

## الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

## وزارة التربية الوطنية

## الديوان الوطني لامتحانات والمسابقات

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: رياضيات، تقني رياضي

اختبار في مادة: العلوم الفيزيائية

دورة: 2024

المدة: 04 سا و 30 د

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

## الموضوع الأول

يحتوي الموضوع على (05) صفحات (من الصفحة 1 من 10 إلى الصفحة 5 من 10)

الجزء الأول: (14 نقطة)

التمرين الأول: (04 نقاط)



جامع الجزائر

يُعَدُّ جامع الجزائر من أهم المنشآت المعمارية في الجزائر، فهو ثالث أكبر مسجد في العالم، يتسع لأكثر من 120 ألف مُصَلٍّ ومن معالمه المميزة منمنته (صومعته) التي تُعَدُّ الأعلى في العالم.

يهدف هذا التمرين إلى تحديد ارتفاع منمنته جامع الجزائر بطريقتين.

بعد زيارة مدرسية لجامع الجزائر، طلب الأستاذ عند عودة تلاميذه إلى

الثانوية تحديد ارتفاع منمنته جامع الجزائر بطريقتين مختلفتين حسب ما درسه في وحدة تطوّر جملة ميكانيكية.

معطيات:

< نهمل تأثير دافعة أرخميدس وقوى الاحتكاك مع الهواء؛

< نعتبر الكرة المعدنية نقطة مادية؛

< شدة شعاع حقل الجاذبية الأرضية:  $g = 9,80 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$

الطريقة الأولى:

تترك كرة معدنية كتلتها  $m$  لتسقط في الهواء شاقولياً في لحظة  $t = 0$  نعتبرها مبدأ للأزمنة

وبدون سرعة ابتدائية من النقطة  $O$  أعلى المنمنته والتي تمثل مبدأ المحور  $(Oy)$  الموجّه نحو

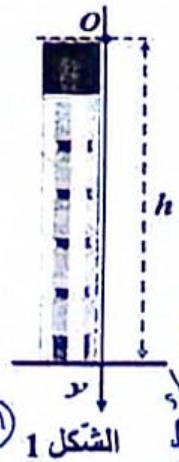
الأسفل والمرتبطة بمرجع الدراسة كما في الشكل 1.

1. ما نوع هذا السقوط؟ برّر إجابتك. لسقوط حقيقي لأن الصدى يخضع للاحتكاك مع الهواء.

2. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، جد المعادلة التفاضلية التي تحققها الفاصلة  $y(t)$  لموضع الكرة مع

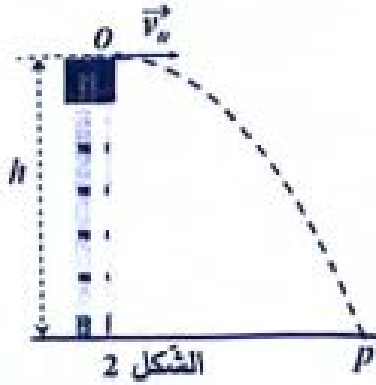
3. علماً أنّ سرعة ارتطام الكرة بسطح الأرض تساوي  $72,11 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ .

جد  $h$  ارتفاع المنمنته.



$$f + p + \pi$$

## الطريقة الثانية:



تُذَف الكُرّة السّاقية في لحظة  $t = 0$  نعتبرها مبدأ للأزمنة وبسرعة ابتدائية أفقية  $\vec{v}_0$  من النقطة  $O$  أعلى المنبذة لترتطم بسطح الأرض في نقطة  $P$  (الشكل 2).

المنحنى البياني  $E_c = f(t^2)$  (الشكل 3) يمثل تطوّر الطاقة الحركية للكُرّة بدلالة مربع الزمن بين لحظتي قذف الكُرّة وارتطامها بسطح الأرض.

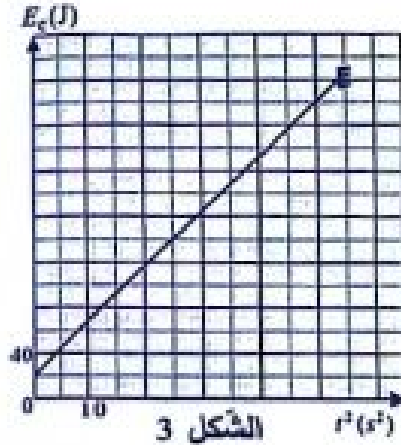
1. تُعطى العبارة اللحظية للطاقة الحركية  $E_c(t)$  للكُرّة:

$$E_c(t) = \frac{1}{2} m g^2 t^2 + \frac{1}{2} m v_0^2$$

باستغلال المنحنى البياني (الشكل 3)، تُحقّق أنّ: كتلة الكُرّة  $m = 100 \text{ g}$

2. بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (كُرّة) بين الموضعين

$O$  و  $P$ ، واستغلال المنحنى البياني (الشكل 3)، استنتج ارتفاع منبذة جامع الجزائر  $(h)$ .



التّمرين الثاني: (04 نقاط)

يستعمل أخصاء الطّب النووي التّاليوم  $^{201}\text{Tl}$  في تقنيات التصوير النووي للقلب. يُحقّق المريض بجرعة من محلول كلور التّاليوم  $^{201}\text{Tl}$ ، ليقوم بعدها بجهد بدني يتم خلاله تسجيل صور لقلبه.

يهدف التّمرين إلى دراسة عيّنة مُشعّة من التّاليوم مُستخدمة في التصوير الطّبي. معطيات:

$$\left\langle \begin{array}{l} \text{زمن نصف العمر: } t_{1/2} \left( ^{201}_{81}\text{Tl} \right) = 73 \text{ heures} \\ \text{ثابت أفوغادرو: } N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1} \\ \text{الكتلة المولية للتّاليوم } ^{201}\text{Tl}: M = 201 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1} \end{array} \right.$$

$$\left\langle \begin{array}{l} \text{ثابت أفوغادرو: } N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1} \\ \text{الكتلة المولية للتّاليوم } ^{201}\text{Tl}: M = 201 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1} \end{array} \right.$$

$$\left\langle \begin{array}{l} \text{الكتلة المولية للتّاليوم } ^{201}\text{Tl}: M = 201 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1} \end{array} \right.$$

1. نواة التّاليوم  $^{201}\text{Tl}$  ذات نمط إشعاعي  $\beta^-$ ، تتفكّك معطية نواة الزئبق  $\text{Hg}$  مع إصدار إشعاع  $\gamma$ .

1.1. عزّف النشاط الإشعاعي.

2.1. اكتب معادلة تفكّك نواة التّاليوم  $^{201}\text{Tl}$ .

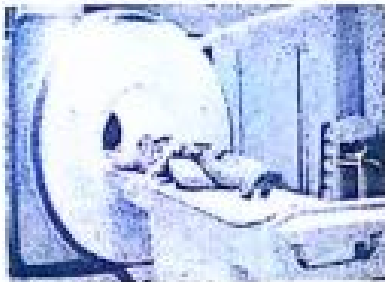
2. تلقت مصالح الطّب النووي لمستشفى يوم الأربعاء على الساعة 8 صباحا قارورة من محلول كلور التّاليوم  $^{201}\text{Tl}$

نشاطها  $153,9 \times 10^6 \text{ Bq}$  ليتم استعمالها لإجراء عملية تصوير لمريض يوم الخميس على الساعة 8 صباحا

حيث يتلقّى المريض حقنة من المحلول المشع نشاطها  $11 \times 10^7 \text{ Bq}$ .

1.2. احسب قيمة النشاط  $A(t)$  للمحلول المشع لحظة استعماله.

2.2. هل نشاط العيّنة كاف لإجراء عملية التصوير الطّبي للمريض؟



اختبار في مادة: العلوم الفيزيائية // الشعبة: رياضيات ، تقني رياضي // بكالوريا 2024

3. في الحقيقة محلول الثاليوم المستعمل يوم الأربعاء الساعة 8 صباحا يحتوي على نظير آخر هو الثاليوم 202 حيث أن النسبة بين  $A_{202}$  نشاط الثاليوم 202 و  $A_{201}$  نشاط الثاليوم 201 في المحلول هذا اليوم تساوي  $\frac{A_{202}}{A_{201}} = 0,005$ .

1.3. بالاعتماد على قانون تناقص النشاط الإشعاعي، بين أن النسبة  $\frac{A_{202}(t)}{A_{201}(t)}$  تكتب في كل لحظة بالعلاقة:

$$\frac{A_{202}(t)}{A_{201}(t)} = 0,005 \times e^{1,982 \times 10^{-6} t}$$

2.3. لا يمكن استخدام هذا المحلول إلا إذا كانت النسبة بين نشاط الثاليوم 202 ونشاط الثاليوم 201 أقل من 2%. جذ المدة الزمنية التي من أجلها تصبح القارورة غير صالحة للاستخدام.

التمرين الثالث: (06 نقاط)

يهدف هذا التمرين إلى الدراسة الحركية لتفاعل أكسدة-إرجاع واشتغال عمود.

أولا: الدراسة الحركية لتفاعل أكسدة-إرجاع

تعطى: الكتلة المولية للنحاس:  $M(\text{Cu}) = 63,5 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$

في اللحظة  $t = 0$ ، نضع في بشر محلولاً عديم اللون لنترات الفضة  $(\text{Ag}^+(aq) + \text{NO}_3^-(aq))$  حجمه  $V = 100 \text{ mL}$  وتركيزه المولي  $c$  ثم نغمس فيه سلكاً من النحاس النقي كتلته  $m_1 = 6,35 \text{ g}$ . نلاحظ تلوّن المحلول تدريجياً باللون الأزرق وظهور شعيرات من الفضة على السلك النحاسي.

يتمذج التحول الكيميائي الحادث بتفاعل كيميائي معادلته:



1. على ماذا يدلّ ظهور اللون الأزرق؟

2. المتابعة الزمنية لهذا التفاعل الكيميائي مكنتنا من الحصول على المنحنى البياني الممثل لتطور التركيز المولي لشوارد النحاس

الثاني بدلالة الزمن  $[\text{Cu}^{2+}] = f(t)$  (الشكل 4).

1.2. صنّف التحول من حيث المدة الزمنية المستغرقة لحدوثه.

2.2. أنشئ جدولاً لتقدم التفاعل الحادث.

3.2. خذ قيمة التقدم النهائي للتفاعل ثم استنتج المتفاعل المحد.

3. اخسب السرعة الحجمية للتفاعل في اللحظة  $t = 0$ .

ثانياً: اشتغال عمود

إنّ التغير في الطاقة الداخلية لجملة كيميائية خلال تفاعل أكسدة-إرجاع بتحويل إلكتروني مباشر لا يمكن الاستفادة

منه عملياً، لذلك نلجأ إلى تحقيق تحويل إلكتروني غير مباشر في الأعمدة الكهروكيميائية.

معطيات:

< ثابت التوازن الكيميائي للتفاعل الحادث  $\text{Pb}^{2+}(aq) + \text{Sn}(s) = \text{Pb}(s) + \text{Sn}^{2+}(aq)$  هو  $K = 2,18$

< الكتلة المولية للزئبق:  $M(\text{Pb}) = 207,2 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$

اختبار في مادة: العلوم الفيزيائية // الشعبة: رياضيات ، تقني رياضي // بكالوريا 2024

تحقق عند درجة حرارة  $25^{\circ}\text{C}$  عمودا كهروكيميائيا يتشكل من نصفين:

- النصف الأول: صفيحة من الزنك  $\text{Pb}$  مغمورة في محلول نترات الزنك  $(\text{Pb}^{2+}(\text{aq}) + 2\text{NO}_3^{-}(\text{aq}))$

حجمه  $V_1 = 50\text{mL}$  وتركيزه المولي بشوارد الزنك  $[\text{Pb}^{2+}] = 3 \times 10^{-2} \text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .

- النصف الثاني: صفيحة من القصدير  $\text{Sn}$  مغمورة في محلول نترات القصدير  $(\text{Sn}^{2+}(\text{aq}) + 2\text{NO}_3^{-}(\text{aq}))$

حجمه  $V_2 = 50\text{mL}$  وتركيزه المولي بشوارد القصدير  $[\text{Sn}^{2+}] = 2 \times 10^{-2} \text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$ .

توصل نصفي العمود عن طريق جسر ملحي يحتوي على محلول نترات البوتاسيوم  $(\text{K}^{+}(\text{aq}) + \text{NO}_3^{-}(\text{aq}))$ ، ونربط بين طرفي العمود المتشكل ناقلا أوميا وقاطعة  $K$ .

نطلق القاطعة  $K$  في اللحظة  $t = 0$ ، فيسري في الدارة تيار كهربائي شدته ثابتة.

1. احسب كسر التفاعل الابتدائي  $Q_r$ .

2. استنتج جهة التطور التلقائي للجملة الكيميائية أثناء اشتغال العمود.

3. اكتب المعادلتين التصفيتين للتفاعلين الحادثين بجوار المسربين.

4. أعط الزمر الاصطلاحي لهذا العمود.

5. بعد مدة زمنية  $\Delta t$  من اشتغال العمود يصبح:

$$[\text{Sn}^{2+}] = 3,428 \times 10^{-2} \text{mol} \cdot \text{L}^{-1} \quad \text{و} \quad [\text{Pb}^{2+}] = 1,572 \times 10^{-2} \text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

1.5 احسب قيمة كسر التفاعل  $Q_r$  في هذه اللحظة.

2.5 هل يستمر اشتغال العمود بعد مرور هذه المدة الزمنية؟ بزر إجابتك.

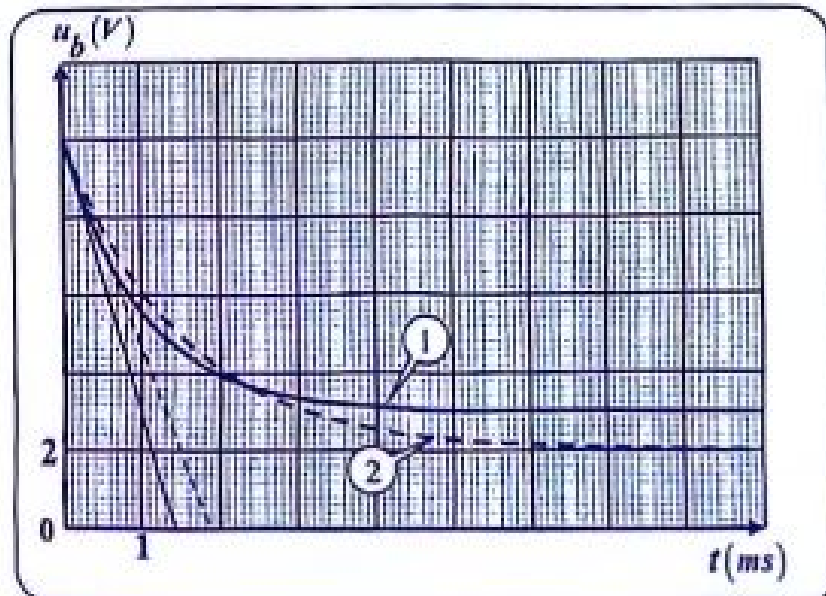
الجزء الثاني: (06 نقاط)

التعريف التجريبي: (06 نقاط)

يهدف هذا التعريف إلى إبراز تأثير ذاتية وشيعة على مدة بلوغ النظام الدائم.

الوثيقة 02: تطور  $u_B(t)$  التوتّر بين طرفي الوشيعة التحريضية

الوثيقة 01: الوسائل الضرورية



• مولد توتر كهربائي مثالي قوته المحركة

الكهربائية  $E$

• ناقل أومي مقاومته  $R_1 = 70\Omega$

• ناقل أومي مقاومته  $R_2 = 80\Omega$

• وشيعة ذاتيتها  $L_1$  ومقاومتها  $r_1 = 30\Omega$

• وشيعة ذاتيتها  $L_2$  ومقاومتها  $r_2 = 20\Omega$

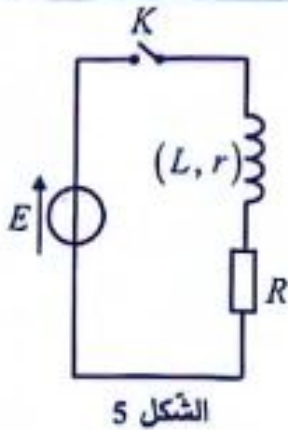
• أسلاك توصيل

• قاطعة  $K$

• تجهيز التجريب المدعم بالحاسوب



اختبار في مادة: العلوم الفيزيائية // الشعبة: رياضيات ، تقني رياضي // بكالوريا 2024



1. نُحَقِّق دارة كهربيّة كما في الشكل 5.

نغلق القاطعة  $K$  في اللحظة  $t = 0$ .

1.1. أعد رسم الدارة الكهربيّة مبينا عليها جهة التيار وأسهم مختلف التوتّرات الكهربيّة.

2.1. بتطبيق قانون جمع التوتّرات، جذ المعادلة التفاضليّة التي تُحَقِّقها شدّة التيار المار في الدارة.

3.1. ثَبِّت المعادلة التفاضليّة حلّاً من الشكل:  $i(t) = I_0 \left( 1 - e^{-\frac{1}{\tau} t} \right)$

حيث:  $I_0$  الشدّة العظمى للتيار الكهربي المار في الدارة و  $\tau$  ثابت الزمن.

بيّن أنّ التوتّر الكهربي بين طرفي الوشيعة يكتب بالعبارة:  $u_b(t) = I_0 \left( r + R e^{-\frac{1}{\tau} t} \right)$

2. بغرض إبراز تأثير ذاتيّة وشيعة على مدّة بلوغ النظام الدائم في دارة  $RL$  على التسلسل، نتابع تطوّر التوتّر الكهربي بين طرفي الوشيعة التّحريضية للدارة السابقة (الشكل 5) باستعمال الوسائل المذكورة في الوثيقة 01 وهذا بإنجاز التّجربتين 01 و 02 الموليتين:

المولد	الناقل الأومي	الوشيعة	التّجربة رقم
$E(V)$	$R_1 = 70 \Omega$	$b_1 (L_1, r_1 = 30 \Omega)$	01
$E(V)$	$R_2 = 80 \Omega$	$b_2 (L_2, r_2 = 20 \Omega)$	02

نغلق القاطعة  $K$  في لحظة نعتبرها مبدأ للأزمنة  $t = 0$  في كلّ تجربة، ونتابع تطوّر التوتّر  $u_b(t)$  بين طرفي الوشيعة عن طريق تجهيز التّجريب المدعّم بالحاسوب (ExAO) فننحصر على المنحنيين ① و ② (الوثيقة 02).

1.2. اشرح معتمدا على الوثيقة 02 كيف يتطوّر التوتّر  $u_b(t)$  بين طرفي الوشيعة.

2.2. هل نتحصّل على نفس شدّة التيار الكهربي في النظام الدائم في التّجربتين؟ علّل.

3.2. المنحني ① يوافق  $u_{b1}(t)$  (التجربة رقم 01). علّل.

4.2. حدّد بيانيا قيمة كل من:

-  $E$  القوة المحركة الكهربيّة للمولّد.

- ثابتي الزمن  $\tau_1$  (التجربة رقم 01) و  $\tau_2$  (التجربة رقم 02).

5.2. استنتج قيمتي  $L_1$  و  $L_2$ .

6.2. بزر سبب تأخر بلوغ النظام الدائم في التجربة رقم 02 عن التجربة رقم 01.

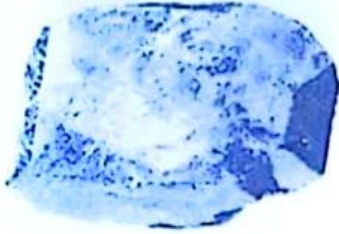
اختبار في مادة: العلوم الفيزيائية // الشعبة: رياضيات ، تقني رياضي // بكالوريا 2024

### الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع على (05) صفحات (من الصفحة 6 من 10 إلى الصفحة 10 من 10)

الجزء الأول: (14 نقطة)

الثميرين الأول: (04 نقاط)



صخرة المونازايت

الثوريوم عنصر معدني مشع رمزه الكيميائي Th وعنده الشحني 90، يخلت المرسة التاسعة والثلاثين من حيث نسبة تواجده في القشرة الأرضية. توجد أكبر الثرسبات لأكسيد الثوريوم في صخور المونازايت، للثوريوم عدة نظائر منها الثوريوم 232 وهو نظير طبيعي مشع نصف عمره حوالي 14 مليار سنة، فهو النظير الأول في عائلته الإشعاعية.

يهدف هذا الثميرين إلى دراسة بعض الخواص الإشعاعية لعنصر الثوريوم.

معطيات:

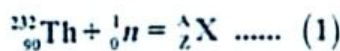
$$t_{1/2}({}^{234}_{92}\text{U}) = 2,455 \times 10^5 \text{ ans} ; 234 \text{ عمر اليورانيوم}$$

$$m({}_0^1n) = 1,00866u ; 1u = 931,5 \text{ MeV} / c^2$$

النظير	${}^{233}_{92}\text{U}$	${}^{137}_{54}\text{Xe}$	${}^{94}_{38}\text{Sr}$
الكتلة (u)	233,03963	136,91156	93,91536

1. الثوريوم 232 والانشطار النووي

1.1. نغذف نواة الثوريوم 232 بنيترون فينتج النظير  ${}^A_Z\text{X}$  وفق معادلة التفاعل التالي:



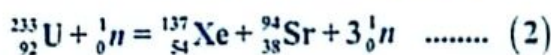
1.1.1. عزف تفاعل الانشطار النووي.

2.1.1. هل التفاعل رقم (1) هو تفاعل انشطار نووي؟ برر إجابتك.

3.1.1. أكمل المعادلة رقم (1).

2.1. يتفكك النظير  ${}^A_Z\text{X}$  بدوره تفككين متتالين ومتماثلين، فينتج النظير  ${}^{233}_{92}\text{U}$ .

بنشطر اليورانيوم  ${}^{233}_{92}\text{U}$  عند قذفه بنيترون وفق المعادلة التالية:



احب الطاقة المتحررة عن انشطار النواة  ${}^{233}_{92}\text{U}$   $E_{lib}$

2. الثوريوم 230 والتاريخ

ينتج الثوريوم 230 عن تفكك اليورانيوم 234 ويتواجد النظيران السابقان في الثرسبات البحرية في المحيطات والبحار.

تستخدم النسبة بين النظيرين في تحديد عمر الصخور والثرسبات البحرية.

1.2. اكتب معادلة تفكك اليورانيوم 234 وحدد نمط التفكك الحادث.



اختبار في مادة العلوم الفيزيائية // الشعبة: رياضيات ، تقني رياضي // بكالوريا 2024

2.2. تحضري عينة من صخرة مرجانية في اللحظة  $t$  على عدد من أنوية الثوريوم  $N(^{230}_{90}\text{Th})$  230 وعدد من أنوية اليورانيوم  $N(^{234}_{92}\text{U})$  234 ، علما أن أنوية الثوريوم  $N(^{230}_{90}\text{Th})$  تنتج فقط عن تفكك أنوية اليورانيوم  $N(^{234}_{92}\text{U})$  المتواجدة في الصخرة.

1.2.2. نذكر بقانون التناقص الإشعاعي.

$$N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$$

2.2.2. بين أن النسبة بين عدد أنوية الثوريوم  $N(^{230}_{90}\text{Th})$  230 إلى عدد من أنوية اليورانيوم  $N(^{234}_{92}\text{U})$  234

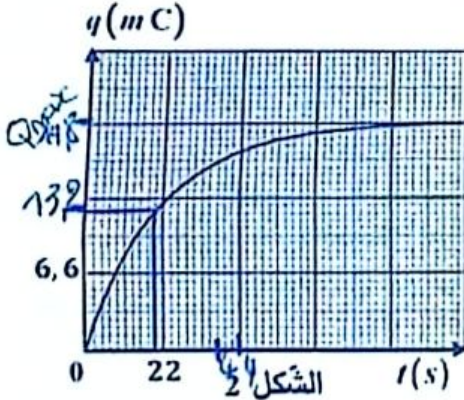
نعني بالعلاقة:  $\frac{N(^{230}_{90}\text{Th})}{N(^{234}_{92}\text{U})} = e^{\lambda t} - 1$

3.2.2. احسب عمر الصخرة المرجانية من أجل:  $\frac{N(^{230}_{90}\text{Th})}{N(^{234}_{92}\text{U})} = \frac{3}{4}$

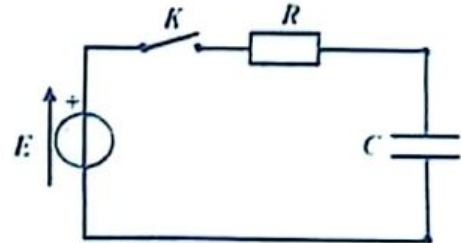
انشرين اثنتاني: (04 نقاط)

نستخدم المكثفات في عدة أجهزة كهربائية بسبب قدرتها على تخزين الطاقة الكهربائية منها أجهزة الإنذار المتعلقة بفتح وغلق الأبواب.

تتكون الدارة الكهربائية الميئية في الشكل 1 من مكثفة سعتها  $C = 2,2 \text{ mF}$  غير مشحونة، ناقل أومي مقاومته  $R$  ومولد توتر ثابت قوته المحركة الكهربائية  $E$ . نربط الدارة بجهاز  $ExAO$  (التجريب المدغم بالحاسوب) لمعاينة تطور الشحنة الكهربائية  $q(t)$  للمكثفة بدلالة الزمن.



في لحظة  $t = 0$  نغلق القاطعة، فنحصل على المنحنى المبين في الشكل 2.



الشكل 1

1. أدر رسم الدارة الكهربائية (الشكل 1) ومثل عليها اتجاه مرور التيار الكهربائي والتوترات الكهربائية بأسهم.

2. بتطبيق قانون جمع التوترات، بين أن المعادلة التفاضلية التي تحققها الشحنة  $q(t)$  للمكثفة تكتب كما يلي:

$$a \frac{dq(t)}{dt} + q(t) - b = 0$$

حيث:  $a$  و  $b$  ثابتين يطلب إيجاد عبارة كل منهما وإعطاء مدلولهما الفيزيائي.

3. تأكد أن المعادلة الزمنية لتطور الشحنة  $q(t) = b(1 - e^{-\frac{t}{a}})$  هي حل المعادلة التفاضلية.

4. استنتج بيانيا قيمة  $\tau$  ثابت الزمن للدارة.

5. اكتب عبارة الطاقة المخزنة في المكثفة خلال عملية الشحن بدلالة  $q(t)$  و  $C$ ، ثم احسب قيمتها عندما تبلغ شحنة المكثفة 89% من شحنتها الأعظمية.

6. تتحكم الدارة السابقة في تشغيل جهاز إنذار لثلاجة حيث تصدر صوتا عند بقاء بابها مفتوحا لمدة معينة، فيمجرد

فتح باب الثلاجة تشحن المكثفة وعندما يبلغ التوتر بين طرفيها 8V يصدر جهاز الإنذار صوتا مُنبهاً.

بالاعتماد على المنحنى البياني (الشكل 2)، جد المدة الزمنية  $\Delta t$  القصوى التي تسمح بفتح باب الثلاجة دون

انطلاق صفارة الإنذار.



التّمرين الثالث : ( 06 نقاط )

خلال مقابلة لكرة القدم قام لاعب بتنفيذ ضربة جزاء، حيث وضع الكرة في موضع التّنفيد  $O$  مبدأ المعلم  $(O, \vec{i}, \vec{k})$  في لحظة نعتبرها مبدأ للأزمنة  $t = 0$  وقذفها بسرعة ابتدائية شعاعها  $\vec{v}_0$ ، حاملها يصنع مع الأفق زاوية  $\alpha = 64^\circ$  وقيمتها  $12 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$  (الشكل 3).

معطيات:

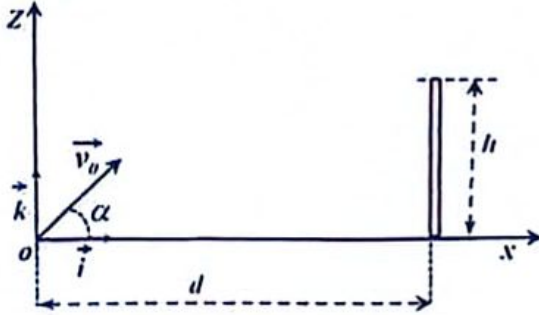
< تأثير الهواء مهمل؛

< شدة شعاع حقل الجاذبية الأرضية:  $g = 9,80 \text{ m} \times \text{s}^{-2}$ ؛

< كتلة الكرة:  $m = 450 \text{ g}$  ؛  $\cos(64^\circ) = 0,44$ ؛

< ارتفاع قائم المرمى:  $h = 2,44 \text{ m}$ ؛

< بُعد نقطة تنفيذ ضربة الجزاء عن خط المرمى:  $d = 11 \text{ m}$ .



الشكل 3

1. دراسة حركة مركز عطالة الكرة

نعتبر الكرة نقطة مادية مركز عطالتها  $G$ .

1.1. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على  $G$  مركز عطالة الكرة في مرجع مناسب:

1.1.1. جد العبارة الشعاعية  $\vec{a}_G$  لتسارع مركز عطالة الكرة في المعلم  $(O, \vec{i}, \vec{k})$ .

2.1.1. اكتب المعادلتين الزمئيتين  $x(t)$  و  $z(t)$  لحركة مركز عطالة الكرة.

3.1.1. بيّن أنّ معادلة مسار مركز عطالة الكرة تعطى بالعبارة:

$$z(x) = -0,176x^2 + 2,05x$$

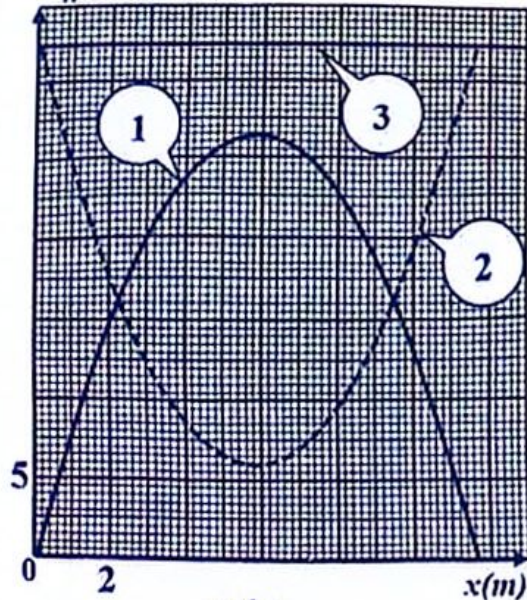
2.1. نسمي  $A$  الموضع الذي تُعبّر من خلاله الكرة المستوي الشاقولي المحصور بين قائم المرمى والعارضة الأفقية.

1.2.1. حدّد الشرطين اللذين تحقّقهما احداثيتي النقطة  $A(x_A, z_A)$  لكي يسجّل الهدف مباشرة.

2.2.1. باستغلال المعطيات السابقة، هل يمكن تسجيل الهدف؟

2. الدّراسة الطاقويّة

$E_{pp}; E_c; E(J)$



الشكل 4

نعتبر الجملة (كرة + أرض) ونختار مرجع الطاقة الكامنة الثقلية المستوي الأفقي المنطبق على أرضية الملعب ( $E_{pp} = 0$ ).

يمثل الشكل 4 منحنيات  $E_c$  الطاقة الحركية،  $E_{pp}$  الطاقة

الكامنة الثقلية والطاقة الكلية للجملة  $E = E_c + E_{pp}$ .

1.2. ارفق كل منحنى من منحنيات الطاقة (الشكل 4) بشكل الطاقة الموافقة له مع التعليل.

2.2. بيّن أنّ طاقة الجملة (كرة + أرض) محفوظة.

3.2. اعتمادا على المنحنيات البيانية (الشكل 4)، جد احداثيتي

نقطة الذروة  $S(x_S, z_S)$  أعلى نقطة تصلها الكرة.

4.2. حدّد بيانيا قيمة الطاقة الحركية للكرة عند مرورها بنقطة

الذروة  $S$ ، ثم استنتج سرعة مرورها بهذه النقطة.



الجزء الثاني: (06 نقاط)

التّمرين التجريبي: (06 نقاط)

مُعطّر المشمش، إستر عضوي كثير الاستعمال في الصناعات الغذائية حيث يدخل في صناعة العصائر والمثلّجات والبسكويت والحلويات....، يتميز بتحمّله لدرجة حرارة كبيرة عند الطّبخ ودرجة برودة عند التّجميد.

يهدف التّمرين إلى دراسة:

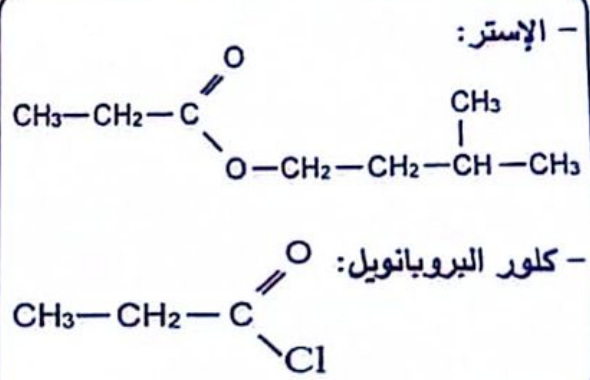
- تحضير إستر وتحسين مردوده.

- تأثير عملية تخفيف محلول على نسبة التّقدّم النهائي وثابت الحموضة.

الوثيقة 02: الوسائل الضّروريّة

- حمض عضوي
- كحول
- حمض الكبريت المركز
- حجر الخفان
- ورق كروي (بالون)
- مبرد
- حامل
- مقعد ذو رافعة
- مسخّن كهربائي

الوثيقة 01: الصّيغ الجزيئيّة المفضّلة



معطيات:

< كلّ المحاليل مأخوذة عند  $25^\circ\text{C}$  ونهمل التّفكك الذاتي للماء؛< الكتل الموليّة الذريّة:  $M(\text{C}) = 12\text{ g}\cdot\text{mol}^{-1}$  ؛  $M(\text{O}) = 16\text{ g}\cdot\text{mol}^{-1}$  ؛  $M(\text{H}) = 1\text{ g}\cdot\text{mol}^{-1}$  .

أولاً: تحضير إستر وتحسين مردوده

1. لتحضير  $0,134\text{ mol}$  من مُعطّر المشمش (إستر) مخبريًا، نجري التسخين المرتد تحت درجة حرارة ثابتة لـ  $14,8\text{ g}$  من حمض عضوي مع  $0,2\text{ mol}$  من كحول، في وجود قطرات من حمض الكبريت المركز وحبّات من حجر الخفان.
2. ارسم بالاعتماد على الوثيقة 02، شكلًا تخطيطيًا يجسّد تحضير الإستر عن طريق التسخين المرتد.
3. استخراج اعتمادًا على الوثيقة 01، الصيغة الجزيئية نصف المفضلة لكل من الحمض العضوي والكحول.
4. اكتب معادلة التفاعل الكيميائي المنمذج للتحوّل الحادث، واذكر خصائصه.
5. اذكر سببًا يُبيّن أنّ حمض الكبريت المركز المستعمل في تحضير الإستر يلعب دور وسيط.
6. احسب كمية مادة الحمض العضوي المستعملة وقارنها بكمية مادة الكحول. ماذا تستنتج؟
7. احسب مردود التفاعل.
8. لتحسين مردود تفاعل الأسترة الحادث يمكن استبدال الحمض العضوي بكلور البروبانويل (الوثيقة 01).
9. اكتب المعادلة الكيميائية للتفاعل المنمذج للتحوّل.

اختبار في مادة: العلوم الفيزيائية // الشعبة: رياضيات ، تقني رياضي // بكالوريا 2024

2.7. انكر خصائص التفاعل. ملاحظ

8. اقترح طريقة أخرى لتحسين مردود تصنيع الإستر المدروس. نضع أحد النواتج

ثانيا: تأثير التخفيف على نسبة التقدّم النهائي وثابت الحموضة

نحضر باستعمال الحمض العضوي السابق محلولين مائتين مخفّفين ( $S_1$ ) و ( $S_2$ ) بنفس الحجم وتركيزين مولتين مختلفين. نقيس قيمة  $pH$  المحلولين ونضع النتائج في الجدول الآتي:

المحلول	التركيز المولي $c (mol \cdot L^{-1})$	$pH$	$\tau_f$	$k_a$
( $S_1$ )	$1,0 \times 10^{-2}$	3,44		
( $S_2$ )	$1,0 \times 10^{-3}$	3,96		

1. اكتب معادلة انحلال الحمض العضوي في الماء.

2. تُعطى عبارة ثابت الحموضة  $k_a$  بالعلاقة التالية:  $k_a = \frac{c \tau_f^2}{1 - \tau_f}$

حيث:  $\tau_f$  نسبة التقدّم النهائي و ( $c$ ) التركيز المولي للمحلول الحمضي.

أكمل الجدول أعلاه.

3. استنتج تأثير  $c$  التركيز المولي الابتدائي للمحلول الحمضي على قيمة كل من ثابت الحموضة  $k_a$  ونسبة التقدّم

النهائي للتفاعل ( $\tau_f$ )

$$\tau_f = \frac{k_a}{k_a + c}$$