

اختبار في مادة الرياضيات  
على المترشح أن يختار أحد الموضوعين:  
الموضوع الأول:

التمرين الأول: (05 نقاط)

- 1- أوجد بواقي قسمة العدد "4" على 11.
- 2- استنتج بواقي القسمة على 11 لكل من الأعداد:  $37^{5k+3}$ ;  $37^{5k+2}$ ;  $37^{5k+1}$ ;  $37^{5k}$  مع  $k \in \mathbb{N}$ .
- 3- بين أن:  $[11] = 3 \times 4^{5k+2} + 2 \times 15^{5k} - 6$ .

التمرين الثاني (06 نقاط)

( $v_n$ ) متتالية عدديّة معرفة بحدها الأول  $v_1 = 5v_0 + 4$ ، و من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :

- 1- أحسب:  $v_1, v_2, v_3$ .
- 2- نضع من أجل كل عدد طبيعي  $n$ ، المتتالية  $(U_n)$  كما يلى:  $u_n = v_n + 1$ .
- 3- بين أن  $(U_n)$  متتالية هندسية أساسها 5 و حدّها الأول  $u_0 = 2$ .
- 4- اكتب  $u_n$  بدالة  $n$  ثم استنتج  $v_n$  بدالة  $n$ .
- 5- أحسب بدالة  $n$  المجموع  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_{n-1}$  حيث:  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_{n-1}$  ثم أحسب بدالة  $n$  المجموع  $S'_n$  حيث:  $S'_n = v_0 + v_1 + \dots + v_{n-1}$ .

التمرين الثالث (09 نقاط)

نعتبر الدالة  $f$  العدديّة المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلى:  $f(x) = x^3 + 2x^2 + x - 4$ .

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في مستوى منسوب إلى معلم متعمد ومتجرس  $(O; i, j)$ .

- 1- أحسب نهاية الدالة  $f$  عند  $+\infty$  و  $-\infty$ .
- 2- أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  و شكل جدول تغيراتها.
- 3- تحقق أن من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$ :  $f(x) = (x-1)(x^2+3x+4)$ .
- 4- حل المعادلة  $0 = x^3 + 3x^2 + 4x$  ثم استنتاج نقط تقاطع ( $C_f$ ) مع محور الفواصل.
- 5- عين نقط تقاطع ( $C_f$ ) مع محور التراتيب.
- 6- أوجد معالة المماس ( $\Delta$ ) عند النقطة ذات الفاصلة 1.
- 7- ارسم كل من ( $C_f$ ) و المماس ( $\Delta$ ).

انتهى الموضوع الأول

### الموضوع الثاني:

#### التمرين الأول (5 نقاط)

$a$  و  $b$  عداد صحيحان حيث:  $[5] \equiv b \equiv 4[5]$  و  $a \equiv 3[5]$

- 1 عين باقي قسمة كل من:  $(a+b)$  ،  $(a-b)$  ،  $(a \times b)$  ،  $2a$  ،  $2a^2$  على 5.
- 2 بين أ، العدد  $2a+b$  يقبل القسمة على 5.
- 3 عين باقي قسمة العدد  $2a^2+b^2$  على 5.
- 4 تحقق أن  $[5]^{1442} - 1 \equiv b$  و استنتج باقي قسمة  $b^{2021}$  و  $b^{1442}$  على 5.

#### التمرين الثاني (5 نقاط)

$(U_n)$  متالية معرفة على  $\mathbb{N}$  كما يلي:  $u_n = 3n+1$

- 1 أحسب  $u_0$  ،  $u_1$  ،  $u_2$ .
- 2 بين أن  $(U_n)$  حسابية يطلب تعين أساسها. عين اتجاه تغير  $(U_n)$ .
- 3 تتحقق أن 2026 حد من حدود المتالية  $(U_n)$ . ما رتبته؟
- 4 أحسب المجموع:  $S = u_0 + u_1 + \dots + u_{675}$ .

#### التمرين الثالث: (10 نقاط)

نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R} - \{-1\}$  كالتالي:

$f(x) = \frac{2x-3}{x-1}$  التمثيل البياني للدالة  $f$  في المستوى المزود بمعلم متعمد و متاجس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .

- 1 عين العدد الحقيقي  $a$  بحيث من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R} - \{-1\}$ :  $f(x) = a - \frac{1}{x-1}$
- 2 ادرس نهايات الدالة  $f$  عند  $+\infty$  و  $-\infty$  و 1 (يقيم كبرى و صغرى).
- 3 استنتاج أن  $(C_f)$  يقبل مستقيمين مقاربين يطلب تعين معادلتيهما.
- 4 ادرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.
- 5 أوجد نقط تقاطع منحني الدالة مع محوري الإحداثيات (الفواصل و التراتيب).
- 6 ارسم المستقيمين المقاربین و المنحني  $(C_f)$

انتهى، الموضوع الثاني

**بالتوفيق في شهادة البكالوريا**