

الفرض الأول للثلاثي الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول : (3 نقاط)

نعتبر الدالة العددية f المعرفة المستمرة على المجال $[0;1]$ بحيث $f(0) = f(1)$ و p عدد طبيعي ثابت يحقق $p > 1$

. $f\left(\alpha + \frac{1}{p}\right) = f(\alpha)$ يتحقق: α من المجال $[0;1]$ اثبت أنه يوجد على الأقل عدد حقيقي

التمرين الثاني: (17 نقطة)

. $g(x) = x^3 - 3x - 4$ $x \in \mathbb{R}$ b : g الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R}

(1) أ) بره أن g مستمرة على \mathbb{R} .

ب) أحسب نهايتي $g(x)$ عند $-\infty$ و $+\infty$.

ج) أدرس إتجاه تغير g ثم انشيء جدول تغيراتها.

. $g(\alpha) = 0$ يتحقق $\alpha \in [2;5]$ أ) بره أنه يوجد عدد حقيقي وحيد

ب) استنتج إشارة $g(x)$.

$f(x) = \frac{x^3 + 2x^2}{x^2 - 1}$ b : f الدالة العددية المعرفة على $\mathbb{R} - \{1; -1\}$

و (C_f) المنحني الممثل لها في المعلم المتعامد المتجانس $(O; i, j)$ (وحدة الطول هي 2cm)

(1) أحسب نهايتي $f(x)$ عند حدود مجموعة تعريفها ثم فسرها هندسيا.

أ) بره انه من أجل كل عدد حقيقي $x \in D_f$ فان: $f'(x) = \frac{xg(x)}{(x^2 - 1)^2}$

ب) استنتاج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) أ) تتحقق أنه من أجل كل $x \in D_f$ فان: $f(x) = x + 2 + \frac{x+2}{x^2-1}$

ب) استنتاج ان (C_f) يقبل مستقيم مقارب مائل (Δ) يطلب تعين معادلة له بجوار كلا من $-\infty$ و $+\infty$.

ج) أدرس الوضع النسيجي بين (C_f) و (Δ) .

. $(O; i, j)$ في المعلم (Δ) و (C_f) أنشيء