



التمرين الأول: (07 نقاط)

(1) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلات التالية: (ا)  $2e^{-x} + 1 = 3e^x$  (ب)  $x + \ln(e^x - 2) = \ln 3$

(2) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة التالية:  $2t^2 - 5t + 2 = 0$  ثم استنتج حلول الجملة التالية:  $\begin{cases} 2e^{2x} - 5e^x + 2 = 0 \\ e^x \times e^y = 1 \end{cases}$

(3) باستعمال النهاية  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x} = 1$  احسب النهاية التالية:  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{3x} - e^{2x}}{x}$

(4) احسب مشتقة الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R} - -1$  ب:  $f(x) = e^{\frac{x-1}{x+1}}$

(5)  $f$  هي حل المعادلة التفاضلية  $y' - 2y = 2$  و  $(C_f)$  لتمثيل البياني لها في معلم متعامد و متجانس اكتب معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة  $A(1, 1)$

(6)  $f$  دالة بحيث  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 1$  احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(-2e^x)$

التمرين الثاني: (13 نقاط)

$f$  دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  ب:  $f(x) = x - \frac{e^x - 3}{e^x + 1}$

و  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب لمعلم متعامد و متجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

(1) (ا) احسب نهايات  $f$  عند  $-\infty$  و  $+\infty$

(ب) بين أن المستقيمين  $(D_1): y = x + 3$  و  $(D_2): y = x - 1$  مقاربان للمنحنى  $(C_f)$

(2) (ا) تحقق انه من اجل كل عدد حقيقي  $x$ :  $f'(x) = \left(\frac{e^x - 1}{e^x + 1}\right)^2$

(ب) ادرس اشارة  $f'(x)$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $f$

(3) (ا) استنتج من جدول تغيرات  $f$  ان النقطة  $I(0, 1)$  نقطة انعطاف للمنحنى  $(C_f)$

(ب) اكتب معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة  $I$

(4) بين ان المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلا وحيد  $\alpha$  حيث  $-2.8 < \alpha < -2.7$

(5) امتب معادلة للمستقيم  $(\Delta)$  الذي يشمل النقطة  $I$  و يوازي المستقيمين  $(D_1)$  و  $(D_2)$

(6) انشيء المماس  $(T)$  و المستقيم  $(\Delta)$  ثم المنحنى  $(C_f)$

(7) ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط  $m$  عدد و اشارة حلول المعادلة:  $x(e^x + 1)(1 - m) = e^x - 3$