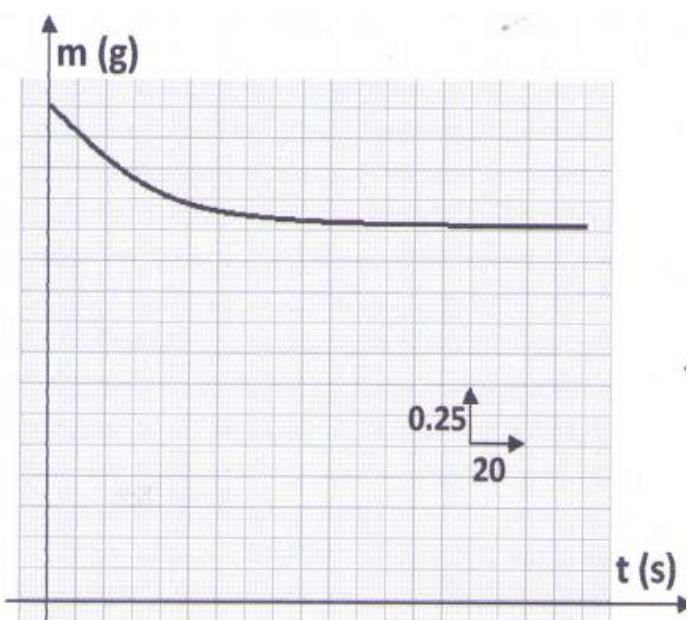


على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين :  
**الموضوع الأول**

**التمرين الأول : (04 نقاط)**

بهدف تتبع التحول الكيميائي التام بين حمض كلور الماء ( $H^+ + Cl^-$ ) و كربونات الكالسيوم الصلب .  
 ندخل عند اللحظة  $t = 0$  كتلة مقدارها  $m_0$  من كربونات الكالسيوم ( $CaCO_3(s)$ ) داخل حجم  $V = 100ml$  من حمض كلور الماء تركيزه  $C$

يندرج التفاعل الكيميائي الحاصل بالمعادلة :  $CaCO_3 + 2H_3O^+ = Ca^{+2} + CO_2 + 3H_2O$  المتبيّنة في كل لحظة حيث المتابعة الزمنية لتطور الجملة الكيميائية مكنت من حساب كتلة كربونات الكالسيوم  $m$  المتبقية في كل لحظة يوضح البيان تغيرات  $m$  بدلالة  $t$



1- أنجز جدولًا للتقدم التفاعلي

2- بين أن عبارة  $m(t)$  في أي لحظة تعطى بالعلاقة :

$$m(t) = m_0 - 10[Ca^{+2}]$$

3- أوجد مقدار التقدم الأعظمي

4- أحسب التركيز المولي الإبتدائي لمحلول حمض كلور الماء  $C$

5- عرف سرعة للتفاعل واقترب عبارتها بدلالة  $M, m$

حيث  $M$  الكتلة المولية له  $CaCO_3$

(أ) أحسب قيمتها عند اللحظة  $t = 40$

(ب) إستنتج سرعة تشكيل الشاردة  $Ca^{+2}$  عند  $t = 40s$

6- عرف زمن نصف التفاعل  $t_{1/2}$

7- بين أنه :  $m(t = t_{1/2}) = \frac{m_0 + m_f}{2}$  ثم استنتاج قيمة زمن نصف التفاعل بيانيا

المعطيات :  $Ca = 40g/mol, H = 1g/mol, C = 12g/mol, O = 16g/mol$

**التمرين الثاني : (04 نقاط)**

البولونيوم عنصر مشع و نادر الوجود في الطبيعة. اكتشف عام 1889م في أحد الخامات ، النظير الوحد الموجود في الطبيعة هو  $^{210}_{84}Po$

1- يتفكك البولونيوم  $^{210}_{84}Po$  معطيا نوأ الرصاص  $^{206}_{82}Pb$  مع انبعاث إشعاعات .

(أ) حدد تركيب النواة  $^{210}_{84}Po$

ب) اكتب معادلة التفكك النووي الحادث مع توضيح كل الإشعاعات.

2- تحوي عينة من عنصر مشع  $^{A}_{Z}X$  عند اللحظة  $t = 0$  كتلة  $m_0$  ، عند اللحظة  $t$  تفكك الكتلة  $m_d$  و تبقى الكتلة دون تفكك  $m$

(أ) أوجد عبارة قانون التناقض الإشعاعي للكتلة  $m$  بدلالة  $m_0$ ،  $\lambda$  و  $t$

(ب) أوجد عبارة  $m_d$  بدلالة  $m_0$ ،  $\lambda$  و  $t$

(ج) أوجد العلاقة التي تربط  $m$ ،  $m_d$  و  $t$

3- بواسطة وسيط معلوماتي تمكنا من رسم المنحنى

$$\frac{dm_d}{dt} = f(m)$$

(أ) بالإعتماد على العلاقة البيانية والعلاقة النظرية في السؤال 2-ج

❖ أوجد قيمة ثابت الزمن  $\tau$

❖ عرّف زمن نصف العمر وحدد قيمته

❖❖❖ تعرف على النواة المشعة  $^{A}_{Z}X$

4- تعتبر كتلة هذه العينة معدومة عندما تصبح مساوية لـ  $1\%$  من قيمتها الإبتدائية

❖ أحسب بدلالة ثابت الزمن  $\tau$  المدة الزمنية اللازمة لإنعدام

❖ هل يمكن تعميم هذه النتيجة لكل نواة مشعة. علل ؟

المعطيات :

الجدول مستخرج من الجدول الدوري للعناصر

	$^{53}I$	$^{83}Bi$	النواة
	8jours	60min	$t_{1/2}$ الزمن

### التمرين الثالث : (04 نقاط)

نعتبر التركيب التجريبي الممثل جانباً والمكون من مولد م.

حيث  $R_2 = 2R_1 = 1K\Omega$  و مكثفة سعتها  $C$  و بادلة .

بعد شحن المكثفة كلياً نؤرجح البادلة للموضع الآخر لا

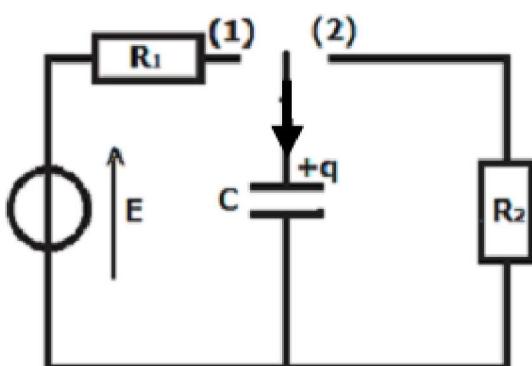
نعتبرها مبدعاً للزمن  $t = 0$

1- في أي الموضعين ثم وضع البادلة عند اللحظة  $0 =$

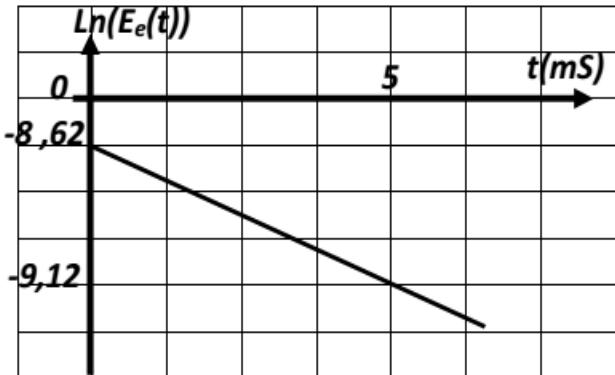
2- أحسب  $u_{R_2}(t = 0)$  و  $u_C(t = 0)$

3- بين أن المعادلة التفاضلية التي يتحققها التوتر  $(t)$

الناقل الأولي  $R_2$  هي :  $R_2 \frac{du_{R_2}}{dt} + u_{R_2} = 0$  محدداً عبار مميزات الدارة



- 4- بين أن :  $u_{R_2}(t) = Ae^{-t/\tau}$  حل للمعادلة التفاضلية محدداً عبارة الثابت  $A$
- 5- استنتج عبارة التوتر  $(E_C(t))$
- 6- خلال عملية تفريغ المكثفة، أكتب عبارة  $(E_C(t))$  الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة  $t$  بدلالة الزمن  $t$ ، ثابت الزمن  $\tau$  و  $E_C(0)$  الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة  $0$
- أ) بواسطة وسيط معلوماتي نعain تغيرات  $(E_C(t))$  بدلالة الزمن  $t$  فنحصل على المنحنى التالي



❖ إعتماداً على المنحنى والعلاقة النظرية التي يطلب إيجادها

أوجد قيمة كل من :  $E_C(0)$  و  $\tau$ .

❖ استنتاج قيمة كل من :

القوة المحركة للمولد وسعة المكثفة

- 7- نريد تركيب مكثفة أخرى سعتها  $C'$  في دارة التفريغ لتقليل مدة التفريغ إلى نصف مدة الشحن دون تغييرها.

❖ بين أن :  $C' = \frac{C}{3}$

#### التمرين الرابع : (04 نقاط)

جميع القياسات تمت عند الدرجة  $25^\circ C$

المعطيات : الحجم المولي :  $V_M = 24L/mol$  ، الجداء الشاردي للماء :  $K_e = 10^{-14}$

ثابت الحموضة للثنائية  $pK_{a2} = 4,8$   $CH_3COOH / CH_3COO^-$

- 1- نذيب حجما  $V_0 = 0,12 L$  من غاز النشادر  $NH_3$  في الماء المقطر فنحصل على محلول مائي  $S_1$  حجمه  $V = 0,5L$  و تركيزه المولي  $C$  ، نقيس  $pH$  محلول  $S_1$  فنجد  $pH = 10,6$

1-1- عبر عن التركيز المولي  $C$  للمحلول  $S_1$  بدلالة  $V_0$  ،  $V_M$  و  $V$ . أحسب قيمة  $C$

2-1- أكتب معادلة التفاعل الحاصل

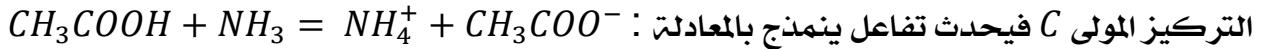
3-1- أنشئ جدول لتقديم التفاعل

4-1- عبر عن نسبة التقدم النهائي  $\tau_1$  للتفاعل بدلالة  $C$  ،  $K_e$  و  $pH$ . أحسب قيمة  $\tau_1$  ماذا تستنتج ؟

5-1- أوجد عبارة ثابت التوازن  $k$  بدلالة  $C$  و  $\tau_1$ . أحسب  $k$

6-1- استنتاج أن قيمة ثابت الحموضة  $pK_{a1} = 9,2$  هي  $NH_4^+ / NH_3$  للثنائية

- 2- نمزح حجما  $V_1$  من محلول  $S_1$  مع حجما  $V_2 = \frac{V_1}{2}$  من محلول مائي لحمض الإيثانويك  $CH_3COOH$  له نفس التركيز المولي  $C$  فيحدث تفاعل يندرج بالمعادلة :



2-2- بالإعتماد على جدول التفاعل ، أثبت أن نسبة التقدم النهائي  $\tau$  للتحول

$$\tau = \frac{V_1}{V_2(1+10^{pH-pK_{a1}})}$$

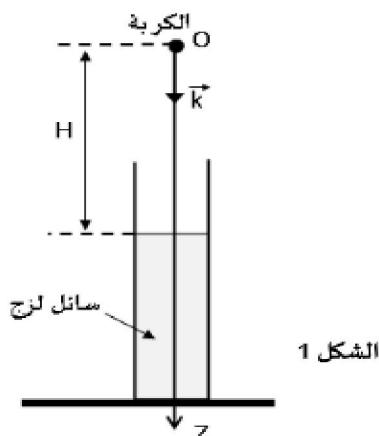
تحقق العلاقة :

2-2- أحسب  $\tau$  علماً أن  $pH$  المزيج هو  $pK_{a1}$  ، ماذا تستنتج ؟

- 2-3- أوجد  $K$  ثابت التوازن المقرر بمعادلة تفاعل النشادر مع حمض الإيثانويك بدلالة  $pK_{a1}$  و  $pK_{a2}$  . أحسب قيمة  $K$  . هل تتوافق هذه القيمة مع نتيجة السؤال السابق .

## التمرين التجاريبي : (04 نقاط)

تعتبر حركة السقوط الشاقولي أكثر الحركات المستقيمة المعروفة في الحياة اليومية، ندرس في هذا التمرين السقوط الشاقولي لكريمة من الفولاذ في الهواء وفي سائل لزج شفاف يوجد داخل أنبوب شاقولي شفاف ودرج نحرر عند اللحظة  $t = 0$  كريمة من فولاذ متجانسة كتلتها  $m$  ونصف قطرها  $r$  ومركز عطالتها  $G$



بدون سرعة ابتدائية من الموضع 0 يوجد على السائل (الشكل 1) فتسقط في الهواء ثم في معطيات : نصف قطر الكريمة  $5 \cdot 10^{-3} m$  الكتلة الحجمية للفولاذ  $g/m^3$

1- ندرس حركة الكريمة في معلم ( $\vec{K}$ ). غاليليا ، نختار المستوى الأفقي الذي يشمل الطاقة الكامنة الثقالية.

1-1- أوجد تغير الطاقة الكامنة الثقالية ولحظة وصولها إلى السطح الحر لا

2-1- أوجد بطريقتين مختلفتين تحريك

3-1- حدد قيمة الطاقة الميكانيكية للجسم

2- نندرج تأثير السائل على الكريمة أثناء اللحظة  $t$  و  $\eta$  لزوجة السائل ، ونعتبر أن دخنار لحظة وصول الكريمة إلى السطح الحر

2-2- بين أن المعادلة التفاضلية التي تحقق

2-2- حدد عبارات  $\tau$  و  $B$  بدلالة المعطيات ،

3-2- بين أن :  $v_1 - \tau B e^{-t/\tau} + \tau B$

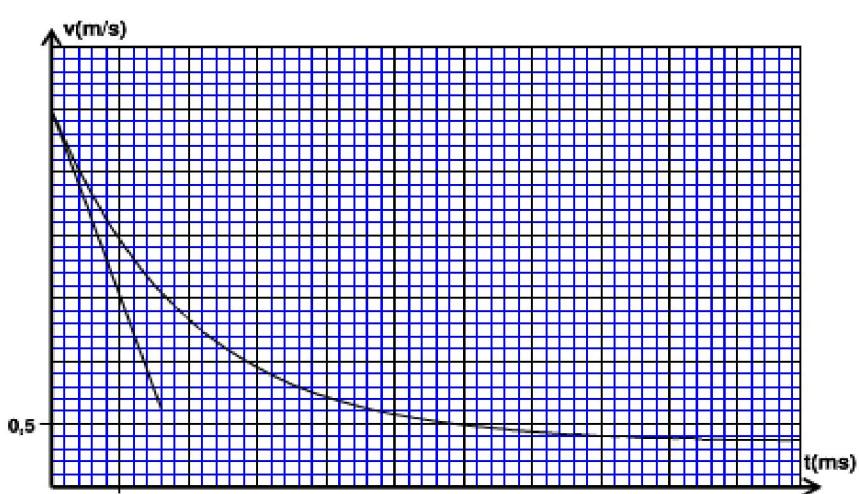
4-2- أكتب عبارة  $v(t)$  بدلالة  $v_1$  و  $\tau$  و

3- تم بواسطة وسيط معلوماتي الحصول

❖ أوجد كل من السرعة الحدية  $v_{lim}$

❖ معامل الزوجة  $\eta$

❖ الكتلة الحجمية  $\rho_L$  للسائل .



الشكل 2

## الموضوع الثاني

### التمرين الأول : (04 نقاط)

إن أكسدة شوارد اليود  $I^-$  بواسطة البيروكسوديسولفاتات ذو التركيز المولي  $S_2O_8^{2-}$  هو تفاعل تمام وبطيء، يندرج عدا التفاعل بالمعادلة التالية :

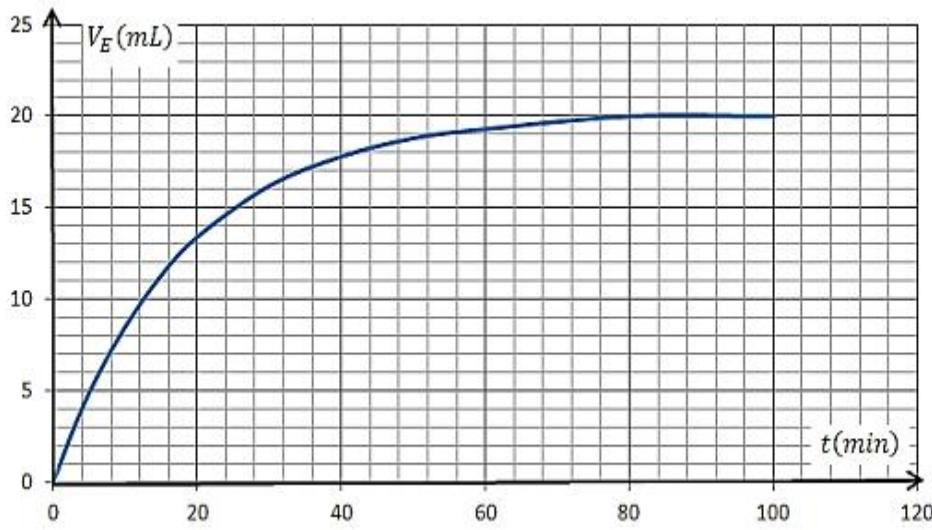
$$2I^- + S_2O_8^{2-} = I_2 + 2SO_4^{2-}$$

في اللحظة  $t = 0$  ندخل  $V_1 = 20\text{ml}$  من محلول بيروكسوديسولفاتات ذو التركيز المولي  $C_1$  في بisher و نضيف إليه  $V_2 = 80\text{ml}$  من محلول يود البوتاسيوم ذو التركيز المولي  $C_2 = 0,2\text{mol/L}$  و نقوم برجه.

ثم نقوم بتقسيم المزيج على 20 أنبوب اختبار كل أنبوب يحتوي على  $5\text{ml}$  من محلول الأصلي.

في كل لحظة مختارة نأخذ أنبوب ونسكبه في بisher سعته  $150\text{ml}$  مع إضافة ماء وقطع جليد و بعض القطرات من صبغ النساء حتى يصبح لون محلول أزرق ، ثم نعایر  $I_2$  ثانية اليود المتشكل بمحلول لثيوم كبريتات الصوديوم  $2Na^+ + S_2O_3^{2-} \rightarrow Na_2S_2O_3$  ذو التركيز المولي  $C_0 = 0,025\text{mol/L}$  ثم نسجل الحجم المضاف عند التكافؤ  $V_E$  فنحصل على

البيان التالي :



1- أ) أكتب المعادلات النصفية للتفاعل

ب) انجز جدولًا لتقديم هذا التفاعل .

ج) لماذا يجب إضافة الماء والجليد

قبل المعايرة ؟

2- الثنائيات الدالة في تفاعل المعايرة

هي :  $I_2/I^-$ ,  $S_2O_6^{2-}/S_2O_3^{2-}$

أ) أعط رسم للبروتوكول التجاريي لتفاعل المعايرة

ب) أكتب معادلة تفاعل المعايرة و ما هي

ميزاته ؟

3- أثبت أن تقدم التفاعل  $\chi$  يعطى بالعلاقة :  $\chi = 10C_0V_E$  ثم استنتج التقدم الأعظمي والمتفاعل المحد

4- استنتاج التركيز المولي الإبتدائي لمحلول بيروكسوسولفاتات  $C_1$

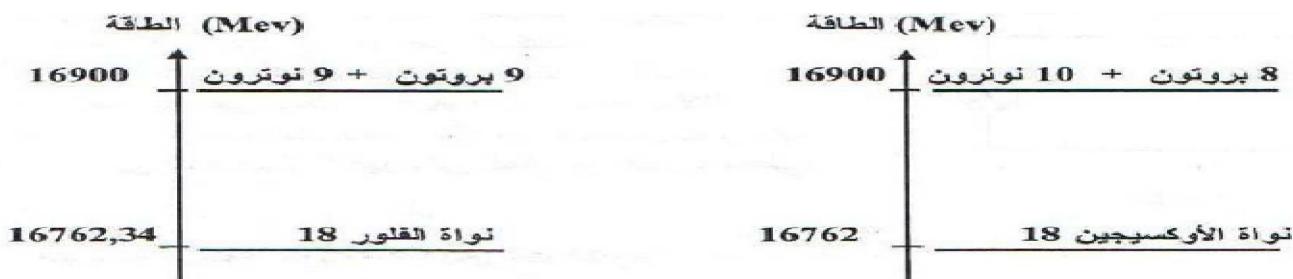
5- أ) عرف السرعة الحجمية للتفاعل و اكتب عبارتها بدلالة  $C_0$  ،  $V_E$  و  $V_T$  حجم المزيج التفاعلي

ب) أحسب السرعة الحجمية للتفاعل عند اللحظتين  $t = 0$  و  $t = 40\text{ min}$  فسر مجهرياً هذا التغير

6- عرف زمن نصف التفاعل وعين قيمته

### التمرين الثاني : (04 نقاط)

بالنسبة لأمراض السرطان ، العنصر الإستشفائي المستعمل في الرسم الطبي هو الغلوکوز المعلم بالفلور 18 لكونه يتراكم بشكل أفضل في الخلايا السرطانية المستهلكة جيداً لمادة السكر ، يتميز الفلور 18 بكونه ذو نشاط إشعاعي نصف عمره  $t_{1/2} = 110\text{ min}$  فيتولد عنه الأوكسجين 18 ، نعطي مخططات الطاقة التالية :



نهمل كتلة الإلكترون و نعتبر كتلة البروتون متساوية لكتلة النوترон

1- أوجد طاقتى الرابط بالنسبة لكل نوية للنواتين  $^{18}_8 F$  ،  $^{18}_9 F$  .

❖ أي النواتين أقل إستقراراً . علل ؟

2- أكتب معادلة تفكك نواة  $^{18}_9 F$  محدداً نمط و آلية التفكك .

3- أوجد بوحدة  $MeV$  الطاقة الناتجة عن تفكك نواة واحدة من الفلور 18

4- عند التاريخ : الخميس 21 ماي 2015 وعلى الساعة 08h 00min حقن مريض بجرعة من الغلوکوز المعلم بالفلور 18 نشاطها الإشعاعي  $10^6 Bq = A_0 \times 260$  على أن يحقن مرة ثانية عند بلوغ نسبة الأنوية المتفككة من الجرعة الأولى 75% .

4-1- حدد تاريخ أو ساعة الحقنة الثانية .

4-2- بين أن عبارة الطاقة  $E_T$  الناتجة عن تفكك عدد  $N_1$  من أنوية الفلور عند اللحظة  $t = nt_{1/2}$

$$E_T = EN_0 \left(1 - \frac{1}{2^n}\right)$$

أوجد بوحدة  $MeV$  الطاقة المكتسبة من طرف جسد المريض عند تمام الساعة 11h 40min

### التمرين الثالث : (04 نقاط)

لدينا وشيعتين حقيقتين (  $R$  ) ،  $b_1(r_1 = 5\Omega)$  ،  $L_1 = 0,5H$  ،  $b_2(r_2 = 90\Omega)$  ،  $L_2 = 0,5H$  ) ، مولد مثالي قوته المحركة

و ناقل أومي  $R = 90\Omega$  ، أسلاك توصيل وقاطعة . نحقق التركيب المبين أسفله

1- بتطبيق قانون جمع التوترات على الجزء  $AB$  وقانون أوم بين طرفي الناقل الأومي

بين أنه يمكن تعويض الوشيعتين  $b_1$  و  $b_2$  بوشيعة مكافئة تتحقق :  $b(r = r_1 + r_2) = L = L_1 + L_2$

2- أعد رسم الدارة بتعويض  $b_1$  و  $b_2$  بـ  $b$

❖ بين على الدارة كيفية وصل أقطاب راسم الإهتزاز المهبطي لمعاينة تغيرات شدة التيار المار في الدارة مع التعليل

3- أوجد المعادلة التفاضلية التي يتحققها التوتر بين طرفي الوشيعة

4- البيان-1- يمثل تغيرات  $(t)$   $U_b$  التوتر بين طرفي الوشيعة بدالة

الزمن ، بالإعتماد على البيان : جد

أ) ثابت الزمن  $\tau$

ب) قيمة القوة المحركة  $E$

5- علماً أن شدة التيار المار في الدارة في النظام  $A$   $I_0 = 0,1A$  أحسب :

أ) قيمة المقاومة  $r$  ثم قيمة المقاومة  $r_2$

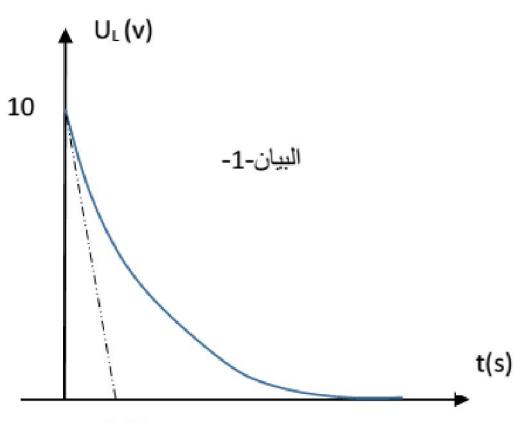
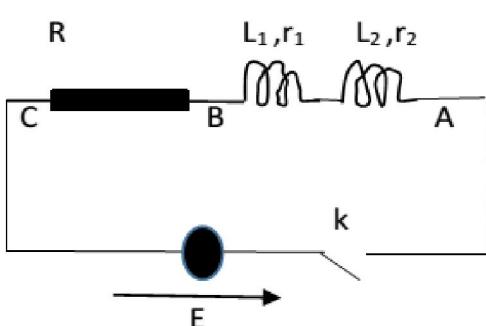
ب) قيمة الذاتية  $L$  ثم قيمة الذاتية  $L_1$

6- بعد بلوغ النظام الدائم نفتح القاطعه فتصبح عبارة شدة التيار

$$i(t) = I_0 e^{-t/\tau}$$

أ) أكتب العبارة الزمنية للطاقة المخزنة في الوشيعة  $(t)$

ب) بين أن زمن تنقص شدة التيار إلى النصف يعطى بالعلاقة  $t_1 = \tau \cdot \ln 2$



ت) بين أنه من أجل  $t = nt_1$  تصبح عبارة الطاقة المخزنة  $E_b(t) = \frac{E_0}{2^n}$  حيث  $E_0$  الطاقة العظمى

د) أحسب  $E_b$  من أجل  $n = 8$ . مادا تستنتج؟

#### التمرين الرابع : (04 نقاط)

ينطلق جسم (S) كتلته  $m = 100g$  من النقطة  $O$  في اللحظة  $t = 0$  بدون سرعة ابتدائية، فيتحرك وفق مسار مستقيم على المستوى المائل بزاوية  $30^\circ$ . خلال حركته على المستوى المائل يخضع الجسم الى قوة  $F$  ثابتة

(الشكل 1). نهمل الاحتكاكات ونأخذ  $OA = 1m$ ,  $s^{-2} = g = 10m.s^{-2}$  و

1- دراسة حركة الجسم على المستوى المائل.

1-1- بتطبيق قانون نيوتن الثاني اوجد المعادلة التفاضلية التي يحققها  $v_x$ .

1-2- يمثل منحنى الشكل 2 تغيرات السرعة بدلالة الزمن.

1-2-1- ما طبيعة حركة الجسم (S) على المستوى المائل.

1-2-2- احسب شدة القوة  $F$ .

1-3- احسب  $R$  القوة المطبقة على الجسم من طرف المستوى المائل.

1-4- اوجد المعادلتان الزمنتان  $x(t)$  و  $v(t)$ .

1-5- حدد  $t_A$  اللحظة التي يصل فيها الجسم (S) الى النقطة A. استنتاج  $v_A$  سرعة الجسم في النقطة A.

2- نحذف القوة  $F$  في النقطة A. يتبع الجسم (S) حركته على المستوى الافقى

2-1- ما طبيعة الحركة على المستوى الافقى

2-2- استنتاج  $v_B$  سرعة الجسم (S) في النقطة B.

3- يغادر الجسم (S) المستوى الافقى في النقطة B بسرعة افقية  $v_B$  في لحظة  $t = 0$  نعتبرها مبدءاً جديداً للزمن ليسقط في مجال الثقالة.

3-1- اوجد معادلة المسار  $y = f(x)$  في المعلم المتعامد ( $\vec{j}, \vec{i}$ ) .

3-2- حدد  $t_p$  لحظة سقوط الجسم (S) في النقطة P.

#### التمرين التجربى : (04 نقاط)

الترسبات الكلسية اليومية التي تحدث بداخل إبريق القهوة هي عديمة الفائدة كما تسبب تغير نكهة القهوة، للمحافظة على هذه الأواني تناصح الشركات المصنعة لها بإستعمال مقلح يحتوى أساساً على حمض اللاكتيك

نعطي الصيغة النصف مفصلة لحمض اللاكتيك :  $C_2H_4OHCOOH$

1- يسوق مقلح حمض اللاكتيك على شكل سائل في قارورات صغيرة وتشير بيانات الإستعمال إلى إفراغ محتواها في خزان الإبريق وإضافة الماء لتحضير حجم  $0,6 L$  من محلول لحمض اللاكتيك تركيزه  $C = 1mol/L$  ، بعد

الرج يعطى قياس  $pH$  محلول القيمة  $pH = 1,9$

1-1- أكتب معادلة تفاعل حمض اللاكتيك مع الماء

1-2- لتبسيط الكتابة نرمز بـ  $AH$  لجزيء حمض اللاكتيك و  $A^-$  لشاردة اللاكتات

أ) بين أن ثابت التوازن  $K$  للتفاعل يكتب على الشكل :  $K = \frac{10^{-2pH}}{C - 10^{-pH}}$ . أحسب قيمة  $K$

ب) إستنتاج قيمة  $pKa$  للثنائية  $(AH / A^-)$

ج) أحسب النسبة  $\frac{[A^-]_f}{[AH]_f}$ . إستنتج النوع المهيمن في محلول

2- تحمل قنينة محلول تجاري لملحق أساسه حمض اللاكتيك المعلومات التالية :

النسبة المئوية الكتليلية :  $M = 90 \text{ g/mol} = p$  ، الكتلة المولية للحمض :

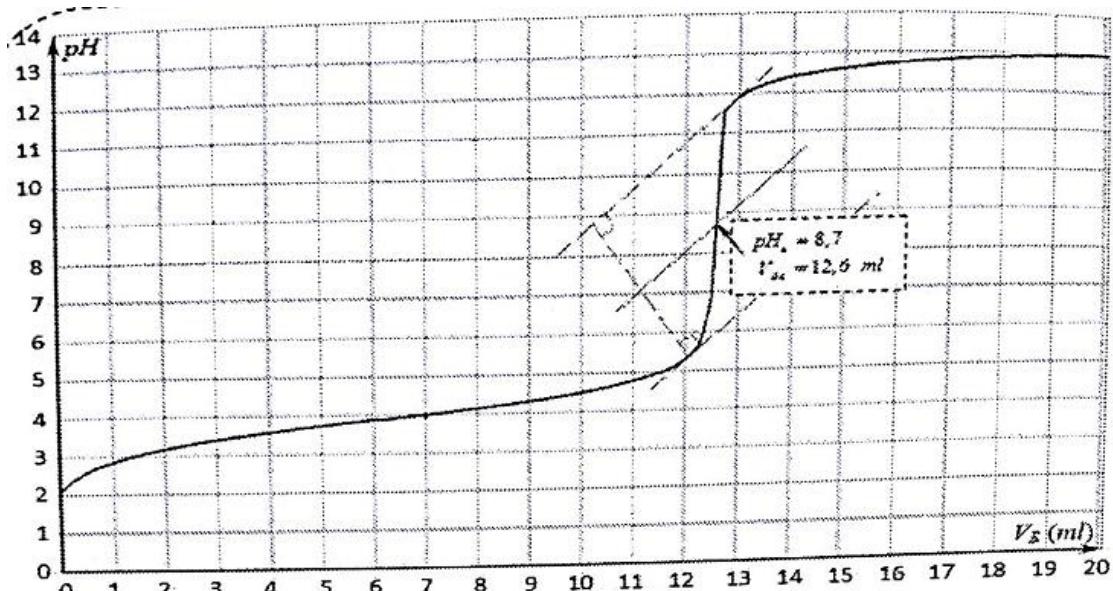
الكتلة الحجمية للمحلول :  $\rho = 1,13 \text{ Kg/L}$

نعطي :  $K_e = 10^{-14}$  عند الدرجة  $25^\circ\text{C}$

لتحديد التركيز  $C_a$  للحمض في المنتوج، نخفف محلول التجاري 10 مرات ثم نعایر حجما  $V_a = 10 \text{ ml}$  من محلول

المخفف بمحلول هيدروكسيد الصوديوم  $(Na^+ + HO^-)$  تركيزه  $C_b = 0,4 \text{ mol/l}$

يمثل المنحنى التالي منحنى المعايرة المحصل عليه بالنسبة للتغيرات  $pH$  المزير



1- أكتب معادلة تفاعل المعايرة

2- أحسب النسبة  $\frac{[A^-]_f}{[AH]_f}$  عند التكافؤ. إستنتاج النوع المهيمن

3- أحسب تركيز الحمض  $C_a$  في محلول المعاير ثم إستنتاج تركيز محلول التجاري  $C$

4- تحقق من صحة قيمة النسبة المئوية الكتليلية  $40\% = p$  للحمض في محلول



$$\text{AN: } \frac{x_{\max}}{m_0} = \frac{2 - 1,5}{100} = \frac{0,5}{100}$$

$$\Rightarrow x_{\max} = 5 \cdot 10^3 \text{ mol}$$

٤) التركيز المولى الإبتدائي  $C$  :  
اعتمادا على البيان فإن  $\text{CaCO}_3$  لا يمثل المتفاعل المحدد لأن  $(\text{CaCO}_3) \neq 0$  باعتبار التحول ثابت فإن شوارد  $\text{H}_3\text{O}^+$  تمثل المتفاعل المحدد ومنه  $= 0$   $(\text{H}_3\text{O}^+)$

$$\Rightarrow CV - 2x_{\max} = 0$$

$$\Rightarrow C = \frac{2x_{\max}}{V}$$

$$\text{AN: } C = \frac{2 \times 5 \cdot 10^3}{0,1}$$

$$(C = 0,1 \text{ mol})$$

### ٥) تقرير سرعة التفاعل

سرعة التفاعل  $v$  هي هشتؤ الترفلام بين وحدة الزمن ونكتب:  $v = \frac{dx}{dt}$

عباراتها بدلالة  $m$  و  $M$

من جدول التقدم: الحالة الوسطية  
لدينا من ①:  $x(t) = \frac{m_0}{M} - \frac{m(t)}{M}$

$$\Rightarrow \frac{dx}{dt} = \left( \frac{dm_0}{dt} - \frac{dm}{dt} \right) \times \frac{1}{M}$$

$$\Rightarrow (v = -\frac{dm}{M dt})$$

٦) قيمة صاعنة اللحظة  $t = 40s$

$$v(t=40s) = -\frac{dm}{M dt} / t = 40s$$

$$v(t=40) = -\frac{\Delta m}{M \Delta t}$$

$t = 40s$  صاعنة اللحظة

$$v(t=40s) = -\frac{1}{100} \frac{(7,25 - 6,5)}{0 - 40}$$

$$(v(t=40s) = 4,7 \cdot 10^{-5} \text{ mol/s})$$

### ١- جدول التقدم

النقطة	المعادلة	كمية العادة (mol)			
		النقطة	النقطة	النقطة	النقطة
١	$\text{CaCO}_3 + 2\text{H}_3\text{O}^+ \rightarrow \text{Ca}^{2+} + \text{CO}_2 + 3\text{H}_2\text{O}$	$m_0/M$	$CV$	٠	٠
٢		$\frac{m_0}{M} - x$	$CV - 2x$	$x$	$x$
٣		$x_f$	$CV - 2x_f$	$x_f$	$x_f$

$$2. \text{ بيان أن: } [Ca^{2+}] = m_0 - 10 [Ca^{2+}]$$

من جدول التقدم: الحالة الوسطية

$$n_e(\text{CaCO}_3) = \frac{m_0}{M} - x(t)$$

$$\frac{m(t)}{M} = \frac{m_0}{M} - x(t)$$

$$\Rightarrow m(t) = m_0 - Mx(t) \quad ①$$

$$n_e(\text{Ca}^{2+}) = x(t)$$

$$\Rightarrow x(t) = [Ca^{2+}] \cdot V \quad ②$$

نفرض ② في ① نجد:

$$(m(t) = m_0 - MV[Ca^{2+}])$$

$$\text{AN: } m(t) = m_0 - 100 \times 0,1 [Ca^{2+}]$$

$$\Rightarrow (m(t) = m_0 - 10 [Ca^{2+}])$$

وهو المطلوب بيانه.

### ٣- إيجاد مقدار التقدم الأعظمي

باختصار التحول المدروس نظام  $x_{\max} = ?$

من الجدول: الحالة النهاية

$$n_e(\text{CaCO}_3) = \frac{m_0}{M} - x_{\max}$$

$$\Rightarrow \frac{m_f}{M} = \frac{m_0}{M} - x_{\max}$$

$$\Rightarrow (x_{\max} = \frac{m_0 - m_f}{M})$$

$$\begin{cases} m_0 = 2g \\ m_f = 1,5g \end{cases}$$

ب) استنتاج قيمة زمن نصف التفاعل %

$$m(t_{1/2}) = \frac{m_0 + m_f}{2}$$

$$\text{أ.ن: } m(t_{1/2}) = \frac{2 + 1.5}{2} = \frac{3.5}{2}$$

$$(m(t_{1/2}) = 1.75\text{g})$$

$$m(t_{1/2}) = \frac{1.75}{0.25} \quad \text{باستعمال السام بجد:}$$

$$\Rightarrow m(t_{1/2}) = 7$$

$$(t_{1/2} = 25\text{s}) \quad \text{بالإسقاط بجد:}$$

ب) استنتاج سرعة تشكل الشاردة  $\frac{\text{Ca}^{+2}}{t=40s}$  عند اللحظة  $t=40s$

$$\text{لعلم أن: } v(t=40s) = v(\text{Ca}^{+2}) \quad t=40s$$

$v(t=40s)$ : سرعة التفاعل عند  $t=40s$

$v(t=40s)$ : سرعة تشكيل الشاردة

$t=40s$  عند اللحظة  $\frac{\text{Ca}^{+2}}{t=40s}$

$$\Rightarrow v(\text{Ca}^{+2}) = 4.7 \cdot 10^{-5} \frac{\text{mol}}{\text{L} \cdot \text{s}}$$

ج) تغريف رمن نصف التفاعل

هو الزمن اللازم لبلوغ الدفعان

نصف تقدمه الذئابي

$$\text{ف نكتب: } x(t=t_{1/2}) = \frac{x_{\max}}{2}$$

$$m(t_{1/2}) = \frac{m_0 + m_f}{2} \quad (7)$$

$$\text{من (1): } m(t) = m_0 - M \cdot x(t)$$

$$t=t_f: m(t_f) = m_0 - M x(t=t_f)$$

$$\Rightarrow m_f = m_0 - M x_{\max} \quad (8)$$

$$t=t_{1/2}: m(t_{1/2}) = m_0 - M x(t_{1/2})$$

$$m(t_{1/2}) = m_0 - M \frac{x_{\max}}{2} \quad (8)$$

$$x_{\max} = \frac{m_0 - m_f}{M} \quad \text{من (1)}$$

لغوص عن  $x_{\max}$  من (8) بجد:

$$m(t_{1/2}) = m_0 - \frac{M}{2} \left( \frac{m_0}{M} - \frac{m_f}{M} \right)$$

$$= m_0 - \frac{m_0}{2} + \frac{m_f}{2}$$

$$= \frac{m_0}{2} + \frac{m_f}{2}$$

$$(m(t_{1/2}) = \frac{m_0 + m_f}{2}) \quad \text{ومنه:}$$

(ج) صوالطلوب تبيان

$$\frac{dm_d}{dt} = \frac{1}{2} m_0 e^{t/2}$$

$$\left( \frac{dm_d}{dt} \right)_{t=0} = \frac{1}{2} m_0$$

لـ إيجاد قيمة ثابت الزمن  $\gamma$

- البيان خط مستقيم يمر من العددين

$$\frac{dm_d}{dt} = a m \quad \text{معادلة:}$$

$$\frac{dm_d}{dt} = \frac{1}{2} m \quad \text{نظرياً:}$$

لـ مطابقة العلاقتين نجد:

$$\frac{1}{2} = a \Rightarrow \gamma = \frac{1}{a}$$

حيث  $a$  : عيل المستقيم

$$a = \frac{\Delta m_d / dt}{\Delta t} = \frac{0,8 \cdot 10^{-7}}{1,4}$$

$$a = 0,57 \cdot 10^7 \dots \textcircled{S}$$

$$\left( \gamma = 1,75 \cdot 10^5 \right) \quad \text{ومنه:}$$

تعريف رسمى دصف العمر  $t_{1/2}$ :

صـ الـ عـ دـ ةـ زـ مـ نـ ئـ ةـ الـ لـ اـ زـ مـ ئـ ةـ لـ تـ قـ كـ دـ صـ دـ فـ عـ دـ عـ دـ الـ أـ تـ وـ نـ ئـ ةـ إـ لـ بـ نـ دـ اـ يـ شـ ئـ ةـ

$$t_{1/2} = \gamma \ln 2 \quad \text{قيمة:}$$

$$AN: t_{1/2} = 1,2 \cdot 10^5$$

$$t_{1/2} = \frac{1,2 \cdot 10^5}{86400} \Rightarrow t_{1/2} = 138,9 \text{ جـ}$$

$^{210}_{84} Po$   $\Rightarrow$  النواة  $X_2^+$  المستجدة هي:

(4) المدة الزمنية لـ انـ خـ دـ اـمـ كـ تـ لـ ةـ العـ دـ يـ ئـ ةـ

$$m(t) = 1\% m_0 \Rightarrow m(t) = \frac{1}{100} m_0$$

$$m_0 e^{-t/\gamma} = \frac{1}{100} m_0 \Rightarrow e^{-t/\gamma} = \frac{1}{100}$$

$$\ln e^{-t/\gamma} = \ln \frac{1}{100} \Rightarrow \frac{t}{\gamma} = \ln 100$$

$$\Rightarrow t = \gamma \ln 100 \Rightarrow t = 4,6 \gamma$$

هذه النتيجة يمكن تعميمها لـ جميع الأنواع المساعدة لأن عـ بـ اـرـ ةـ الـ حـ دـ ئـ ةـ لـ اـ تـ حـ وـ يـ

مقـ اـ دـ يـ خـ اـ صـ ئـ ةـ بـ عـ بـ عـ ضـ الـ أـ تـ و~

2) تحديد تركيب النواة

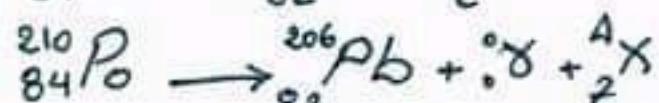
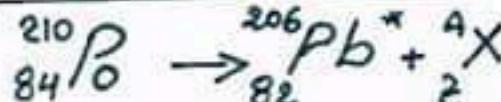
$$\left\{ \begin{array}{l} Z = 84 \\ N = 210 - 84 = 126 \end{array} \right.$$

تشكون فـ اـ زـ اـ ةـ الـ Po من:

84 بـ روـ توـ نـ

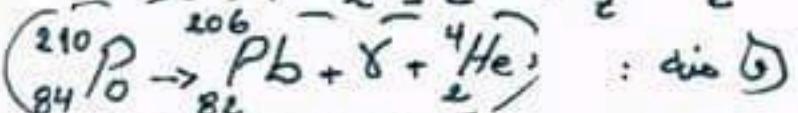
126 بوـ زـ دـ نـ

بـ كـ تـ اـ بـ اـ ئـ ةـ مـ عـ اـ دـ لـ ةـ التـ قـ كـ ئـ ةـ المـ وـ وـ يـ



بنـ تعـ بـ يـ ئـ ةـ فـ اـ وـ نـ ئـ ةـ الـ اـ لـ اـ خـ فـ اـ طـ جـ دـ

$$A = 4 \quad Z = 2 \quad \Leftrightarrow ^A_Z X \equiv ^4_2 He$$



3) عـ بـ اـ رـ اـ ئـ ةـ قـ اـ وـ نـ ئـ ةـ الـ تـ غـ اـ فـ اـ سـ لـ لـ كـ تـ لـ ةـ m

$$N(t) = N_0 e^{-t/\gamma} \quad \text{إـ يـ تـاـ:}$$

$$N_0 = \frac{m_0}{M} N_A$$

$$N(t) = \frac{m(t)}{M} N_A$$

$$\Leftrightarrow \frac{m(t)}{M} N_A = \frac{m_0}{M} N_A e^{-t/\gamma}$$

$$\Rightarrow \left( m(t) = m_0 e^{-t/\gamma} \right)$$

بـ كـ تـ اـ بـ اـ ئـ ةـ مـ بـ دـ لـ لـ ةـ m

$$m_d(t) = m_0 - m(t) \quad \text{إـ يـ تـاـ:}$$

$$m_d(t) = m_0 - m_0 e^{-t/\gamma}$$

$$\Rightarrow \left( m_d(t) = m_0 (1 - e^{-t/\gamma}) \right) \dots \textcircled{*}$$

الـ عـ دـ قـ ئـ ةـ الـ تـ قـ بـ لـ دـ ئـ ةـ m وـ t

$$m_d(t) = m_0 - m_0 e^{-t/\gamma} \quad \text{من \textcircled{*}}$$

بالـ اـ شـ فـ اـ قـ ئـ ةـ بـ اـ لـ سـ بـ يـ ئـ ةـ لـ لـ زـ مـ نـ جـ دـ

$$-Ae^{t/z} + Ae^{-t/z} = 0 \\ 0 = 0$$

$u_{R_2} = Ae^{t/z}$  حل للمعادلة (1)

عبارة الثابت  $A$

$$u_{R_2} = Ae^{t/z}$$

باستعمال الشرط الا بندائية:

$$u_{R_2}(t=0) = -E$$

$$u_{R_2}(t=0) = Ae^0 = A$$

$$\Rightarrow \boxed{A = -E}$$

$$(u_{R_2}(t) = -Ee^{t/z})$$

ومنه:

٥. استنتاج عبارة التوتر: (٤)

حسب قانون جمع التوترات عند لحظة  $t$ :

$$u_C(t) + u_{R_2}(t) = 0$$

$$\Rightarrow u_C(t) = -u_{R_2}(t)$$

$$\Rightarrow \boxed{(u_C(t) = Ee^{-t/z})}$$

٦. عبارة (٤) بدالة  $t$ .  $\gamma$  و  $E_C(0)$

$$E_C(t) = \frac{1}{2}C u_C^2(t)$$

بالتعريف:

$$E_C(t) = \frac{1}{2}C E^2 e^{-\frac{2t}{z}}$$

$$t=0 \Rightarrow E_C(0) = \frac{1}{2}CE^2$$

$$(E_C(t) = E_C(0)e^{-\frac{2t}{z}})$$

ومنه:

إيجاد قيمة كل من:  $E_C(0)$  و  $\gamma$

البيان  $(E_C(t)) = f(t)$  عبارة عن خط مستقيم لا يمر من المبدأ معادله:

$$\ln(E_C(t)) = at + b$$

حيث  $a$ : ميل المستقيم

١. لتفريغ المكثفة نضع  
البادلة في الوضع (٢)

٢. حساب  $(t=0)$

$$u_C(t=0) = E$$

$$u_{R_2}(t=0) = -E$$

$$3. \text{ تبيان أن: } \frac{d u_{R_2}}{dt} + u_{R_2} = 0$$

حسب قانون جمع التوترات:

$$u_C + u_{R_2} = 0$$

باستعاضة المساراة بالنسبة ل الزمن

$$\frac{du_C}{dt} + \frac{du_{R_2}}{dt} = 0$$

$$\frac{du_C}{dt} = \frac{i}{C}$$

حسب قانون أوم:

$$u_{R_2} = R_2 i \Rightarrow i = \frac{u_{R_2}}{R_2}$$

$$\Rightarrow \frac{du_C}{dt} = \frac{u_{R_2}}{R_2 C}$$

$$\frac{u_{R_2}}{R_2 C} + \frac{du_{R_2}}{dt} = 0$$

ومنه:

دالخ  $\gamma = R_2 C$  :

$$\frac{u_{R_2}}{\gamma} + \frac{du_{R_2}}{dt} = 0$$

$$\times \gamma: \quad (\gamma \frac{du_{R_2}}{dt} + u_{R_2}) = 0$$

وهو المطلوب.

حيث:  $\boxed{\gamma = R_2 C}$

٤. تبيان أن:

حل للمعادلة

$$\frac{du_{R_2}}{dt} + u_{R_2} = 0 \quad (1)$$

$$u_{R_2}(t) = Ae^{-t/\gamma} \quad (2)$$

$$\frac{du_{R_2}}{dt} = -\frac{A}{\gamma}e^{-t/\gamma} \quad (3)$$

بتعويض (2) و (3) في (1) نجد:

$$\frac{A}{\gamma}e^{-t/\gamma} + Ae^{-t/\gamma} - \gamma \times 0 = 0$$

$$E_C(0) = \frac{1}{2} C E^2 \quad \text{لدينا:}$$

$$\Rightarrow E = \sqrt{\frac{2 E_C(0)}{C}}$$

$$\underline{\text{AN}}: E = \sqrt{\frac{2 \times 1,8 \cdot 10^{-4}}{2 \cdot 10^{-5}}}$$

$$(E = 4,24 V)$$

$$C' = \frac{C}{3} \quad . \quad \underline{\text{بيان أن:}}$$

لتقليل مدة التفريرج يجب ربط المكثفة  $C'$  والمكثفة  $C$  على التسلسل

$$\begin{cases} z_1 = R_1 C \\ z' = R_2 C_{eq} \end{cases} \quad \text{لدينا:}$$

$$\text{حسب المعطيات: } z_1 = \frac{1}{2} z = z'$$

$$\Rightarrow R_2 C_{eq} = \frac{1}{2} R_1 C$$

$$R_2 = 2R_1 \Rightarrow 2R_1 C_{eq} = \frac{1}{2} R_1 C$$

$$\Rightarrow C_{eq} = \frac{1}{4} C$$

$C, C'$  : المسعة المكافئة للسعتين  $C_{eq}$   
الوصولتين على التسلسل حيث:

$$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C'} + \frac{1}{C} \Rightarrow C_{eq} = \frac{C \cdot C'}{C + C'}$$

وحيث:

$$\frac{C \cdot C'}{C + C'} = \frac{1}{4} C$$

$$\Rightarrow \frac{C'}{C + C'} = \frac{1}{4}$$

$$\Rightarrow 4C' = C + C'$$

$$\Rightarrow 3C' = C$$

$$\Rightarrow (C' = \frac{C}{3})$$

وهو المطلوب.

$$a = \frac{\Delta \ln(E_C(t))}{\Delta t}$$

$$\underline{\text{AN}}: a = \frac{-9,12 - (-8,62)}{5 \cdot 10^3 - 0}$$

$$a = \frac{-9,12 + 8,62}{5 \cdot 10^3}$$

$$(a = -100)$$

$$(b = -8,62) \quad \text{من جهة:}$$

$$(1) \quad (\ln(E_C(t)) = -100t - 8,62)$$

العلاقة المنظرية:

$$E_C(t) = E_C(0) e^{-\frac{2t}{3}}$$

$$\ln(E_C(t)) = -\frac{2}{3}t + \ln E_C(0) \quad \text{المطابقة: نجد:}$$

$$* \quad \ln E_C(0) = -8,62$$

$$\Rightarrow E_C(0) = e^{-8,62}$$

$$(E_C(0) = 1,8 \cdot 10^{-4} J)$$

$$* \quad -\frac{2}{3}t = -100 \Rightarrow t = \frac{2}{100}$$

$$(t = 0,02 s)$$

استنتاج قيمة  $C$  و  $E$

$$\text{لدينا: } z = R_2 C$$

$$\Rightarrow (C = \frac{z}{R_2})$$

$$\underline{\text{AN}}: C = \frac{0,02}{10^3}$$

$$C = 2 \cdot 10^{-5} F$$

$$(C = 20 \mu F)$$

٥-١) عبارة  $K$  بدلالة  $C$

$$K = \frac{[H\ddot{O}]_f \cdot [NH_4^+]_f}{[NH_3]_f}$$

$$\gamma_1 = \frac{[H\ddot{O}]_f}{C} \Rightarrow [H\ddot{O}]_f = \gamma_1 C$$

لدينا، حسب قانون الحفاظ على الشحنة:

$$[NH_4^+]_f = [H\ddot{O}]_f \Rightarrow [NH_4^+]_f = \gamma_1 C$$

$$[NH_3]_f = C - \frac{x_f}{V}$$

من الجدول:

$$[NH_3]_f = C - [H\ddot{O}]_f$$

$$\Rightarrow [NH_3]_f = C - \gamma_1 C$$

$$K = \frac{\gamma_1^2 \cdot C^2}{C - \gamma_1 C} \quad \text{وحيث:}$$

$$\Rightarrow (K = \frac{\gamma_1^2}{1 - \gamma_1} \cdot C)$$

$$K = \frac{(0,04)^2}{1 - 0,04} \cdot 10^{-2} \quad : \quad K \text{ حساب}$$

$$(K = 1,67 \cdot 10^{-5})$$

٦-١) استنتاج قيمة  $\rho K_{a_1}$ :

$$\rho K_{a_1} = 9,2$$

$$K = \frac{[H\ddot{O}]_f \cdot [NH_4^+]_f}{[NH_3]_f} \cdot \frac{[H_3O^+]_f}{[H_3O^+]_f}$$

$$K = \frac{[NH_4^+]_f}{[H_3O^+]_f \cdot [NH_3]_f} \times [H_3O^+]_f \cdot [H\ddot{O}]_f$$

$$K = \frac{K_e}{\rho K_{a_1}} \Rightarrow (K_a_1 = \frac{K_e}{K})$$

$$AN: K_a_1 = \frac{10^{-14}}{1,67 \cdot 10^{-5}}$$

$$(K_a_1 = 6 \cdot 10^{-10})$$

من جهة: من حصة:

$$\Rightarrow (\rho K_{a_1} = 9,2)$$

وهو المطلوب.

٤-١) عبارة  $C$  بدلالة  $V_M$  و  $V$ .

$$n = CV \quad \text{لدينا:}$$

$$\frac{V_0}{V_M} = CV$$

$$\Rightarrow (C = \frac{V_0}{V_M \cdot V})$$

$$AN: C = \frac{0,12}{24 \times 0,5} \quad : \quad \underline{\underline{C = 10^{-2} \frac{mol}{l}}}$$

٢-١) معادلة التفاعل الحاصل



جدول التقىدم (٣-١)

المعادلة	كمية العادة (mol)				
القسم الملغى	القسم الملغى	القسم الملغى	القسم الملغى	القسم الملغى	القسم الملغى
أ	0	CV	بوفرة.	0	0
ج	x	CV-x	بوفرة.	x	x
ن	x_f	CV-x_f	بوفرة.	x_f	x_f
نام	x_m	CV-x_m	بوفرة.	x_m	x_m

٤-٢) عبارة  $\gamma_1$  بدلالة  $pH$ ,  $C$ ,  $K_e$

$$\text{بالتعريف: } \gamma_1 = \frac{x_f}{x_{\max}}$$

من الجدول: ال حالة النصاعية

$$x_f = [H\ddot{O}]V \Rightarrow x_f = 10^{pH - K_e} \cdot V$$

باعتبار التحول ثابتاً:

$$\Rightarrow (\gamma_1 = \frac{10^{pH - K_e}}{C})$$

$$AN: \gamma_1 = 10^{-14} \quad : \quad \underline{\underline{\gamma_1 = 0,04}}$$

إلاستنتاج:  $\gamma_1 < 1$

تفاعل الاشتادر  $NH_3$  مع الماء محدود

$$\Rightarrow x_f \left( 10^{pH - pK_{a_1}} \right) = CV_1 - x_f$$

$$x_f \left( 10^{pH - pK_{a_1}} \right) + x_f = CV_1$$

$$x_f \left( 1 + 10^{pH - pK_{a_1}} \right) = CV_1$$

$$\Rightarrow \left( x_f = \frac{CV_1}{1 + 10^{pH - pK_{a_1}}} \right)$$

بعوين عبارة  $x_f$  و  $x_f$  في (\*) بحد :

$$\gamma = \frac{V_1}{V_2 (1 + 10^{pH - pK_{a_1}})}$$

حساب  $\gamma$

من أصل  $V_2 = \frac{V_1}{\gamma}$  و  $pH = pK_{a_1}$  بحد :

$$(\hat{\gamma} = 1)$$

الاستنتاج : المفاعل ثام

$pK_{a_2}$  ،  $pK_{a_1}$  بدلالة  $K$  ايجاد

$$K = \frac{[CH_3COO]_f \cdot [NH_3^+]}{[CH_3COOH]_f \cdot [NH_3]} \cdot \frac{[H_3O^+]}{[H_3O^+]}$$

$$K = [H_3O^+] \cdot \frac{[CH_3COO]_f}{[CH_3COOH]_f} \cdot \frac{[NH_3^+]}{[H_3O^+] \cdot [NH_3]_f}$$

$$K = \frac{K_{a_2}}{K_{a_1}} = \frac{10^{pK_{a_2}}}{10^{pK_{a_1}}}$$

$$\Rightarrow (K = 10^{pK_{a_1} - pK_{a_2}})$$

حساب قيمة  $K$

$$K = 10^{9,2 - 4,8} \Rightarrow K = 10^{4,4}$$

$$(K = 2,5 \cdot 10^4)$$

الاستنتاج :  $K > 10^5$  : التحول ثام  
و تتوافق هذه القيمة مع نتائج  
السؤال السابق .

١-٢) بثبات أن :

$$\gamma = \frac{V_1}{V_2 (1 + 10^{pH - pK_{a_1}})}$$

جدول التقدم :

المعادلة	$CH_3COOH + NH_3 = NH_4^+ + CH_3COO^-$			
ج. إيسائية	$CV_2$	$CV_1$	0	0
ج. انتقالية	$CV_2 - x$	$CV_1 - x$	$x$	$x$
ج. فعائية	$CV_2 - x_f$	$CV_1 - x_f$	$x_f$	$x_f$
باعتبار التحول ثام	$CV_2 - \frac{x}{m}$	$CV_1 - \frac{x}{m}$	$x_m$	$x_m$

بالتعريف :  $\gamma = \frac{x_f}{x_{max}}$

تحديد عبارة  $x_{max}$

باعتبار التحول ثام :

تحديد عبارة  $x_f$

من زجل الثنائيه :  $(NH_4^+/NH_3)$  لذا :

$$pH = pK_{a_1} + \log \frac{[NH_3]}{[NH_4^+]}$$

$$\Rightarrow \frac{[NH_3]}{[NH_4^+]} = 10^{pH - pK_{a_1}} \quad \text{--- (1)}$$

من جدول التقدم : الحالة الفعائية

$$[NH_3]_f = \frac{CV_1 - x_f}{V_1}$$

$$[NH_4^+]_f = \frac{x_f}{V_1}$$

$$\Rightarrow \frac{[NH_3]_f}{[NH_4^+]_f} = \frac{CV_1 - x_f}{x_f} \quad \text{--- (2)}$$

$$\text{--- (1)} = \text{--- (2)} \Rightarrow \frac{CV_1 - x_f}{x_f} = 10^{pH - pK_{a_1}}$$

$$\begin{aligned} v &= gt \quad \text{--- (1)} \\ \Rightarrow z &= \frac{1}{2} gt^2 \quad \text{--- (2)} \end{aligned}$$

عند بلوغ الكثافة السطح الحر للسائل:

$$z = H$$

$$H = \frac{1}{2} gt^2 \quad \text{من (2)}$$

$$\Rightarrow t = \sqrt{\frac{2H}{g}}$$

بتغيير  $t$  في (1) نجد سرعة الكثافة:

$$v_1 = g \sqrt{\frac{2H}{g}}$$

$$v_1 = \sqrt{2gH}$$

$$\underline{\text{AN:}} \quad v_1 = \sqrt{2 \times 9,8 \times 0,46}$$

$$(v_1 = 3 \text{ m/s})$$

### الدراسة الطاثوية

حسب مبدأ الحفاظ الطافه:

$$\bar{E}_{C_0} + W(\vec{P}) = \bar{E}_{C_1}$$

$$mgH = \frac{1}{2} mv_1^2$$

$$\Rightarrow v_1 = \sqrt{2gH}$$

$$\underline{\text{AN:}} \quad (v_1 = 3 \text{ m/s})$$

### ٣ - ١ قيمة الطافه الميكانيكية

عند الانطلاق:

$$\bar{E}_m = mgH$$

$$(E_m = 0,018 \text{ J})$$

$$\frac{dv}{dt} + \frac{v}{t} = B \quad : \quad 1-2$$

بنطبيق قانون نيوتن II:

$$\bar{F}_{ext} = m\vec{a}$$

### ٤-١ إيجاد تغير الطافه الكامنة الثقالية

$$\Delta \bar{E}_{pp} = \bar{E}_{pp_f} - \bar{E}_{pp_i}$$

$$\Delta \bar{E}_{pp} = - \bar{E}_{pp_i}$$

$$\Rightarrow (\Delta \bar{E}_{pp} = - m g H)$$

$$\underline{\text{قيمة}} \quad \underline{\Delta \bar{E}_{pp}}$$

$$l_a = \frac{m}{V} \quad : \quad \text{لدينا}$$

$$\Rightarrow m = l_a \cdot V$$

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3 \quad : \quad \text{مع}$$

$$\Rightarrow m = \frac{4}{3} \pi r^3 l_a$$

$$(\Delta \bar{E}_{pp} = - \frac{4}{3} \pi r^3 l_a g H)$$

$$\underline{\text{AN:}} \quad (\Delta \bar{E}_{pp} = - 0,018 \text{ J})$$

### ٤-٢ قيمة السرعة

### الدراسة العريكيه

أثناء سقوط الكثافة في الهواء

في خاصنه فقط لعنة قلها

.. الكثافة في سقوط حر

بنطبيق قانون نيوتن II:

$$\bar{F}_{ext} = m\vec{a}$$

$$\vec{P} = m\vec{a}$$

$$m\vec{g} = m\vec{a}$$

$$\vec{a} = \vec{g} \quad : \quad \text{ومنه}$$

بالإسلاط على العثور الموجه

$$a = g$$

$$a = c\bar{t}, \quad a > 0$$

$$\vec{a} \cdot \vec{v} > 0$$

حركة الكثافة مستقيمه متسارعة باتباع

# التمرين الثاني (تابع)

ومنه:  $v = v_1 + B e^{-t/2}$  حل للمعادلة.

٤-٢) عبارة  $v(t)$  دالة  $v_1, B, t$  و  $v_1$

من ④ في النظام الدال:  $v_{lim} = C \bar{e}$

$$\Rightarrow \frac{v_{lim}}{C} = B$$

$$\Rightarrow \underline{\underline{v_{lim}}} = \underline{\underline{B}}$$

ومنه:  $v(t) = (v_1 - v_{lim}) e^{-t/2} + v_{lim}$

٣) السرعة الحدية  $v_{lim}$

بياناً بجد:  $\underline{\underline{v_{lim}}} = 0,38\%$

معامل المروجية:  $\underline{\underline{\gamma}}$

$$\gamma = \frac{m}{6\pi r^2} \Rightarrow \gamma = \frac{m}{6\pi r^2}$$

$$\gamma = \frac{4/3 \pi r^3 \ell_a}{6\pi r^2}$$

$$\gamma = \frac{\pi r^2 \ell_a}{9}$$

بياناً:  $\underline{\underline{\gamma}} = 39,6 \cdot 10^{-3} \text{ s}$

$$\gamma = \frac{(5 \cdot 10^{-3})^2 \cdot 7800}{9 \times 39,6 \cdot 10^{-3}}$$

$$\underline{\underline{\gamma}} = 5 \text{ kg/m.s}$$

الكتلة الحجمية  $\ell_a$

$$B = \frac{g}{9} \left(1 - \frac{\ell_a}{\ell_a}\right) \Rightarrow \ell_a = \ell_a \left(1 - \frac{B}{g}\right)$$

B من حصة:  $\underline{\underline{B}} = \frac{v_{lim}}{C}$

$$\Rightarrow \ell_a = \ell_a \left(1 - \frac{v_{lim}}{C \cdot g}\right)$$

$$\underline{\underline{\ell_a}}: \ell_a = 7800 \left(1 - \frac{0,38}{39,6 \cdot 10^{-3} \cdot 9,8}\right)$$

$$\ell_a = 7800 \times 0,02$$

$$\underline{\underline{\ell_a}} = 156 \text{ kg/m}^3$$



بالإسقاط على المحور الموجي

$$P - \pi - f = ma$$

$$\Rightarrow a = \frac{P - \pi - f}{m}$$

$$\Rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{f}{m} = (P - \pi) \frac{1}{m}$$

$$\frac{dv}{dt} + \frac{6\pi r^2}{m} v = (mg - m\ddot{\pi}) \frac{1}{m}$$

$$\Rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{6\pi r^2}{m} v = g \left(1 - \frac{\ell_a}{\ell_a}\right)$$

وتمثل معادلة تفاضلية من الدرجة الأولى من الشكل

$$\frac{dv}{dt} + \frac{v}{T} = B \dots \circledast$$

٤-٣) عبارة  $v$  و  $t$

بالبطاقة بجد:

$$v = \frac{m}{6\pi r^2}$$

ويعتبر الزمن العين للسقوط

$$B = \frac{g}{9} \left(1 - \frac{\ell_a}{\ell_a}\right)$$

ويمثل التسارع الإبتدائي

٣-٢) بيان أن:

$$v(t) = (v_1 - 2B) e^{-t/2} + 2B$$

حل للمعادلة

$$\frac{dv}{dt} + \frac{v}{T} = B \dots (1)$$

$$v(t) = (v_1 - 2B) e^{-t/2} + 2B \dots (2)$$

$$\frac{dv}{dt} = -\frac{v_1}{T} e^{-t/2} + B e^{-t/2} \dots (3)$$

بتقييد (2) و (3) من (1) بجد

$$-\frac{v_1}{T} e^{-t/2} + B e^{-t/2} + \frac{v_1}{T} e^{-t/2} - B e^{-t/2} + B = B$$

$$\Rightarrow B = B$$