

الفرض المحسوس الأول للثلاثي الثاني في مادة الرياضيات

التمرين الأول : (10 نقاط)

يحتوي صندوق على ثلاثة كرات حمراء تحمل الأرقام 1 ، 1 ، 0 وثلاث كرات خضراء تحمل الأرقام 2 ، 1 ، 0 وكرتين بيضاءتين تحملان الرقمين 0 ، 1 . كل الكرات لا يمكن التمييز بينها باللمس . نسحب عشوائيا وفي آن واحد ثلاثة كرات من الصندوق .

(1) نعتبر الحادفين التاليين A : " سحب كرة من كل لون " و B : " الكرات المسحوبة تحمل نفس الرقم "

- أ- أحسب احتمال كل من الحادفين A و B ثم بين أن احتمال الحادثة $A \cap B$ هو $\frac{3}{56}$.
- ب- هل الحادفين A و B مستقلتان ؟

(2) ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعدد الكرات المسحوبة التي تحمل الرقم 1 .

أ- حدد قانون احتمال X .

ب- أحسب أمثلة الرياضياتي $E(X)$.

التمرين الثاني : (10 نقاط)

f الدالة العددية المتزايدة تماما والمعرفة على المجال $[-1, +\infty)$ بـ :

و (U_n) المتالية العددية المعرفة بعدها الأولى $U_0 = 1$ ومن أجل كل عدد طبيعي n :

(1) أ) برهن بالترابع أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $0 < u_n < 2$.

ب) بين أن (U_n) متالية متزايدة تماما على IN واستنتج أنها متقاربة .

(2) نضع من أجل كل عدد طبيعي n :

- أثبت أن المتالية (V_n) هندسية أساسها $\frac{1}{3}$ ، يطلب تعين حدها الأول .

(3) أ- تحقق أنه من أجل كل عدد طبيعي n فإن :

ب- عبر بدلالة n عن V_n و U_n ، وأحسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n$.

(4) أحسب ، بدلالة n ، المجموع S_n حيث :

بالتفصيل.