

**الفرض الأول للتلاميذ الأول في مادة الرياضيات**

**نص التحرين:**

نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R} - \{1\}$  كما يلي:  $f(x) = \frac{x^3 - 2x^2}{(x-1)^2}$ .

و  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .

(1) أ- أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ .

ب- أحسب  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ ، ثم فسّر النتيجة هندسياً.

(2) أ- تحقق أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R} - \{1\}$ :  $f(x) = x - \frac{x}{(x-1)^2}$ .

ب- بين أن المستقيم  $(\Delta)$  ذا المعادلة  $y = x$  مستقيم مقارب مائل للمنحنى  $(C_f)$ .

ج- أدرس وضعية المنحنى  $(C_f)$  بالنسبة للمستقيم  $(\Delta)$ .

(3) أ- بين أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R} - \{1\}$  فإن:  $f'(x) = \frac{x(x^2 - 3x + 4)}{(x-1)^3}$ .

ب- أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  على مجالي مجموعة تعريفها، ثم شكل جدول تغيراتها.

(4) عين إحداثيي النقطة  $A$  من  $(C_f)$  التي يكون فيها المماس  $(T)$  موازياً للمستقيم  $(\Delta)$ ، ثم أكتب معادلة للمماس  $(T)$ .

(5) أحسب إحداثيات نقطتي تقاطع المنحنى  $(C_f)$  مع حامل محور الفواصل.

(6) أنشئ المستقيم  $(\Delta)$  والمنحنى  $(C_f)$ .

(7) ناقش بياناً وحسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة:  $f(x) = x + m$ .

(8) نعتبر الدالة  $h$  المعرفة على  $\mathbb{R} - \{1\}$  كما يلي:  $h(x) = \frac{|x^3 - 2x^2|}{(x-1)^2}$ ، و  $(C_h)$  تمثيلها البياني في نفس المعلم السابق.

إشرح كيفية إنشاء المنحنى  $(C_h)$  اعتماداً على المنحنى  $(C_f)$  ثم أنشئه.

(9) لتكن  $k$  الدالة المعرفة على المجال  $]-\infty; 0[ \cup ]0; 1[ \cup ]1; +\infty[$  كما يلي:  $k(x) = f\left(\frac{1}{x}\right)$ .

أدرس تغيرات الدالة  $k$  ثم شكل جدول تغيراتها. (لا يطلب حساب  $k(x)$  بدلالة  $x$ )