



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية
وزارة التربية الوطنية
الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

دورة: 24

الشعبة: تسيير واقتصاد

المدة: 03 ساعة

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

الموضوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط)

(u_n) المتالية العددية المعرفة بـ: u₀ = 0 و من أجل كل عدد طبيعي n ، u_{n+1} = $\frac{5}{6}u_n - \frac{1}{3}$

1) احسب u₁ و u₂

2) أ) برهن بالترجع أنه: من أجل كل عدد طبيعي n ، -2 < u_n ≤ 0
ب) بين أن المتالية (u_n) متقصصة تماما.

(v_n) المتالية العددية المعرفة على N بـ: v_n = u_n + 2

أ) بين أن المتالية (v_n) هندسية أساسها $\frac{5}{6}$

ب) اكتب v_n بدالة n ثم بين أنه: من أجل كل عدد طبيعي n ، v_n = 2 $\left(\frac{5}{6}\right)^n - 2$

ج) احسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$

4) من أجل كل عدد طبيعي n ، نضع: S_n = v₀ + v₁ + v₂ + ... + v_n و T_n = u₀ + u₁ + u₂ + ... + u_n

- احسب S_n بدالة n ثم استنتج T_n بدالة n

التمرين الثاني: (04 نقاط)

عين الاقتراح الصحيح الوحيد من بين الاقتراحات الثلاثة في كل حالة من الحالات الآتية مع التبرير:

1) المعادلة 0 = 2e^{2x} + 3e^x - 2 ذات المجهول الحقيقي x :

أ) تقبل حلًا وحيدا.
ب) تقبل حللين مختلفين.
ج) لا تقبل حلولا.

$$\int_0^1 (3x^2 + 3e^{3x}) dx \quad (2)$$

ج) e³ - 1

ب) e³

أ) e³ + 1

3) (u_n) المتالية العددية المعرفة بـ: u₀ = 1 و من أجل كل عدد طبيعي n ، u_{n+1} = 2u_n + 1

عبارة الحد العام u_n هي:

ج) 2ⁿ⁺¹ - 1

ب) 2ⁿ - 1

أ) 2ⁿ⁺¹ + 1

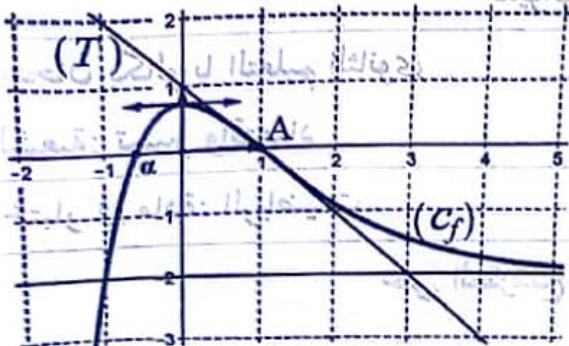
ج) ln 2

أ) ln 2

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{\ln(2x)}{1 + \ln x} \right) \quad (4)$$



التمرين الثالث: (04 نقاط)



المستوى منسوب إلى المعلم المتعارد والمتاجنس (C_f) في الشكل المقابل ، (f) التمثيل البياني لدالة f معروفة على \mathbb{R} والذي يقطع محور الفواصل في نقطتين فاصلتاها 1 و α و (T) مماس المنحني (C_f) في النقطة $A(1; 0)$ بقراءة بيانية:

$$(1) \text{ عين } (1) f \text{ و } (1)' f \text{ ثم أعط معادلة للمماس } (T)$$

$$(2) \text{ بذر أن } A \text{ نقطة انعطف لـ } (C_f)$$

$$(3) \text{ حل في } \mathbb{R} \text{ المعادلة } f(x) \times f'(x) = 0$$

$$(4) F \text{ دالة أصلية للدالة } f \text{ على } \mathbb{R}$$

- حدد حسب قيم x إشارة f ثم استنتج اتجاه تغير الدالة F

التمرين الرابع: (08 نقاط)

$$f \text{ الدالة المعروفة على المجال } [0; +\infty[\text{ بـ: } f(x) = 1 + \frac{1+2 \ln x}{x^2}$$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى منسوب إلى المعلم المتعارد والمتاجنس (C_f)

$$(1) \text{ احسب } (x) f \text{ و } \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) \text{ ثم فسر النتيجتين هندسيا.}$$

$$(2) \text{ أ) بين أنه: من أجل كل } x \text{ من } [0; +\infty[\text{ ، } f'(x) = \frac{-4 \ln x}{x^3}$$

ب) ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) بين أن المنحني (C_f) يقطع محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها α حيث $0,52 < \alpha < 0,53$

(4) أ) ادرس الوضع النسبي للمنحني (C_f) والمستقيم (Δ) ذي المعادلة $y = 1$

ب) احسب $f(e)$ ثم ارسم كلاً من (Δ) و (C_f)

$$(5) \text{ أ) أثبت أن } h: x \mapsto \frac{1+2 \ln x}{x} \text{ دالة أصلية للدالة } H: x \mapsto \frac{-3-2 \ln x}{x} \text{ على المجال } [0; +\infty[$$

ب) استخرج مساحة الحيز المستوى المحدود بـ (C_f) و (Δ) والمستقيمين اللذين معادلاتها:

$$x = e \quad , \quad x = 1$$



الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04 نقاط)

(1) f الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ $f(x) = 8x^3 + 1 - \left(\frac{x}{e}\right)^n$ حيث $n \in \mathbb{N}$. ما هي f ؟

الدالة الأصلية للدالة f على \mathbb{R} والتي تتعدم عند 1 هي الدالة F حيث :

(1) $F(x) = 2x^4 - 2x$ (ب) $F(x) = 2x^4 + x - 3$ (ج) $F(x) = x^4 + x - 2$

$$(2) g(x) = \frac{e^x}{1+e^x} \quad \text{لـ } g \text{ الدالة المعرفة على } \mathbb{R} \text{ بـ } g(x) = \frac{1}{1+e^{-x}} + \dots + \frac{1}{1+n} + \dots + \frac{1}{2} + \frac{1}{1} =$$

القيمة المتوسطة للدالة g على المجال $[2; +\infty)$ هي :

(أ) $\frac{1}{2} \ln 2$ (ب) $\frac{1}{2 \ln 2}$ (ج) $-\ln 2 ; \ln 2$

(3) لـ المعادلة $\ln(x-2) + \ln(x-4) = 3 \ln 2$ حلّ وحيد في المجال $[4; +\infty)$ هو :

(أ) 9 (ب) 8 (ج) 6

(4) الدالة h المعرفة على $[1; -1]$ هي دالة:

(أ) زوجية. (ب) فردية. (ج) لا زوجية ولا فردية.

التمرين الثاني: (04 نقاط)

(1) ادرس إشارة $P(X) = (2X-1)(X^2+X-2)$ حسب قيم X من \mathbb{R} .

(2) حل في المجال $[0; +\infty)$ لـ المعادلة: $(2 \ln x - 1)((\ln x)^2 + \ln x - 2) = 0$

(ب) استنتج في المجال $[0; +\infty)$ حلول المتراجحة: $(2 \ln x - 1)((\ln x)^2 + \ln x - 2) < 0$

(3) حل في المجال $[-1; +\infty)$ لـ المعادلة: $(\ln(x+1))^2 + \ln(x+1) - 2 = 0$

التمرين الثالث: (04 نقاط)

(1) المتالية العددية المعرفة بـ $u_0 = 4$ وـ $u_{n+1} = \frac{3}{4}u_n - \frac{1}{2}$ ومن أجل كل عدد طبيعي n ،

(أ) احسب u_1 و u_2

(ب) برهن بالترابع أنه: من أجل كل عدد طبيعي n ، $u_n > -2$

(ج) أثبت أن المتالية (u_n) متناقصة تماما.



اختبار في مادة: الرياضيات // الشعبة: تسيير واقتصاد // بكالوريا 2024

(3) المتالية العددية المعرفة على \mathbb{N} بـ: $v_n = u_n + 2$

أ) بين أنَّ المتالية (v_n) هندسية أساسها $\frac{3}{4}$

ب) اكتب v_n بدلالة n ثم بين أنه: من أجل كلَّ عدد طبيعي n ، $v_n > 2$

ج) احسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$

(4) احسب بدلالة n كلاً من المجموعين S_n و T_n حيث:

$$T_n = \frac{1}{2+u_0} + \frac{1}{2+u_1} + \frac{1}{2+u_2} + \dots + \frac{1}{2+u_n} \quad S_n = v_0 + v_1 + v_2 + \dots + v_n$$

التمرين الرابع: (08 نقاط)

(I) g الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ: $g(x) = 1 - (x+1)e^{-x}$

1) ادرس اتجاه تغير الدالة g

(2) احسب $g(0)$ ثم استنتج أنه: من أجل كلَّ عدد حقيقي $x \geq 0$ ، $g(x) \geq 0$

(II) f الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = x + (x+2)e^{-x}$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$

1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم بين أنَّ: $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$

2) أ) بين أنه: من أجل كلَّ عدد حقيقي x ، $f'(x) = g(x)$

ب) استنتاج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) اكتب معادلة لـ (T) مماس المنحني (C_r) في النقطة ذات الفاصلة 0

(4) أ) بين أنَّ المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = x$ مقارب مائل للمنحني (C_r) عند $+\infty$

ب) ادرس الوضع النسبي للمنحني (C_r) والمستقيم (Δ)

(5) أ) بين أنَّ (C_r) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها α حيث $-1,69 < \alpha < -1,68$

ب) ارسم (T) و (Δ) ثم (C_r)

(6) أ) بين أنَّ الدالة $H: x \mapsto -(x+3)e^{-x}$ هي دالة أصلية للدالة $h: x \mapsto (x+2)e^{-x}$ على \mathbb{R}

ب) احسب مساحة الحيز المستوى المحدود بالمنحني (C_r) والمستقيمات التي معادلاتها:

$$x=2 , \quad x=0 , \quad y=x$$