

## فرض الفصل الأول في مادة الرياضيات

**المأسلة :** المستوى منسوب إلى المعلم المعتمد والمتجازن  $\left( o, \overset{\rightarrow}{i}, \overset{\rightarrow}{j} \right)$

I. (γ) التمثيل الباني للدالة  $e^x \rightarrow x$  و المستقيم ( $\Delta$ )

ذو المعادلة  $y = x + 2$  ،  $\alpha$  و  $\beta$  هما فاصلتي

تقاطع ( $\gamma$ ) و ( $\Delta$ ) كما هو موضح في الشكل

1. بقراءة بيانية حدود وضعية ( $\gamma$ ) بالنسبة إلى ( $\Delta$ ) على  $\mathbb{R}$

2. نعتبر  $g$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ  $g(x) = e^x - x - 2$

استنتاج حسب قيم  $x$  إشارة  $g(x)$  على  $\mathbb{R}$

3. تتحقق أن :  $1,1 < \beta < 1,2 < \alpha < -1,8$  و

II. نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}^*$  كأيلي :  $f(x) = \frac{e^x(x+1)}{e^x - 1}$  حيث  $(C_f)$  تمثيلها البياني

1. أ) احسب  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  ثم فسر هذه النتائج هندسيا

ب) بين أنه من أجل  $x$  كل من  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{x+1}{1-e^{-x}}$  ، ثم احسب  $f(x)$

2. أ) بين أن المستقيم ( $\Delta$ ) ذو المعادلة  $y = x + 1$  مقارب للمنحنى  $(C_f)$

ب) ادرس الوضع النسيي للمنحنى  $(C_f)$  مع المستقيم ( $\Delta$ )

3. بين أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}^*$  :  $f'(x) = \frac{e^x g(x)}{(e^x - 1)^2}$

ثم استنتاج تغيرات الدالة  $f$  و شكل جدول تغيراتها على  $\mathbb{R}^*$

4. بين أن  $f(\alpha) = \alpha + 2$  ثم استنتج حصراً لكل من  $f(\alpha)$  و  $f(\beta)$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(\alpha+h)-\alpha-2}{h}$$

6. أنشئ المثلث  $(C_f)$  والمستقيم  $(\Delta)$

7. أ) حدد بيانياً قيم الوسيط الحقيقي  $m$  التي من أجلها المعادلة  $f(x) = x + \ln|m|$  حين مختلفين في الاشارة

ب) نعتبر العدد الحقيقي  $t$  حيث  $\ln[f(\alpha)] < t < \ln[f(\beta)]$

اختر الاجابة الصحيحة مع التعليل :

$$: f(x) = e^t$$

بيانياً المعادلة : 1) تقبل حين موجبين تماما 2) لا تقبل حلول حقيقة 3) تقبل حل وحيد سالب تماما

(III) نعتبر الدالة  $h$  المعرفة على  $\mathbb{R}^*$  كايلي : حيث  $(C_h)$  تمثيلها البياني

1. بين أن الدالة  $h$  زوجية

2. أكتب العبارة  $h(x)$  دون رمز القيمة المطلقة

3. اشرح كيف يمكن رسم  $(C_h)$  اعتماداً على  $(C_f)$  في نفس المعلم و بلون مختلف

$a$  عدد حقيقي موجب تماماً أثبت أن : \*Bonus\*

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - a^x}{x} = 1 - \ln a \quad +1pt$$

بـ التوفيق للجميع

أستاذ المادة

بن هسين هشام