

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين

### الموضوع الأول

#### التمرين الأول : (04 نقاط)

يحتوي كيس  $U_1$  على سبع كريات منها ثلاثة كريات تحمل الرقم 2 وأربع كريات تحمل الرقم 3 ويحتوي كيس  $U_2$  على سبع كريات منها أربع كريات بيضاء وثلاث كريات حمراء (نعتبر كل الكريات متماثلة لا نفرق بينها باللمس)

(1) نسحب من الكيس  $U_2$  كرتين بالتتابع دون ارجاع الكرة المسحوبة

(أ) احسب احتمال الحوادث الآتية :

"A" الحصول على كرتين من نفس اللون "

"B" الحصول على كرة حمراء واحدة على الأقل "

(2) نسحب كرة واحدة من الكيس  $U_1$  : اذا كانت الكرة المسحوبة تحمل الرقم 2 نسحب كرتين من الكيس  $U_2$  بالتتابع دون ارجاع

و اذا كانت الكرة المسحوبة تحمل الرقم 3 نسحب ثلاثة كرات من الكيس  $U_2$  في آن واحد

نعتبر المتغير العشوائي X المرتبط بعدد الكرات الحمراء المسحوبة

(أ) عين قيم المتغير العشوائي X

$$E(X=2) = \frac{63}{245} \quad E(X=1) = \frac{132}{245}$$

ت) عين قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X وأمله الرياضي  $E(X)$

#### التمرين الثاني : (05 نقاط)

(1) حل في المجموعة C المعادلة ذات المجهول z .  $(z-4)(z^2-4z+8)=0$

(2) في المستوى المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$  نعتبر النقط A, B, C, D التي لواحقها على الترتيب

$$z_D = -z_A, z_C = 4, z_B = 2 + 2i, z_A = 2 - 2i$$

(أ) أكتب  $z_A$  و  $z_B$  على شكل أسي

$$\text{ب) أكتب } \frac{z_C - z_A}{z_C - z_B} \text{ على شكل أسي ، استنتج طبيعة المثلث } ABC$$

ج) تحقق أن  $(z_D - z_C) = 2(z_B - z_A)$  ، ماذا تستنتج ؟

د) بين أن  $(CB)$  يوازي  $(DA)$

(3) نعتبر التحويل النقطي S الذي مرکزه A و يحول إلى B

أ) عين طبيعة التحويل S و حدد عناصره المميزة .

$$(4) \text{ نعتبر } (\Gamma) \text{ مجموعة النقط M ذات اللاحقة } z \text{ حيث : } Arg\left(\frac{z-z_A}{z-z_B}\right) = \frac{\pi}{2}$$

(أ) تتحقق أن النقطة C تنتمي إلى  $(\Gamma)$

ب) عين طبيعة المجموعة  $(\Gamma)$  محددا عناصرها المميزة

ج) عين طبيعة المجموعة  $(\Gamma')$  صورة  $(\Gamma)$  بالتحويل S ، محددا عناصرها المميزة

### التمرين الثالث : ( 04 نقاط )

1. نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $[0, +\infty]$  بـ :

أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  على المجال  $[0, +\infty]$ .

2. نعرف المتتالية  $(u_n)$  كما يلي :  $u_0 = 0$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $n$  ،  $n \geq u_n < 3$  :

أ) برهن بالترابع أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :

ب) ادرس اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$  ، ثم استنتج أنها متقاربة.

3. نعتبر المتتالية  $(v_n)$  المعرفة من أجل كل عدد طبيعي  $n$  بـ :

أ) برهن أن  $(v_n)$  متتالية هندسية يطلب تعين أساسها وحدتها الأول.

ب) أكتب عبارة  $v_n$  بدلالة  $n$  ، ثم استنتاج  $v_n$  بدلالة  $n$ .

ت) احسب  $\lim_{n \rightarrow \infty} v_n$ .

4. أحسب  $S_n$  بدلالة  $n$  حيث :

### التمرين الرابع : ( 07 نقاط )

نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :

1- ادرس تغيرات الدالة  $g$  ، ثم شكل جدول تغيراتها.

2- بين أن  $g(x) > 0$  على  $\mathbb{R}$ .

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :

ليكن  $(C_f)$  المنحني الممثل للدالة  $f$  في معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  حيث  $\|\vec{i}\| = 1 \text{ cm}$

1. احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ .

2. أ) تحقق أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$  :

ب) استنتاج اتجاه تغير الدالة  $f$  ، ثم شكل جدول تغيراتها.

3. أ) بين أن المستقيم  $(D)$  ذو المعادلة  $y = x + 1$  هو مستقيم مقارب للمنحني  $(C_f)$  عند  $-\infty$ .

ب) ادرس الوضع النسيي للمنحني  $(C_f)$  والمستقيم  $(D)$ .

ج) بين المنحني  $(C_f)$  يقبل مماسا  $(T)$  موازي للمستقيم  $(D)$  يطلب تعين معادله له.

4. بين أن المنحني  $(C_f)$  يقبل نقطة انعطاف  $I$  طلب تعين احداثياتها.

5. أنشئ المماس  $(T)$  و المنحني  $(C_f)$  على المجال  $[1; -\infty)$ .

6. ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة :  $(2x-1)e^{2x} = m-1$ .

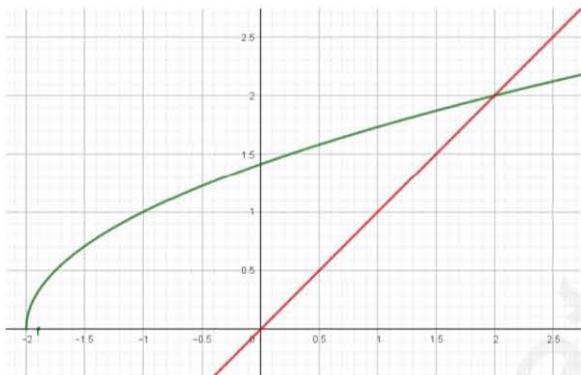
7. أ) باستعمال متكاملة بالتجزئة بين أن  $\int_0^1 (2x-1)e^{2x} dx = 1$

ب) احسب مساحة الحيز المحصور بين المنحني  $(C_f)$  والمماس  $(T)$  والمستقيمين  $x=0$  و  $x=1$ .

## الموضوع الثاني

### التمرين الأول: (04 نقاط)

- الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ . نعتبر النقطة  $(x, y, z)$ . نعتبر النقطة  $P$  المستوي ذو المعادلة الديكارتية:  $x + y - z + 2 = 0$
1. أثبت أن النقطة  $C, B, A$  تقع على نفس المستوى. يطلب تعين معادلة له.
  2. أثبت أن المستويين  $(ABC)$  و  $(P)$  متعامدين.
  3. عين تمثيلاً وسيطياً للمستقيم  $(\Delta)$  مستقيم تقاطع  $(ABC)$  و  $(P)$ .
  4. عين احداثيات  $H$  المسقط العمودي للنقطة  $C$  على المستوى  $(P)$ .
  5. احسب المسافة بين النقطة  $C$  والمستقيم  $(\Delta)$ .
  6. لتكن  $G$  مرجح الجملة المثلثة التالية:  $\{(A, 1); (B, -1); (C, 2)\}$ .
    - أ) عين احداثيات النقطة  $G$ .
  7. عين طبيعة والعناصر المميزة للمجموعة  $(S)$  للنقطة  $M$  من الفضاء حيث:
- $$\|\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + 2\overrightarrow{MC}\| = 4$$



### التمرين الثاني: (04 نقاط)

- 1) الشكل المقابل هو التمثيل البياني  $(C)$  للدالة  $f$  المعرفة على المجال  $[-2, +\infty)$  بـ:  $f(x) = \sqrt{x+2}$ .  $y = x$  في المستوى  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ . أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  على المجال  $[-2, +\infty)$ .
- ب) انقل التمثيل البياني  $(C)$  والمستقيم  $(\Delta)$  على ورقة الإجابة ثم مثل الحدود  $u_0, u_1$  و  $u_2$  على محور الفواصل دون حسابها مبرزاً خطوط التمثيل.
- ج) ضع تخميناً حول اتجاه تغير وتقارب المتتالية  $(u_n)$ .
- 2) نعرف المتتالية  $(u_n)$  كما يلي:  $u_{n+1} = f(u_n)$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $n$ ,  $0 < u_n < 2$ . برهن بالترابع أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ ,  $0 < 2 - u_{n+1} < \frac{1}{2}(2 - u_n)$ .
- ج) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ ,  $u_{n+1} - u_n = \frac{-u_n^2 + u_n + 2}{\sqrt{u_n + 2} + u_n}$ , ثم استنتج اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$ .
- د) استنتاج أن  $(u_n)$  متقاربة.
- 3) أ) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ ,  $0 < 2 - u_{n+1} < \frac{1}{2}(2 - u_n)$ .
- ب) استنتاج أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ ,  $0 < 2 - u_n < 3\left(\frac{1}{2}\right)^{n+1}$ .
- ج) استنتاج  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$ .

### التمرين الثالث : ( 05 نقاط )

- (أ) عين الجذرين التربيعيين للعدد المركب  $z = -3 + 12i\sqrt{3}$  حيث .  
 2) في المستوى المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$  نعتبر النقط  $A, B, C$  و  $D$  .  
 $z_E = \overline{z_D} = -3 - 2i\sqrt{3}$  ،  $z_C = 3 + 2i\sqrt{3}$  ،  $z_B = \sqrt{3}e^{i\frac{\pi}{2}}$  ،  $z_A = \sqrt{3}e^{i\frac{\pi}{2}}$  .  
 أ) بيان أن النقط  $B, C$  و  $E$  تنتهي إلى نفس الدائرة التي مرّكها  $A$  . يطلب تعين نصف قطرها .

ب) بيان أن  $\frac{z_C - z_B}{z_E - z_B} = e^{i\left(\frac{\pi}{3}\right)}$  ، ثم استنتج طبيعة المثلث  $BEC$  .

ت) عين قيم العدد الطبيعي  $n$  حتى يكون  $\left(\frac{z_C - z_B}{z_E - z_B}\right)^n$  حقيقي سالب

- 3) بيان أنه يوجد دوران  $r$  مرکزه  $B$  ويحول النقطة  $E$  إلى  $C$  . يطلب تعين زوايته .

- 4) اكتب العبارة المركبة للدوران  $r$

5) نعتبر  $(\Gamma)$  مجموعة النقط  $M$  ذات اللاحقة  $z$  التي تحقق :  $|z_B| = |\bar{z} + 3 + 2i\sqrt{3}|$

(أ) عين طبيعة المجموعة  $(\Gamma)$  محدداً عناصرها المميزة

ب) عين طبيعة المجموعة  $(\Gamma')$  صورة  $(\Gamma)$  بالدوران  $r$  محدداً عناصرها المميزة

### التمرين الرابع : ( 07 نقاط )

I) لتكن الدالة المعرفة على  $[0; +\infty)$  كما يلي :  
 1. احسب極 limite الدالة  $g$

2. ادرس اتجاه تغيرات الدالة  $g$  على  $[0; +\infty)$  ، ثم شكل جدول تغيراتها

3. استنتاج إشارة  $g(x)$  على  $[0; +\infty)$

II) نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $[0; +\infty)$  كما يلي :  
 ولتكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المعلم المتعامد والمتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j}; j)$

1. أ) احسب  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  ثم فسر النتيجة هندسيا .

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$$

2. بيان أنه من أجل كل  $x$  من  $[0; +\infty)$  حيث  $f'(x) = \frac{g(x)}{x}$  هي الدالة المشتقة للدالة  $f$  .

3. ادرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها .

4. ادرس إشارة العبارة  $\ln x - (\ln x)^2$  على المجال  $[0; +\infty)$

5. استنتاج الوضع النسبي للمنحنى  $(C_f)$  مع المستقيم  $(\Delta)$  المعروف بالمعادلة  $y = x$

6. بيان أن المعادلة  $0 = f(x)$  تقبل حل وحيد  $\alpha$  حيث  $0 < \alpha < 0,6$

7. أنشئ المستقيم  $(\Delta)$  المنحنى  $(C_f)$

$$J = \int_1^e (\ln(x))^2 dx \quad I = \int_1^e \ln(x) dx \quad \text{و}$$

أ) بيان باستعمال التكامل بالتجزئة أن :

ب) تتحقق أن الدالة  $x \mapsto x \ln x - x$  هي دالة أصلية للدالة  $x \mapsto \ln x$  على المجال  $[0; +\infty)$

ب) استنتاج مساحة الحيز المحصور بين المنحنى  $(C_f)$  والمستقيم  $(\Delta)$  والمستقيمين المعرفين بالمعادلتين  $x = 1$  و  $x = e$



إذن المثلث  $Z_A$  قائم في  $Z_B$

$$Z_A = 2\sqrt{2} e^{i\frac{\pi}{4}}$$

$$Z_B = \overline{Z_A} = 2\sqrt{2} e^{i\frac{3\pi}{4}}$$

$$\frac{Z_C - Z_A}{Z_C - Z_B} = \frac{2 - 2\sqrt{2}}{2 + 2\sqrt{2}}$$

$$\frac{Z_C - Z_A}{Z_C - Z_B} = \frac{4 - (2 - 2i)}{4 - (2 + 2i)}$$

$$= \frac{4 - 2 + 2i}{4 - 2 - 2i}$$

$$= \frac{2 + 2i}{2 - 2i}$$

$$= \frac{(2 + 2i)(2 - 2i)}{2^2 + 2^2}$$

$$= \frac{4 + 4i + 4i - 4}{8}$$

$$= \frac{8i}{8}$$

$$\frac{Z_C - Z_A}{Z_C - Z_B} = i$$

$$\text{Arg}(i) = \frac{\pi}{2}, |i| = 1 \quad \text{لدينا وسيلة}$$

$$\frac{Z_C - Z_A}{Z_C - Z_B} = e^{i\frac{\pi}{2}}$$

$$\left| \frac{Z_C - Z_A}{Z_C - Z_B} \right| = \frac{|Z_C - Z_A|}{|Z_C - Z_B|} = \frac{|AC|}{|BC|} = 1 \quad \text{لدينا وسيلة}$$

$$|AC| = 4\sqrt{2}$$

$$\text{Arg}\left(\frac{Z_C - Z_A}{Z_C - Z_B}\right) = \text{Arg}(i) \Rightarrow$$

$$(\vec{BC}, \vec{AC}) = \frac{\pi}{2}$$

$$\begin{cases} (\vec{BC}, \vec{AC}) = \frac{\pi}{2} \\ BC = AC \end{cases} \quad \text{لدينا وسيلة}$$

قائمة الاحتمالات الممتنع المستوي  $X$

$x_i$	0	1	2	3
$P(x=x_i)$	$\frac{46}{245}$	$\frac{132}{245}$	$\frac{63}{245}$	$\frac{4}{245}$

الأول ارجاعياً

$$E(x) = 0 \left( \frac{46}{245} \right) + 1 \left( \frac{132}{245} \right) + 2 \left( \frac{63}{245} \right) + 3 \left( \frac{4}{245} \right) \\ = \frac{270}{245}$$

$$E(x) = \frac{54}{49}$$

المرتبة الثالثة  
حل المعادلة

$$(Z-4)(Z^2 - 4Z + 8) = 0$$

$$(Z^2 - 4Z + 8 = 0 \text{ او } (Z-4 = 0))$$

$$Z=4$$

$$Z^2 - 4Z + 8 = 0 \quad \text{حل المعادلة}$$

$$\Delta = (-4)^2 - 4(1)(8) : \Delta \text{ يميز} \\ = 16 - 32$$

$$\Delta = -16$$

لـ ١ حلول معقدة،  $\Delta < 0$

$$Z_1 = \frac{4 - 4i}{2} = 2 - 2i$$

$$Z_2 = \frac{4 + 4i}{2} = 2 + 2i$$

حلول المعادلة هي

$$S = \{4, 2+2i, 2-2i\}$$

لدينا  $Z_B, Z_A$  على شكل قائم

$Z_A$  قائم بـ  $Z_B, Z_A$

$$|Z_A| = |2-2i| = \sqrt{(2)^2 + (-2)^2} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$$

ووفقاً لـ  $\text{Arg}(Z_A) = \theta$

$$\begin{cases} \cos \theta = \frac{2}{2\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \sin \theta = \frac{-2}{2\sqrt{2}} = -\frac{\sqrt{2}}{2} \end{cases}$$

$$\text{Arg}(Z_A) = -\frac{\pi}{4} + 2k\pi \quad \text{حيث}$$



المرين المثلث

$$f(x) = \frac{4x+6}{x+3}$$

دراسة إيجاد تغيرات  $f$  على  $[0, +\infty)$

$[0, +\infty) \setminus \{x = -3\}$  متصلة

$$f'(x) = \frac{4(x+3) - (4x+6)}{(x+3)^2}$$

$$f'(x) = \frac{6}{(x+3)^2}$$

و  $f'(x) > 0$  دالة متزايدة هنا

$[0, +\infty)$

$$U_{n+1} = f(U_n) \quad U_0 = 0 \quad ②$$

البرهان بالرجوع من ابلاك

$$0 < U_n < 3$$

a) التحقق من صحة الناحية

$$\text{لما } U_0 = 0 \text{ و } 0 < U_0 < 3$$

b) دفعية صحة الناحية من اجل  $n+1$

$$0 < U_n < 3$$

وبرهان صحة الناحية من اجل  $n+1$

$$0 < U_{n+1} < 3$$

لما

$f$  دالة متزايدة على  $[0, +\infty)$  ومن

$$f(0) < f(U_n) < f(3)$$

$$\text{لما } f(0) = 2 > 0 \text{ و } f(3) = 3$$

$$0 < U_{n+1} < 3$$

ومن اثبات صحة دعوة من اجل  $n+1$

الناحية:

من اجل اثبات صحة  $0 < U_n < 3$

b) دراسة إيجاد تغيرات  $(U_n)$

$$U_{n+1} - U_n = \frac{4U_n + 6}{U_n + 3} - U_n$$

$$= \frac{4U_n + 6 - U_n^2 - 3U_n}{U_n + 3}$$

$$V_{n+1} = \frac{1}{6} V_n$$

ناتج المقادير  $(V_n)$  دالة متزايدة

$$V_0 = \frac{-3}{2}$$

$$S_n = n+1 - \left( -\frac{3}{2} \left( \frac{1 - \left(\frac{1}{6}\right)^{n+1}}{1 - \frac{1}{6}} \right) \right)$$

$$= n+1 + \frac{3}{2} \left( \frac{1 - \left(\frac{1}{6}\right)^{n+1}}{\frac{5}{6}} \right)$$

$$S_n = n+1 + \frac{9}{5} \left( 1 - \left(\frac{1}{6}\right)^{n+1} \right)$$

المترىن الرابع:

$$g(x) = 1 + 4x e^{2x} \quad (I)$$

دراسة اتجاه تغيرات الدالة  $g$ :

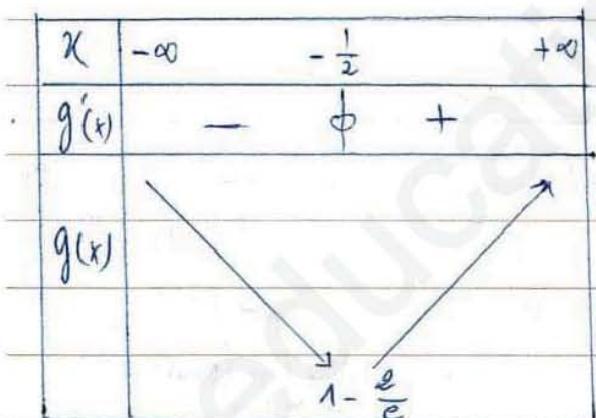
:  $-4e^{-2x} < 0$

وذلك قابلة للستئام على  $\mathbb{R}$  ولدينا:

$$\begin{aligned} g'(x) &= 4e^{2x} + 2e^{2x}(4x) \\ &= (4+8x)e^{2x} \end{aligned}$$

$$g'(x) = 4(2x+1)e^{2x}$$

$(e^{2x} > 0 \forall x)$   $(2x+1)$  من اسارة  $g'(x)$  !



استارة  $g(x)$  على  $\mathbb{R}$ .

حيانى القيمة فى الصغرى

زيان  $g(x) > 0$  على

$$f(x) = n+1 + (2n-1)e^{2x} \quad (II)$$

حساب المضيقات:

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{n \rightarrow +\infty} n+1 + (2n-1)e^{2x} = +\infty$$

$$\lim_{n \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{n \rightarrow -\infty} n+1 + (2n-1)e^{2x} = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} (2n-1)e^{2x} = 0$$

$$V_n = -\frac{3}{2} \left( \frac{1}{6} \right)^n$$

استارة  $V_n$  على  $\mathbb{R}$  :-

$$V_n(U_n+2) = (U_n-3) \text{ ومت } V_n = \frac{U_n-3}{U_n+2}$$

$$V_n U_n + 2V_n = U_n - 3 \quad \text{ومن}$$

$$V_n U_n - U_n = -2V_n - 3 \quad \text{ومن}$$

$$U_n(V_n-1) = -2V_n - 3 \quad \text{ومن}$$

$$U_n = \frac{-2V_n - 3}{V_n - 1} \quad \text{ومن}$$

$$U_n = \frac{3 \left( \frac{1}{6} \right)^n - 3}{-\frac{3}{2} \left( \frac{1}{6} \right)^n - 1}$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n \quad \text{حسب}$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n = \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{3 \left( \frac{1}{6} \right)^n - 3}{-\frac{3}{2} \left( \frac{1}{6} \right)^n - 1} = 3$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \left( \frac{1}{6} \right)^n = 0 \quad \text{ومن}$$

:  $S_n$  حسب .

$$S_n = \frac{5}{U_0+2} + \frac{5}{U_1+2} + \frac{5}{U_2+2} + \dots + \frac{5}{U_n+2}$$

$$V_n = \frac{U_n+2-5}{U_n+2} \quad \text{ومن } V_n = \frac{U_n+3}{U_n+2}$$

$$= \frac{U_n+2}{U_n+2} - \frac{5}{U_n+2}$$

$$V_n = 1 - \frac{5}{U_n+2} \quad \text{ومن}$$

$$V_n - 1 = -\frac{5}{U_n+2} \quad \text{ومن}$$

$$\frac{5}{U_n+2} = 1 - V_n \quad \text{ومن}$$

$$\begin{aligned} S_n &= 1 - V_0 + 1 - V_1 + 1 - V_2 + \dots + 1 - V_n \\ &= (1+1+1+\dots+1) - (V_0+V_1+\dots+V_n) \\ &= n+1 - \left( V_0 \left( \frac{1-9^{n+1}}{n-9} \right) \right) \end{aligned}$$

الحقيقة أن  $f(x) = g(x)$   
فـ  $f$  والـ  $g$  متسقة على  $\mathbb{R}$

$x$	$-\infty$	$\frac{1}{2}$	$+\infty$
$(x+1)$	-	+	+
$e^{2x}$		+	
$(2n-1)e^{2x}$	-	+	+

الوَحْيُ الْأَسْنِي

خواص  $f$  و  $g$  يتحقق  
 $f$  متزايدة  
 $g$  متضاد

$$(f \cap g) = \left\{ A \left( \frac{1}{2}, \frac{3}{2} \right) \right\}$$

ج) بين أن  $f$  يصل معاشاً  $T$  مواد

الستقيع  $(L)$

$$f'(x_0) = 1 \quad \text{معناه } f'(x_0) = 1$$

$$g(x) = 1 \quad \text{معناه } f'(x) = 1$$

$$1 + 4ne^{2x} = 1 \quad \text{أي}$$

$$4ne^{2x} = 0 \quad \text{أي}$$

$$\boxed{n=0}$$

كتابه معاشرة المعاشر عن النقطة  $0$

$$(T): y = f'(0)(x-0) + f(0)$$

$$(T): y = x$$

ب) بين أن  $f$  يصل نقطة انقطاع

$$f''(x) = g'(x)$$

لذا

$x$	$-\infty$	$-\frac{1}{2}$	$+\infty$
$f''(x)$	-	+	+

" $f$  تُستخدم في  $x = -\frac{1}{2}$  وتقرب إسقاطها"

ومن النقطة  $\left(-\frac{1}{2}, -\frac{1}{2} - 2e^{-\frac{1}{2}}\right)$  فـ  $f$  قطعة إنقطاع

للـ  $g$ .

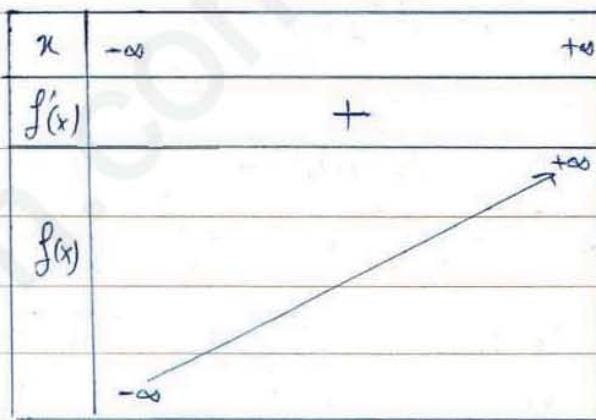
$$\begin{aligned} f(x) &= 1 + 2e^{2x} + 2e^{2x}(2n-1) \\ &= 1 + 2e^{2x} + 4e^{2x} - 2e^{2x} \\ f'(x) &= 1 + 4ne^{2x} \end{aligned}$$

ونـ  $f'(x) = g(x)$

استـ  $L$  من  $f'(x)$

استـ  $L$  من  $f'(x)$  فهو  $f$  ومنه  $f$  دالة

متزايدة تماماً على  $\mathbb{R}$   
جدول تغيرات  $f$  دالة



3- بين أن  $L$ :  $y = n+1$  (1) مستقيم مقارب

لـ  $f$  في  $(-\infty, 0]$

$$f(x) = (n+1) = (2n+1)e^{2x}$$

$$\lim_{n \rightarrow -\infty} [f(x) - (n+1)] = \lim_{n \rightarrow -\infty} (2n+1)e^{2x}$$

$$= \lim_{n \rightarrow -\infty} 2ne^{2x} = e^{2x}$$

$$= 0$$

ونـ  $L$  مقارب لـ  $f$  في  $(-\infty, 0]$   
مستقيم مقارب لـ  $f$  في  $(-\infty, 0]$

دراسة الوَحْيُ الْأَسْنِي (2) مع  $L$

دراسة إسقاط الفرق

$$f(x) - (n+1)$$

$$\int_0^1 (2x-1) e^{2x} dx = 1 \quad \text{جتنى ۱ نے ۲ جیسا ہے۔}$$

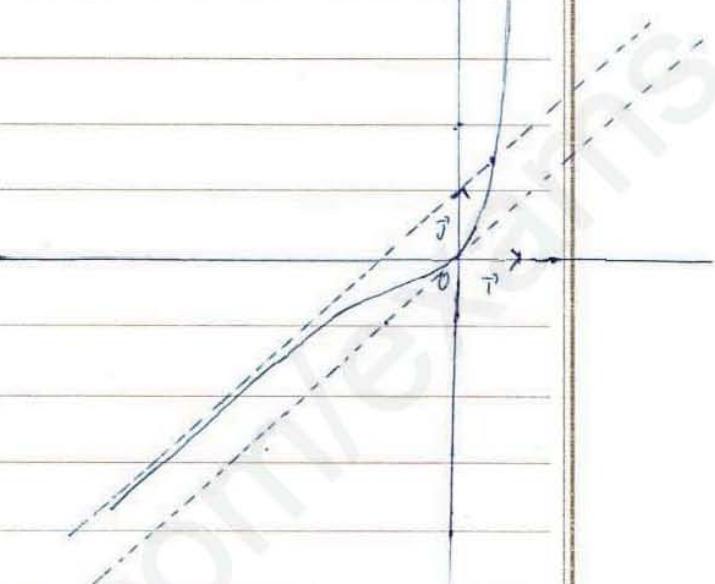
$$\begin{cases} u'(x) = 2 \\ v(x) = \frac{1}{2} e^{2x} \end{cases} \quad \text{اویس} \quad \begin{cases} u(x) = 2x-1 \\ v'(x) = e^{2x} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \int_0^1 (2x-1) e^{2x} dx &= \left[ \frac{1}{2} (2x-1) e^{2x} \right]_0^1 - \int_0^1 2 \left( \frac{1}{2} e^{2x} \right) dx \\ &= \left[ \frac{1}{2} (2x-1) e^{2x} \right]_0^1 - \int_0^1 e^{2x} dx \\ &= \left[ \frac{1}{2} (2x-1) e^{2x} \right]_0^1 - \left[ \frac{1}{2} e^{2x} \right]_0^1 \\ &= \left( \frac{1}{2} (2-1) e^2 \right) - \left( \frac{1}{2} (-1) e^0 \right) - \left( \frac{1}{2} e^2 - \frac{1}{2} \right) \\ &= \frac{1}{2} e^2 + \frac{1}{2} - \frac{1}{2} e^2 + \frac{1}{2} \end{aligned}$$

$$\boxed{\int_0^1 (2x-1) e^{2x} dx = 1}$$

۷- حساب مساحة الجزء المحور بين ( $f$ ) و الممسس ( $T$ ) و المستقيم

$$\begin{aligned} A &= \int_0^1 f(x) - x dx = \int_0^1 (2x-1) e^{2x} + x dx \\ &= \int_0^1 (2x-1) e^{2x} dx + \int_0^1 x dx \\ &= 1 + [x]_0^1 \\ &= 1 + 1 \\ \boxed{A = 2 \text{ cm}^2} \end{aligned}$$



النهاية المائية.

$$(2x-1) e^{2x} = m-1$$

$$(2x-1) e^{2x} + 1 = m \quad \text{او}$$

$$(2x-1) e^{2x} + 1 + x = x + m \quad \text{او}$$

$$f(x) = x + m \quad \dots \quad (*)$$

حلول العبارات (\*) هي في اهتمام

تقاطع ( $C_f$ ) مع المستقيمات ( $\Delta_m$ )

( $\Delta_m$ ):  $y = m + x$

(T)

من بین  $[m, +\infty)$  العبارات (\*) لا يقتصر

من بین  $m=0$  العبارات (\*) يقتصر ويعطى

من  $[0, 1]$  العبارات (\*) تغير

حلین ممکنین

من بین  $[1, +\infty)$  العبارات (\*) نقتصر

حل وحید

للسlope  $d$ :

$$C(0, -2, -3) \in (ABC)$$

$$d=1 \quad \text{أي } 2x-y+z+1=0$$

ومنه المعاشر لـ  $\Delta ABC$  هي

$$(ABC): \quad 2x-y+z+1=0$$

و- بين أن  $(P)$  ،  $(ABC)$  متعادلة

$$\text{لدينا } \vec{AC} = \begin{pmatrix} -1 \\ -4 \\ -2 \end{pmatrix} \rightarrow \text{ناظمها } \vec{AC} = \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \\ 2 \end{pmatrix}$$

$$\text{، } \vec{n} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} \rightarrow \text{ناظمها } \vec{n} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix}$$

$$\vec{n} \cdot \vec{AC} = 2(1)(1) + 1(-1) = 0$$

ومنه  $\vec{n}$  يعادل  $\vec{AC}$  إذن  $(ABC)$  بعده

3- تعين مثل وسطي  $\vec{AB}$  متعادل  $(P)$  و  $(ABC)$

$$(A): \begin{cases} 2x-y+z+1=0 & \dots (1) \\ x+y-z+2=0 & \dots (2) \end{cases}$$

$$3x+3=0 \quad \text{أي } x=-1 \quad \text{جمع (1) و (2) يزدوج}$$

بالتعويض في (1) يزدوج

$$-2-y+3+1=0 \quad \text{أي } -y+2=0$$

$$-1-y+3=0 \quad \text{أي } -y+2=0$$

$$-1-y+t=0 \quad \text{أي } y=t-1 \quad \text{جذب } \boxed{y=t}$$

ومنه المثل الوسطي  $\vec{AB}$  وهو

$$(A): \begin{cases} x=-1 \\ y=t-1 \\ z=t \end{cases}; t \in \mathbb{R}$$

-تعين احداثيات  $\vec{AB}$  المترافق مع (2).

2- لا" تعين مثل وسطي للسطح (II) المترافق على (2) والذي يمثل

بيان (II) عودي على (II) اخوان  $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix}$

يعتبر سطح توبيخه  $\vec{AB}$  ومنه المثل الوسطي

$$(II): \begin{cases} x=\alpha \\ y=\alpha-2 \\ z=-\alpha-3 \end{cases}, \alpha \in \mathbb{R}$$

الموضوع الثاني  
المترافق الأول:

لما زالت أن النقاط تقع على مستوى

$$\vec{AC} = \begin{pmatrix} -1 \\ -4 \\ -2 \end{pmatrix}, \vec{AB} = \begin{pmatrix} -4 \\ -4 \\ 4 \end{pmatrix}$$

$$\frac{-4}{-1} \neq \frac{-4}{-4}$$

ومنه لا يوجد عد وحقائق كي يتبع  
إذن السطاعان  $\vec{AB}$  و  $\vec{AC}$  غير مترافقين  
خصوصاً ولهن النقاط  $A, B, C$  ليست على  
أي سطح خطي تقع على مستوى.

- تعين معاشرة ديكارستية  $\vec{AB}$   $(ABC)$   
نحو  $(P)$  سطاع خاطئ  $\vec{AB}$   $(ABC)$

$$\begin{cases} \vec{n} \cdot \vec{AB} = 0 \\ \vec{n} \cdot \vec{AC} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -4a-4b+4c=0 & \dots (1) \\ -a-4b-2c=0 & \dots (2) \end{cases}$$

بطرح (2) من (1) يزدوج

$$-3a+6c=0$$

$$-3a=-6c \quad \text{أي } a=2c$$

$$\begin{cases} a=2c \\ a=2 \end{cases} \quad \text{جذب } c=1$$

ووضع  $c=1$  في (2) يزدوج  
بالتعويض في (2) يزدوج

$$-2-4b-2=0$$

$$\boxed{b=-1} \quad \text{أي } b=-1 \quad \text{ومنه } -4-4b=0$$

ومنه  $\vec{AB} = \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}$  سطاع خاطئ  $\vec{AB}$   $(ABC)$

ومنه معاشرة ديكارستية  $\vec{AB}$   $(ABC)$  وهذا  
المترافق

$$2x-y+z+d=0$$

حيث تفاضل (D) مع (P)

لتكن  $M(\alpha, \alpha-2, -\alpha-3)$  نقطة من (D)

معناه  $ME(P)$

$$\alpha + \alpha - 2 - (-\alpha - 3) + 2 = 0$$

$$3\alpha + 3 = 0 \quad \text{أي}$$

$$\boxed{\alpha = -1}$$

ومنه إحداثيات  $M$  سقط

العمودي على (P) هي

$$(-1, -3, -2)$$

حساب المسافة بين C و (P)

يماناً  $(P)$  ينتمي لـ  $(ABC)$

حيث تفاضلها فإن

$$d(C, (P)) = d(C, (P)) = CH$$

$$d(C, (P)) = \frac{|-1 - 2 - (-3) + 2|}{\sqrt{1^2 + 1^2 + (1)^2}} = \frac{3}{\sqrt{3}} = \sqrt{3}$$

$$CH = \sqrt{(-1)^2 + (-3+2)^2 + (-2+3)^2} = \sqrt{3}$$

$$d(A, (P)) = \sqrt{3} \quad \text{ومنه}$$

نعني إحداثيات  $P$  سطح الماء

$$\{(A, 1), (B, -1), (C, 2)\}$$

$$x_P = \frac{x_A - x_B + 2x_C}{2} = \frac{1 - 3 + 2(0)}{2} = -1$$

$$y_P = \frac{y_A - y_B + 2y_C}{2} = \frac{2 + 2 + 2(-2)}{2} = 0$$

$$z_P = \frac{z_A + z_B + 2z_C}{2} = \frac{-1 - 3 + 2(-3)}{2} = -5$$

أي

$$P(-1, 0, -5)$$

نعني حلقة (S)

$$(S): \|\vec{MA} - \vec{MB} + 2\vec{MC}\| = 4$$

لدينا مرجع الماء

$$\{(A, 1), (B, -1), (C, 2)\}$$

ومنه حسب المقادير المعرفة لمخرج

ثلاث نقاط

$$\vec{MA} - \vec{MB} + 2\vec{MC} = 2\vec{MG}$$

$$\|\vec{MA} - \vec{MB} + 2\vec{MC}\| = \|2\vec{MG}\|$$

$$\|\vec{MA} - \vec{MB} + 2\vec{MC}\| = 2MG$$

$$\|\vec{MA} - \vec{MB} + 2\vec{MC}\| = 4 \quad \text{ومنه}$$

$$2MG = 4 \quad \text{أي}$$

$$MG = 2$$

ومنه (S) هي سطح كروي مردم لها  
نصف قطرها 2.

المرين الثاني.

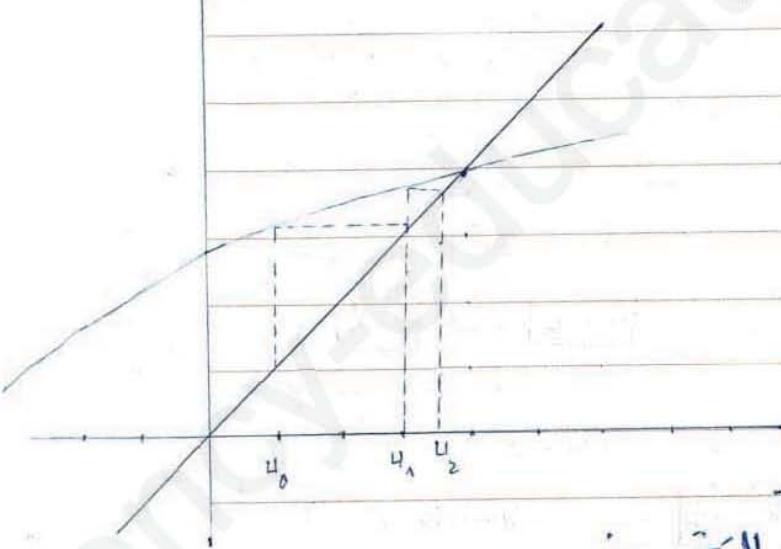
ن). درجة اتجاه تغير الدالة في  $[x_0, +\infty)$

لدينا دالة عائلة للستقيعات  $[x_0, +\infty)$

وأنها المستقيمة هي

$$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x+2}} > 0$$

ومنه  $f$  دالة هزازية تماماً  $[x_0, +\infty)$   
ب) تمثيل الصدور



التحصين

لدينا  $x_0 < x_1 < x_2$  ومنه  $f(x)$  مستقيم هزازية

مستقيم  $N$  وستقاربها نحو

دفع

$$\begin{cases} x_0 = \frac{1}{2} \\ x_{n+1} = \sqrt{x_n + 2} \end{cases}$$



استنتاج

$$2x^2 = 18$$

$$x^2 = 9$$

من ① و ② نجع  
لدينا

$x = -3$  أو  $x = 3$   
ومن المقصود  $x = 3$

$$2(3)y = 12\sqrt{3}$$

$$y = 2\sqrt{3}$$

$$2(-3)y = 12\sqrt{3} \quad \text{من اجل } x = -3$$

$$y = -2\sqrt{3}$$

إذن الجزر الأربعين  $w_1, w_2, w_3, w_4$

$$w_1 = -3 + 2\sqrt{3}i, \quad w_2 = -3 - 2\sqrt{3}i$$

- يعني إلى دائرة مركبة  $E, C, B$

$$z_B = -\sqrt{3}i, \quad z_A = \sqrt{3}i$$

$$AB = |z_B - z_A| = |- \sqrt{3}i - \sqrt{3}i| = |-2\sqrt{3}i| = 2\sqrt{3}$$

$$AC = |z_C - z_A| = |3 + 2i\sqrt{3} - \sqrt{3}i| = |3 + i\sqrt{3}| = \sqrt{3^2 + (\sqrt{3})^2} = \sqrt{12} = 2\sqrt{3}$$

$$AE = 2\sqrt{3}$$

$$AE = |-3 + 2i\sqrt{3} - \sqrt{3}i| = |-3 + i\sqrt{3}|$$

$$= \sqrt{(-3)^2 + (\sqrt{3})^2}$$

$$= \sqrt{12}$$

$$AE = 2\sqrt{3}$$

$$AB = AC = AE = 2\sqrt{3}$$

لدينا

ومن المقصود إلى دائرة مركبة  $E, C, B$

$$r = 2\sqrt{3} \quad \text{ونصف قطرها}$$

$$\frac{z_C - z_B}{z_E - z_B} = e^{-i\frac{\pi}{3}}$$

$$\frac{z_C - z_B}{z_E - z_B} = \frac{3 + 2i\sqrt{3} + i\sqrt{3}}{-3 + 2i\sqrt{3} + i\sqrt{3}}$$

$$= \frac{3 + 3i\sqrt{3}}{-3 + 3i\sqrt{3}}$$

$$= \frac{3(1 + i\sqrt{3})}{3(-1 + i\sqrt{3})}$$

$$= \frac{1 + i\sqrt{3}}{-1 + i\sqrt{3}}$$

$$0 < 2 - U_n < \left(\frac{1}{2}\right)^n$$

$$0 < 2 - U_n < \frac{1}{2}(2 - U_{n-1})$$

$$(2 - U_{n-1}) < \frac{1}{2}(2 - U_{n-2})$$

$$(2 - U_1) < \frac{1}{2}(2 - U_0)$$

$$0 < 2 - U_n < \left(\frac{1}{2}\right)^n (2 - U_0)$$

$$0 < 2 - U_n < \left(\frac{1}{2}\right)^n \left(2 - \frac{1}{2}\right)$$

$$0 < 2 - U_n < \left(\frac{1}{2}\right)^n \left(\frac{3}{2}\right)$$

$$0 < 2 - U_n < 3 \left(\frac{1}{2}\right)^{n+1}$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n$$

$$0 < 2 - U_n < 3 \left(\frac{1}{2}\right)^{n+1}$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} (2 - U_n) < \lim_{n \rightarrow +\infty} 3 \left(\frac{1}{2}\right)^{n+1}$$

$$0 < \lim_{n \rightarrow +\infty} (2 - U_n) < 0$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} 2 - U_n = 0$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n = 2$$

المترادفات ③

نعني الجذر الرابع للربيعين  $\sqrt[4]{-3 + 12\sqrt{3}}$

$$z = -3 + 12\sqrt{3}$$

بفرض  $z = x + iy$  حيث  $x, y \in \mathbb{R}$

$$w^4 = z$$

$$w^4 = x^4 - y^4 + 2xyi$$

$$|w^4| = |w|^4 = x^4 + y^4$$

$$|z| = \sqrt{(-3)^2 + (12\sqrt{3})^2} = 21$$

$$\begin{cases} x^4 + y^4 = 21 \\ x^4 - y^4 = -3 \end{cases} \quad \text{لدينا } w^4 = 21$$

$$2xy = 12\sqrt{3} \quad \text{--- ③}$$

• بـ  $\cdot$   $r_E = C$   $\rightarrow$  ميل الدائرة  $E$  هو  $C$

$$\begin{cases} z_B = az_B + b \\ z_E = az_E + b \end{cases} \quad \text{لـ} \quad \begin{cases} r(B) = B \\ r(E) = C \end{cases}$$

$$z_C - z_B = a(z_E - z_B) \quad \text{لـ ٢)$$

$$a = \frac{z_C - z_B}{z_E - z_B} \quad \text{لـ ١}$$

$$a = e^{-i\frac{\pi}{3}}$$

$$-\frac{\pi}{3} \quad \text{بيان} \quad 191 = 1 \quad \text{دوران} \quad 2 \quad \text{وهي} \quad \text{نفس عبارته المركبة} \\ a = \frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2} \quad \text{لـ ٣)$$

$$b = z_B - az_B \quad \text{لـ ٤)$$

$$= z_B(1-a)$$

$$= (-\sqrt{3}i)(1 - \frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2})$$

$$= (-\sqrt{3}i)(\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2})$$

$$= -\frac{\sqrt{3}}{2} 1 + \frac{3}{2} i$$

العبارة المركبة دوران

$$z' = (\frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2})z + \frac{3}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$|\bar{z} + 3 + 2i\sqrt{3}| = |z_B| \quad \text{لـ ٥) حسب (٢)}$$

نفس طبيعة (٢)

$$|\bar{z} + 3 - 2i\sqrt{3}| = |z_B| \quad \text{لـ ٦) حسب (٢)}$$

$$|\bar{z} + 3 - 2i\sqrt{3}| = \sqrt{3}$$

$$|\bar{z} - (-3 + 2i\sqrt{3})| = \sqrt{3}$$

$$|\bar{z} - z_E| = \sqrt{3}$$

$$EM = \sqrt{3}$$

ومن (٢) هي دائرة مركزها  $E$  ونصف قطرها  $EM = \sqrt{3}$   $\rightarrow$  (٣) هي ممورة (٢) بواسطة الدوران

ومنه (٣) هي دائرة مركزها  $E$  ونصف قطرها  $r(E) = C$

$$\therefore r = \sqrt{3}$$

$$\frac{z_C - z_B}{z_E - z_B} = \frac{1+i\sqrt{3}}{-1+i\sqrt{3}} \\ = \frac{(1+i\sqrt{3})(-1-i\sqrt{3})}{(-1)^2 + (\sqrt{3})^2}$$

$$= \frac{-1-i\sqrt{3}-i\sqrt{3}+3}{4}$$

$$= \frac{2-2i\sqrt{3}}{4}$$

$$\frac{z_C - z_B}{z_E - z_B} = \frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$|\frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2}| = \sqrt{(\frac{1}{2})^2 + (-\frac{\sqrt{3}}{2})^2} \\ = \sqrt{\frac{4}{4}} = 1$$

$$\theta = \arg\left(\frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2}\right) \quad \text{لـ ٧)$$

$$\begin{cases} \cos \theta = \frac{1}{2} \\ \sin \theta = -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{cases}$$

$$\theta = -\frac{\pi}{3} + 2k\pi \quad \text{لـ ٨)$$

$$\frac{z_C - z_B}{z_E - z_B} = e^{-i\frac{\pi}{3}}$$

- نفس قيم العد العقدي حتى تكون  
حقيقي سالب  $\left(\frac{z_C - z_B}{z_E - z_B}\right)$

$$\text{لـ ٩) حقيقة سالب حسب } \left(\frac{z_C - z_B}{z_E - z_B}\right)^n$$

$$\arg\left(\frac{z_C - z_B}{z_E - z_B}\right)^n = \pi + 2k\pi$$

$$\arg\left(e^{-i\frac{\pi}{3}}\right)^n = \pi + 2k\pi \quad \text{لـ ١٠)$$

$$\arg\left(e^{-i\frac{n\pi}{3}}\right) = \pi + 2k\pi \quad \text{لـ ١١)$$

$$\frac{-n\pi}{3} = \pi + 2k\pi \quad \text{لـ ١٢)$$

$$n = -3 - 6k$$

مع ذلك صحيح نبي سالب عبر صدر

$$g(x) = x + 1 - 2 \ln x$$

حساب ملائى g

$$\lim_{n \rightarrow \infty} g(x) = +\infty$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} g(x) = \lim_{n \rightarrow \infty} x + 1 - 2 \ln x$$

$$= \lim_{n \rightarrow \infty} x \left( 1 + \frac{1}{n} - \frac{2 \ln x}{n} \right)$$

$$= +\infty$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\ln x}{n} = 0$$

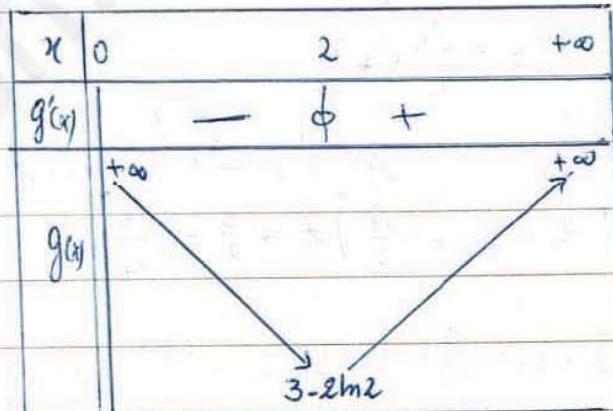
- دراسة إيجاب تغيرات - الدالة g  
وقيمة بلاستقاط على  $[0, +\infty)$  لدينا

$$g'(x) = 1 - \frac{2}{x}$$

$$= \frac{x-2}{x}$$

إشارة g من إشارات  $(n-2)$

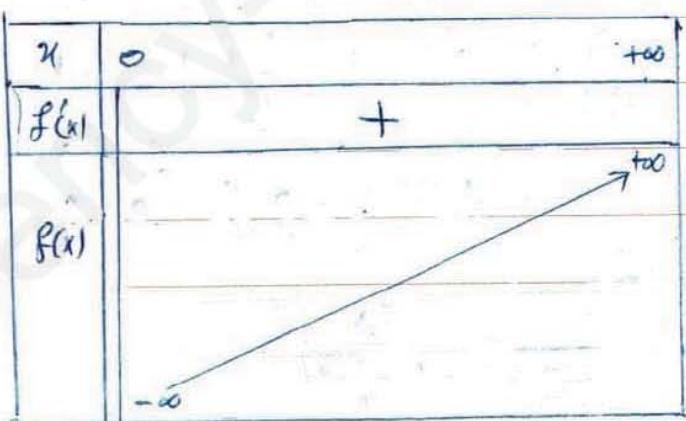
جدول تغيرات g



إشارات g(x)

$$\text{حيان } g(2) = 3 - 2 \ln 2 > 0 \text{ في نقطة } x=2$$

حيان  $g(x) > 0$  على  $[0, +\infty)$



x	1	$+\infty$
$g(x)$	+	

$$f(x) = x + \ln x - (\ln x)^2 \quad (\text{II})$$

حساب

$$\begin{aligned} \lim_{n \rightarrow \infty} f(x) &= \lim_{n \rightarrow \infty} n + \ln n - (\ln n)^2 \\ &= \lim_{n \rightarrow \infty} n + \ln n (1 - \ln n) = -\infty \end{aligned}$$

٤- دراسة ستارة العبار

$$\ln x - (\ln x)^2 = 0 \Rightarrow \ln x - (\ln x)^2 = 0$$

$$(1 - \ln x = 0) \Rightarrow (\ln x = 1)$$

$$n = e \quad n = 1$$

$x$	0	1	$e$	$+\infty$
$\ln x - (\ln x)^2$	-	+	+	-

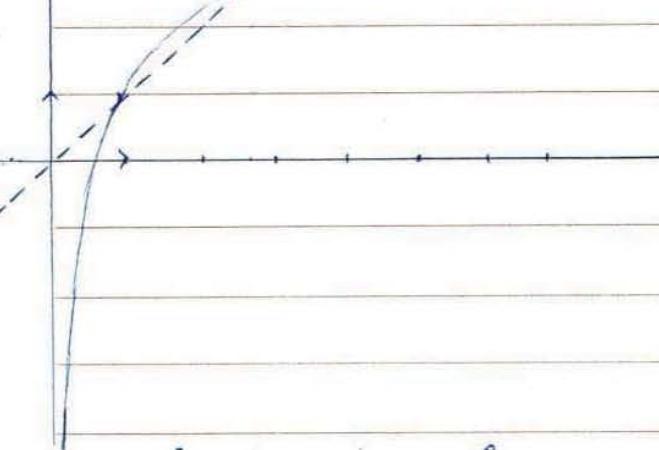
دستابج لوضع التي بين (٤) و (٥)

المعروف بـ:

$$f(x) - x = \ln x - (\ln x)^2$$

(٦)

(٤)



$$J = \int_1^e (\ln x)^2 dx \quad I = \int_1^e \ln x dx \quad (٣)$$

$$J = e - 2I \quad \text{بينما}$$

$$\begin{cases} u'(x) = \frac{2 \ln x}{x} \\ v(x) = x \end{cases} \quad \begin{cases} u(x) = (\ln x)^2 \\ v'(x) = 1 \end{cases} \quad \text{ووفقاً}$$

$$\begin{aligned} J &= \int_1^e (\ln x)^2 dx = \left[ x(\ln x)^2 \right]_1^e - \int_1^e x \left( \frac{2 \ln x}{x} \right) dx \\ &= \left[ x(\ln x)^2 \right]_1^e - \int_1^e 2 \ln x dx \\ &= e(\ln e)^2 - 1(\ln 1)^2 - 2 \int_1^e \ln x dx \end{aligned}$$

$$J = e - 2I$$

حقيقة أن  $\ln x - x$  دالة احادية.

في  $J_{0,+\infty}$  قابلة للنهاية  $f(x) = x \ln x - x$ .

$$f'(x) = 1 \ln x + \frac{1}{x} x - 1 = \ln x$$

ومنه  $\ln x - x$  دالة احادية.

بحساب مساحة المثلث

$$\begin{aligned} A = \int_1^e f(x) - x dx &= \int_1^e \ln x - (\ln x)^2 dx \\ &= \int_1^e \ln x - \int_1^e (\ln x)^2 dx \\ &= \left[ x \ln x - x \right]_1^e - \left( e - 2 \left[ x \ln x - x \right] \right)_1^e \\ &= e - e + 2(e - e) - 2(-1) \end{aligned}$$

$$A = 3 - e \ln e$$

$x$	0	1	$e$	$+\infty$
$\ln x - (\ln x)^2$	-	+	+	-

(٤) يقع (٤) في (٣) حيث (٤) يقع (٥) في (٥).

(٥) يقع (٥) في (٤) حيث (٥) في (٥).

$$(4) \wedge (5) = \begin{cases} A(1,1), B(e,e) \end{cases}.$$

تبين أن العادلة  $f(x) = 0$  تقبل طرفي

$$0.6 < x < 0.7$$

فالت مسافة ومسافة بين

$$[0,6; 0,7] \quad \text{و} \quad [0,6; 0,7]$$

$$f(0,7) = \begin{cases} f(0,7) \\ f(0,6) < 0 \end{cases}$$

$$f(0,6) = \begin{cases} f(0,7) \\ f(0,6) \end{cases}$$

ومن حسب صيغة القيم المتوسطة

$$[0,6; 0,7] \quad \text{و} \quad f(x) = 0$$

$$f(x) = 0$$