الإجابة النموذجية لموضوع امتحان شهادة التعليم المتوسط دورة: 2023

اختبار مادة: الرياضيات — المدة: ساعتان

عناصر الإجابة	العلامة: المجزأة	العلامة: المجموع
التمرين الأول: (03 نقاط)		
1) حساب pgcd (216; 756)، باستعمال إحدى الطريقتين نجد pgcd (756 ;216) = 108	0,5	
إذن: $\frac{7}{2}=\frac{756\div108}{216\div108}=\frac{756}{216}$ (و $\frac{7}{2}$ هو كسر غير قابل للاختزال).	0,25 0,25	
2) تبيان أن B يكتب على الشكل $a\sqrt{13}$:		
$B=\sqrt{117}+3\sqrt{52}-\sqrt{637}=\sqrt{9\times13}+3\sqrt{4\times13}-\sqrt{49\times13}=3\sqrt{13}+6\sqrt{13}-7\sqrt{13}=2\sqrt{13}$	0,25×4	03
3) التحقق من أن: $B\times C=26\sqrt{3}$		
$B\times C=2\sqrt{13}\times\frac{3\sqrt{13}}{\sqrt{3}}=\frac{6\times13\sqrt{3}\times\sqrt{3}}{\sqrt{3}\times\sqrt{3}}=\frac{78\sqrt{3}}{3}=26\sqrt{3}$	0,25×4	
التمرين الثاني: (03 نقاط)		
1) مساحة المربع بدلالة x هي: $(x-2)^2$	0,5	
مساحة المستطيل بدلالة x هي: $(x-2)(x+2)$	0,5	
2) تبيان أن: $E+F=2x(x-2)$.		
$E+F=(x-2)^2+(x-2)(x+2)=(x-2)(x-2+x+2)$	0,25×4	
$E+F=(x-2)(2x)=2x(x-2)$		03
3) إيجاد قيمة x التي من أجلها المحيط يساوي $20\,cm$ على الأقل.		
$5(x-2)+x+2+(x+2)-(x-2)\geq20$	0,25	
$5x-10+2x+4-x+2\geq20$	0,25	
$6x-4\geq20$		
$6x\geq24$	0,25	
$x\geq4$		
قيم x هي كل الأطوال الأكبر من أو تساوي $4cm$.	0,25	

التمرين الثالث: (03 نقاط)

1) تبيان أن $(JK)\perp(IM)$: (معناه نبين أن المثلث JKM قائم في K) — 0,25×2

لدينا في المثلث JKM: $JK^2+KM^2=4^2+3^2=25$ و $JM^2=5^2=25$ منه: — 0,25×2

$JK^2+KM^2=JM^2$ إذن فحسب الخاصية العكسية لفيثاغورس فإن المثلث JKM قائم في K

ومنه: $(JK)\perp(IM)$.

2) حساب الطول IK: — 0,5×2

بما أن المثلث IKJ قائم في K و $\hat{I}=45^\circ$ فإنه متساوي الساقين ومنه: $IK=NJ=4$

(يمكن الحل باستعمال $\tan 45^\circ=\frac{4}{IK}$ منه $IK=4$) — 03

3) حساب الطول NK: — 0,25×4

من الشكل لدينا $(NK)//(JM)$ ، (JN) و (MK) يتقاطعان في I

منه حسب خاصية طاليس $\frac{IK}{IM}=\frac{NK}{JM}$ أي $\frac{4}{7}=\frac{NK}{5}$

منه $NK=\frac{20}{7}$

التمرين الرابع: (03 نقاط)

1) حساب x_A وحساب y_B:

$-2x_A+3=1$ وبالتالي $-2x_A=-2$ و منه $x_A=1$. — 0,25×2

$y_B=-2\times2+3$ ومنه $y_B=-1$. — 0,25×2

2) إثبات أن النقط $D\cdot O\cdot C$ في استقامية:

لدينا: $C(1;2)$، منه $\overrightarrow{OC}\begin{pmatrix}1\\2\end{pmatrix}$ — 0,25×2

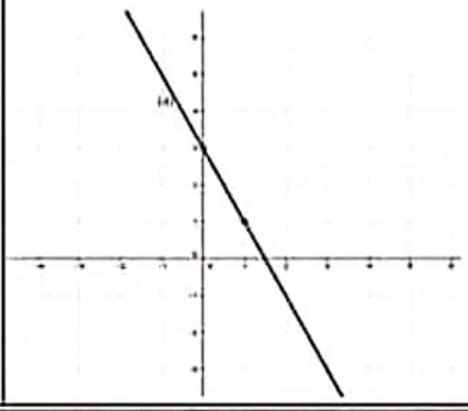
ولدينا: $D(-1;-2)$، منه $\overrightarrow{OD}\begin{pmatrix}-1\\-2\end{pmatrix}$ أي $\overrightarrow{DO}\begin{pmatrix}1\\2\end{pmatrix}$ منه $\overrightarrow{OC}-\overrightarrow{DO}$ — 0,25×2

ويعني أن O منتصف [DC] إذن النقط $D\cdot O\cdot C$ في استقامية. — 0,25×2 — 03

(يمكن توظيف حساب احداثيتي منتصف قطعة مستقيم

أو التناظر بالنسبة إلى المبدأ O لإثبات استقامية النقط $D\cdot O\cdot C$)

3) التمثيل البياني للدالة f.



الشكل — 0,25×2

x	0	1
y	3	1

الوضعية: (08 نقاط)

1) تعيين سعر المتر المربع الواحد من البساط والمتر المربع الواحد من العشب الاصطناعي:

نرمز بـــ x لسعر المتر المربع الواحد من العشب الاصطناعي

وبـــ y لسعر المتر المربع الواحد من البساط

فنحصل على الجملة:

$$\begin{cases} 3x+y=3500.....(1) \\ x+2y=3000.....(2) \end{cases}$$

باختيار إحدى الطرائق لحل الجملة نجد أن حل الجملة هو: الثنائية $(800;1100)$.

أي: سعر المتر المربع الواحد من العشب الاصطناعي هو: $800\,DA$

سعر المتر المربع الواحد من البساط هو: $1100\,DA$

2) حساب قيمة الربح الذي سيتحصل عليه المقاول:

- حساب مصاريف الإنجاز:

$1500000\times\frac{20}{100}=300000$ أي قيمة المصاريف هي: $300000\,DA$

- حساب مساحة قاعة الاستقبال: $\frac{8\times6}{2}=\frac{48}{2}=24$ أي تساوي: $24\,m^2$

تكلفة شراء البساط والعشب الاصطناعي معاً تساوي:

$698400 = 840 \times 800 + 24 \times 1100$ أي تساوي: $698400\ DA$

تكلفة المشروع: $998400 = 300000 + 698400$ أي تساوي: $998400\ DA$

المقاول ربح ومقدار ربحه: $501600 = 998400 - 1500000$

أي: $501600\ DA$.

ملاحظـــة

في كل الموضـــوع تُقبل من المترشح كلّ الإجابات الصحيحـــة الأخـــرى.

08

المعيار	المؤشرات	مؤشرات التحكم	العلامة	المجموع
	شبكة تقويم المسألة (الوضعية)			
التفسير السليم للوضعية	1. يضع جملة معادلتين مناسبة 2. يحل الجملة بطريقة يختارها. 3. يرمز لسعر $1m^2$ من البساط بحرف. 4. يرمز لسعر $1m^2$ من العشب الاصطناعي بحرف. 5. يشير إلى أن حلي الجملة هما: سعر $1m^2$ من البساط وسعر $1m^2$ من العشب 6. يستعمل النسبة المئوية لتحديد مبلغ مصاريف الإنجاز. 7. يكتب عبارة مناسبة لحساب مساحة قاعة الاستقبال. 8. يكتب عبارة مناسبة لحساب ثمن شراء البساط. 9. يكتب عبارة تسمح بحساب ثمن شراء العشب الاصطناعي 10. يكتب عبارة تسمح بحساب تكلفة المشروع. 11. يكتب عبارة تسمح بحساب قيمة الربح.	0	0	03
		1	0,5	
		2 أو 3	1	
		4 أو 5	2	
		6	2,5	
		7 فأكثر	3	
الاستعمال السليم للأدوات الرياضياتية	1. يحل الجملة ويجد قيمة كل من x و y حتى وإن كانت قيمتاهما خاطئتين. 2. يحدد سعر $1m^2$ من البساط باستعمال حل الجملة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة. 3. يحدد سعر $1m^2$ من العشب باستعمال حل الجملة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة. 4. يحسب مبلغ المصاريف باستعمال النسبة المئوية حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة. 5. يحسب مساحة قاعة الاستقبال باستعمال قاعدة مناسبة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة. 6. يحسب ثمن شراء البساط بإجراء عملية مناسبة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة. 7. يحسب ثمن شراء العشب بإجراء عملية مناسبة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة. 8. يحسب تكلفة إنجاز المشروع بإجراء عملية مناسبة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة. 9. يحسب قيمة الربح الذي يتحصل عليه المقاول بإجراء عملية مناسبة حتى وإن لم تكن النتيجة صحيحة.	0	0	03
		1	0,5	
		2 أو 3	1,5	
		4 أو 5	2	
		6 فأكثر	3	
انسجام الإجابة	1. التسلسل منطقي. 2. الحساب صحيح. 3. احترام الوحدات.	0	0	01
		1	0,5	
		2 فأكثر	1	
تنظيم وتقديم الورقة	1. عدم التشطيب. 2. معقولية النتائج. 3. مقروئية الكتابة.	0	0	01
		1	0,5	
		2 فأكثر	1	