

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

ثانوية شاذلي قادة فرندة

مديرية التربية لولاية تيارت

الشعبة : آداب وفلسفة – آداب ولغات أجنبية

المدة : ساعتان ونصف

اختبار في مادة : الرياضيات

بكالوريا تجريبية – دورة ماي 2019 –

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين
الموضوع الاول

التمرين الأول: (08نقط)

a ، b و c أعداد طبيعية حيث: $a \equiv 2019[7]$ ، $b \equiv 2018[7]$ ، $c \equiv 1441[7]$

(1) عين باقي القسمة الإقليدية لكل عدد من الأعداد التالية: a ، b و c على 7 .

(2) أ) عين باقي القسمة الإقليدية للعدد $a+b+c$ على 7 .

ب) بين أن العدد $a^2 + b^2 + c^2$ يقبل السمة على 7 .

(3) أ) تحقق أن: $c \equiv -1[7]$ ثم عين باقي القسمة الإقليدية للأعداد c^{2019} و c^{2018} و c^{1441} على 7 .

ب) عين قيم العدد الطبيعي n حيث: $c^{2019} + 2021 + n \equiv 0[7]$.

ج) عين قيم العدد الطبيعي n الأصغر تماما من 50 حيث: $c^{2019} + 2021 + n \equiv 0[7]$.

التمرين الثاني: (05نقط)

(u_n) متتالية حسابية معرفة على \mathbb{N} كما يلي :

$$\begin{cases} u_5 + u_7 = 28 \\ u_{17} + u_{25} = 118 \end{cases}$$

(1) عين أساس المتتالية (u_n) وحدها الاول.

(2) تحقق، انه من أجل كل عدد طبيعي n : $u_n = -4 + 3n$.

(3) هل العدد 6053 حد من حدود المتتالية (u_n) ؟ علل ، ما رتبته ؟

(4) أ) أحسب المجموع S_n بدلالة n حيث: $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

ب) عين قيم العدد الطبيعي n حيث: $S_n = -3$.

التمرين الثالث: (07نقط)

f دالة معرفة على $]-\infty; 3[\cup]3; +\infty[$ كما يلي: $f(x) = \frac{3-2x}{x-3}$

(Cf) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب الى المعلم المتعامد المتجانس $(o; \vec{i}; \vec{j})$.

الصفحة 1/2 من الموضوع الاول

1) أحسب نهايات الدالة f عند أطراف مجالات مجموعة تعريفها ، ثم استنتج المستقيبات المقاربة للمنحنى (Cf) .

2) أ) أحسب $f'(x)$ ثم استنتج إشارتها

ب) عين اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها .

3) أكتب معادلة (Δ) مماس المنحنى (Cf) عند النقطة ذات الفاصلة 1 .

4) أ) بين انه من أجل كل $x \in \mathbb{R} - \{3\}$: $f(x) = -2 - \frac{3}{x-3}$.

ب) استنتج نقط (C_f) التي احداثياها أعداد صحيحة

5) عين نقط تقاطع المنحنى (Cf) مع محوري الاحداثيات .

6) أرسم (Δ) و (Cf) .

بالتوفيق والسداد

الصفحة 2/2 من الموضوع الأول

الموضوع الثاني

التمرين الاول : (06نقط)

- أجب بـ: صحيح أو خطأ مع التبرير في كل حالة من الحالات التالية :
- (1) المتتالية الحسابية (u_n) التي حدها الاول $u_1 = 3$ وأساسها $r = 7$ حدها العام هو :
$$u_n = 7n + 3$$
- (2) المتتالية العددية (u_n) المعرفة على \mathbb{N} بحدها العام $u_n = 5n^2 + 1$ هي متتالية حسابية أساسها 5 .
- (3) المجموع : $1 + 3 + 5 + \dots + 55$ يساوي 2019 .
- (4) العدد 2 هو أساس المتتالية الهندسية (v_n) المتزايدة تماما حيث $v_3 = 24$ و $v_5 = 96$.
- (5) من أجل كل عدد طبيعي n ، $v_n = 5^{n-2}$ هو الحد العام للمتتالية التي حدها الاول $v_0 = \frac{1}{25}$ وأساسها 5 .
- (6) المتتالية الهندسية (v_n) المعرفة على \mathbb{N} بحدها العام: $v_n = 3 \times 5^n$ هي متتالية متناقصة تماما على \mathbb{N} .

التمرين الثاني(07نقط)

- يحتوي كيس على 8 كريات ، منها 5 خضراء مرقمة من 0 الى 4 والباقي بيضاء مرقمة من 5 الى 7 لا نفرق بينها عند اللمس ، نسحب من الكيس كرتين على التوالي دون ارجاع .
- (1) ماهو عدد النتائج الممكنة (عدد المخارج) ؟
- (2) أحسب احتمال :
- (أ) A : "سحب كرتين تحملان رقمين فرديين "
- (ب) B : "سحب كرتين تحملان رقمين زوجيين "
- (ج) C : "سحب كرتين من نفس اللون "
- (3) نعتبر X عدد الكريات البيضاء المحصل عليها .
- (أ) عرف قانون احتمال X .
- (ب) أحسب الأمل الرياضياتي ، التباين والانحراف المعياري لـ X .

الصفحة 1/2 من الموضوع الثاني

التمرين الثالث : (07نقط)

f دالة معرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = 2x^3 - 3x^2 + 1$

و (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب الى المعلم المتعامد المتجانس $(o; \vec{i}; \vec{j})$

(1) احسب نهايتي الدالة f عند $-\infty$ و $+\infty$.

(2) احسب $f'(x)$ مشتقة الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها .

(3) بين ان النقطة $I\left(\frac{1}{2}; \frac{1}{2}\right)$ نقطة انعطاف للمنحنى (C_f) .

(4) اكتب معادلة المماس (Δ) للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة -1 .

(5) أ) تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x فإن: $f(x) = (2x+1)(x-1)^2$

ب) عين نقطتي تقاطع المنحنى (C_f) مع حامل محور الفواصل.

ج) أنشئ المستقيم (Δ) و المنحنى (C_f) .

هـ) أرسم المستقيم ذو معادلة $y = \frac{1}{2}$ ، ثم عين بيانيا عدد الحلول في \mathbb{R} للمعادلة: $f(x) = \frac{1}{2}$

بالتوفيق والسداد

الصفحة 2/2 من الموضوع الثاني

التصحيح النموذجي - بالورا تجرسة - دوة ماي 2019 -

الموضوع الأول

التمرين الأول: (08 نقط)

- (1) تعين باقي القسمة الإقليدية لكل عدد من الأعداد التالية: a ، b و c على 7 .
- لدينا : $2019 = 288 \times 7 + 3$ وبالتالي : $a \equiv 3[7]$ (0.5ن)
- لدينا : $2018 = 288 \times 7 + 2$ وبالتالي : $b \equiv 2[7]$ (0.5ن)
- لدينا : $1441 = 205 \times 7 + 6$ وبالتالي : $c \equiv 6[7]$ (0.5ن)
- (2) أ) تعين باقي القسمة الإقليدية للعدد $a+b+c$ على 7 . (0.75ن)
- لدينا : $a \equiv 3[7]$ و $b \equiv 2[7]$ و $c \equiv 6[7]$ باستخدام خاصية التلاؤم مع الجمع نجد :
- $a+b+c \equiv 3+2+6[7]$ يعني $a+b+c \equiv 11[7]$ يعني $a+b+c \equiv 4[7]$.
- ب) نبين أن العدد $a^2 + b^2 + c^2$ يقبل السمة على 7 . (01ن)
- لدينا : $a \equiv 3[7]$ و $b \equiv 2[7]$ و $c \equiv 6[7]$ إذن : $a^2 \equiv 9[7]$ و $b^2 \equiv 4[7]$ و $c^2 \equiv 36[7]$ يعني $c^2 \equiv 36[7]$ باستخدام خاصية التلاؤم مع الجمع نجد : $a^2 + b^2 + c^2 \equiv 7[7]$ أي $a^2 + b^2 + c^2 \equiv 0[7]$.
- (3) أ) التحقق أن : $c \equiv -1[7]$ ثم نعين باقي القسمة الإقليدية للأعداد c^{2019} و c^{2018} و c^{1441} على 7 .
- لدينا : $c \equiv 6[7]$ ومنه $c \equiv 6-7[7]$ أي $c \equiv -1[7]$ (0.5ن)
- لدينا : $c \equiv -1[7]$ إذن $c^{2019} \equiv (-1)^{2019} [7]$ أي $c^{2019} \equiv -1[7]$ وبالتالي
- $c^{2019} \equiv 6[7]$ (0.75ن)
- لدينا : $c \equiv -1[7]$ إذن $c^{2018} \equiv (-1)^{2018} [7]$ أي $c^{2018} \equiv 1[7]$ (0.75ن)
- لدينا : $c \equiv -1[7]$ إذن $c^{1441} \equiv (-1)^{1441} [7]$ أي $c^{1441} \equiv -1[7]$ وبالتالي
- $c^{1441} \equiv 6[7]$ (0.75ن)
- ب) تعين قيم العدد الطبيعي n حيث : $c^{2019} + 2021 + n \equiv 0[7]$ (01ن)
- لدينا : $c^{2019} + 2021 + n \equiv 0[7]$ يعني $6 + 5 + n \equiv 0[7]$ يعني $n \equiv -11[7]$ يعني
- $n \equiv -11 + 14[7]$ يعني $n \equiv 3[7]$ يعني $n = 7k + 3$ مع k عدد طبيعي .
- ج) تعين قيم العدد الطبيعي n الأصغر تماما من 50 حيث : $c^{2019} + 2021 + n \equiv 0[7]$.
- لدينا : $c^{2019} + 2021 + n \equiv 0[7]$ يعني $n = 7k + 3$ مع k عدد طبيعي .
- إذا كان $k = 0$: $n = 3$.
 - إذا كان $k = 1$: $n = 10$.
 - إذا كان $k = 2$: $n = 17$.

- اذا كان $k = 3$: $n = 24$.
- اذا كان $k = 4$: $n = 31$.
- اذا كان $k = 5$: $n = 38$.
- اذا كان $k = 6$: $n = 45$.
- اذا كان $k = 7$: $n = 51$ مرفوضة .

مجموعة قيم n هي : $\{3;10;17;24;31;38;45\}$ (01ن)

التمرين الثاني : (05نقط)

(1) تعين أساس المتتالية (u_n) وحدها الاول.

$$\begin{cases} u_5 + u_7 = 28 \\ u_{17} + u_{25} = 118 \end{cases} \text{ لدينا :}$$

بما ان متتالية حسابية فان : $u_5 = u_0 + 5r$ ، $u_7 = u_0 + 7r$ ، $u_{17} = u_0 + 17r$ و

$u_{25} = u_0 + 25r$ بالتعويض في الجملة نجد :

$$\begin{cases} u_0 + 6r = 14 \\ u_0 + 21r = 59 \end{cases} \text{ يعني } \begin{cases} 2u_0 + 12r = 28 \\ 2u_0 + 42r = 118 \end{cases}$$

بالطرح نجد : $-15r = -45$ يعني $r = 3$ (01ن)

لدينا : $u_0 + 6r = 14$ ومنه $u_0 + 6 \times 3 = 14$ يعني $u_0 = -4$ (0.5ن)

(2) نتحقق ، انه من أجل كل عدد طبيعي n : $u_n = -4 + 3n$ (0.5ن)

من أجل كل عدد طبيعي n : $u_n = u_0 + nr = -4 + 3n$.

(3) العدد 6053 حد من حدود المتتالية (u_n) : (0.75ن)

نضع : $u_n = 6053$ وبالتالي $6053 = -4 + 3n$ يعني $6057 = 3n$ يعني $n = 2019 \in \mathbb{N}$.

اذن العدد 6053 حد من حدود المتتالية (u_n) .

رتبته : $2020 = 2019 - 0 + 1$ أي رتبته 2020 (0.25ن)

(4) أ) حساب المجموع S_n بدلالة n حيث : $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

$$S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$$

$$S_n = (n - 0 + 1) \frac{u_0 + u_n}{2}$$

$$\text{..... (01ن)} \quad S_n = (n + 1) \frac{-4 - 4 + 3n}{2} = \frac{(n + 1)(-8 + 3n)}{2}$$

$$S_n = \frac{3n^2 - 5n - 8}{2}$$

ب) تعين قيم العدد الطبيعي n حيث : $S_n = -3$ (01ن)

. $3n^2 - 5n - 2 = 0$ يعني $3n^2 - 5n - 8 = -6$ يعني $\frac{3n^2 - 5n - 8}{2} = -3$ يعني $S_n = -3$
 . نحسب المميز: $\Delta = 25 + 24 = 49$ ، $n_1 = \frac{5-7}{6} = -\frac{1}{3} \notin \mathbb{N}$ ، $n_2 = \frac{5+7}{6} = 2 \in \mathbb{N}$

التمرين الثالث : (07نقط)

(1) حساب نهايات الدالة f عند أطراف مجالات مجموعة تعريفها ، استنتاج المستقيمات المقاربة .

لدينا: $f(x) = \frac{3-2x}{x-3}$ ، $Df =]-\infty; 3[\cup]3; +\infty[$

(0.5ن)..... $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -2$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -2$

(0.25ن)..... المستقيم ذو معادلة $y = -2$ مستقيم مقارب للمنحنى (Cf) .

- يمكن كتابة على الشكل التالي : $f(x) = (3-2x) \frac{1}{x-3}$

(0.25ن).... اذن $\lim_{x \rightarrow 3^-} (3-2x) = -3$ و $\lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{1}{x-3} = -\infty$ وبالتالي $\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = +\infty$

و $\lim_{x \rightarrow 3^+} (3-2x) = -3$ و $\lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{1}{x-3} = +\infty$ وبالتالي $\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = -\infty$

(0.25ن)..... المستقيم ذو معادلة $x = 3$ مستقيم مقارب للمنحنى (Cf) .

(2) (أ) حساب $f'(x)$ ثم استنتاج إشارتها .

الدالة قابلة للاشتقاق على المجال $] -\infty; 3[$ و $] 3; +\infty[$.

$$f'(x) = \frac{-2(x-3) - 1(3-2x)}{(x-3)^2} = \frac{3}{(x-3)^2}$$

(0.25ن)..... من أجل كل x من $\mathbb{R} - \{3\}$: $f'(x) > 0$

(ب) تعين اتجاه تغير f الدالة ثم نشكل جدول تغيراتها .

بما ان من أجل كل x من $\mathbb{R} - \{3\}$: $f'(x) > 0$.

نستنتج أن الدالة f متزايدة تماما على المجالين $] -\infty; 3[$ و $] 3; +\infty[$.

جدول التغيرات : (0.5ن).....

| | | | |
|---------|-----------|-----------|-----------|
| x | $-\infty$ | 3 | $+\infty$ |
| $f'(x)$ | + | | + |
| $f(x)$ | -2 | $+\infty$ | -2 |

(3) كتابة معادلة (Δ) مماس المنحنى (Cf) عند النقطة ذات الفاصلة 1 (0.75ن)

$$(\Delta): y = f(1)(x-1) + f(1)$$

$$f'(1) = \frac{3}{4}, \quad f(1) = -1$$

$$(\Delta): y = \frac{3}{4}(x-1) - 1$$

اذن :

$$(\Delta): y = \frac{3}{4}x - \frac{7}{4}$$

(4) (أ) نبين انه من أجل كل $x \in \mathbb{R} - \{3\}$ $f(x) = -2 - \frac{3}{x-3}$ (0.5ن)

$$-2 - \frac{3}{x-3} = \frac{-2x+6-3}{x-3} = \frac{-2x+3}{x-3} = f(x) : x \in \mathbb{R} - \{3\}$$
 من أجل كل

(ب) استنتاج نقط (C_f) التي احداثياها أعداد صحيحة (0.5ن)

$$f(x) \in \mathbb{Z} \text{ معناه } 3 \text{ يقسم } x-3 \text{ أي أن:}$$

$$x-3 \in \{1; -1; 3; -3\}$$

$$x \in \{4; 2; 6; 0\}$$

وبالتالي : $A(x; f(x)) \in (C_f)$ حيث : $x \in \{2; 4; 0; 6\}$ و

$$f(x) \in \{-1; -5; -1; -3\} \text{ أي } f(x) \in \{f(2); f(4); f(0); f(6)\}$$

نقط (C_f) التي احداثياها أعداد صحيحة هي : $A_1(2; 1)$ ، $A_2(4; -5)$ ، $A_3(0; -1)$ و

$$A_4(6; -3)$$

(5) تعيين نقط تقاطع المنحنى (C_f) مع محوري الاحداثيات (0.5ن)

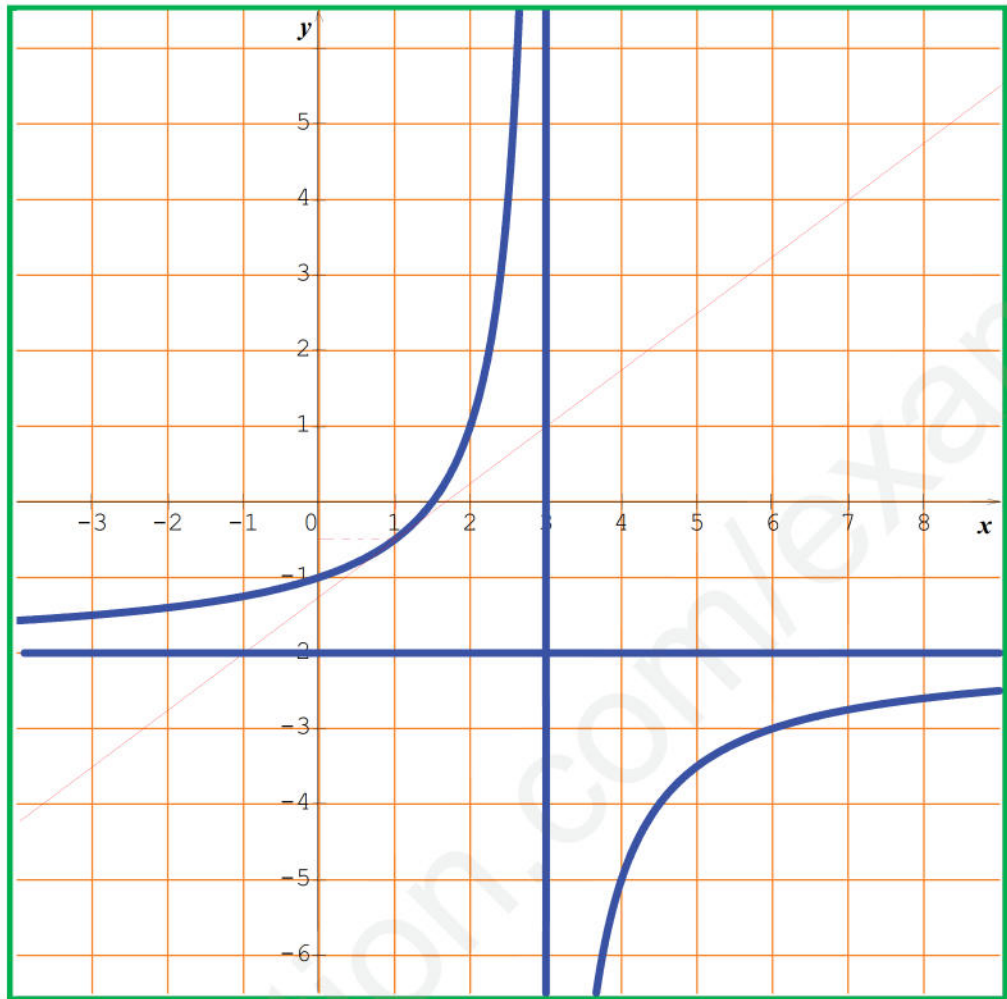
$$- \text{ مع محور الفواصل : يعني } f(x) = 0 \text{ يعني } \frac{3-2x}{x-3} = 0 \text{ يعني } 2-3x = 0 \text{ يعني } x = \frac{2}{3}$$

$$(C_f) \cap (XX') = \left\{ B\left(\frac{2}{3}; 0\right) \right\}$$

- مع محور الترتيب : يعني $x = 0$ ، $f(0) = -1$ (0.25ن)

$$(C_f) \cap (YY') = \{C(0; -1)\}$$

(5) رسم (Δ) و (C_f) (0.25ن+01ن)



الموضوع الثاني

التمرين الاول: (06نقط)

(1) الاقتراح خاطيء (0.25ن)

التبرير: (0.75ن)

$$u_n = u_1 + (n-1)r$$

$$u_n = 3 + (n-1)7 = 7n - 4$$

(2) الاقتراح خاطيء (0.25ن)

التبرير: (0.75ن)

$$u_{n+1} - u_n = 5(n+1)^2 + 1 - 5n^2 - 1$$

$$u_{n+1} - u_n = 5n^2 + 10n + 5 - 5n^2 = 10n + 5$$

وبالتالي المتتالية (u_n) ليست متتالية حسابية لان $10n + 5$ ليس عدد ثابت .

(3) الاقتراح خاطيء (0.25ن)

التبرير: (0.75ن)

المجموع $1 + 3 + 5 + \dots + 55$ هو مجموع متتالية حسابية أساسها 2 .

$$1 + 3 + 5 + \dots + 55 = 55 \left(\frac{1+55}{2} \right) = 55 \times 28 = 1540$$

(4) الاقتراح صحيح (0.25ن)

التبرير: (0.75ن)

$$v_n = v_p q^{n-p} \text{ اذن } v_5 = v_3 q^2 \text{ يعني } q^2 = \frac{v_5}{v_3} = \frac{96}{24} = 4 \text{ اذن } q = 2 \text{ أو } q = -2$$

بما أن المتتالية الهندسية متزايدة تماما فان $q = 2$.

(5) الاقتراح صحيح (0.25ن)

التبرير: (0.75ن)

$$v_n = v_0 q^n = \frac{1}{25} (5)^n = \frac{1}{5^2} 5^n = 5^{-2} \times 5^n = 5^{n-2}$$

(6) الاقتراح خاطيء (0.25ن)

التبرير: (0.75ن)

$$v_{n+1} - v_n = 3 \times 5^{n+1} - 3 \times 5^n = 3 \times 5^n (5-1) = 12 \times 5^n > 0$$

اذن المتتالية (v_n) هي متتالية متزايدة تماما على \mathbb{N} .

التمرين الثاني : (07نقط)

يحتوي كيس على 8 كريات ، منها 5 خضراء مرقمة من 0 الى 4 والباقي بيضاء مرقمة من 5 الى 7 لا نفرق بينها عند اللمس

نسحب من الكيس كرتين على التوالي دون ارجاع .

(1) عدد النتائج الممكنة (عدد المخارج) :

نرمز الى الكريات الخضراء بالرمز: V وللكرات البيضاء بالرمز B .

يمكن أن نلخص التجربة التالية في الجدول التالي (01ن)

| الكرية 1 \ الكرية 2 | V0 | V1 | V2 | V3 | V4 | B5 | B6 | B7 |
|---------------------|----|------|------|------|------|------|------|------|
| V0 | | V1V0 | V2V0 | V3V0 | V4V0 | B5V0 | B6V0 | B7V0 |
| V1 | | | V2V1 | V3V1 | V4V1 | B5V1 | B6V1 | B7V1 |
| V2 | | | | V3V2 | V4V2 | B5V2 | B6V2 | B7V2 |
| V3 | | | | | V4V3 | B5V3 | B6V3 | B7V3 |
| V4 | | | | | | B5V4 | B6V4 | B7V4 |
| B5 | | | | | | | B6B5 | B7B5 |
| B6 | | | | | | | | B7B6 |
| B7 | | | | | | | | |

عدد النتائج الممكنة : 28 امكانية (0.5ن)

(2) حساب احتمال :

(أ) A : "سحب كرتين تحملان رقمين فرديين"

(0.75ن) $P(A) = \frac{6}{28} = \frac{3}{14}$

(ب) B : "سحب كرتين تحملان رقمين زوجيين"

(0.75ن) $P(B) = \frac{6}{28} = \frac{3}{14}$

(ج) C : "سحب كرتين من نفس اللون"

(0.75ن) $P(C) = \frac{13}{28}$

(نعتبر X عدد الكريات البيضاء المحصل عليها .

(أ) نعرف قانون احتمال X .

عند سحب كرتين في أن واحد فان عدد الكريات البيضاء تكون 0 كرية أو كرية واحدة أو كرتين
بيضاويين

وعليه مجموعة قيم X هي : $\{0;1;2\}$ (0.5ن)
قانون احتمال X : (01.25ن)

| | | | |
|-----------------|-----------------|-----------------|----------------|
| قيم X | 0 | 1 | 2 |
| احتمال لقيم X | $\frac{10}{28}$ | $\frac{15}{28}$ | $\frac{3}{28}$ |

(ب) حساب الأمل الرياضي ، التباين والانحراف المعياري لـ X .

الأمل الرياضي : $E(X) = \frac{21}{28} = \frac{3}{4} = 0.75$ (0.5ن)

التباين : $V(X) = \frac{27}{28} - \left(\frac{3}{4}\right)^2 = \frac{27}{28} - \frac{9}{16} = \frac{432 - 252}{448} = \frac{180}{448} \approx 0.401$ (0.75ن)

الانحراف المعياري : $\sqrt{\frac{180}{448}} \approx 0.633$ (0.25ن)

التمرين الثالث : (07نقط)

$f(x) = 2x^3 - 3x^2 + 1$ دالة معرفة على \mathbb{R} بـ :

(1) حساب نهايتي الدالة f عند $-\infty$ و $+\infty$.

..... (0.5ن) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} (2x^3) = +\infty$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} (2x^3) = -\infty$

(2) حساب $f'(x)$ مشتقة الدالة f ثم نشكل جدول تغيراتها .

..... (0.5ن) الدالة f قابلة للاشتقاق على \mathbb{R} : $f'(x) = 6x^2 - 6x$

ندرس إشارة $f'(x)$: $f'(x) = 0$ يعني $6x^2 - 6x = 0$ يعني $6x(x-1) = 0$ يعني $x = 0$ أو $x = 1$.

..... (0.75ن) نلخص $f'(x)$ إشارة في الجدول التالي :

| | | | | | |
|---------|-----------|---|---|-----------|---|
| x | $-\infty$ | 0 | 1 | $+\infty$ | |
| $f'(x)$ | + | 0 | - | 0 | + |

..... (0.25ن) الدالة f متزايدة تماما على المجال $]-\infty; 0]$ و $[1; +\infty[$.
الدالة f متناقصة تماما على المجال $[0; 1]$.

..... (0.75ن) جدول التغيرات :

| | | | | | |
|---------|-----------|--------|--------|-----------|-----|
| x | $-\infty$ | 0 | 1 | $+\infty$ | |
| $f'(x)$ | $+$ | 0 | $-$ | 0 | $+$ |
| $f(x)$ | $-\infty$ | $f(0)$ | $f(1)$ | $+\infty$ | |

$$. f(1) = 0 , f(0) = 1$$

(3) نبين ان النقطة $I\left(\frac{1}{2} : \frac{1}{2}\right)$ نقطة انعطاف للمنحنى (C_f)(0.75ن)

الدالة f' قابلة للاشتقاق على $\mathbb{R} : f''(x) = 12x - 6$

ندرس اشارة : $f''(x)$

$$f''(x) = 0 \text{ يعني } 12x - 6 = 0 \text{ يعني } x = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}$$

| | | | |
|----------|-----------|-------|-----------|
| x | $-\infty$ | $1/2$ | $+\infty$ |
| $f''(x)$ | $-$ | 0 | $+$ |

اذن المنحنى (C_f) يقبل نقطة انعطاف $I\left(\frac{1}{2} : f\left(\frac{1}{2}\right)\right)$

$$f\left(\frac{1}{2}\right) = 2\left(\frac{1}{2}\right)^3 - 3\left(\frac{1}{2}\right)^2 + 1$$

$$f\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{4} - \frac{3}{4} + \frac{4}{4} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

وبالتالي : $I\left(\frac{1}{2} : \frac{1}{2}\right)$

(4) كتابة معادلة المماس (Δ) للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة -1(0.75ن)

$$. f'(-1) = 12 , f(-1) = -4 , (\Delta) : y = f'(-1)(x+1) + f(-1)$$

$$(\Delta) : y = 12(x+1) - 4$$

$$(\Delta) : y = 12x + 8$$

(5) أ) التحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x فإن : $f(x) = (2x+1)(x-1)^2$(0.5ن)

من أجل كل عدد حقيقي x فإن :

$$(2x+1)(x-1)^2 = (2x+1)(x^2 - 2x+1)$$

$$(2x+1)(x-1)^2 = 2x^3 - 4x^2 + 2x + x^2 - 2x + 1$$

$$(2x+1)(x-1)^2 = 2x^3 - 3x^2 + 1 = f(x)$$

ب) تعين نقطتي تقاطع المنحنى (Cf) مع حامل محور الفواصل.

$f(x) = 0$ يعني $2x^3 - 3x^2 + 1 = 0$ يعني $(2x+1)(x-1)^2 = 0$ يعني $(2x+1) = 0$ أو

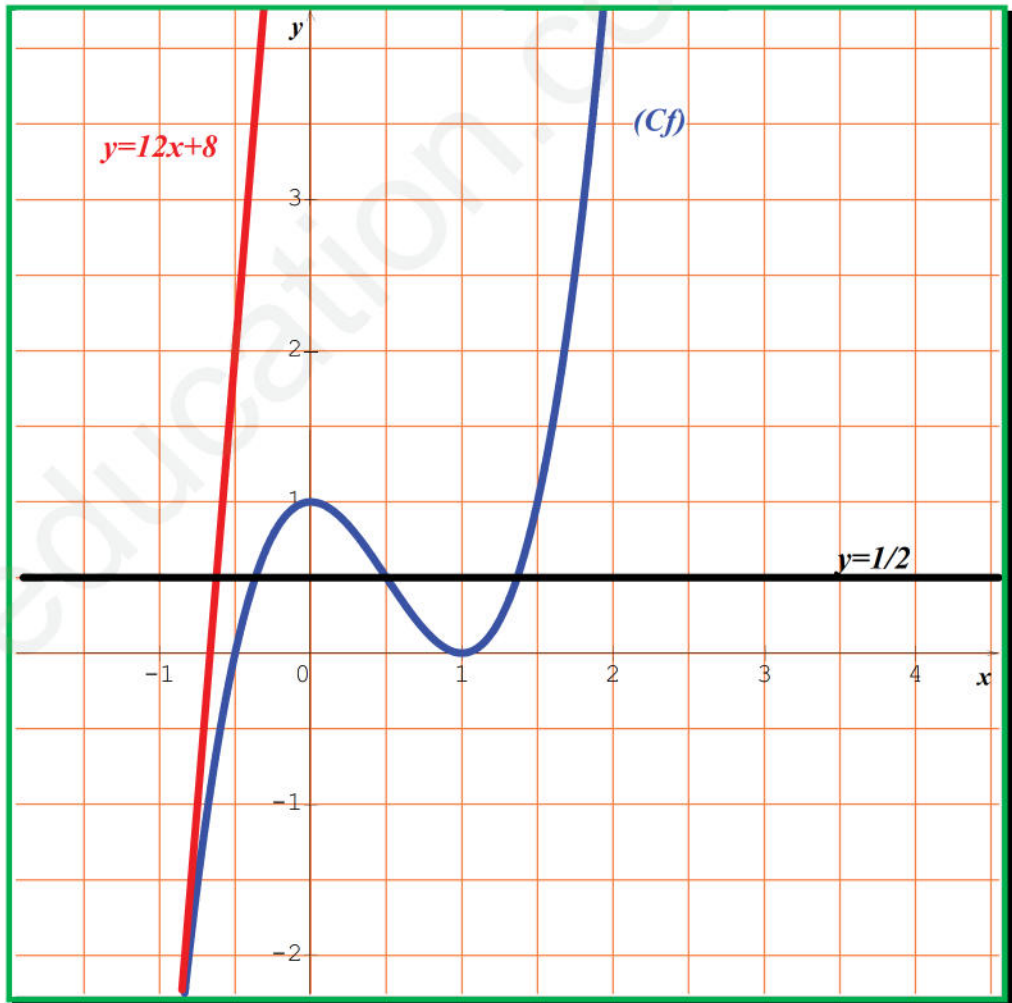
$(x-1) = 0$ يعني $x = -\frac{1}{2}$ أو $x = 1$.

$$(0.75\text{ن}) \dots \dots \dots (Cf) \cap (XX') = \left\{ A\left(-\frac{1}{2}; 0\right), B(1; 0) \right\}$$

- مع محور الترتيب: $f(0) = 1$

$$(Cf) \cap (YY') = \{ C(0; 1) \}$$

ج) رسم المستقيم (Δ) والمنحنى (Cf) (0.75+0.25ن)



ه) رسم المستقيم ذو معادلة $y = \frac{1}{2}$ ، ثم تعين بيانيا عدد الحلول في \mathbb{R} للمعادلة: $f(x) = \frac{1}{2}$

المعادلة $f(x) = \frac{1}{2}$ تقبل 3 حلول (0.25ن+0.25ن)