  عدنان حقيقيان حيث  $|a - 3| < 2$  و  $1 < b < 3$  بين أن  $1 < a < 5$

(2) أعط حصرًا للأعداد:  $ab$ ،  $a^2 + b^2$ ،  $\frac{ab}{a^2+b^2}$   
 (II)  $x$  عدد حقيقي كفي، نعتبر العبارات التالية:

$A(x) = |x - 3|$ ،  $B(x) = |x + 2|$ ،  $C(x) = A(x) - B(x)$   
 (1) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $A(x) = 7$

(2) بين أن حلول المتراجحة  $B(x) \leq 5$  هي  $I = [-7; 3]$

(3) اكتب  $C(x)$  دون رمز القيمة المطلقة ثم بين أن حلول المتراجحة  $C(x) \leq 0$  هي  $J = [\frac{1}{2}; +\infty[$

(4) عين  $I \cap J$ ،  $I \cup J$ ،  $\mathbb{R}^- \cap I$

**التمرين الثاني (4 ن)**

$a$  و  $b$  عدنان حقيقيان حيث  $a = 3\sqrt{3}$  و  $b = 2\sqrt{7}$

(1) بين أن  $a - b = \frac{-1}{3\sqrt{3} + 2\sqrt{7}}$

(ب) استنتج مقارنة بين العددين  $a$  و  $b$

(2) أ) احسب العدد  $(3\sqrt{3} - 2\sqrt{7})^2$

(ب) استنتج عبارة مبسطة للعدد  $c$  حيث  $c = \sqrt{55 - 12\sqrt{21}}$

**التمرين الثالث (8 ن)**

(I)  $(C_f)$  التمثيل البياني للدالة  $f$  في مستوى منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ .

بقراءة بيانية:

(1) عين مجموعة تعريف الدالة  $f$ .

(2) أوجد صور الأعداد: 1، 2، و 3 بالدالة  $f$ .

(3) أوجد السوابق الممكنة للأعداد -4، 0، و 5 بالدالة  $f$ .

(4) حل بيانيا المعادلة  $f(x) = -3$  و المتراجحة  $f(x) > -3$ .

(5) حدد إشارة  $f(x)$ .

6) أكمل ما يلي : للدالة  $f$  قيمة حدية صغرى هي ..... تبلغها من اجل ..... .

(II) لتكن الدالة  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  :-  $g(x) = x^2 - 6x + 7$

(1) تحقق انه من اجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $g(x) = (x - 3)^2 - 2$

(2) احسب صورتا العددين 0 و 6 بالدالة  $g$ .

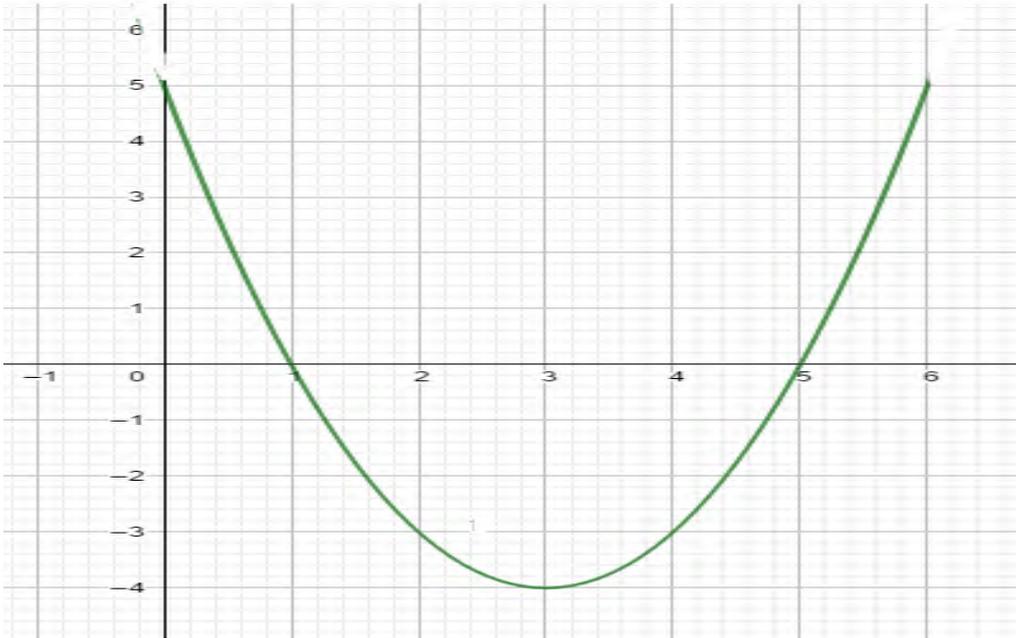
(3) عين السوابق الممكنة للعددين (-2) و 7 بالدالة  $g$ .

(III) لتكن الدالة  $h$  المعرفة بجدول تغيراتها التالي :

|        |   |    |   |   |
|--------|---|----|---|---|
| $x$    | 0 | 2  | 4 | 5 |
| $h(x)$ | 0 | -3 | 0 | 2 |

(1) حدد إشارة  $h(x)$  على المجال  $[0 ; 5]$

(2) عين القيمة الحدية الصغرى للدالة  $h$



بالتوفيق

| العلامة | الحل   | رقم التمرين  |
|---------|--|--|
|         | <p>(1) تبيان أن <math>1 &lt; a &lt; 5</math> :<br/> <math> a - 3  &lt; 2</math> ومنه <math>-2 &lt; a - 3 &lt; 2</math> ومنه <math>1 &lt; a &lt; 5</math></p> <p>(2) حصرا للأعداد : <math>ab</math> , <math>a^2 + b^2</math> , <math>\frac{ab}{a^2+b^2}</math><br/> <math>1 &lt; ab &lt; 15</math> , <math>2 &lt; a^2 + b^2 &lt; 34</math> , <math>\frac{1}{34} &lt; \frac{ab}{a^2 + b^2} &lt; \frac{15}{2}</math></p> <p>(1) حلول المعادلة <math>A(x) = 7</math> في <math>\mathbb{R}</math> : <math>S = \{-4; 10\}</math><br/> حلول المتراجحة <math>B(x) \leq 5</math> :<br/> <math>B(x) \leq 5</math> ومنه <math>-5 \leq x + 2 \leq 5</math> ومنه <math>I = [-7; 3]</math></p> <p>(3) كتابة <math>C(x)</math> دون رمز القيمة المطلقة :<br/> <math display="block">C(x) = \begin{cases} 5 &amp; ; x \in ]-\infty; -2] \\ -2x + 1 &amp; ; x \in [-2; 3] \\ -5 &amp; ; x \in [3; +\infty[ \end{cases}</math> حلول المتراجحة <math>C(x) \leq 0</math> هي : <math>J = [\frac{1}{2}; +\infty[</math></p> <p>(4) تعيين <math>\mathbb{R}^- \cap I</math> , <math>I \cup J</math> , <math>I \cap J</math><br/> <math>\mathbb{R}^- \cap I = [-7; 0]</math> , <math>I \cup J = [-7; +\infty[</math> , <math>I \cap J = [\frac{1}{2}; 3]</math></p> | <p><u>التمرين 1</u><br/>8 ن</p> <p><u>التمرين 2</u></p> <p>8 ن</p> |
|         | <p>(1) أ) <math>a - b = \frac{-1}{3\sqrt{3} + 2\sqrt{7}}</math></p> <p>ب) بما أن <math>a &lt; b</math> فإن <math>a - b &lt; 0</math></p> <p>(2) أ) تبسيط العدد <math>(3\sqrt{3} - 2\sqrt{7})^2</math><br/> <math>(3\sqrt{3} - 2\sqrt{7})^2 = 55 - 12\sqrt{21}</math><br/> ب) استنتاج عبارة مبسطة للعدد <math>c</math> حيث <math>c = \sqrt{55 - 12\sqrt{21}}</math><br/> <math>c = 2\sqrt{7} - 3\sqrt{3}</math></p>   |  |

### التمرين 3

بقراءة بيانية اجب على ما يلي:

- (1) تعيين مجموعة تعريف الدالة  $f : D=[0 ; 6]$
- (2) صور الأعداد : 1 ، 2 و 3 بالدالة  $f : f(1) = 0 ; f(3) = -4 ; f(2) = -3$
- (3) السوابق الممكنة للأعداد -4 ، 0 و 5 بالدالة  $f$  سابقة -4 بالدالة  $f$  هي 3 سوابق 5 بالدالة  $f$  هي 0 و 6 سوابق 0 بالدالة  $f$  هي 1 و 5
- (4) حلول المعادلة  $f(x) = -3$
- $S = \{2 ; 4\}$
- و المتراجحة  $f(x) > -3$
- $S = [0 ; 2[ \cup ]4 ; 6]$
- (5) إشارة  $f(x)$ .

|        |   |   |   |   |   |   |
|--------|---|---|---|---|---|---|
| $x$    | 0 | 1 | 5 | 6 |   |   |
| $f(x)$ |   | + | 0 | - | 0 | + |

(6) إكمال ما يلي : للدالة  $f$  قيمة حدية صغرى هي -4 تبلغها من اجل  $x=3$

(II) لتكن الدالة  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $g(x) = x^2 - 6x + 7$

(1) التحقق انه من اجل كل عدد حقيقي  $x$ :

$$g(x) = (x - 3)^2 - 2 = x^2 - 6x + 9 - 2 = x^2 - 6x + 7$$

(2) حساب صورتا العددين 0 و 6 بالدالة  $g$ .

$$g(0) = 7 ; g(6) = 7$$

(3) تعيين السوابق الممكنة للعددين (-2) و 7 بالدالة  $g$ .

سابقة -2 بالدالة  $g$  هي 3

سوابق 7 بالدالة  $g$  هي 0 و 6

(III) (1) إشارة  $h(x)$  على المجال  $[0 ; 5]$

|        |   |   |   |   |
|--------|---|---|---|---|
| $x$    | 0 | 4 | 5 |   |
| $h(x)$ | 0 | - | 0 | + |

(2) القيمة الحدية الصغرى للدالة  $h$  هي -3 تبلغها عند  $x = 2$

