

فرض الفصل الثاني في مادة الرياضيات

الموضوع الأول

التمرين الأول:

عِين الاقتراح الصحيح الوحيد من بين الاقتراحات الثلاثة، في كل حالة من الحالات الآتية مع التعليل:

(1) الدالة الأصلية على المجال $[2; +\infty)$ للدالة f المعرفة بـ : $F(1) = 2$ هي:

$$F(x) = \frac{3}{(x-2)^4}$$

$$F(x) = \frac{-1}{(x-2)^3} + 3 \quad \text{(ج)} \quad F(x) = \frac{x^3 - 6x^2 + 12x - 9}{(x-2)^3} \quad \text{(ب)} \quad F(x) = \frac{-1}{(x-2)^3} \quad \text{(أ)}$$

(2) المساحة بوحدة المساحة للحيز تحت المنحني الممثل للدالة f و المحسور بين المستقيمين ذو المعادلتين: $x = 0$ و

$$\frac{7}{8} \quad \text{(ب)} \quad \frac{7}{8} \quad \text{(أ)} \quad x = 1 \quad \text{(ج)}$$

(3) القيمة المتوسطة على $[2; 3]$ للدالة g المعرفة بـ :

$$g(x) = x(2x^2 + 1)^2 \quad \text{(ج)} \quad \frac{63}{5} \quad \text{(ب)} \quad \frac{613}{6} \quad \text{(أ)}$$

(4) الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ : $h(x) = \frac{x^3 - 1}{(x^2 + 1)^3}$ تمثيلها البياني في المعلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

❶ الدالة المشتقة للدالة h هي:

$$h'(x) = \frac{3x^4 + 3x^2 + 6x}{(x^2 + 1)^4} \quad \text{(ج)} \quad h'(x) = \frac{-3x(-x^3 + x - 2)}{(x^2 + 1)^4} \quad \text{(ب)} \quad h'(x) = \frac{3x(-x^3 + x + 2)}{(x^2 + 1)^4} \quad \text{(أ)}$$

❷ معادلة المماس (T) للمنحني (C_h) عند النقطة ذات الفاصلة 0 هي:

$$y = -1 \quad \text{(ج)} \quad y = -x + 1 \quad \text{(ب)} \quad y = x \quad \text{(أ)}$$

❸ يقطع محور الفواصل في:

أ) نقطتين **ب**) نقطة وحيدة **ج**) لا نقطة

التمرين الثاني:

نعتبر الدالة f المعرفة على $\mathbb{R} - \{-1; 1\}$ كما يلي:

و ليكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب الى معلم متعمد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

❶ أحسب نهايات الدالة f عند الأطراف المفتوحة من مجموعة التعريف . فسر النتيجة بيانيًا؟.

❷ أدرس اتجاه تغير الدالة f على $\mathbb{R} - \{-1; 1\}$ و شكل جدول تغيراتها.

❸ أدرس الوضع النسبي لـ (C_f) بالنسبة للمستقيم ذو المعادلة $y = 1$ ، ثم تحقق أن نقطة تقاطعهما.

❹ عِين احداثيات نقاط تقاطع (C_f) مع حاملي محوري الإحداثيات.

❺ أكتب معادلة المماس (D) للمنحني (C_f) عند النقطة A .

❻ أنشئ (D) و (C_f) .

الموضوع الثاني:

التمرين الأول:

عِين الاقتراح الصحيح الوحيد من بين الاقتراحات الثلاثة، في كل حالة من الحالات الآتية مع التعليل:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{x+7}{(x+1)^2} \right) = \dots \quad (1)$$

ج) - 0 ب) - 1 أ) - ∞

$$I = \int_0^1 (x^2 + 2x - 1) dx \quad (2)$$

لدينا: ج) - 0 ب) - $\frac{1}{3}$ أ) - $\frac{1}{3}$

(3) الدالة الأصلية على المجال $[1; +\infty)$ للدالة f المعرفة بـ $f(x) = \frac{-2}{(x+1)^2}$ و التي تنعدم عند 1 هي:

$$F(x) = \frac{2}{x+1} \quad (ج) \quad F(x) = \frac{-x+1}{x+1} \quad (ب) \quad F(x) = \frac{-2}{(x+1)^2} \quad (أ)$$

(4) المساحة بوحدة المساحة للحيز تحت المنحنى الممثل للدالة f و المحسور بين المستقيمين ذو المعادلين: $x=0$ و $x=1$ هي:

$$(ج) - 4 \quad (ب) - 2 \quad (أ) - 1 \quad (ج) - 0$$

(5) القيمة المتوسطة على $[2; 1]$ للدالة g المعرفة بـ $g(x) = (2x+1)^4$ هي:

$$\frac{521}{5} \quad (أ) \quad \frac{-521}{5} \quad (ب) \quad \frac{521}{5} \quad (ج)$$

(6) الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ $h(x) = \frac{x^2-1}{(x^2+1)^3}$. الدالة المشتقة للدالة h هي:

$$h'(x) = \frac{4x^3+8x}{(x^2+1)^4} \quad (ج) \quad h'(x) = \frac{4x(x^2-2)}{(x^2+1)^4} \quad (ب) \quad h'(x) = \frac{-4x(x^2-2)}{(x^2+1)^4} \quad (أ)$$

التمرين الثاني:

I. نعتبر الدالة العددية g المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $g(x) = 2x^3 - 3x^2 - 1$ و ليكن (C_g) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب الى معلم متعمد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$:

(1) أدرس اتجاه تغير الدالة g و شكل جدول تغيراتها.

(2) بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلاً وحيداً محصور بين 1,6 و 1,7.

(3) استنتج حسب قيم x إشارة $g(x)$ على المجال \mathbb{R} .

(4) بين أن (C_g) يقبل نقطة انعطاف، ثم عينها.

II. نعتبر الدالة f المعرفة على $\{-1\} - \mathbb{R}$ كما يلي:

و ليكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب الى معلم متعمد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

(1) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x من $\{-1\} - \mathbb{R}$: $f'(x) = \frac{g(x)}{(x^3+1)^2}$.

(2) استنتاج اتجاه تغير الدالة f ، ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) أكتب معادلة المماس (D) للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0.

(4) تحقق أن: $f(x) = \frac{(x-1)x^3}{(x+1)(x^2-x+1)}$ ، ثم استنتاج الوضع النسبي للمنحنى (C_f) بالنسبة للمماس (D) .

(5) عين نقاط تقاطع (C_f) مع حاملي محوري الإحداثيات.

(6) أنشئ (D) و (C_f) . (تعطى $f(\alpha) \approx -1,12$).