

التاريخ: 2022/05/19

المدة: 03 س و 30 د

المادة: العلوم الفيزيائية

المستوى: 3 ع ت

## امتحان البكالوريا التجريبي

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:  
الموضوع الأول

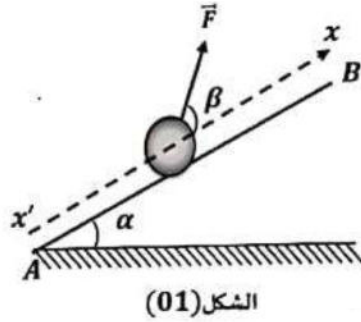
يحتوي الموضوع الأول على (04) صفحات (من الصفحة 1 من 8 إلى الصفحة 4 من 8)

الجزء الأول: (13 نقطة)

التمرين الأول: (6 نقاط)

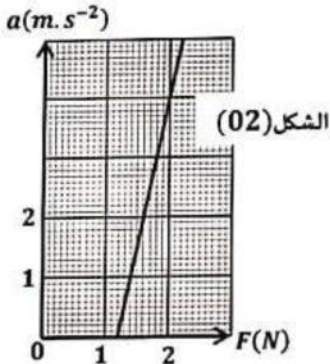
تعتبر الحركة المستقيمة للأجسام الكتلية على مستوي مائل أو في الهواء من أهم أنواع الحركات التي تتم على بُعد واحد. يهدف هذا التمرين إلى تحديد كتلة جسم صلب نعتبره نقطيا بطريقتين مختلفتين: عقب حركته في منحدر ثم عند حركته شاقوليا في الهواء.

تسارع الجاذبية الأرضية:  $g = 10 \text{ m/s}^2$   
I. الحركة على منحدر (AB)



الشكل (01)

ينسحب جسم صلب (S) وفق مستوي مائل زاوية ميله  $\alpha = 30^\circ$  ابتداء من الموضع A بدون سرعة ابتدائية ليصل إلى الموضع B بسرعة  $v_B$  تحت تأثير قوة جر  $\vec{F}$ , يُمكن تغيير شدتها حيث يصنع حاملها زاوية ثابتة  $\beta = 60^\circ$  مع المستوي المائل (الشكل 01). نعتبر قوى الاحتكاك مع المستوي تكافئ قوة وحيدة  $\vec{f}$  شدتها ثابتة مُعاكسة لجهة الحركة. نُكرّر التجربة بقيم مُختلفة لشدة القوة  $\vec{F}$  ونحسب في كل تجربة الزمن اللازم لقطع المسافة  $AB = 2 \text{ m}$ . النتائج المتحصّل عليها مكنتنا من رسم المنحنى البياني  $a = f(F)$  والذي يُمثل تغيّرات التسارع  $a$  بدلالة شدة القوة  $F$  المُوضّح في الشكل (02).



الشكل (02)

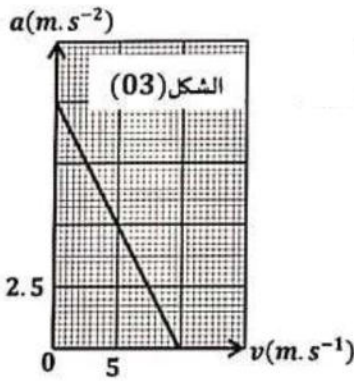
- مثل القوى الخارجية المؤثرة على الكرية خلال حركتها.
- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين أن عبارة تسارع مركز عطالة الجسم تُعطى بالشكل التالي:

$$a = \frac{\cos \beta}{m} F - (g \cdot \sin \alpha + \frac{f}{m})$$

- جد العبارة اللحظية للفاصلة  $x(t)$ .
- بالاعتماد على بيان الشكل (02)، أوجد ماييلي:
  - قيمة الكتلة  $m$  و شدة قوة الاحتكاك  $f$ .
  - شدة قوة الجر  $F'$  التي من أجلها تكون حركة مركز عطالة الجسم (S) مُستقيمة مُنظمة.
  - سرعة الجسم (S) عند الموضع B في حالة  $F = 2 \text{ N}$ .
  - بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (جسم (S)), تحقّق من قيمة سرعة الجسم (S) عند الموضع B.

## II. حركة السقوط الشاقولي في الهواء

من ارتفاع  $h$  من سطح الأرض و في اللحظة  $t = 0$  نترك الجسم (S) ليسقط شاقوليا دون سرعة ابتدائية من الموضع O لمبدأ المعلم الشاقولي المُوجّه في نفس جهة الحركة (Oz) حيث يخضع الجسم أثناء سقوطه لقوة احتكاك مع الهواء  $\vec{F} = -k \vec{v}$  حيث  $k = 0, 1 \text{ SI}$  مُعامل هذا الاحتكاك. (يُهمل تأثير دافعة أرخميدس على الجسم أثناء سقوطه).



الدراسة التجريبية مكنتنا من رسم المنحنى البياني  $a = g(v)$  لتغير التسارع  $a$  للجسم  $(S)$  بدلالة سرعته  $v$  الموضح في الشكل (03). بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، بين أن المعادلة التفاضلية لتطور سرعة الجسم  $(S)$  تُكتب على الشكل:  $\frac{dv}{dt} + A.v = B$

حيث  $A$  و  $B$  ثابتان يُطلب تعيين عبارتيهما.

1. اعتمادا على بيان الشكل (03)، أوجد مايلي:

1.2. قيمة السرعة الحدية  $v_{lim}$

1.2. التسارع الابتدائي  $a_0$

3.2. ثابت الزمن  $\tau$  المُميز للسقوط ثم أثبت تجانس هذا المقدار مع الزمن.

4.2. استنتج قيمة الكتلة  $m$ .

### التمرين الثاني: (7 نقاط)

يحتوي هذا التمرين على جزئين مُستقلين (I) و (II).

I. خام الحديد هو صخر يحتوي الحديد الذي عادة ما يكون على شكل أكاسيد. تتفاوت الخامات من حيث تركيبها حيث يتم تصنيفها حسب محتواها وفق الجدول التالي:

خامات الحديد	الفقيرة	المُتوسطة	الغنية
نسبة الحديد الكتلية	أقل من 30%	بين 30% و 50%	أكبر من 50%



صخرة تحتوي خام الحديد عمرها 2 مليار سنة

(متحف المعادن بمدينة دريسن ألمانيا)

المصدر: <http://fr.wikipedia.org>

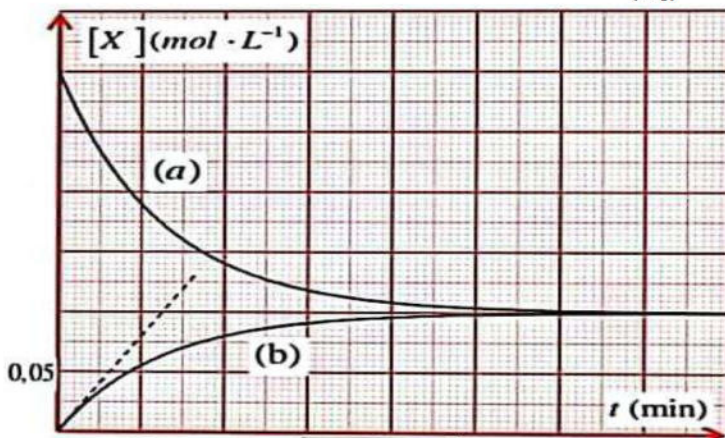
يُعتبر منجم "غار جبيلات" من أكبر مناجم الجزائر. اكتُشف عام 1952 م، تُقدّر احتياطاته القابلة للاستغلال بحوالي 1,7 مليار طن من الخامات. يتم التخطيط لبدء التعدين فيه في آفاق 2022 م الأمر الذي سيضع الجزائر في موقع الريادة في صناعة الحديد والصلب في إفريقيا. (عن موسوعة ويكيبيديا بتصرف)

يهدف هذا التمرين إلى متابعة التحوّل الكيميائي بين معدن حديد "غار جبيلات" وحمض وكذا تصنيف خام حديد هذا المنجم.

نضع في إبرلنماير حجما  $V = 200 \text{ mL}$  من حمض كلور الماء تركيزه المولي  $C = 0,3 \text{ mol/L}$  و عند لحظة تُضيف كتلة  $m = 1,90 \text{ g}$  من خام الحديد (تحتوي على كتلة  $m_0$  من الحديد), متابعة التحوّل الكيميائي مكنتنا من رسم المنحنيين البيانيين  $[Fe^{2+}] = f(t)$  و  $[H_3O^+] = g(t)$  أي لتركيزي شارديتي  $Fe^{2+}$  و  $H_3O^+$  بدلالة الزمن بالشكل 03. التفاعل الحادث تام يُمدّج بالمعادلة التالية:



تعطى: الكتلة المولية الذرية للحديد:  $55,8 \text{ g/mol}$



1. بين أن التفاعل الحاصل هو تفاعل أكسدة – إرجاع مع كتابة الثنائيتين (Ox/Red) الداخليتين في التفاعل.

2. أنشئ جدولا لتقدم التفاعل الكيميائي الحاصل.

3. أنسب كل منحنى من الشكل 03 بالتركيز المُوافق له مع التعليل.

4. جد اعتمادا على أحد البيانيين قيمة التقدّم الأعظمي  $x_{max}$ .

5. جد بيانيا قيمة زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$ .



- 1.5- عرّف ثم احسب السرعة الحجمية لتشكل شوارد الحديد الثنائية  $Fe^{2+}$  عند اللحظة  $t = 0$ .
- 2.5- استنتج سرعة التفاعل عند نفس اللحظة.
6. حدّد المتفاعل المُحد، ثم استنتج كتلة الحديد  $m_0$  في الخام.
7. جد نسبة الحديد في الخام المدروس علما أنه مأخوذ من غار جبيلات، واستنتج تصنيف هذا الخام.

II. يهدف هذا الجزء من التمرين إلى تحديد ثابت حموضة النشادر  $NH_3$  انطلاقا من دراسة انحلاله في الماء.

نتوفّر على محلول تجاري ( $S_0$ ) للنشادر  $NH_3$  نسبة نقاوته 28% و كثافته  $d = 0,91$ . يُعطى:

الناقلات النوعية المولية الشاردية الناتجة عن انحلال النشادر في الماء:

$$\lambda_{NH_4^+} = 7,35 \text{ mS.m}^2/\text{mol} \quad \lambda_{OH^-} = 20 \text{ mS.m}^2/\text{mol}$$

ثابت التفكك الذاتي للماء في شروط التجربة:  $pKe = 14$

الكتلة المولية الجزيئية للنشادر:  $17 \text{ g/mol}$

1. احسب التركيز المولي  $C_0$  للمحلول ( $S_0$ ).
2. اذكر البروتوكول التجريبي الذي يوافق التحضير المخبري لمحلول ( $S_1$ ) حجمه  $1 \text{ L}$  وتركيزه المولي  $C_1 = 0,1 \text{ mol/L}$  وذلك انطلاقا من المحلول ( $S_0$ ).
3. تُمدّد المحلول ( $S_1$ ) 10 مرّات فنحصل على محلول ( $S_2$ ) ناقلتيته النوعية  $\sigma = 10,9 \text{ mS.m}^{-1}$ .
- 1.3- اكتب مُعادلة تفاعل النشادر مع الماء.
- 2.3- بين أن  $pH$  المحلول ( $S_2$ ) يُعطى بالعلاقة:  $pH = pKe + \log[OH^-]$ , ثم احسب قيمته.
- 3.3- اكتب تعبير نسبة التقدّم النهائي  $\tau_f$  لتفاعل النشادر مع الماء بدلالة  $C_2$  تركيز المحلول ( $S_2$ ),  $\sigma$ ,  $\lambda_{NH_4^+}$  و  $\lambda_{OH^-}$ . احسب قيمته ثم سجّل تعليقا على ذلك.
- 4.3- بيّن أنّ ثابت الحموضة لثنائية النشادر يُكتب بالشكل:  $Ka = \frac{(1-\tau_f)Ke}{C_2\tau_f^2}$  ثم احسب قيمة  $pKa$ .

## الجزء الثاني: (7 نقاط)

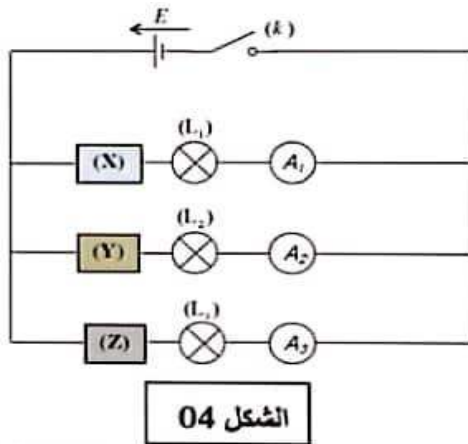
### التمرين التجريبي:

في حصة للأعمال المخبرية، أراد الأستاذ التحقّق من مدى استيعاب تلاميذه لمختلف الظواهر الكهربائية التي تُوافق ناقل أومي، مُكثّفة ووشيجة. حيث وضع كلا من هذه العناصر الكهربائية في علبة ثم شكّل فوجين من التلاميذ ووفّر بين أيديهم جملة الوسائل التالية:

- بطارية قوّتها المحرّكة الكهربائية  $E = 9 \text{ V}$
  - ثلاث أجهزة أمبير متر مقاومتها مهملة.
  - ثلاثة مصابيح متماثلة ( $L_1$ ), ( $L_2$ ) و ( $L_3$ ) مقاومة كل مصباح  $R_0$ .
  - قاطع  $k$  و أسلاك توصيل.
  - ناقل أومي مقاومته  $R' = 100 \Omega$ .
  - ثلاث علب لعناصر كهربائية مجهولة تحمل الرموز  $X$ ,  $Y$  و  $Z$ . أحدها ناقل أومي مقاومته  $R$  و الآخر مُكثّفة سعتها  $C$  و الثالث وشيجة ذاتيتها  $L$  و مُقاومتها الداخلية  $r$ .
  - كوميوتر مربوط مع لاقط التيار لجهاز  $ExAO$  من نوع  $Foxy Jeulin$ .
- يهدف هذا التمرين إلى التعرف على بعض العناصر الكهربائية اعتمادا على سلوكها وكذا كيفية تأثيرها على التيار الكهربائي في الدارات التي تحتويها.

## 1. الفوج الأول: التعرف على العناصر الكهربائية المجهولة

أنجز التلاميذ التركيب التجريبي المبين بالشكل 04, وفي اللحظة  $t = 0$  مبدأ للأزمة تم غلق القاطعة  $k$ . المشاهدات و النتائج دُونت في جدول الشكل 05 الموالي:



قراءة الأمبيرمتر (بال mA)			حالة المصباح		
$t \rightarrow +\infty$	$t = 0$	الزمن الأمبيرمتر	$t \rightarrow +\infty$	$t = 0$	الزمن المصباح
450	0	$(A_1)$	متوهج	منطفئ	$(L_1)$
150	150	$(A_2)$	متوهج	متوهج	$(L_2)$
0	900	$(A_3)$	منطفئ	متوهج	$(L_3)$

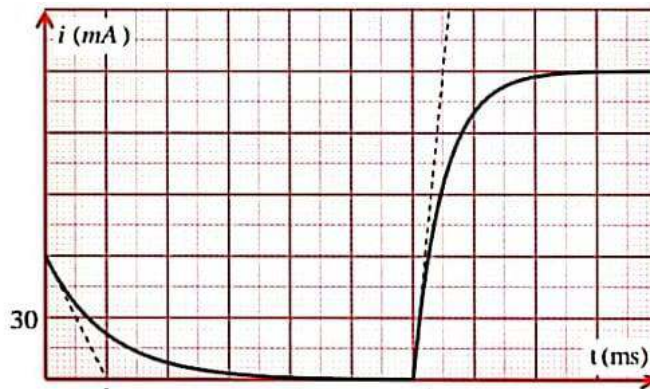
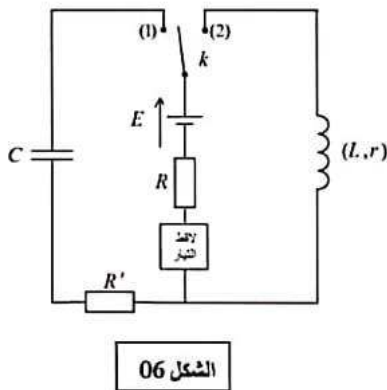
1.1- تعرّف على طبيعة كل عنصر من العناصر  $X$  و  $Y$  و  $Z$ .

2.1- بين أن المقاومة الكهربائية للمصباح الواحد هي  $R_0 = 10 \Omega$ .

3.1- جد قيمة كل من مقاومة الناقل الأومي  $R$  و المقاومة الداخلية للوشية  $r$ .

## 2. الفوج الثاني: تطور شدة التيار في دارة كهربائية

قام تلاميذ هذا الفوج بتركيب الدارة المُمثلة بالشكل 06 باستعمال نفس العناصر الكهربائية التي استعملها الفوج الأول و في لحظة  $t = 0$  نعتبرها كمبدأ جديد لقياس الأزمة, تم وضع البادلة  $k$  في الوضع (1) و بعد مُدة زمنية كافية تمت أرجحتها إلى الوضع (2), فتحصلوا على بيان الشكل 07.



1.1- مثل الجهة الإصطلاحية للتيار الكهربائي و مختلف التوتّرات الكهربائية لكل من وضعي البادلة (1) و (2), و اذكر الظاهرة المُشاهدة في كل حالة.

2.2- اكتب المُعادلة التفاضلية التي تُحقّقها شدة التيار في كلّ حالة من وضعي البادلة.

3.2- حلّ المُعادلة التفاضلية من أجل الوضع (1) هو:  $i(t) = I_0 e^{-\frac{t}{\tau_1}}$  ومن أجل الوضع (2) هو:  $i(t) = I'_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}})$ . جد عبارة كلّ من الثوابت  $I_0$ ,  $I'_0$ ,  $\tau_1$  و  $\tau_2$  بدلالة مُميّزات الدارة.

4.2- اعتمادا على بيان الشكل 06 جد قيمة كل من الثوابت السابقة:  $I_0$ ,  $I'_0$ ,  $\tau_1$  و  $\tau_2$ .

5.2- استنتج قيمة كل من:

- مقاومة الناقل الأومي  $R$ .

- ذاتية الوشية  $L$ .

6.2- احسب الطاقة الأعظمية المُخزّنة في كل من المُكثّفة والوشية.

انتهى الموضوع الأول

## الموضوع الثاني

يحتوي الموضوع الثاني على (04) صفحات (من الصفحة 5 من 8 إلى الصفحة 8 من 8)

الجزء الأول: (13 نقطة)

التمرين الأول: (6 نقاط)

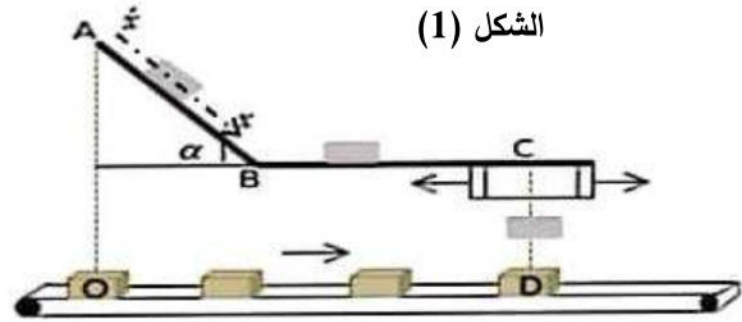


تُعتبر ألمانيا من أكبر الدول المُصدّرة للجبن في العالم بقيمة 4,6 مليار دولار سنوياً. في مصنع لصناعة الجبن وفي مرحلة التعليب طُلب من المهندس ضبط سرعة الشريط المُتحرك الحامل للغلب من أجل سقوط قطعة الجبن المُغلّفة داخل الغُلبة مباشرة. يهدف هذا التمرين إلى دراسة حركة قطعة الجبن وضبط سرعة الشريط المُتحرك.

وضع المهندس رسماً تخطيطياً لعملية ملء الصناديق (الشكل 1) ودون جميع المعلومات التي تُساعده في الدراسة النظرية في جدول (الشكل 2).

<https://cdn-s-www.ledauphine.com/.jpg>

أجزاء المسار			الشكل (2)
CD	BC	AB	
1 m	7,69 m	1 m	المسافة
0,45 s	6,2 s	0,67 s	مدة الحركة
/	2 N	2 N	شدة الاحتكاك $f$
/	/	$\alpha = 20^\circ$	الميل عن الأفق
تسارع الثقالة: $g = 9,81 \text{ m/s}^2$			كتلة قطعة الجبن: $m = 5 \text{ kg}$



الشكل (1)

2. الحركة على المستوي المائل AB

تدفع الآلة قطعة الجبن من الموضع A بسرعة ابتدائية  $v_A$ .

1.1- مثل القوى المؤثرة على قطعة الجبن في مركز عطالتها  $G$ .

2.1- اعتماداً على القانون الثاني لنيوتن، أوجد العبارة الحرفية لتسارع مركز عطالة قطعة الجبن  $a$ ، ثم استنتج طبيعة حركتها.

3.1- أثبت أن عبارة سرعة قطعة الجبن عند مرورها بالموضع B تُعطى بالشكل:  $v_B = \sqrt{5,92 + v_A^2}$

2. الحركة على المستوي الأفقي BC

1.2- باستخدام مبدأ انحفاظ الطاقة على جملة قطعة الجبن، أثبت أن عبارة مربع سرعة القطعة عند الموضع C تُعطى بالعبارة:

$$v_C^2 = \frac{29,6 - 2f \cdot BC}{5} + v_A^2$$

2.2- استنتج حينئذ قيمة السرعة الابتدائية  $v_A$  التي تُعطى الآلة لقطعة الجبن من أجل توقفها بالضبط في الموضع C.

3. دراسة السقوط الشاقولي CD

عند توقف قطعة الجبن في الموضع C وبعد  $t = 2,68 \text{ s}$  تُفتح السكتين آلياً لتسقط القطعة شاقولياً بتسارع ثابت  $9,81 \text{ m/s}^2$ .

1.3- اعط تخميناً حول نوع هذا السقوط ثم برّر صحّة هذا التخمين استناداً على القانون الثاني لنيوتن.

2.3- حدد سرعة قطعة الجبن عند سقوطها في الموضع D.

4. حركة العلبة على المستوي الأفقي OD

تنطلق الغُلبة من الموضع O في نفس اللحظة مع قطعة الجبن (من الموضع A) حيث تُوضع فوق شريط بحركة مستقيمة منتظمة.

1.4- أحسب المسافة OD التي تقطعها الغُلبة. وماهي المدة الزمنية اللازمة لتعليب قطعة جبن واحدة؟

2.4- ماهي السرعة التي يجب أن يضبط بها المهندس الشريط المُتحرك حتى تسقط قطعة الجبن بداخل العلبة في الموضع D



## التمرين الثاني: (7 نقاط)

غرض هذا التمرين تشغيل مغناطيس كهربائي في جهاز روبوت آلي باستعمال بطارية نووية. نقوم بتوصيل دارة تحتوي على وشيعة مقاومتها  $r = 4 \Omega$  و ذاتيتها  $L$  و ناقل أومي مقاومته  $R = 20 \Omega$  و بطارية نووية توترها  $E$  يتم فيها تحويل الطاقة الحرارية الناتجة بالتفكك النووي إلى تيار كهربائي باستعمال خاصية الفعل الكهروحراري.

1. تحتوي البطارية على نظير السيزيوم  $^{134}_{55}\text{Cs}$  المُشع وفق النمط  $\beta^-$  المُرفق بالنمط  $\gamma$ .

1.1- عرّف ماييلي: نظير - مُشع - النمط  $\beta^-$ .

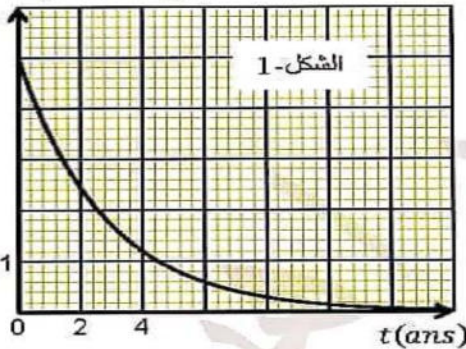
2.1- وضح سبب وكيفية إصدار الإشعاع  $\gamma$ .

3.1- اعتمادا على قوانين الانحفاظ، اكتب مُعادلة النشاط الإشعاعي للسيزيوم مُستعينا بمُستخرج الجدول الدّوري للعناصر التالي:

العنصر	La	Ba	Cs	Xe
Z	57	56	55	54

2. من إحدى الموسوعات العلمية الخاصة بالبحث العلمي في الفيزياء النووية تمّ استخراج المنحنى  $A = f(t)$  للشكل 1

$A(\times 10^{10} \text{Bq})$



والذي يُعبّر عن تطوّر النشاط الإشعاعي  $A$  لمنبع مُشع من السيزيوم 134

مُماثل للمنبع السابق كُتلته  $m_0$  الموجودة في البطارية.

1.2- استنتج من منحنى الشكل 1 قيمة النشاط الإشعاعي  $A_0$  عند اللحظة  $t = 0$ .

2.2- ما هي قيمة النشاط الإشعاعي في اللحظة  $t = \tau$  الموافقة لثابت الزمن؟ استنتج قيمة  $\tau$ .

3.2- عرّف بزمّن نصف العمر لعينة مُشعة ثم بيّن أنه يُعطى بالعلاقة:

$$t_{1/2} = \tau \cdot \ln 2$$

4.2- احسب الكُتلة  $m_0$ .

3. تمّت دراسة الدّارة قبل تركيبها في الروبوت حسب الشكل 2 مع توصيل بعض عناصرها براسم الاهتزاز المهبطي.

1.3- ما هي التوتورات المُشاهدة على مستوى كل مدخل من مدخلي راسم الاهتزاز المهبطي

في هذه الدّارة؟ أيّ منهما يسمح بمتابعة تطوّر شدّة التيار خلال الزّمن؟ برّر.

2.3- اكتب المعادلة التفاضلية الموافقة لتطوّر شدّة التيار  $i(t)$  في هذه الدّارة.

3.3- تقبل المعادلة التفاضلية السابقة العبارة:  $i(t) = A + Be^{-at}$  حلا لها.

جد عبارة كل من الثوابت  $B, A$  و  $\alpha$  بدلالة مُميّزات الدّارة المدروسة.

4.3- نتائج المُحاكاة الرّقمية للتجربة سمحت بالحصول على مُنحني تغيّرات

المقدار  $\frac{di}{dt}$  بدلالة  $i$  في الشكل 3.

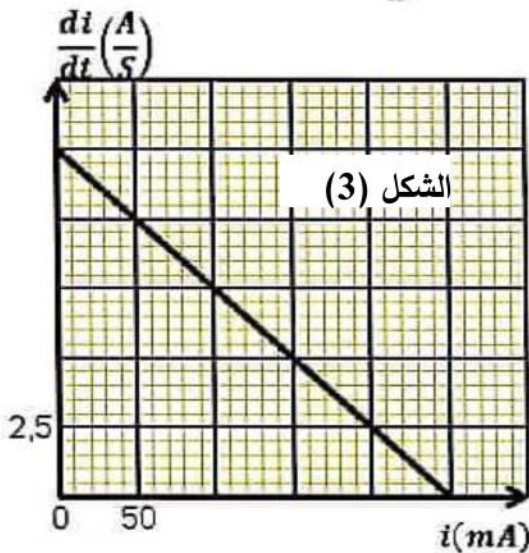
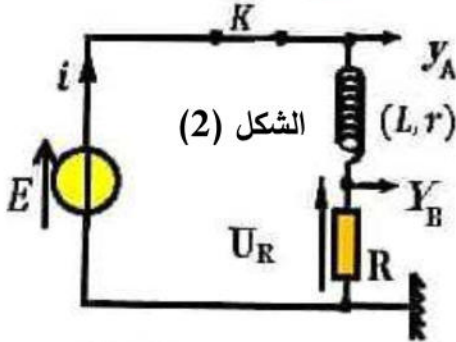
1.4.3- اكتب العبارة البيانية الموافقة لهذا المنحنى.

2.4.3- استنتج من البيان مُميّزات الدّارة:  $\tau'$  ثابت زمن الدّارة -  $L - E$ .

3.4.3- اكتب عبارة شدّة التيار الأعظمي واحسب قيمته.

4.4.3- إن تزويد وشيعة بنواة حديدية يرفع من قيمة ذاتيتها. مثل في هذه

الحالة بشكل كيفي منحنى  $\frac{di}{dt}$  بدلالة  $i$  الجديد في نفس المعلم السابق للشكل 3.



## الجزء الثاني: (7 نقاط)

### التمرين التجريبي:

يهدف هذا التمرين إلى التعرف على حمض كربوكسيلي في المخبر و على بعض سلوكاته عند انحلاله في الماء و كذا عند تصنيعه للأسترات.

#### المعطيات :

- تؤخذ كل المحاليل عند الدرجة  $25^{\circ}\text{C}$ .
- الكتل المولية الذرية :  $\text{O} : 16 \text{ g/mol}$      $\text{H} : 1 \text{ g/mol}$      $\text{C} : 12 \text{ g/mol}$
- كثافة الكحول المستعمل :  $d = 0,79$
- الكتلة الحجمية للماء :  $\rho_e = 1 \text{ g.cm}^{-3}$
- الجداء الشاردي للماء :  $pK_e = 14$

#### أولاً: دراسة انحلال حمض كربوكسيلي في الماء

نحضر محلولاً مائياً  $S_0$  من حمض كربوكسيلي  $C_nH_{2n+1}COOH$  تركيزه المولي  $C_0$  و ذلك بانحلال كتلة  $m = 0,134 \text{ g}$  من المادة النقية لهذا الحمض في  $800 \text{ mL}$  من الماء المقطر .

- (1) اكتب معادلة انحلال هذا الحمض في الماء.
- (2) اكتب عبارة النسبة النهائية  $\tau_f$  لتقدم التفاعل بدلالة  $pH$  المحلول و  $C_0$ .
- (3) بين أن  $pH$  المحلول  $S_0$  يعطى بالعبارة التالية :  $pH = pK_a + \log\left(\frac{\tau_f}{1-\tau_f}\right)$

حيث  $K_a$  هو ثابت الحموضة للثنائية  $C_nH_{2n+1}COOH/C_nH_{2n+1}COO^-$ .

(4) لغرض تحديد التركيز المولي  $C_0$  لهذا الحمض و التعرف على صيغته , نحضر مجموعة من المحاليل ممددة و مختلفة التراكيز المولية انطلاقاً من المحلول  $S_0$  . قياس  $pH$  لكل محلول سمح برسم البيان:

$$pH = f\left(\log\left(\frac{\tau_f}{1-\tau_f}\right)\right) \text{ بالوثيقة 01.}$$

(1.4) استنتج قيمة  $K_a$ .

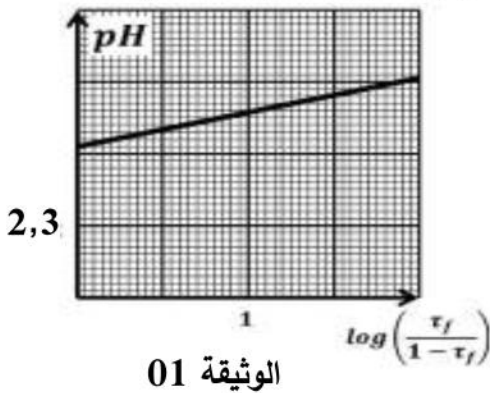
(2.4) حدد النوع الكيميائي الغالب في محلول للحمض  $C_nH_{2n+1}COOH$  من أجل

$$\tau_f = 0,7$$

(3.4) أعطى قياس لأحد المحاليل الممددة ب  $160$  مرة القيمة  $pH = 4,8$ .

احسب التركيز المولي  $C_0$  للمحلول  $S_0$ .

(4.4) بين أن  $n = 1$  ثم استنتج الاسم النظامي للحمض الكربوكسيلي المدروس.



#### ثانياً: دراسة تحول أسترة

لدراسة تفاعل أسترة, ننجز في بيشر مزيجاً حجمه الكلي  $V = 100 \text{ mL}$  , يتكون من  $0,5 \text{ mol}$  من الحمض السابق و  $0,5 \text{ mol}$  من كحول بوتان -2- أول و بعض قطرات من حمض الكبريت المركز.

بعد تحريك المزيج, نوزعه بالتساوي على 10 أنابيب اختبار مرقمة من 1 إلى 10 و نسدها بإحكام ثم نضعها عند اللحظة  $t = 0$  في حمام مائي درجة حرارته ثابتة  $60^{\circ}\text{C}$  .

#### (1) تفاعل الأسترة :

(1.1) باستعمال الصيغ نصف المفصلة, اكتب معادلة تفاعل الأسترة الحادث في أنبوب اختبار, و اعط اسم الأستر المتشكل.

(2.1) احسب حجم الكحول و كتلة الحمض اللذين تم مزجهما في البيشر.

(3.1) أنشئ جدول تقدم التفاعل الذي يحدث في كل أنبوب اختبار.

(4.1) عبر عن كمية مادة الأستر المتشكل  $n_t(E)$  عند اللحظة  $t$  بدلالة كمية مادة الحمض المتبقي  $n_t(ac)$ .

## (2) معايرة الحمض المتبقي :

لمعايرة الحمض المتبقي, عند اللحظة  $t$ , في أنبوب الاختبار رقم 1, نفرغ محتواه في ورق عياري , ثم نخففه بالماء المقطر البارد للحصول على خليط حجمه  $100 \text{ mL}$  .

نأخذ من الخليط  $10 \text{ mL}$  و نصبها في بيشر, ونعايرها بواسطة محلول هيدروكسيد الصوديوم تركيزه  $C_B = 1 \text{ mol.L}^{-1}$  ( لا نأخذ بعين الاعتبار أثناء المعايرة شوارد  $H_3O^+$  الواردة من حمض الكبريت المركز).

(1.2) اكتب معادلة تفاعل المعايرة ثم احسب ثابت التوازن  $K$  الموافق له عند  $25^\circ\text{C}$ .

(2.2) حجم محلول هيدروكسيد الصوديوم اللازم للحصول على التكافؤ هو  $V_{BE} = 4 \text{ mL}$  . استنتج كمية مادة الأستر المتشكل في أنبوب الاختبار رقم 1.

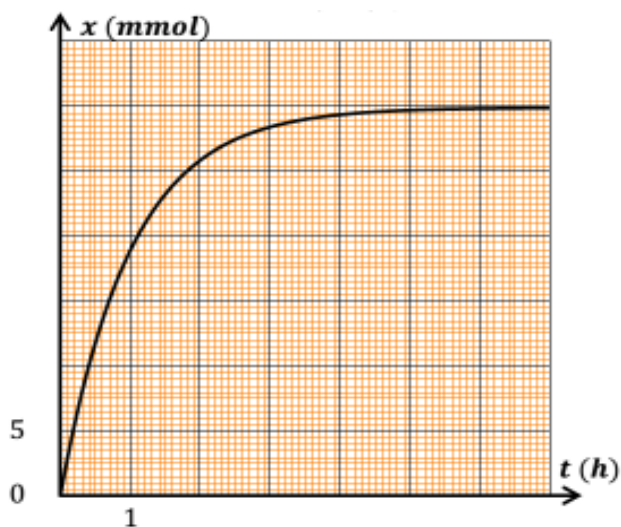
## (3) متابعة تطور الجملة الكيميائية :

مكنك معايرة المحاليل الموجودة في أنابيب الاختبار السابقة , من رسم المنحنى  $x = f(t)$  حيث  $x$  هو تقدم تفاعل الأسترة عند لحظة  $t$  في أنبوب اختبار بالوثيقة 02.

(1.3) احسب سرعة التفاعل عند اللحظتين  $t_1 = 1 \text{ h}$  و  $t_2 = 3 \text{ h}$  . حدد العامل الحركي الذي يتحكم في تطور هذه السرعة .

(2.3) احسب ثابت التوازن  $K'$  لفاعل الأسترة .

(3.3) احسب كمية مادة الحمض التي يجب إضافتها في أنبوب الاختبار في نفس الظروف التجريبية السابقة ليصبح مردود تفاعل الأسترة عند نهاية التفاعل هو  $r = 90 \%$  .



الوثيقة 02

انتهى الموضوع الثاني





نقد صح البانكوكورب التبريد - 2022

علوم فيزياء / ثانوية الرياضات والتفوق

0-0-0-1

$$x' = a - \alpha' \cdot F = 4 - 5 \cdot 2 = -6$$

$$a = 5 \cdot F - 6$$

و من  $a = 5 \cdot F - 6$

$$\cos \beta = \alpha' \Rightarrow m = \frac{\cos \beta}{\alpha'} = \frac{\cos 60}{5}$$

$$m = 0.1 \text{ Kg}$$

$$-(g \cdot \sin \alpha + \frac{f}{m}) = \beta' \Rightarrow g \cdot \sin \alpha + \frac{f}{m} = -\beta'$$

$$f = m \cdot (g \cdot \sin \alpha - \beta') = -(g \cdot \sin \alpha + \beta') \cdot m$$

$$f = -0.1 \cdot (10 \cdot \sin 30 - 6) \Rightarrow f = 0.1 \text{ N}$$

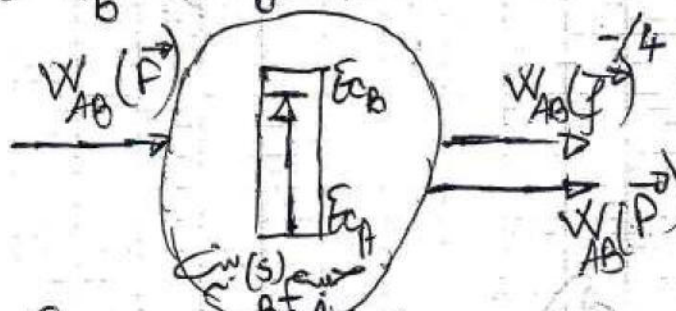
$$F' = m \cdot a - a = 0 \Rightarrow \text{سرعة ثابتة}$$

$$a = 4 \text{ m/s}^2 \quad f = 2 \text{ N}$$

$$AB = \frac{a \cdot t^2}{2} \Rightarrow t_A = \sqrt{\frac{2AB}{a}}$$

$$t_B = \sqrt{\frac{2 \times 2}{4}} = 1 \text{ s}$$

$$v_B = a \cdot t_B = 4 \times 1 = 4 \text{ m/s}$$



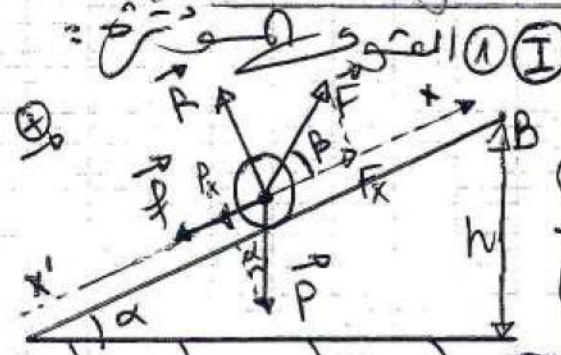
$$E_A + W_{AB}(F) - W_{AB}(f) - W_{AB}(P) = E_B$$

$$F \cdot AB \cdot \cos \beta - f \cdot AB - m \cdot g \cdot h = \frac{1}{2} m v_B^2$$

$$v_B = \sqrt{\frac{2}{m} \cdot (F \cdot AB \cdot \cos \beta - f \cdot AB - m \cdot g \cdot h)}$$

$$v_B = \sqrt{\frac{2}{0.1} \cdot (2 \cdot 2 \cdot \cos 60 - 0.1 \cdot 2 - 0.1 \cdot 10 \cdot \sin 30)}$$

التحرية 1



2. السجدة: جسم (S)

3. سطح: سطح (S)

قانون نيوتن الثاني:

$$\sum \vec{F}_{ur} = m \cdot \vec{a}$$

$$\vec{R} + \vec{f} + \vec{F} + \vec{P} = m \cdot \vec{a}$$

$$R_x + f_x + F_x + P_x = m \cdot a_x$$

$$(-f + F \cdot \cos \beta - P \cdot \sin \alpha = m \cdot a) \div m$$

$$a = -\frac{f}{m} + \frac{F \cdot \cos \beta}{m} - \frac{m \cdot g \cdot \sin \alpha}{m}$$

$$a = \frac{\cos \beta}{m} \cdot F - (g \cdot \sin \alpha + \frac{f}{m})$$

$$a = \frac{dv}{dt} \rightarrow v(t) = \int a(t) dt$$

$$v(t) = \int a = a \cdot t + v_0 = a \cdot t$$

$$v = \frac{dx}{dt} \rightarrow x(t) = \int v(t) dt = \int a \cdot t dt = \frac{a \cdot t^2}{2} + x_0$$

$$x(t) = \frac{a \cdot t^2}{2} = \frac{1}{2} \left[ \frac{\cos \beta}{m} \cdot F - (g \cdot \sin \alpha + \frac{f}{m}) \right] \cdot t^2$$

$$a = \alpha' \cdot f + \beta'$$

$$a = \alpha' \cdot f + \beta'$$

$$a = \alpha' \cdot f + \beta'$$

$$a = \alpha' \cdot f + \beta'$$

$$a = \alpha' \cdot f + \beta'$$

$$a = \alpha' \cdot f + \beta'$$

المسألة ١

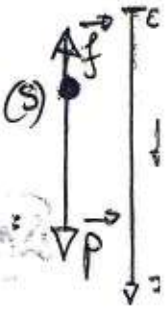
(I)

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m \cdot \vec{a}$$

$$\vec{P} + \vec{f} = m \cdot \vec{a}$$

$$P_z + f_z = m \cdot a_z$$

(II)



$$+P - f = m \cdot a$$

$$mg - k \cdot v = m \cdot \frac{dv}{dt}$$

$$\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} \cdot v = g \rightarrow \begin{cases} A = \frac{k}{m} \\ B = g \end{cases}$$

② -1 في النهاية المثلث

$$v_{\text{lim}} = 10 \text{ m/s} \leftarrow a_{\text{lim}} = 0$$

$$v_0 = 0 \text{ m/s} \leftarrow t = 0 \text{ عند } -12$$

$$a_0 = 10 \text{ m/s}^2$$

③ -1 في

$$a = -\left(\frac{k}{m}\right) \cdot v + g \rightarrow \frac{dv}{dt} = -\frac{1}{\tau} \cdot v + g$$

$$\frac{v_{\text{lim}}}{\tau} = g = a_0 \rightarrow \tau = \frac{v_{\text{lim}}}{a_0} = \frac{10}{10}$$

$$\tau = 1 \text{ s}$$

(ج) -1 في المعطيات

$$\left[ \frac{dv}{dt} + \frac{v}{\tau} \right] = [g] : (\tau \text{ في } \frac{v}{\tau})$$

$$\left[ \frac{dv}{dt} \right] = \left[ \frac{v}{\tau} \right] \rightarrow \left[ \frac{dv}{dt} \right] = \left[ \frac{v}{\tau} \right]$$

$$[\tau] = [T] = s$$

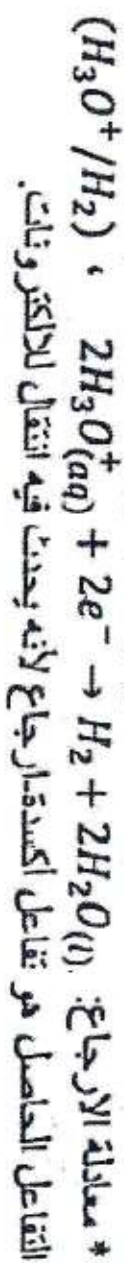
$$\tau = \frac{m}{k} \rightarrow m = \tau \cdot k = 1 \cdot 0.1 = 0.1 \text{ kg}$$

(m = 0.1 kg)



## التعريف الثاني: ( 07 نقاط)

1.1. إثبات أن التفاعل الحاصل هو تفاعل أكسدة-إرجاع:



2. إنشاء جدول تقدم التفاعل المتوازن:

معادلة التفاعل		$Fe(s) + 2H_3O_{(aq)}^+ = Fe_{(aq)}^{2+} + H_2 + 2H_2O_{(l)}$					
الحالة	التقدم	كمية المادة بالمول					
ابتدائية	0	$n_0$	CV	0	0	بوفرة	
انتقالية	$x$	$n_0 - x$	$CV - 2x$	$x$	$x$	بوفرة	
نهائية	$x_{max}$	$n_0 - x_{max}$	$CV - 2x_{max}$	$x_{max}$	$x_{max}$	بوفرة	

3. إرفاق كل منحنى بالتركيز المرافق له:

\* بما أن تركيز المتفاعلات يتناقص بمرور الزمن فإن البيان (a) يمثل:  $[H_3O^+] = g(t)$   
\* بما أن تركيز النواتج يزداد بمرور الزمن فإن البيان (b) يمثل:  $[Fe^{2+}] = f(t)$

4. إيجاد قيمة التقدم الأعظمي  $x_{max}$ :

لدينا من البيان (b):  $[Fe^{2+}]_f = 0,1 mol. L^{-1}$

من جدول التقدم نجد:

$$n(Fe^{2+})_f = x_{max} = [Fe^{2+}]_f. V = (0,1)(0,2) = 0,02 mol$$

0,5	0,5	<p>5. إيجاد قيمة زمن نصف التفاعل <math>t_{1/2}</math>:</p> $[Fe^{2+}]_{t_{1/2}} = \frac{[Fe^{2+}]_f}{2} = \frac{0,1}{2} = 0,05 mol.L^{-1}$ <p>بالإسقاط على البيان (b) نجد: <math>t_{1/2} = 9 min</math></p>
0,75	0,5 0,25	<p>6. حساب السرعة الحجمية لتشكل شوارد الحديد الثاني <math>Fe^{2+}</math> عند اللحظة <math>t = 0</math>:</p> $v_{vol} = \frac{1}{V} \frac{dn(Fe^{2+})}{dt} = \frac{1}{V} \cdot \frac{d[Fe^{2+}] \cdot V}{dt} = \frac{d[Fe^{2+}]}{dt}$ <p>وبالتالي:</p> $v_{vol} = \frac{0,075 - 0}{10 - 0} = 7,5 \times 10^{-3} mol.L^{-1}.min^{-1}$ <p>استنتاج سرعة التفاعل عند نفس اللحظة:</p> $v_{vol} = \frac{1}{V} \frac{dn(Fe^{2+})}{dt} = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt} = \frac{v}{V}$ <p>وبالتالي:</p> $v = V \cdot v_{vol} = (0,2)(7,5 \times 10^{-3}) = 1,5 \times 10^{-3} mol.min^{-1}$
0,5	0,25	<p>7. تحديد المتفاعل المحد:</p> <p>بما أن <math>[H_3O^+]_f \neq 0</math> والتفاعل تام فإن المتفاعل المحد هو <math>Fe</math>.</p> <p>* استنتاج كتلة الحديد <math>m_0</math> في الخام:</p> <p>لدينا من جدول التقدم: <math>n_0 - x_{max} = 0 \Rightarrow n_0 = x_{max} = 0,02 mol</math></p> <p>ومنه: <math>n_0 = \frac{m_0}{M} \Rightarrow m_0 = n_0 \cdot M = (0,02)(56) = 1,12 g</math></p>
0,25	0,25	<p>8. استنتاج نسبة الحديد في الخام المدروس:</p> $\frac{m_0}{m} \times 100 = \frac{1,12}{1,9} \times 100 = 58,95\%$ <p>وبالتالي الخام المدروس هو خام غني.</p>



1. لدينا محلول تجاري ( $S_0$ ) للنتشدر ( $NH_3$ ) نسبة نفوذه 28% وكثافته  $d = 0,91$  يتميز النتشدر بالتحفبة

$NH_4^+/NH_3$  حساب التركيز المولي للمحلول ( $S_0$ ).

$$C_0 = \frac{10pd}{M}$$

$$M = 17g/mol$$

$$C_0 = \frac{10pd}{M} = \frac{10 \times 28 \times 0,91}{17} = 14,98 mol/L$$

(1) البروتوكول التجريبي لتحضير محلول ( $S_1$ ) حجمه 1L وتركيزه المولي  $C_1 = 0,1 mol/L$  ، وذلك انطلاقا من

( $S_0$ )

الحجم اللازم أخذه من  $S_0$ .

$$V_0 = \frac{C_1 V_1}{C_0} \text{ ومنه } C_0 V_0 = C_1 V_1$$

$$V_0 = \frac{0,1 \times 1000}{14,98} = 6,57 mL$$

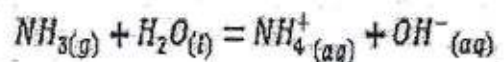
بواسطة ماصة عيارية نأخذ حجما  $V_0 = 6,57 mL$  من المحلول  $S_0$  ونضعه في حوضلة من عيار 1L فيها كمية قليلة من

الماء المقطر نرج المحلول جيدا ثم نكمل بالماء المقطر حتى الخط العياري.

نمدد المحلول ( $S_1$ ) 10 مرات ونحصل على محلول ( $S_2$ ) ناقليته النوعية  $\sigma = 10,9 mS/m$

(2) نمدد المحلول ( $S_1$ ) 10 مرات ونحصل على محلول ( $S_2$ ) ناقليته النوعية  $\sigma = 10,9 mS/m$

(أ) كتابة معادلة تفاعل النتشدر مع الماء.



(ب) نبين أن pH المحلول يُعطى بالعلاقة  $pH = pK_e + \text{Log}[OH^-]$  ، ثم حساب قيمة pH المحلول ( $S_2$ ).

$$K_e = \frac{[OH^-]_f [H_3O^+]_f}{[H_2O(l)]} : H_2O(l) / OH^- \text{ لدينا الشاتية}$$

$$\text{Log } K_e = \text{Log}[OH^-]_f + \text{Log}[H_3O^+]_f \text{ ومنه } \text{Log } K_e = \text{Log} \frac{[OH^-]_f [H_3O^+]_f}{1}$$

$$-\text{Log}[H_3O^+]_f = -\text{Log } K_e + \text{Log}[OH^-]_f$$

$$pH = pK_e + \text{Log}[OH^-]$$

(ج) حساب نسبة التقدم النهائي لتفاعل النتشدر مع الماء.

$$\tau_f = \frac{[OH^-]_f}{C_2}$$

$$C_2 = \frac{C_1}{10} = 0,01 mol/L$$

$$\sigma = \lambda_{OH^-} [OH^-]_f + \lambda_{NH_4^+} [NH_4^+]_f$$

$$[OH^-]_f = [NH_4^+]_f = \frac{\sigma}{\lambda_{OH^-} + \lambda_{NH_4^+}} = \frac{10,9}{27,35} = 0,4 mol/m^3$$



$$\tau_f = \frac{0,4 \times 10^{-2}}{10^{-2}} = 0,04$$

(د) نبتن أن ثابت الحموضة للتأينة  $(NH_4^+/NH_3)$  يكتب بالشكل  $K_{a_1} = \frac{(1-\tau)K_a}{C\tau^2}$ ، ثم احسب  $pK_{a_1}$ .

	$NH_3(g) + H_2O(l) = NH_4^+(aq) + OH^-(aq)$			
$t = 0$	$CV$	بوفرة	0	0
$t$	$CV - x$	بوفرة	$x$	$x$
$t_f$	$CV - x_f$	بوفرة	$x_f$	$x_f$

$$K_{a_1} = \frac{[H_3O^+]_f [NH_3]_f}{[NH_4^+]_f} \text{ ولدينا } \tau = \frac{[OH^-]_f}{C}$$

$$[NH_3]_f = C - [OH^-]_f$$

$$K_{a_1} = \frac{[H_3O^+]_f (C - [OH^-]_f)}{[OH^-]_f} = \frac{[H_3O^+]_f (C - [OH^-]_f) [OH^-]_f}{[OH^-]_f [OH^-]_f}$$

$$[OH^-]_f = \tau C$$

$$K_{a_1} = \frac{[H_3O^+]_f (C - [OH^-]_f) [OH^-]_f}{[OH^-]_f [OH^-]_f} = \frac{K_w (C - [OH^-]_f)}{[OH^-]_f [OH^-]_f} = \frac{K_w (C - \tau C)}{\tau^2 C^2}$$

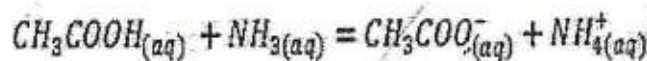
$$K_{a_1} = \frac{(1-\tau)K_w}{C\tau^2} \text{ ومنه } K_{a_1} = \frac{(1-0,04) \times 10^{-14}}{0,01 \times (0,04)^2} = 6 \times 10^{-10}$$

$$pK_{a_1} = -\log 6 \times 10^{-10} = 9,2$$

١١. دراسة تفاعل التبادل مع حمض الازيتويك

نمزج حجما  $V_1$  من المحلول  $(S_1)$  مع حجم  $V_2 = \frac{V_1}{2}$  من محلول مائي لحمض الازيتويك  $CH_3COOH$  المحلولين لهما نفس التركيز  $C$ .

(1) المعادلة الكيميائية المتوقعة للتحويل الحاصل.



(2) جدولا لتقدم التفاعل.

	$CH_3COOH_{(aq)} + NH_3(aq) = CH_3COO^-_{(aq)} + NH_4^+_{(aq)}$			
$t = 0$	$CV_2$	$CV_1$	0	0
$t$	$CV_2 - x$	$CV_1 - x$	$x$	$x$
$t_f$	$CV_2 - x_f$	$CV_1 - x_f$	$x_f$	$x_f$

0,75	0,75	<p><b>الجزء الثاني:</b>  <b>التربين التجريبي:</b>  <b>1. الفوج الأول:</b> التعرف على العناصر الكهربائية المجهولة:  <b>1.</b> التعرف على طبيعة كل عنصر من العناصر <math>Z, Y, X</math>.  <math>X^*</math>: وشيعة ، <math>Y</math>: ناقل أومي ، <math>Z</math>: مكثفة.</p>
0,5	0,5	<p><b>2.</b> قنين أن المقاومة الكهربائية للكهربائية للمصباح الواحد <math>R_0 = 10\Omega</math>.  <b>لدينا:</b> بالنسبة للمصباح <math>(L_3)</math> في اللحظة <math>t = 0</math>: <math>u_c(0) = 0</math>  <b>ومنه:</b> <math>u_{R_0} = E = R_0 I_0 \Rightarrow R_0 = \frac{E}{I_0} = \frac{9}{0,9} = 10\Omega</math></p>
0,5	0,25	<p><b>3.</b> إيجاد قيمة كل من مقاومة الناقل الأومي <math>R</math> والمقاومة الداخلية للوشيعة <math>r</math>.  <b>لدينا:</b> بالنسبة للمصباح <math>(L_2)</math> في اللحظة <math>t = 0</math>:  <math>u_{R_{eq}} = E = (R_0 + R) I_0 \Rightarrow R = \frac{E}{I_0} - R_0 = \frac{9}{0,15} - 10 = 50\Omega</math>  <b>لدينا:</b> بالنسبة للمصباح <math>(L_1)</math> في اللحظة <math>t = +\infty</math>:  <math>E = (R_0 + r) I_0 \Rightarrow r = \frac{E}{I_0} - R_0 = \frac{9}{0,45} - 10 = 10\Omega</math></p>

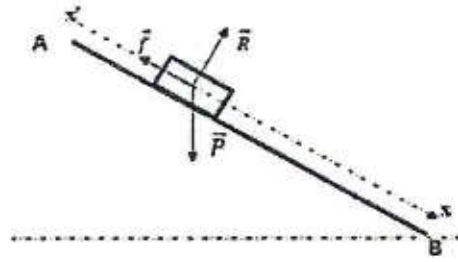
	0,7 5	II. الفوج الثاني : تطور شدة التيار في دارة كهربائية.				
0,7 5		1. تمثيل جهة التيار الكهربائي ومختلف التوترات لكل من وضعي البادلة، مع ذكر الظاهرة المشاهدة في كل حالة: * البادلة في الوضع (1): ثمن مكثفة. * البادلة في الوضع (2): تأسيس التيار.				
	0, 5	2. كتابة معادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار في كل حالة:				
1	0, 5	<table border="1"> <tr> <th>البادلة في الوضع (2)</th><th>البادلة في الوضع (1)</th></tr> <tr> <td> <math display="block">u_b + u_R = E</math> <math display="block">L \frac{di}{dt} + r \cdot i + R \cdot i = E</math> <p>بالقسمة على <math>L</math> نجد:</p> <math display="block">\frac{di}{dt} + \frac{(r+R)}{L} i(t) = \frac{E}{L}</math> </td><td> <math display="block">u_c + u_{R_{eq}} = E</math> <math display="block">\frac{q}{C} + R_{eq} i(t) = E</math> <p>بالاشتقاق نجد:</p> <math display="block">\frac{1}{C} \frac{d}{dt} + R_{eq} \frac{di}{dt} = 0</math> <p>ومنه:</p> <math display="block">\frac{1}{R_{eq} \cdot C} i(t) + \frac{di}{dt} = 0</math> </td></tr> </table>	البادلة في الوضع (2)	البادلة في الوضع (1)	$u_b + u_R = E$ $L \frac{di}{dt} + r \cdot i + R \cdot i = E$ <p>بالقسمة على <math>L</math> نجد:</p> $\frac{di}{dt} + \frac{(r+R)}{L} i(t) = \frac{E}{L}$	$u_c + u_{R_{eq}} = E$ $\frac{q}{C} + R_{eq} i(t) = E$ <p>بالاشتقاق نجد:</p> $\frac{1}{C} \frac{d}{dt} + R_{eq} \frac{di}{dt} = 0$ <p>ومنه:</p> $\frac{1}{R_{eq} \cdot C} i(t) + \frac{di}{dt} = 0$
البادلة في الوضع (2)	البادلة في الوضع (1)					
$u_b + u_R = E$ $L \frac{di}{dt} + r \cdot i + R \cdot i = E$ <p>بالقسمة على <math>L</math> نجد:</p> $\frac{di}{dt} + \frac{(r+R)}{L} i(t) = \frac{E}{L}$	$u_c + u_{R_{eq}} = E$ $\frac{q}{C} + R_{eq} i(t) = E$ <p>بالاشتقاق نجد:</p> $\frac{1}{C} \frac{d}{dt} + R_{eq} \frac{di}{dt} = 0$ <p>ومنه:</p> $\frac{1}{R_{eq} \cdot C} i(t) + \frac{di}{dt} = 0$					
		3. إيجاد كل من: $\tau_2, \tau_1, I'_0, I_0$ بدلالة ثوابت الدارة:				
1	0, 5	<table border="1"> <tr> <th>البادلة في الوضع (2)</th><th>البادلة في الوضع (1)</th></tr> <tr> <td> <p>* لدينا: <math>i(t) = I'_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}})</math></p> <p>ومنه:</p> <math display="block">\frac{di}{dt} = \frac{1}{\tau_2} I'_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} = \frac{1}{\tau_2} (I'_0 - i(t))</math> <p>وبالتالي:</p> <math display="block">\frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau_2} i(t) = \frac{I'_0}{\tau_2}</math> <p>بالمطابقة نجد:</p> <math display="block">\tau_2 = \frac{L}{R+r}</math> <p>و:</p> <math display="block">\frac{I'_0}{\tau_2} = \frac{E}{L} \Rightarrow I'_0 = \frac{E}{(r+R)}</math> </td><td> <p>* لدينا: <math>i(t) = I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}}</math></p> <p>ومنه:</p> <math display="block">\frac{di}{dt} = -\frac{1}{\tau_1} I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}} = -\frac{1}{\tau_1} i(t)</math> <p>وبالتالي:</p> <math display="block">\frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau_1} i(t) = 0</math> <p>بالمطابقة نجد:</p> <math display="block">\tau_1 = (R' + R) \cdot C</math> <p>* لدينا في اللحظة <math>t = 0</math>:</p> <math display="block">u_{R_{eq}}(0) = E</math> <p>ومنه:</p> <math display="block">R_{eq} \cdot I_0 = E</math> <p>وبالتالي:</p> <math display="block">I_0 = \frac{E}{(R' + R)}</math> </td></tr> </table>	البادلة في الوضع (2)	البادلة في الوضع (1)	<p>* لدينا: <math>i(t) = I'_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}})</math></p> <p>ومنه:</p> $\frac{di}{dt} = \frac{1}{\tau_2} I'_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} = \frac{1}{\tau_2} (I'_0 - i(t))$ <p>وبالتالي:</p> $\frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau_2} i(t) = \frac{I'_0}{\tau_2}$ <p>بالمطابقة نجد:</p> $\tau_2 = \frac{L}{R+r}$ <p>و:</p> $\frac{I'_0}{\tau_2} = \frac{E}{L} \Rightarrow I'_0 = \frac{E}{(r+R)}$	<p>* لدينا: <math>i(t) = I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}}</math></p> <p>ومنه:</p> $\frac{di}{dt} = -\frac{1}{\tau_1} I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}} = -\frac{1}{\tau_1} i(t)$ <p>وبالتالي:</p> $\frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau_1} i(t) = 0$ <p>بالمطابقة نجد:</p> $\tau_1 = (R' + R) \cdot C$ <p>* لدينا في اللحظة <math>t = 0</math>:</p> $u_{R_{eq}}(0) = E$ <p>ومنه:</p> $R_{eq} \cdot I_0 = E$ <p>وبالتالي:</p> $I_0 = \frac{E}{(R' + R)}$
البادلة في الوضع (2)	البادلة في الوضع (1)					
<p>* لدينا: <math>i(t) = I'_0 (1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}})</math></p> <p>ومنه:</p> $\frac{di}{dt} = \frac{1}{\tau_2} I'_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} = \frac{1}{\tau_2} (I'_0 - i(t))$ <p>وبالتالي:</p> $\frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau_2} i(t) = \frac{I'_0}{\tau_2}$ <p>بالمطابقة نجد:</p> $\tau_2 = \frac{L}{R+r}$ <p>و:</p> $\frac{I'_0}{\tau_2} = \frac{E}{L} \Rightarrow I'_0 = \frac{E}{(r+R)}$	<p>* لدينا: <math>i(t) = I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}}</math></p> <p>ومنه:</p> $\frac{di}{dt} = -\frac{1}{\tau_1} I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_1}} = -\frac{1}{\tau_1} i(t)$ <p>وبالتالي:</p> $\frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau_1} i(t) = 0$ <p>بالمطابقة نجد:</p> $\tau_1 = (R' + R) \cdot C$ <p>* لدينا في اللحظة <math>t = 0</math>:</p> $u_{R_{eq}}(0) = E$ <p>ومنه:</p> $R_{eq} \cdot I_0 = E$ <p>وبالتالي:</p> $I_0 = \frac{E}{(R' + R)}$					
1	1	4. إيجاد قيم كل من: $\tau_2, \tau_1, I'_0, I_0$ من البيان نجد: $\tau_2 = 0,5ms, I'_0 = 150mA, \tau_1 = 1ms, I_0 = 60mA$				
1	1	5. استنتاج قيمة: * مقاومة الناقل الأومي $R' = \frac{E}{I_0} - R = \frac{9}{0,06} - 50 = 100\Omega$ * سعة المكثفة $C = \frac{\tau_1}{(R' + R)} = \frac{1 \times 10^{-3}}{(150)} = 6,67\mu F$ * المقاومة الداخلية للوشية $r = \frac{E}{I'_0} - R = \frac{9}{0,1} - 50 = 10\Omega$ * ذاتية الوشية $L = \tau_2 (R + r) = (0,5 \times 10^{-3})(60) = 30mH$				
0.5	0,25	6. حساب الطاقة الأعظمية المخزنة في كل من المكثفة والوشية: * الطاقة المخزنة في المكثفة: $E_{C_{max}} = \frac{1}{2} C \cdot E^2 = \frac{1}{2} (6,67 \times 10^{-6})(9)^2 = 2,7 \times 10^{-4} J$				

$$E_{L_{\text{max}}} = \frac{1}{2} L I_0^2 = 3,38 \times 10^{-4} J$$



الجزء الأول:  
التمرين الأول: ( 06 نقاط )

الجزء الأول (المستوي المائل AB)  
(1) تمثيل القوى



0,75

0,25

(2) إيجاد العبارة الحرفية لتسارع مركز عطالة قطعة الجبن و استنتاج طبيعة الحركة:

- الجملة المدروسة : قطعة الجبن.
- المرجع : سطحي أرضي ونعتبره عطالي لأن مدرة صغيرة مقارنة مع مدة دوران الأرض حول نفسها .

0,5

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن  $\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a}_G$

2,5

$$\vec{P} + \vec{R} + \vec{f} = m\vec{a}_G$$

بالإسقاط على محور  $x'x$  نجد :  $-f + P_x = ma_G \Rightarrow -f + mg \sin \alpha = ma_G$

ومنه : ثابت  $a_G = -\frac{f}{m} + g \sin \alpha = 2.96 \text{ m/s}^2$

0,5

طبيعة الحركة :  
حركة مستقيمة متسارعة بانتظام لأن  $a_G$  ثابت و  $a_G \times v > 0$

(3) إثبات أن عبارة سرعة قطعة الجبن عند مرورها بالفوضع B تعطى بالشكل

$$v_B = \sqrt{5.92 + v_A^2}$$

• حركة مستقيمة متغيرة بانتظام ومنه :

$$v_B^2 - v_A^2 = 2a_G AB \Rightarrow v_B^2 = 2a_G AB + v_A^2$$

0,5

$$v_B = \sqrt{2a_G AB + v_A^2}$$

$$v_B = \sqrt{2 \times 2.96 + v_A^2} \Rightarrow v_B = \sqrt{5.92 + v_A^2}$$

الجزء الثاني : (المستوي الأفقي BC)

(1) إثبات أن  $v_C^2 = \frac{22.6 - 2f \cdot BC}{5} + v_A^2$  بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة :

بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على جملة نجد :

$$E_{CB} + |w(\vec{f})| = E_{CC} \Rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 = \frac{1}{2}mv_C^2 + f \cdot BC$$

$$\begin{cases} v_C^2 = v_B^2 - \frac{2f \cdot BC}{m} \\ v_C^2 = 5.92 + v_A^2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} v_C^2 = 5.92 - \frac{2f \cdot BC}{m} + v_A^2 \\ m = 5 \text{ kg} \end{cases}$$

$$\text{ومنه } v_C^2 = \frac{29.6 - 2f \cdot BC}{5} + v_A^2$$

0,75

0,75

0,75	0,75	<p>(2) إيجاد قيمة السرعة الابتدائية <math>v_A</math> من أجل توقف عند موضع C :</p> $v_C = 0 \Rightarrow \frac{29.6 - 2fBC}{5} + v_A^2 = 0$ <p>ومنه</p> $v_A^2 = -\frac{29.6 - 2fBC}{5} = -\frac{22.6 + 227.96}{5}$ $v_A^2 = 0.232 \Rightarrow v_A = 0.48 \text{ m/s}$
2	0,25 0,25 0,5 0,5 0,5	<p>الجزء الثالث : ( سقوط شاقولي CD )</p> <p>(1) نوع السقوط : سقوط حر . تعريف : سقوط جسم في الهواء تحت تأثير قوة ثقله فقط .</p> <p>(2) حساب مسافة OD : <math>OD = AB \cos \alpha + BC</math> : <math>OD = 8.63 \text{ m}</math></p> <p>أ. المدة الزمنية اللازمة لتعليب قطعة واحدة :  <math>t = t_{AB} + t_{BC} + t_C + t_{CD} = 0.67 + 6.2 + 2.68 + 0.45 = 10(s)</math> <math display="block">v = \frac{OD}{t} = \frac{8.63}{10} = 0.863 \text{ m/s}</math> <p>حركة مستقيمة منتظمة ومنه <math>0.863 \text{ m/s}</math></p> </p>

$$\frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau} i = \frac{E}{L}$$

(2) حل المعادلة التفاضلية :

$$i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$$

(3) يمثل البيان المعطى تغيرات المقدار  $\frac{di(t)}{dt}$  بدلالة  $i(t)$ .

(أ) العبارة البيانية الموافقة لهذا البيان .

البيان هو عبارة عن خط مستقيم لا يمر من المبدأ معادلته من الشكل  $\frac{di}{dt} = ai + b$ .

من البيان  $b = 250$ .

و  $a$  يمثل ميل البيان  $a = -\frac{12,5}{0,25} = -50$

$$\frac{di}{dt} = -50i + 12,5 \dots (1)$$

(ب) استنتاج من البيان مميزات الدارة  $L, E, \tau$ .

$$\frac{di}{dt} = -\frac{1}{\tau} i + \frac{E}{L} \dots (2)$$

بالمطابقة بين (1) و (2).

$$\frac{1}{\tau} = 50 \text{ و } \frac{E}{L} = 12,5$$

$$\tau = 0,02s$$

$$E = (R + r)\tau \times 12,5 \text{ وهذه } \frac{E}{L} = \frac{E}{(R+r)\tau} = 12,5$$

$$E = 24 \times 0,02 \times 12,5 = 6V$$

$$L = (R + r)\tau = 24 \times 0,02 = 0,48H$$

(4) عبارة شدة التيار الأعظمي وأحسب قيمته.

$$I_0 = \frac{E}{(R+r)}$$

$$I_0 = \frac{6}{24} = 0,25A$$

(5) الطاقة المخزنة في الوشعة في النظام الدائم





$n_{ac} = \frac{m_{ac}}{M_{ac}} \Rightarrow$  : حساب النسبة المئوية  
 $\left[ \frac{m_{ac}}{M_{ac}} = n_{ac} \cdot M_{ac} = 0,5 \times 60 = 30g \right]$   
 -/3- جود في التفاعل

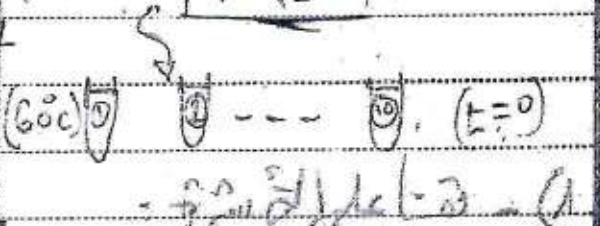
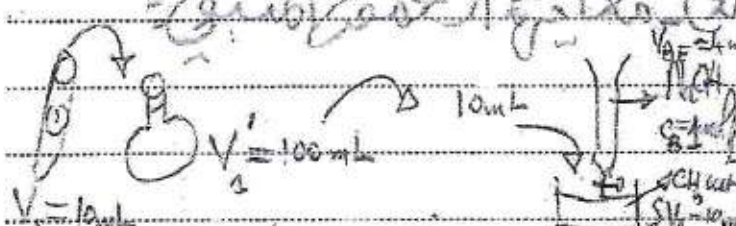
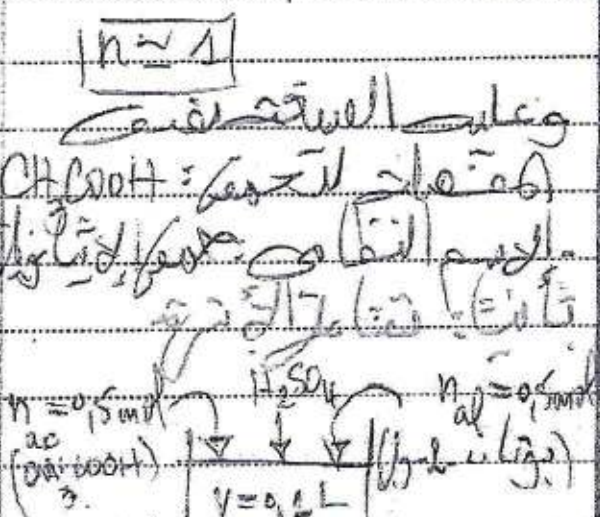
$C = C \cdot M \Rightarrow M = \frac{C}{m}$   
 $\Rightarrow M = \frac{0,1685}{2,78 \cdot 10^{-3}} = 60,25 \text{ g/mol}$

تفاعل

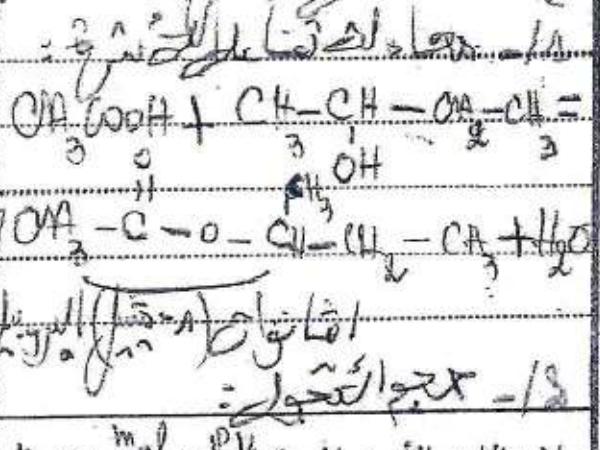
	acet + slo	=	ش + slo
t=0	$n'_0 = \frac{n_0}{10} = 0,05$	$n'_0$	0 0
t:	$n'_0 - x$	$n'_0 - x$	x x
في	$n'_0 - x_2$	$n'_0 - x_2$	$x_2 x_2$

: حساب M  
 $M = 12n + 2n + 1 + 16 \times 4$   
 $M = 14n + 66$   
 $\Rightarrow n = \frac{M - 66}{14} = \frac{60,25 - 66}{14}$

: (t in) : حساب النسبة المئوية / 4  
 $\begin{cases} n_t(E) = x \\ n_t(ac) = n'_0 - x \end{cases} \Rightarrow$   
 $n_t(ac) = n'_0 - n_t(E)$   
 $n_t(E) = n'_0 - n_t(ac)$   
 $n_t(E) = 0,05 - n_t(ac)$



$CH_3COOH + OH^- \rightleftharpoons CH_3COO^- + H_2O$   
 $K = \frac{[CH_3COO^-][H_2O]}{[CH_3COOH][OH^-]}$   
 $k = \frac{k_a}{k_e} = \frac{10^{-pK_a}}{10^{-pK_e}} = 10^{pK_e - pK_a}$



: ملاحظات الأستاذ  
 $k = 10^{14 - 4,8} = 1,58 \cdot 10^9$   
 $n_a = n_{BE}$   
 $C_a \cdot V_a = C_b \cdot V_{BE} \Rightarrow C_a = \frac{C_b \cdot V_{BE}}{V_a}$

$n_{al} = \frac{m_{al}}{M_{al}} = \frac{P_{al} \cdot V_{al}}{M_{al}}$   
 $d = \frac{V_{al}}{V_e} \Rightarrow n_{al} = \frac{d \cdot P_e \cdot V_{al}}{M_{al}}$   
 $V_{al} = \frac{n_{al} \cdot M_{al}}{d \cdot P_e} = \frac{0,5 \cdot 74}{0,79 \times 1}$   
 $V_{al} = 40,535 \text{ mL}$



②  $[HA]_f = C_0 - [A]_f = C_0 - C_0 \cdot \alpha = C_0(1-\alpha)$

$pH = pK_a + \log \frac{[A]_f}{[HA]_f} = pK_a + \log \frac{C_0 \cdot \alpha}{C_0(1-\alpha)}$

$\log \left( \frac{\alpha}{1-\alpha} \right) = 0 \Rightarrow pH = pK_a = 4.83$

$pK_a = 4.83$   
 $K_a = 10^{-4.83} = 1.58 \cdot 10^{-5}$

$pH = 4.83 + \log \left( \frac{0.075}{1-0.075} \right) = 5.19$

$pH > pK_a$   
 $\log \frac{[A]_f}{[HA]_f} > 0 \Rightarrow \frac{[A]_f}{[HA]_f} > 1$

المركب  $C_nH_{2n+1}COO^-$  ...  
 $(S_0 - S_0 \cdot \alpha) \cdot F = 160$   
 $F = \frac{C_0}{1-\alpha} \rightarrow$   
 $pK_a = pH = 5.18$

$pH = pK_a + \log \left( \frac{\alpha}{1-\alpha} \right)$   
 $pH - pK_a = \log \left( \frac{\alpha}{1-\alpha} \right) = 1 \Rightarrow \frac{\alpha}{1-\alpha} = 10$

$\Rightarrow \alpha = 10(1-\alpha) \Rightarrow \alpha = 10 - 10\alpha$   
 $\Rightarrow 11\alpha = 10 \Rightarrow \alpha = \frac{10}{11}$

$C_0 = \frac{10^{-pH}}{\alpha} = \frac{10^{-5.18}}{\frac{10}{11}} = 1.71 \cdot 10^{-6}$

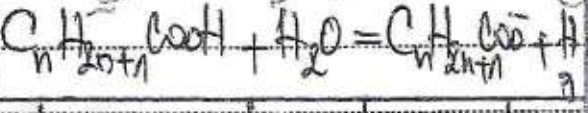
$\Rightarrow [A]_f = \frac{10^{-pH}}{\alpha} = 1.71 \cdot 10^{-6}$

$\Rightarrow C_0 = F \cdot [A]_f = 1600 \cdot 1.71 \cdot 10^{-6}$   
 $[C_0 = 2.74 \cdot 10^{-3} \text{ mol}]$

$C_m = \frac{m}{V} = \frac{0.134}{0.08} = 1.675 \text{ mol/L}$

المركب  $C_nH_{2n+1}COOH$  ...  
 $C_nH_{2n+1}COOH + H_2O = C_nH_{2n+1}COO^- + H_3O^+$

$C_0 = ?$   
 $m = 0.134 \text{ g}$   
 $V = 800 \text{ mL} = 0.8 \text{ L}$



$t$	$N_0$	$\delta\%$	0	0
$t$	$N_0 - X$	"	X	X
$t$	$N_0 - X_f$	"	$X_f$	$X_f$

$\alpha = \frac{X_f}{X_{\max}} = \frac{n_f(H_3O^+)}{N_0} = \frac{[H_3O^+]}{C_0}$

$\alpha = \frac{10^{-pH}}{C_0}$

$K_a = \frac{[A]_f \cdot [H_3O^+]}{[HA]_f}$

$K_a = \frac{[A]_f}{[HA]_f} \cdot \frac{[H_3O^+]}{[H_3O^+]}$

$\log K_a = \log \frac{[A]_f}{[HA]_f} + \log [H_3O^+]$

$\log K_a - \log [H_3O^+] = \log \frac{[A]_f}{[HA]_f}$

$pH = pK_a + \log \frac{[A]_f}{[HA]_f}$

$[A]_f = [H_3O^+] = C_0 \cdot \alpha$



(n) : حساب سرعة التفاعل

$$r = \frac{X_p}{X_{max}} \times 100$$

هنا زيادة السرعة مع زيادة التركيز

$$X_{max} = n_0 = 0.05 \text{ mol}$$

$$X_p = \frac{r \cdot X_{max}}{100} = \frac{0.05 \cdot 0.05}{100}$$

$$X_p = 0.045 \text{ mol}$$

حساب ثابت التوازن  $K'$

$$K' = \frac{X_p}{(n_0 - X_p)(n_0 + n - X_p)}$$

$$n_0 + n - X_p = \frac{X_p}{(n_0 - X_p) K'}$$

$$n = X_p - n_0 + \frac{X_p^2}{n_0 - X_p}$$

$$= 0.045 - 0.05 + \frac{0.045^2}{0.05 - 0.045}$$

$$n = 0.175 \text{ mol}$$

النتيجة النهائية



$$C_a = \frac{1 \times 4}{10} = 0.4 \text{ mol/L}$$

$C_a$  هو تركيز الحمض الموجود في الخزان

$$n_{ac} = C_a V' = 0.4 \times 0.1 = 0.04 \text{ mol/L}$$

التركيز المبدئي للحمض هو 0.4 مول/لتر

$$n(E) = 0.05 - 0.04 = 0.01 \text{ mol}$$

$$n(E) = 0.04 \text{ mol}$$

حساب سرعة التفاعل

$$v_1 = \left( \frac{dx}{dt} \right)_{t=1h} = \frac{30.5 - 8}{2 - 0} = 11.25 \text{ mmol/h}$$

$$v_2 = \left( \frac{dx}{dt} \right)_{t=2h} = \frac{30 - 23.5}{3.9 - 0} = 1.66 \text{ mmol/h}$$

النتيجة النهائية

النتيجة النهائية

$$K' = \frac{[E]_f \cdot [H_2O]_f}{[Ac]_f \cdot [Al]_f}$$

$$K' = \frac{(X_p)^2}{(n_0 - X_p)(0.05 - 30 \cdot 10^{-3})}$$

$$K' = 2.25$$

$$X = \frac{1}{2} (E) \text{ حيث } X_p = 30 \text{ mmol}$$