

## الاختبار الأول في مادة الرياضيات

### التمرين الأول :

$$\begin{cases} u_0 = 5 \\ u_{n+1} = 3u_n + 1 \end{cases} \quad (u_n) \text{ متتالية عددية معرفة كما يلي :}$$

- 1- احسب كلا من  $u_1$  ،  $u_2$  ،  $u_3$
- 2- نضع  $v_n = u_n + \frac{1}{2}$  من أجل كل عدد طبيعي  $n$ .  
أ- أثبت أن  $(v_n)$  متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها و حدها الأول.  
ب- عين عبارة الحد العام  $v_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج عبارة  $u_n$ .
- 3- احسب المجموع  $S$  بحيث :  $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$  ثم استنتج المجموع  $S'$  حيث :  
$$S'_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$$

### التمرين الثاني :

نعتبر الأعداد  $a$  ،  $b$  و  $c$  حيث :  $a = 2021$  ،  $b = 1442$  و  $c = 1959$

- 1- عين باقي القسمة الإقليدية لكل من  $a$  و  $b$  و  $c$  على 5 .
- 2- استنتج باقي القسمة الإقليدية لكل من الأعداد  $a+b-c$  ،  $a \times b + c$  ،  $a \times b \times c$  و  $b^4$  على 5 .
- 3-  
أ- تحقق أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  يكون  $b^{4n} \equiv 1[5]$  .  
ب- استنتج أن  $b^{2016} - 1$  يقبل القسمة على 5 .
- 4- أ) تحقق أن  $c \equiv -1[5]$   
ب) بين أن  $c^{1438} + c^{2017} \equiv 0[5]$

أقلب الورقة ⇐

### التمرين الثالث :

- 1- ادرس حسب قيم العدد الطبيعي  $n$  بواقي قسمة العدد  $4^n$  على 7 .
- 2- عين باقي قسمة العدد  $4^{2011}$  على 7 .
- 3- أثبت أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  العدد  $4^{3^n} + 2006^{2009} + 4$  يقبل القسمة على 7
- 4- عين باقي قسمة العدد  $A$  على 7 حيث :  $A = 2006^{1430} + 1429^{2011} - 2$

### التمرين الرابع :

برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم  $n$  لدينا :

$$1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

بالبُوقيق