

## التمرين 01 :

اختر الاجابة الصحيحة من بين الاجابات المقترحة مع التعليل :

العبارة	الجواب الاول	الجواب الثاني	الجواب الثالث
1 العدد $\sqrt{1+\frac{4}{5}} \times \sqrt{1-\frac{4}{5}}$ هو	عشري	ناطق	أصم
2 $\sqrt{\frac{8^{10}+4^{10}}{8^4+4^{11}}}$ =	2	16	4
3 الكتابة العلمية للعدد : $4 \times 10^{-3} \times 3 \times 10^{-2}$ هي	$12 \times 10^{-5}$	$0,12 \times 10^{-3}$	$1,2 \times 10^{-4}$
4 مجموعة حلول المتراجحة $x - \frac{5}{2} \leq \frac{1}{2}$ هي	$S = [2; 3[$	$S = ]-3; -2[$	$S = [2; 3[$
5 $x \in ]1; 8[$ يعني	$ x - \frac{7}{2}  < \frac{9}{2}$	$ x - \frac{9}{2}  < \frac{7}{2}$	$ x - 1  < 8$

## التمرين 02 :

1. نعتبر العددين الحقيقيين  $A = 3\sqrt{3}$  و  $B = 2\sqrt{7}$  حيث :

$$(1) \text{ بين ان } A - B = \frac{-1}{3\sqrt{3} + 2\sqrt{7}}$$

(2) استنتج مقارنة بين العددين  $A$  و  $B$

II. 1 انشرو بسط العدد  $(3\sqrt{3} - 2\sqrt{7})^2$

➤ استنتج كتابة مبسطة للعدد  $x$  حيث :  $x = \sqrt{55 - 12\sqrt{21}}$

2 اذا علمت ان :  $2,6 \leq \sqrt{7} \leq 2,7$  و  $1,7 \leq \sqrt{3} \leq 1,8$

أ- أعط حصر العدد  $x$

ب- بين ان :  $0 \leq \frac{3}{5} - 2x \leq 1$  واستنتج مقارن الاعداد :  $\left(\frac{3}{5} - 2x\right)^{2018}$  ،  $\left(\frac{3}{5} - 2x\right)^3$  ،  $\left(\frac{3}{5} - 2x\right)^2$  ،  $\left(\frac{3}{5} - 2x\right)$

## التمرين 03 :

التمثيل البياني المقابل  $(C_f)$  لدالة  $f$  معلم متعامد

ومتجانس  $(o; \vec{i}; \vec{j})$

(1) عين مجموعة تعريف الدالة  $f$

(2) عين صورة كل من  $5; 2; -1$  بالدالة  $f$

(3) عين سوابق العدد 0 بالدالة  $f$

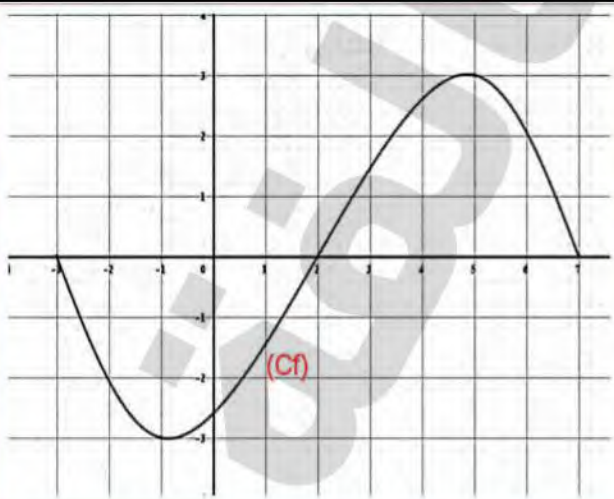
(4) عين القيم الحدية للدالة  $f$  على مجموعة تعريفها

(5) عين اتجاه تغير الدالة  $f$

(6) شكل جدول تغيرات الدالة  $f$

(7) قارن العددين  $f(-1,5)$  و  $f(-2)$

(8) عين اشارة  $f(x)$  ثم استنتج حلول المتراجحة  $f(x) \geq 0$



## التمرين 01 :

العبارة	الجواب	التعليل
1	1	$\sqrt{1+\frac{4}{5}} \times \sqrt{1-\frac{4}{5}} = \sqrt{1-\frac{16}{25}}$ $= \sqrt{\frac{25-16}{25}} = \frac{3}{5} = \frac{3}{5^1 \times 2^0}$
2	2	$\sqrt{\frac{8^{10}+4^{10}}{8^4+4^{11}}} = \sqrt{\frac{2^{30}+2^{20}}{2^{12}+2^{22}}}$ $= \sqrt{\frac{2^{30}+2^{20}}{2^{12}+2^{22}}} = \sqrt{\frac{2^{20}(2^{10}+1)}{2^{12}(1+2^{10})}}$ $= \sqrt{2^8} = \sqrt{(2^4)^2} = 2^4 = 16$
3	3	$4 \times 10^{-3} \times 3 \times 10^{-2} = 12 \times 10^{-5}$ $1,2 \times 10^{-4}$
4	1	معناه $x \in \left[ \frac{5}{2} - \frac{1}{2}; \frac{5}{2} + \frac{1}{2} \right]$ اي $x \in [2; 3]$ ومنه $S = [2; 3]$
5	2	$r = \frac{8-1}{2} = \frac{7}{2}$ و $c = \frac{8+1}{2} = \frac{9}{2}$ ومنه $\left  x - \frac{9}{2} \right  < \frac{7}{2}$

3) أ- ايجاد حصر الـ  $x$  حيث :  $x = 2\sqrt{7} - 3\sqrt{3}$

$$1,7 \leq \sqrt{3} \leq 1,8 \quad , \quad 2,6 \leq \sqrt{7} \leq 2,7$$

لدينا  $2,6 \leq \sqrt{7} \leq 2,7$  ومنه  $5,2 \leq 2\sqrt{7} \leq 5,4$  ... (1)

لدينا  $1,7 \leq \sqrt{3} \leq 1,8$  ومنه  $5,1 \leq 3\sqrt{3} \leq 5,4$

وبالتالي :  $-5,4 \leq -3\sqrt{3} \leq -5,1$  ..... (2)

بجمع (1) و (2) طرف لطرف نجد

$$-0,2 \leq x \leq 0,3 \quad \text{ومنه} \quad -0,2 \leq 2\sqrt{7} - 3\sqrt{3} \leq 0,3$$

$$\text{ب- بيان ان : } 0 \leq \frac{3}{5} - 2x \leq 1$$

لدينا :  $-0,2 \leq x \leq 0,3$  ومنه  $-0,6 \leq -2x \leq 0,4$

بإضافة  $\frac{3}{5}$  لجميع الاطراف نجد :

$$\text{ينتج : } \frac{3}{5} - 0,6 \leq \frac{3}{5} - 2x \leq \frac{3}{5} + 0,4$$

$$0 \leq \frac{3}{5} - 2x \leq 1 \quad \text{اي} \quad \frac{3-3}{5} \leq \frac{3}{5} - 2x \leq \frac{3+2}{5}$$

استنتاج المقارنة :

$$\left( \frac{3}{5} - 2x \right) > \left( \frac{3}{5} - 2x \right)^2 > \left( \frac{3}{5} - 2x \right)^3 > \left( \frac{3}{5} - 2x \right)^{2018}$$

## التمرين 03 :

1) مجموعة تعريف :  $D_f = [-3; 7]$

$$f(5) = 3, \quad f(2) = 0, \quad f(-1) = -3 \quad (2)$$

3)  $f(x) = 0$  معناه  $(x = -3), (x = 2), (x = 7)$

4) قيمة حدية عظمية 3 من اجل  $x = 5$

قيمة حدية صغرى -3 من اجل  $x = -1$

5) الدالة  $f$  متناقصة تماما على  $[-3; -1] \cup [5; 7]$

الدالة  $f$  متزايدة تماما على  $[-1; 5]$

6) جدول التغيرات

$x$	-3	-1	5	7
$f(x)$	0	-3	3	0

7) لدينا  $-2 < -1,5$  و  $f$  متناقصة تماما على

$$[-3; -1] \quad \text{ومنه} \quad f(-2) > f(-1,5)$$

8) اشارة  $f(x)$

$x$	-3	2	7
$f(x)$	0	0	+++

حلول المتراجحة :  $f(x) \geq 0$  معناه  $x \in [2; 7]$

$$\text{ومنه} \quad S = [2; 7]$$

## التمرين 02 :

$$B = 2\sqrt{7}, \quad A = 3\sqrt{3} \quad (I)$$

$$\text{بيان ان } A - B = \frac{-1}{3\sqrt{3} + 2\sqrt{7}}$$

لدينا :

$$A - B = 3\sqrt{3} - 2\sqrt{7} = \frac{(3\sqrt{3} - 2\sqrt{7})(3\sqrt{3} + 2\sqrt{7})}{(3\sqrt{3} + 2\sqrt{7})}$$

$$= \frac{27 - 28}{3\sqrt{3} + 2\sqrt{7}} = \frac{-1}{3\sqrt{3} + 2\sqrt{7}}$$

2) المقارنة :  $A - B < 0$  ينتج  $A < B$

(II) 1) نشر وتبسيط العدد :  $(3\sqrt{3} - 2\sqrt{7})^2$

$$(3\sqrt{3} - 2\sqrt{7})^2 = 27 + 28 - 12\sqrt{21} = 55 - 12\sqrt{21}$$

استنتاج كتابة مبسطة :  $x = \sqrt{55 - 12\sqrt{21}}$

$$\text{لدينا} \quad x = \sqrt{55 - 12\sqrt{21}} = \sqrt{(3\sqrt{3} - 2\sqrt{7})^2}$$

$$= |3\sqrt{3} - 2\sqrt{7}| = 2\sqrt{7} - 3\sqrt{3}$$

لان  $3\sqrt{3} - 2\sqrt{7} < 0$