

التمرين الاول (9 نقاط)

1. نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على  $]0, +\infty[$  كما يلي:  $g(x) = x - 1 + 2 \ln(x)$ .

أدرس تغيرات الدالة  $g$  (النهايات والاشتقاق)

شكل جدول تغيرات الدالة  $g$ .

احسب  $g(1)$  ثم حدد إشارة  $g(x)$  على المجال  $]0, +\infty[$ .

2. استنتج أن مهما يكن:  $x \in ]1, +\infty[$  فان:  $g\left(\frac{1}{x}\right) < 0$  ومهما يكن:  $x \in ]0, 1[$  فان:  $g\left(\frac{1}{x}\right) > 0$ .

2. نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}^+$  كما يلي:  $f(x) = x - x^2 \ln x$  ;  $x > 0$   
 $f(0) = 0$

بين أن  $f$  مستمرة على يمين الصفر 0.

أدرس قابلية اشتقاق الدالة  $f$  على يمين الصفر 0. فسر هندسيا النتيجة المحصل عليها؟

احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

بين أن مهما يكن  $x \in ]0, +\infty[$   $f'(x) = xg\left(\frac{1}{x}\right)$

شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .

بين أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  في المجال  $]0, +\infty[$  وأن  $1 < \alpha < 2$ .

تحقق أن معادلة نصف المماس (T) للمنحنى  $(C_f)$  في النقطة ذات الفاصلة 0 هي  $y = x$ .

استنتج الوضع النسبي لـ (T) و (C\_f)

أنشئ في معلم متعامد ومتجانس (C\_f) منحنى الدالة والمماس (T).

التمرين الثاني (6 نقاط)

1. الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ ,

نعتبر النقط  $A(-2; 0; 1)$ ,  $B(1; 2; -1)$ ,  $C(-2; 2; 2)$ .

بين ان النقط  $A$ ,  $B$ ,  $C$  ليست في استقامية. ماذا تستنتج؟

تحقق ان المعادلة الديكارتية للمستوي  $(ABC)$  هي:  $2x - y + 2z + 2 = 0$   2

ليكن المستويان  $(P_1): x + y - 3z + 3 = 0$  و  $(P_2): x - 2y + 6z = 0$    2

اعط تمثيلا وسيطيا للمستقيم الناتج عن تقاطع المستويان  $(P_1)$  و  $(P_2)$   1  أ

برهن ان المستقيم  $(D)$  والمستوي  $(ABC)$  متقاطعان في نقطة يطلب تعيين إحداثياتها.   ب

لتكن  $(S)$  سطح الكرة التي مركزها  $\Omega(1; -3; 1)$  ونصف قطرها  $r = 3$ .   3

عين معادلة ديكارتية لسطح الكرة  $(S)$ .  1  أ

ادرس تقاطع سطح الكرة  $(S)$  والمستقيم  $(D)$ .   ب

برهن أن المستوي  $(ABC)$  مماس لسطح الكرة  $(S)$  في نقطة  $H$  يطلب تعيين إحداثياتها   ج

### التمرين الثالث ( 5 نقاط )

نعتبر كثير الحدود  $P$  ذو المتغير المركب  $Z$  المعرف بـ:  $P(z) = z^3 - 2z^2 + 16$    1

احسب  $P(-2)$  ماذا تستنتج؟  1  أ

عين الأعداد الحقيقية  $a, b, c$  بحيث:  $P(z) = (z + 2)(az^2 + bz + c)$    ب

حل في  $c$  المعادلة  $P(z) = 0$    ج

نعتبر النقطتان  $A, B$  لاحقتهما على الترتيب  $z_A = 2 - 2i$  ،  $z_B = 2 + 2i$    2

أكتب  $Z_B$  على الشكل المثلثي والاسي ثم استنتج  $Z_A$ .  1  أ

حدد طبيعة المثلث  $OAB$ .   ب

نسمي  $G$  مرجح الجملة المثقلة  $\{(O; -1), (A; 1), (B; 1)\}$    3

عين لاحقة النقطة  $G$ .  1  أ

علم النقط  $O; G; B; A$  ، ثم حدد طبيعة الرباعي  $O B G A$ .   ب

بالتوفيق للجميع

لكل جديد لذة