



**التمرين 01 (06 نقاط )**

✗ مر إنتاج وإستخدام الليثيوم  ${}^6_3\text{Li}$  بمراحل عدة خلال التاريخ الحديث , وإزداد الطلب على إنتاجه أثناء الحرب الباردة نتيجة سباق التسلح النووي , إذ يتم قذف نواة ليثيوم  ${}^6_3\text{Li}$  بنيوترون لنتحصل على تريتيوم  ${}^3_1\text{H}$  وإشعاع  $\alpha$ .  
✗ وأيضا في مجال الإلكترونيات تم إستخدامه بشكل كبير جدا في صناعة البطاريات القابلة لإعادة الشحن التي يمكن أن تولد 3 V لكل خلية .



**الجزء الأول : تفاعل اندماج .**

1- أكتب معادلة التفاعل النووي الحادث محددًا النواة

النااتجة  ${}^4_2\text{He}$  .

2- أحسب طاقة الربط النووي لنواة  ${}^6_3\text{Li}$  بالـ MeV .

3- رتب الانوية :  ${}^6_3\text{Li}$  ,  ${}^4_2\text{He}$  ,  ${}^3_1\text{H}$  من الأقل إستقرارا

إلى الأكثر إستقرارا .

4- تندمج نواة الديوتريوم  ${}^2_1\text{H}$  مع نواة تريتيوم  ${}^3_1\text{H}$  حسب المعادلة :  ${}^2_1\text{H} + {}^3_1\text{H} \rightarrow {}^4_2\text{He} + {}^1_0\text{n}$

أ- عرف تفاعل الإندماج النووي .

ب- أحسب الطاقة المحررة  $E_{lib}$  لهذا التفاعل النووي .

ت- أحسب الطاقة الكلية  $E'_{lib}$  المحررة عندما تتشكل 75 g من الهيليوم .

**المعطيات :**

$m_p = 1,00728 u$	$m_n = 1,00866 u$	$m({}^6_3\text{Li}) = 6,015 u$
$E_l({}^4_2\text{He}) = 28,3 \text{ MeV}$	$E_l({}^3_1\text{H}) = 8,47 \text{ MeV}$	$E_l({}^2_1\text{H}) = 2,23 \text{ MeV}$
$1u = 931,5 \text{ MeV}/c^2$	$N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$	

☒ نستخدم بطارية ليثيوم - أيون كمولد مثالي لدراسة ثنائي القطب RL ولهذا الغرض نحقق دائرة كهربائية والتي تتكون

من : - مولد مثالي قوته المحركة الكهربائية  $E = 6 \text{ V}$

- ناقل أومي مقاومتها الكهربائية  $R = 100 \Omega$

- وشيعة ذاتيتها  $L$  ومقاومتها الداخلية  $r$  , وقاطعة  $k$  .

☒ عند اللحظة  $t=0$  , نقوم بغلاق القاطعة  $k$  .

1- مثل برسم تخطيطي الدارة وحدد عليها : جهة التيار  $i$  , وأسهم التوترات بين طرفي كل ثنائي قطب .

2- أكتب المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار  $i(t)$  .

3- علما أن حل هذه المعادلة :  $i(t) = I_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$  . أوجد

عبارة الثوابت  $\tau$  و  $I_0$  بدلالة عناصر الدارة ثم بين أن عبارة التوتر

بين طرفي الوشيعة هي :  $u_b(t) = rI_0 + RI_0e^{-\frac{t}{\tau}}$

4- إنطلاقا من المعطيات و المنحى المرفق أوجد : - ثابت الزمن  $\tau$  .

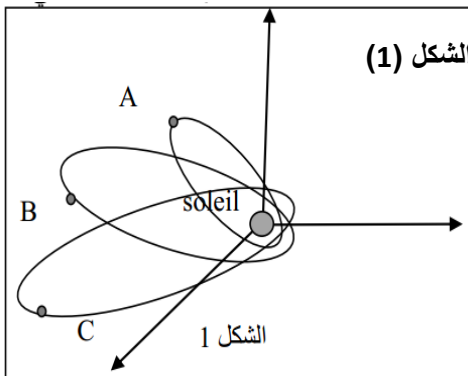
- المقاومة الداخلية للوشيعة  $r$  .

- ذاتية الوشيعة  $L$  .

**التمرين 02 (07 نقاط) :** أثبت العالم الفلكي يوهان كبلر في 1609 أن النظام الذي وضعه كوبرنيك عن مركزية

الشمس هو الوحيد الذي يعكس الحقيقة بدقة وعن طريق عمليات حسابية معقدة ومتعددة , وضع كبلر القوانين الثلاثة الهامة فيما يتعلق بحركة الكواكب .

- الشكل (1) يعطي نموذجا تقريبا لمدارات ثلاث كواكب (A) , (B) , (C) من المجموعة الشمسية تدور حول



الشمس في معلم هيليو مركزي .

1- ذكّر بقوانين كبلر الثلاثة وهل القانون الأول محقق حسب

ما يبينه الشكل (1) ؟ علل .

2- الجدول المقابل يحتوي على معلومات تخص الكواكب الثلاث

بعضها مجهول حيث  $T$  يمثل دور الكوكب حول الشمس ,

و  $a$  هو نصف طول المحور الكبير للإهليليج (كذلك  $a$  تمثل القيمة

المتوسطة التي تفصل مركزي عطالة الشمس والكوكب للإهليليج :  $r = a$ )

-بالإعتماد على قانون كبلر الثالث أوجد قيمتي كل من :  $T_B$  و  $a_C$  .

الكوكب	$T(10^7 \text{ s})$	$a(10^8 \text{ Km})$
A (الأرض)	3,16	1,50
B (المريخ)	$T_B$	2,28
C (المشتري)	37,40	$a_C$

3- نقبل من أجل تسهيل الدراسة أن حركة الكواكب الثلاث حول الشمس دائرية منتظمة نصف قطرها  $r$  وأنها لا تخضع إلا لتأثيرها فقط .

1-3- مثل شعاع القوة التي تؤثر بها الشمس على أحد الكواكب وأعط عبارة شدتها بدلالة  $G$  و  $M_S$  (كتلة الشمس) و  $m_p$  (كتلة الكوكب) و  $r$  (البعد بين مركزي كل من الكوكب والشمس) .

2-3- إذا علمت أن شدة قوة جذب الشمس للأرض هي :  $F_{S/T} = 3,56 \times 10^{22} N$  . أوجد كتلة الشمس .  
 تُعطى :

$G = 6,67 \times 10^{-11} (SI)$	البعد بين مركزي الشمس والأرض $r = 1,5 \times 10^{11} m$	كتلة الأرض $M_T = 6,0 \times 10^{24} Kg$
---------------------------------	--	--

1-4- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين أن عبارة  $a_G$  تسارع مركز

عطالة الأرض حول الشمس يعطى بالعلاقة :  $a_G = \alpha \times \frac{1}{r^2}$   
حيث  $\alpha$  ثابت يطلب تعيين عبارته .

2-4- البيان الموضح في الشكل 02 يمثل تغيرات  $a_G$  بدلالة  $\frac{1}{r^2}$

أعط العبارة التي يترجمها البيان .

3-4- بالإعتماد على العلاقتين النظرية والعملية إستنتج كتلة الشمس .

4-4- هل تتوافق هذه القيمة مع القيمة المحسوبة سابقا (2-3)

في حدود أخطاء القياس .

### التمرين التحريبي (07 نقاط) :

- منظم تجاري يتكون من حمض اللاكتيك  $C_3H_6O_3$  يُستعمل لإزالة الترسبات الكلسية .
- أردنا أن نتأكد من صحة درجة نقاوة هذا المنظم التجاري ، ودراسة تتبّع تطور سرعة التفاعل أثناء إزالة الراسب الكلسي ، تحمل ملصقة المنظم المعلومات التالية :

- الكتلة المولية الجزيئية للحمض :  $M ( C_3H_6O_3 ) = 90 \text{ g/mol}$
- الكتلة الحجمية للحمض :  $\rho = 1,13 \text{ g/ml}$  (حيث الكتلة الحجمية للماء :  $\rho_{eau} = 1 \text{ g/ml}$ )
- درجة النقاوة (النسبة الكتلية المئوية)  $p = 45 \%$

### ❖ الجزء الأول :

نحضر حجما  $V_1 = 500 \text{ ml}$  لمحلول حمض اللاكتيك تركيزه المولي  $c_1 = 0,1 \text{ mol/l}$  . أعطى قياس الـ pH لهذا المحلول القيمة  $pH = 2,44$  .

1- أكتب معادلة انحلال الحمض في الماء . ثم أنشئ جدول تقدم التفاعل المنمذج لهذا التحول .

2- بين أن قيمة التقدم النهائي  $x_f$  لهذا التفاعل هي  $x_f = 1,81 \text{ mmol}$

3- أحسب قيمة الـ  $pKa$  للتثائية :  $(C_3H_6O_3/C_3H_5O_3^-)$

❖ الجزء الثاني :

للتحقق من صحة درجة نقاوة هذا المنظف التجاري ، نستعمل منظفا تجاريا مركزا يحتوي على حمض اللاكتيك تركيزه المولي  $c_0$  ، ثم نخففه 100 مرة فنحصل على محلول  $(S_A)$  لحمض اللاكتيك تركيزه المولي  $c_A$  .

- نعاير حجما قدره  $V_A = 10 \text{ ml}$  من محلول  $(S_A)$  بواسطة محلول لهيدروكسيد الصوديوم

$(Na_{(aq)}^+ + OH_{(aq)}^-)$  تركيزه المولي  $c_B = 2 \times 10^{-2} \text{ mol/l}$  ، فكان الحجم المضاف عند التكافؤ هو :

$$V_{BE} = 28,3 \text{ ml}$$

1- أكتب معادلة تفاعل المعايرة المنمذجة لهذا التحول .

2- أحسب  $c_A$  ثم إستنتج  $c_0$  .

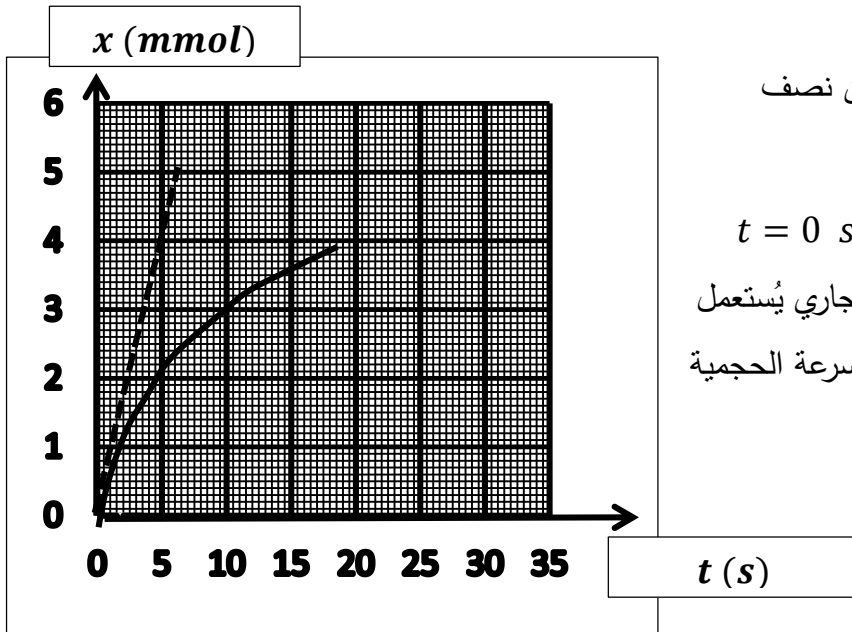
3- أحسب درجة النقاوة للمنظف التجاري ، وتحقق من القيمة المكتوبة على الملصق .

$$( \text{حيث تُعطى علاقة تركيز محلول تجاري : } c_0 = \frac{10 \times P \times d}{M} )$$

❖ الجزء الثالث :

- لعلمكم أن الراسب الكلسي يتكون أساسا من كربونات الكالسيوم  $CaCO_{3(s)}$  والتي يُؤثر عليها حمض اللاكتيك .

للقوف على بعض العوامل المؤثرة على مدة إزالة الراسب ، نصب حجما  $V = 10 \text{ ml}$  من المحلول  $(S_A)$  المخفف على كمية من كربونات الكالسيوم الصلب . بواسطة تركيبة تجريبية خاصة وبيرومجية مناسبة تمكنا من رسم البيان  $x = f(t)$  و الذي يمثل تغير التقدم بدلالة الزمن .



1- جد قيمة التقدم النهائي ، إذا علمت أن زمن نصف

$$t_{\frac{1}{2}} = 10 \text{ s}$$

2- عين السرعة الحجمية للتفاعل عند اللحظة  $t = 0 \text{ s}$

3- مکتوب على الملصقة أيضا أن المنظف التجاري يُستعمل

مركزا مع التسخين ، ما تأثير ذلك على السرعة الحجمية

- فسر على المستوى المجهرى .

إنتهى بالتوفيق للجميع...

تمرين 01 :

الجزء الأول (تفاعل إندماج نووي) :

- 0,5 -1 كتابة المعادلة النووية :  ${}^1_0n + {}^6_3Li \rightarrow {}^3_1H + {}^4_2He$  :  
 • حسب قانوني الإنحفاظ لصدوي نجد :  
 $A = 7 - 3 = 4$   
 $Z = 3 - 1 = 2$   
 ومنه :  ${}^1_0n + {}^6_3Li \rightarrow {}^3_1H + {}^4_2He$

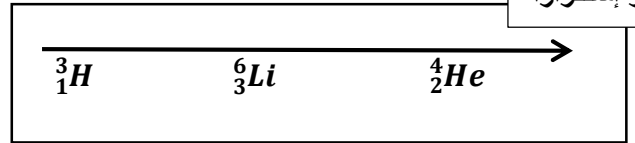
-2 حساب طاقة الربط  $E_l({}^6_3Li)$  :

0,5  $E_l({}^6_3Li) = [3m_p + (6 - 3)m_n - m({}^6_3Li)] \times C^2$   
 $= [(3 \cdot 1,00728) + (3 \cdot 1,00866) - 6,015] \times 931,5$   
 $= 30,5718 \text{ MeV}$

-3 ترتيب الانوية من الأقل الى الأكثر إستقرارا :

- 0,75 •  $\frac{E_l({}^6_3Li)}{A} = \frac{30,5718}{7} = 5,095 \text{ MeV/nuc}$   
 •  $\frac{E_l({}^4_2He)}{A} = 7,075 \text{ MeV/nuc}$   
 •  $\frac{E_l({}^3_1H)}{A} = 2,8233 \text{ MeV/nuc}$

الأكثر إستقرارا



- 0,25 -4 أ- الإندماج النووي : هو تفاعل نووي مُفتعل ناتج عن  
 التحام (دمج) نواتين خفيفتين لتشكيل نواة أثقل وإنتاج  
 ب- الطاقة المحررة من تفاعل الإندماج :

0,5  $E_{lib} = E_l(\text{final}) - E_l(\text{intial}) =$   
 $= [E_l({}^3_1H) + E_l({}^4_2He)] - E_l({}^6_3Li)$   
 $= [8,47 + 2,23] - 28,3 = -17,6 \text{ MeV}$

ت - الطاقة الكلية عندما تتشكل 75 g من الهيليوم :

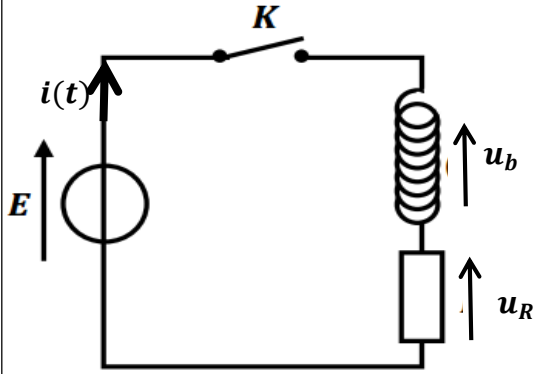
0,5  $E'_{lib} = E_{lib(T)} = N \times E_{lib}$   
 $N = \frac{N_A \times m}{M} = \frac{6,02 \times 10^{23} \times 75}{4} = 1,129 \times 10^{25} \text{ noy}$   
 $E'_{lib} = 1,129 \times 10^{25} \times 17,6 =$   
 $= 1,98 \times 10^{26} \text{ MeV} = 3,168 \times 10^{13} \text{ J}$

الجزء الثاني (دراسة ثنائي القطب RL) :

-1 رسم تخطيطي للدائرة الكهربائية :

النقاط

0,75



0,5

-2 إيجاد المعادلة التفاضلية للتيار :

حسب قانون جمع التوترات :  $U_b + U_R = E$   
 $Ri + ri + L \frac{di}{dt} = E$   
 $u_R(t) + u_b(t) = E$   
 $(R + r)i + L \frac{di}{dt} = E$

حيث  $\tau = \frac{L}{R+r}$  و  $\frac{di}{dt} + \frac{(R+r)}{L}i = \frac{E}{L}$

-3 إيجاد قيمة الثوابت  $I_0$  و  $\tau$  :

بالاشتقاق نجد :  $\frac{di}{dt} = \frac{I_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$

بتعويض قيمتي  $i(t)$  و  $\frac{di}{dt}$  في المعادلة التفاضلية نجد :

$(\frac{1}{\tau} - \frac{(R+r)}{L}) I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{(R+r)}{L} I_0 = \frac{E}{L}$

0,25

0,25

$\left\{ \begin{array}{l} \tau = \frac{L}{R+r} \\ I_0 = \frac{E}{R+r} \end{array} \right.$  ومنه :

إثبات أن عبارة التوتر تكتب بالشكل :

0,25

$u_b(t) = rI_0 + RI_0 e^{-\frac{t}{\tau}}$

لدينا :  $U_b(t) = L \frac{di}{dt} + r \times i(t)$  , بتعويض  $i(t)$  نثبت المطلوب .

0,25

-4 إيجاد قيمة الثوابت :

- إيجاد قيمة ثابت الزمن : من الديـان :
- $U_b(\tau) = 0,37 \times 6 = 2,22 \text{ V}$  بالاسقاط نجد :

$\tau = 10 \text{ ms}$

• المقاومة الداخلية r : حسب قانون جمع التوترات :

$U_b(\infty) + U_R(\infty) = E$   
 $rI_0 + RI_0 = E$

0,25

- ولدينا من البيان في النظام الدائم :  $rI_0 = 1 \text{ V}$  و  
 من المعطيات  $R = 100 \Omega$  أي :

$I_0 = 0,05 \text{ A}$  معناه  $1 + RI_0 = 6$

0,25

• ذاتية L : بالتعويض في عبارة  $\tau$  نجد  $L = 1,2 \text{ H}$

$rI_0 = 1 \rightarrow r = 20 \Omega$

0,25

## التمرين 02 (07 نقاط)

### 1- قوانين كبلر الثلاث :

- القانون الأول لكبلر : إن الكواكب تتحرك وفق مدارات إهليلجية تمثل الشمس إحدى محرقها
- القانون الثاني لكبلر : المستقيم الرابط بين الشمس والكوكب يمسح مساحات متساوية خلال مجالات زمنية متساوية
- القانون الثالث لكبلر : إن مربع الدور يتناسب مع مكعب البعد المتوسط للكوكب عن الشمس .

$$\frac{T^2}{r^3} = K = \frac{4\pi^2}{GM}$$

- نعم القانون الأول مُحقق من الشكل : نلاحظ أن مدارات الكواكب الثلاث إهليلجية والشمس تقع في أحد المحرقي هذا المدار .

- 2- بالاعتماد على قانون كبلر الثالث وتطبيقه على الأرض نحسب قيمة هذه النسبة :

$$\frac{T^2}{r^3} = \frac{(3,16 \times 10^7)^2}{(1,50 \times 10^8 \times 10^3)^3} =$$

$$= 2,958696 \times 10^{-19} \text{ s}^2/\text{m}^{-3}$$

- الآن نطبق قانون كبلر الثالث على المريخ :

$$\frac{T_B^2}{r^3} = 2,958696 \times 10^{-19}$$

نجد :

$$T_B^2 = 2,958696 \times 10^{-19} \times (2,28 \times 10^8 \times 10^3)^3$$

$$T_B = 59217823,71 \text{ s}$$

$$= 5,92 \times 10^7 \text{ s}$$

$$= 685,4 \text{ ans}$$

أي أن المريخ يحتاج 685,4 سنة لكي يدور دورة واحدة حول الشمس .

- الآن نطبق قانون كبلر الثالث على كوكب المشتري :

$$\frac{(37,40 \times 10^7)^2}{a_c^3} = 2,958696 \times 10^{-19}$$

$$a_c^3 = \frac{(37,40 \times 10^7)^2}{2,958696 \times 10^{-19}}$$

$$= 4,7276 \times 10^{35}$$

$$a_c = \sqrt[3]{4,7276 \times 10^{35}}$$

$$= 7,79 \times 10^{11} \text{ m}$$

779 مليون كلم وهي تمثل بالتقريب 5 أضعاف مدار

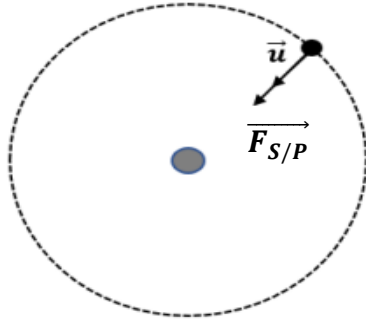
الأرض حول الشمس (5,2) مرة

- 3- تمثيل القوة التي تؤثر بها الشمس :

نرمز للشمس بـ S (le Soleil)

نرمز للكوكب بـ p (planète)

ونرمز للأرض بـ T (la Terre)



1-3- عبارة شدة القوة : حسب القانون الثالث لنيوتن

$$\vec{F}_{S/P} = \frac{G \times M_S \times m_p}{r^2}$$

2-3- حساب كتلة الشمس :

بالتعويض في العلاقة السابقة نجد :

$$F_{S/T} = \frac{G \times M_S \times m_p}{r^2} \rightarrow$$

$$3,56 \times 10^{22} = \frac{6,67 \times 10^{-11} \times M_S \times 6 \times 10^{24}}{(1,5 \times 10^{11})^2}$$

ومنه :  $M_S = 2,001 \times 10^{30} \text{ Kg}$

1-4- العلاقة :

حسب القانون الثاني لنيوتن :

$$\sum \vec{F}_{ext} = m_T \times \vec{a}_G$$

$$\vec{F}_{S/T} = m_T \times \vec{a}_G$$

بالاسقاط على الناظم :  $F_{S/T} = m_T \times a_G$

وبالمساواة مع قيمة القوة من القانون الثالث لنيوتن :

$$m_T \times a_G = \frac{G \times M_S \times m_T}{r^2}$$

$$a_G = \frac{G \times M_S}{r^2}$$

$$a_G = (G \times M_S) \times \frac{1}{r^2} \quad (\text{العلاقة النظرية})$$

$$\alpha = G \times M_S \quad (\text{عبارة } \alpha)$$

2-4- العبارة البيانية التي يترجمها البيان : البيان عبارة

عن خط مستقيم يمر بالمبدأ معادلته من الشكل :

$$a_G = \tan \alpha \times \frac{1}{r^2} = \frac{14 \times 10^{-3}}{10,45 \times 10^{-23}} \times \frac{1}{r^2}$$

$$a_G = 1,339 \times 10^{20} \times \frac{1}{r^2} \quad (\text{المعادلة البيانية})$$

$$= \frac{(10^{-pH})^2}{c_1 - 10^{-pH}} = \frac{(10^{-2,44})^2}{0,1 - 10^{-2,44}} =$$

$$= 1,368 \times 10^{-4}$$

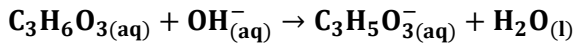
ومنه :

$$pKa = -\log Ka = -\log (1,368 \times 10^{-4})$$

$$pKa(c_3H_6O_3/c_3H_5O_3^-) = 3,86$$

الجزء الثاني :

1- المعادلة :



2- عند نقطة التكافؤ تتحقق الشروط الستوكيومترية :

$$n_A = n_B \rightarrow C_A \cdot V_A = C_B \cdot V_{BE}$$

$$C_A = \frac{2 \times 10^{-2} \times 28,3 \times 10^{-3}}{10 \times 10^{-3}}$$

$$= 5,66 \times 10^{-2} mol/l$$

بالضرب في معامل التمديد :

$$c_0 = 5,66 \times 10^{-2} \times 100$$

$$= 5,66 mol/l$$

3- حساب درجة النقاوة :

$$c_0 = \frac{10 \times P \times d}{M}$$

$$P = \frac{c_0 \times M}{10 \times d} = \frac{c_0 \times M}{10 \times \frac{\rho}{\rho_{eau}}}$$

$$= \frac{5,66 \times 90}{10 \times \frac{1,13}{1}} = 45,08\%$$

الجزء الثالث :

1- من البيان :  $t_{\frac{1}{2}} = 10s$  وهي توافق

$$x_f = 6mmol \text{ معناه } x_{\frac{1}{2}} = 3mmol$$

2- حساب السرعة الحجمية :

$$v_{vol(0)} = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt} \Big|_{t=0} = \frac{1}{10 \times 10^{-3}} \frac{(4-0)10^{-3}}{5-0}$$

$$v_{vol(0)} = 0,8 \times 10^{-3} mol/L.s$$

3-4- بالمطابقة بين العلاقتين النظرية والبيانية نجد :

$$\begin{cases} a_G = (G \times M_S) \times \frac{1}{r^2} \\ a_G = 1,339 \times 10^{20} \times \frac{1}{r^2} \end{cases}$$

$$G \times M_S = 1,339 \times 10^{20} \text{ نجد}$$

$$M_S = \frac{1,339 \times 10^{20}}{6,67 \times 10^{-11}} = \text{أي :}$$

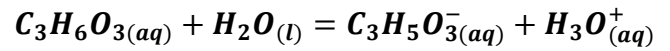
$$= 2,007 \times 10^{30} Kg$$

4-4- القيمة تتوافق لكن بإرتياب كبير ناتج عن الفواصل التي تُهمل وتُقرب مضروبة في أسس كبيرة جدا .

التمرين التجريبي : (07 نقاط)

الجزء الأول :

1- معادلة إنحلال الحمض في الماء وجدول التقدم :



التقدم	الحالة	$C_3H_6O_3(aq) + H_2O(l) = C_3H_5O_3^- + H_3O^+(aq)$			
$x = 0$	الإبتدائية	$c_1 V_1$	زيادة	0	0
$x(t)$	الانتقالية	$c_1 V_1 - x$	زيادة	$x$	$x$
$x_f$	النهائية	$c_1 V_1 - x_f$	زيادة	$x_f$	$x_f$

2- حساب التقدم النهائي :

$$x_f = [H_3O^+]_f V_T = 10^{-pH} \times 500 \times 10^{-3}$$

$$= 10^{-2,44} \times 0,5$$

$$= 1,81 \times 10^{-3} mol$$

$$= 1,81 mmol$$

3- حساب قيمة الـ  $pKa$  :

$$Ka = \frac{[الأساس]_f \times [H_3O^+]_f}{[الحمض]_f}$$

$$= \frac{[C_3H_5O_3^-]_f \times [H_3O^+]_f}{[C_3H_6O_3]_f}$$

$$= \frac{[H_3O^+]_f \times [H_3O^+]_f}{c_1 - [H_3O^+]_f}$$

0,5

3- تزيد السُرعة الحجمية بزيادة الحرارة

(عامل حركي)

- التفسير على المستوى المجهرى :

0,5

زيادة درجة الحرارة يزيد من حركية

الأفراد الكيميائية داخل المحلول ومنه

تزيد التصادمات والتصادمات الفعالة

الأمر الذي يؤدي الى زيادة

سرعة التفاعل