



مارس 2022

المستوى: الثالثة تسيير و اقتصاد

المدة: ساعتين.

اختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات

التمرين 1

الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R}^* بـ: $f(x) = \frac{x^3 - 5x^2 + 4}{x^2}$

(C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس (O, \vec{i}, \vec{j})

(1) أحسب نهايات الدالة f عند حدود مجموعة تعريفها.

(2) بين انه من اجل $x \in \mathbb{R}^*$ فإن :

$$f'(x) = \frac{(x-2)(x^2 + 2x + 4)}{x^3}$$

(3) استنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(4) عين الأعداد الحقيقية a, b, c و c حيث من أجل كل x من \mathbb{R}^* :

$$f(x) = ax + b + \frac{c}{x^2}$$

(5) بين أن المنحنى (C_f) يقبل مستقيمين مقاربين أحدهما مائلا (Δ) يطلب تعيين معادلته.

(6) أدرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة إلى المستقيم (Δ)

(7) ارسم المستقيم (Δ) والمنحنى (C_f) .

(8) احسب مساحة الحيز المحدد بالمنحنى (C_f) و محور الفواصل و المستقيمين اللذين معادلتهما : $x=1$ و $x=2$.

التمرين 2

لتكن الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $f(x) = \frac{e^x}{e^x+1}$

و (C_f) تمثيلها البياني في مستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس (o, \vec{i}, \vec{j}) . الوحدة 2 cm .

(1) احسب نهايات f عند $-\infty$ و $+\infty$. ماذا تستنتج؟

(2) ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) اكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 0 .

(4) ارسم المماس (T) و المنحنى (C_f) .

بالتوفيق.

التصحيح النموذجي

| العلامة | الحل | رقم التمرين | | | | | | | | | | | | | | | |
|---------|--|-------------|------------------------------|-----------|-----|-----------|---------|---|--|-------|--|--------|-----------------------|--|------------------------------|--|----------------------|
| | <p>(1) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$</p> <p>$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = +\infty$</p> <p>(2) نبين انه من اجل $x \in \mathbb{R}^*$ فان : $f'(x) = \frac{(x-2)(x^2+2x+4)}{x^3}$</p> <p>(3) استنتاج اتجاه تغير الدالة f ثم تشكيل جدول تغيراتها.</p> <p>الدالة f متناقصة على $]0; 2]$ و متزايدة على كل من $]-\infty; 0[$ و $]2; +\infty[$</p> <table border="1" data-bbox="296 1462 1310 1973"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>0</td> <td>2</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f'(x)$</td> <td>+</td> <td></td> <td>- ○ +</td> <td></td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td>$-\infty$ ↗ $+\infty$</td> <td></td> <td>$+\infty$ ↘ -2 ↗ $+\infty$</td> <td></td> </tr> </table> | x | $-\infty$ | 0 | 2 | $+\infty$ | $f'(x)$ | + | | - ○ + | | $f(x)$ | $-\infty$ ↗ $+\infty$ | | $+\infty$ ↘ -2 ↗ $+\infty$ | | <p>التمرين 1</p> |
| x | $-\infty$ | 0 | 2 | $+\infty$ | | | | | | | | | | | | | |
| $f'(x)$ | + | | - ○ + | | | | | | | | | | | | | | |
| $f(x)$ | $-\infty$ ↗ $+\infty$ | | $+\infty$ ↘ -2 ↗ $+\infty$ | | | | | | | | | | | | | | |

4) تعيين الأعداد الحقيقية a, b, c و c حيث من أجل كل x من \mathbb{R}^* :

$$a=1 ; b=-5 ; c=4 \text{ و منه}$$

$$f(x) = x - 5 + \frac{4}{x^2}$$

5) المستقيمات المقاربة:

$$x = 0 \text{ مستقيم مقارب عمودي (لأن } \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = +\infty \text{ و } \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = +\infty \text{)}$$

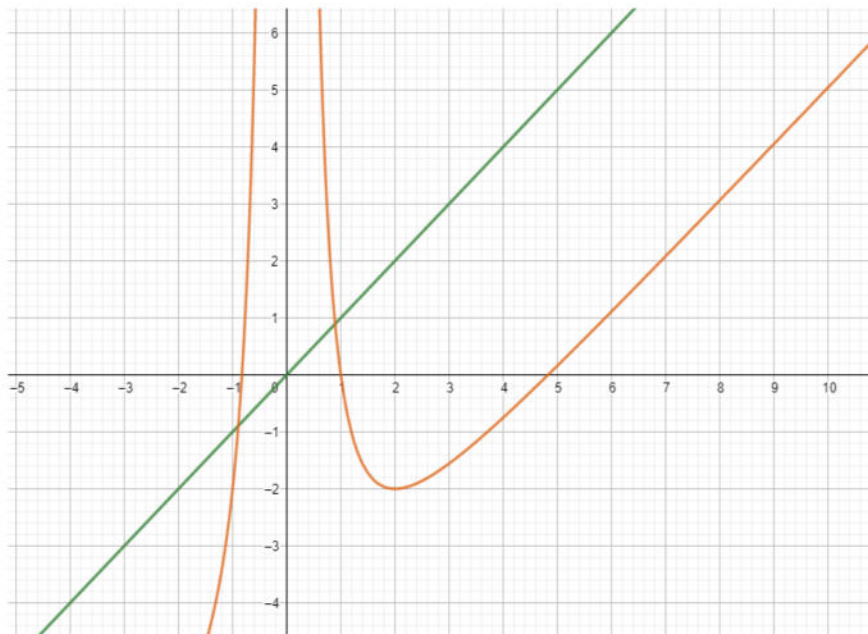
المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = x - 5$ مستقيم مقارب مائل بجوار $+\infty$ و $-\infty$

6) وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة إلى المستقيم (Δ) :

$$\text{لدينا: } f(x) - (x - 5) = \frac{4}{x^2}$$

المنحنى (C_f) يقع فوق المستقيم (Δ)

7) إنشاء (Δ) والمنحنى (C_f)



(8) حساب مساحة الحيز المحدد بالمنحنى (f) و محور الفواصل و المستقيمين اللذين معادلتهم $x=1$ و $x=2$

$$\int_1^2 f(x)dx = \frac{17}{2}$$

$$f(x) = \frac{e^x}{1+e^x}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1 \text{ و } \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0 \quad (1)$$

المستقيمت المقاربة : $y=0$ و $y=1$ مقاربان عموديان .

$$f'(x) = \frac{e^x}{(1+e^x)^2} > 0 \quad (2)$$

جدول التغيرات

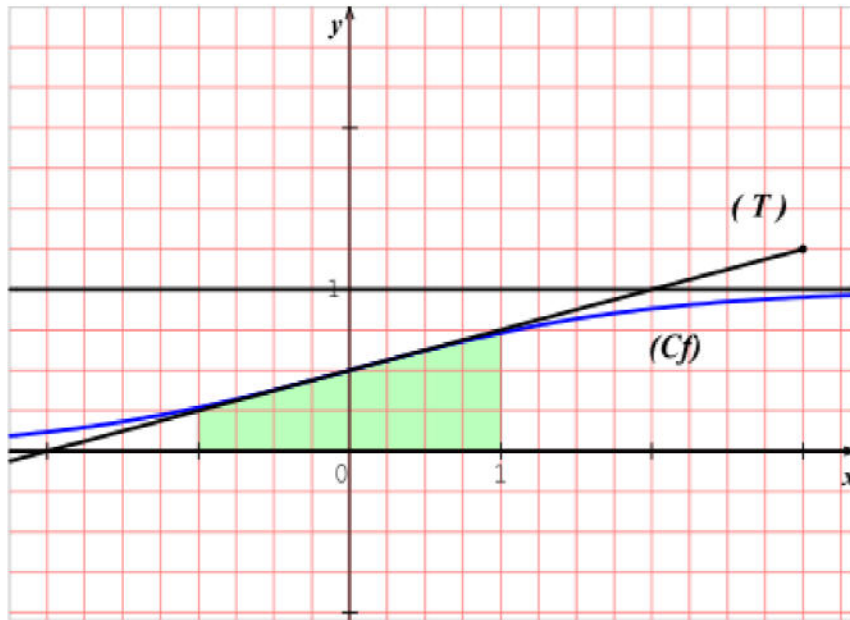
| | | |
|---------|-----------|-----------|
| x | $-\infty$ | $+\infty$ |
| $f'(x)$ | + | |
| $f(x)$ | | |

التمرين
2

(4) معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) في النقطة التي فاصلتها 0 :

$$y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{2}$$

(5) إنشاء المنحنى (C_f) و المماس (T) .



| | | | |
|--|--|--|--|
| | | | |
|--|--|--|--|