

الفرض المحروس الثاني في الثلاثي الثاني
مادة: الرياضيات

التمرين الاول: 8 نقط

ليكن كثير الحدود $P(z)$ للمتغير المركب z المعرف كما يلي : $p(z) = z^3 - (6+i)z^2 + (13+i)z - 10 + 2i$.

- (1) أثبت أن p يقبل جذرا حقيقيا يطلب تعيينه .
- (2) أحسب $p(1-i)$.
- (3) حل في المجموعة \square ، المعادلة $p(z) = 0$.
- (4) في المستوي المركب لتكن النقط A ، B و C التي لواحقها على الترتيب $z_0 = 2$ ، $z_1 = 3 + 2i$ و $z_2 = 1 - i$.
 1. جد إحداثيتي النقطة G مرجح النقط A ، B و C المرفقة بالمعاملات: -2 ، 3 و 1 على الترتيب .
 2. عين المجموعة \mathcal{E}_M للنقط M من المستوي حيث : $-2MA^2 + 3MB^2 + MC^2 = 9$.

التمرين الثاني: 8 نقط

يضم كيس خمس كرات بيضاء مرقمة من 1 الى 5 و ثلاث كرات حمراء مرقمة من 6 إلى 8 و كرتين خضراوين يحملان الرقمين 9 و 10 نسحب عشوائيا على التوالي دون ارجاع كرتين .

- 1- أحسب احتمال الحوادث التالية " A الكرتان تحملان رقمين فرديين " B " الكرتان من نفس اللون " C " الكرتان تحملان رقمين فرديين و من نفس اللون "
- 2- ما احتمال الحوادث التالية: D: " الكرتان من لونين مختلفين " E " الكرتان من لونين مختلفين و تحملان رقمين فرديين "
- 3- علما أننا سحبنا كرتين من لونين مختلفين . ما احتمال أن يكون رقماهما فرديين ؟
- 4 - ليكن X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل اختيار عدد الكرات الحمراء المسحوبة .
 - أ) عين القيم الممكنة التي يأخذها المتغير العشوائي X و عرّف قانون احتماله .
 - ب) أحسب الأمل الرياضي و الانحراف المعياري للمتغير العشوائي X .

التمرين الثالث: 4 نقط

- ليكن n عدد طبيعي يكتب $1x5y4^6$
- أوجد جميع الأزواج (x, y) من \square^2 بحيث :
- (1) n يقبل القسمة على 35 .
 - (2) n يقبل القسمة على 70 .