19-BOUIRA

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

وزارة التربية الوطنية

امتحان بكالوريا تجريبي للتعليم الثانوي

الشعبة: تسيير واقتصاد

اختبار في مادة: الرياضيات

المقاطعة الثانية لولاية البويرة

دورة: ماي 2019

المدة: 03 سا و 30 د

### على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين: الموضوع الأول

# التمرين الأول : (4 نقاط)

إن اختيار اللاعبين للخضوع لفحص المنشطات يتم قبل انطلاق المباريات، حيث تجري قرعة عشوائية بين كل لاعبي الفريق الواحد. أحد الفرق يتكون من 18 لاعبا موزعين حسب الجدول التالي:

	قائمة اللاعبين الأساسيين	قائمة اللاعبين في الاحتياط
قائمة اللاعبين المحليين	7	5
قائمة اللاعبين الأجانب	4	2

نختار لاعبا عشوائيا من هذا الفريق للاختبار.

نسمي الحادثتين: A: "اللاعب المختار أساسي" B: "اللاعب المختار محلي"

(تعطى النتائج على شكل كسور غير قابلة للاختزال)

أنقل ثم أكمل شجرة الاحتمالات المثقلة:

2) احسب احتمال أن يكون اللاعب المختار محليا .

احسب احتمال أن يكون اللاعب المختار أساسيا وأجنبيا.

4) إذا علمت أن اللاعب المختار من قائمة الاحتياط، ما احتمال أن يكون أجنبيا؟

التمرين الثاني: (4 نقاط) (كل النتائج في هذا التمرين تعطى مقربة إلى <sup>2-10</sup>).

يوضّح الجدول التالي تطور عدد السياح الوافدين للجزائر خلال السنوات من 2010 (سنة الأساس) إلى سنة 2015

السنة	2010	2011	2012	2013	2014	2015
الرتبة x,	1	2	3	4	5	6
عدد الوافدين ( بالمليون)	43603	47848	46784	50803	45811	39932
المؤشر y	100	110	107	117	105	92

- . A(0,90) مثّل سحابة النقط للسلسلة  $M_i(x_i;y_i)$  في معلم متعامد مبدأه (1) . (1
  - 2) احسب احداثيي النقطة المتوسطة G ثم مثلها في المعلم السابق.
- (1) (3) أكتب معادلة (D) مستقيم التعديل ل y بدالة x باستعمال طريقة المربعات الدنيا.
  - ب) مثل ( D ) في المعلم السابق.

4) حسب هذا التعديل كم من المرتقب أن يبلغ عدد السياح سنة 2019؟

# 3as.ency1education.com

## 歌 التمرين الثالث: (4 نقاط) 3ds.ency-education.com • $u_{n+1} = (0.9)u_n + 1: n$ بحدها الأول $u_0 = 15$ عيث: $u_0 = 15$ ومن أجل كل عدد طبيعي $\mathbb{N}$ بحدها الأول $(u_n)$ $u_n \ge 10$ : *n* برهن بالتراجع أنّه من أجل كلّ عدد طبيعي *n* (أ (1 . بيّن أن المتتالية $(u_n)$ متناقصة تمامًا ج) ماذا تستنتج بالنسبة لتقارب المتتالية $(u_n)$ ؟ . $v_n = u_n - 10$ : بالمتتالية المعرّفة على $\mathbb{N}$ بـ: $(v_n)$ (2 أ) بيّن أنّ (v<sub>n</sub>) متتالية هندسية مُعينا أساسها و حدّها الأوّل. $u_n = 10 + 5(0.9)^n$ : ثم استنتج أنّ $n_n = 10 + 5(0.9)^n$ بدلالة $n_n$ (u<sub>n</sub>) احسب نهاية المتتالية ( 3) يدخر شخص مبلغا أوليا يقدر بـ: 15 مليون دينار . مقبل على مشروع استثمار كالتالي: يأخذ من المدخرات %10 سنويا لاستثمارها في مشاريع مريحة ويضيف إلى مدخراته في نهاية كل سنة مبلغ 1 مليون دينار. نرمز ب: un للمبلغ المدخر بعد n سنة . - اشرح لماذا لن يقل المبلغ عن 10 ملايين دينارا. . $f(x) = 2x + 1 + \frac{1}{(x+1)^2}$ : $-\infty; -1[\cup] - 1, +\infty[$ دالة معرفة على $f(x) = 2x + 1 + \frac{1}{(x+1)^2}$ : $-\infty; -1[\cup] - 1, +\infty[$ . احسب النتيجتين هندسيا . $\lim_{x \to -1} f(x)$ ، $\lim_{x \to -1} f(x)$ . التيجتين النتيجتين ا $\lim f(x)$ ، $\lim f(x)$ احسب (2 (D) بين أن المستقيم (D) ذا المعادلة y = 2x + 1 مقارب للمنحني (Cf) عند $\infty + e$ وعند 4) أدرس الوضع النسبي للمنحني (Cf) مع المستقيم (D) 5) بین أنه من أجل كل عدد حقیقی x یختلف عن 1-: $f'(x) = \frac{2x(x^2 + 3x + 3)}{(x+1)^3}$ 6) أدرس اتجاه تغير الدالة f على مجال تعريفها. 7) ادرس إشارة الدالة f على المجال [0,5] 8) فى مؤسسة ، بينت دارسة أن الكلفة الهامشية بالدينار بدلالة الكمية q (مع $5 \ge q \ge 0$ ) من الوحدات المصنوعة هي: نذکّر بأن دالة الكلفة . $C_m(q) = 2q + 1 + \frac{1}{(q+1)^2}$ الإجمالية C هي الدالة الأصلية لدالة الكلفة الهامشية "Cm " الشكل ~1 – الشكل-3-الشكل-2-من بين الأشكال الثلاثة المقترحة تمثيل واحد لا يمكن أن يكون دالة للكلفة الإجمالية C: أ) عيّن مع التبرير الشكل الذي لا يمكن أن يكون دالة للكلفة الإجمالية C. ب) حدّد مع التبرير التمثيل البياني لدالة الكلفة الإجمالية للإنتاج (q) علما أن الكلفة الثابتة تقدر بـ 20DA.

#### صفحة 2 من 4

الموضوع الثانى

\_كل القيم في هذا التمرين تعطى بالتقريب إلى 2-10"

التمرين الأول: (4 نقاط)

الأيام (xi)	0	30	60	90	120	150	180	210
النسب المئوية y <sub>i</sub> (%)	20	42	56.9	69	78.4	83.8	87.9	90.8
$z_i = ln(100 - y_i)$								

الجدول التالي يمثل نسبة تقدم أشغال إحدى الورشات:

 $G(\overline{X},\overline{Y})$  أ) احسب احداثيي النقطة المتوسطة  $G(\overline{X},\overline{Y})$ 

- ب) بين أن المعادلة 32.13 x بطريقة المريعات الدنيا. ج) احسب باستعمال هذا التعديل موعد انتهاء الأشغال (100%) .
  - 2) أكمل السطر الأخير من الجدول.
  - (3) أ) أكتب معادلة لـ : (D') مستقيم التعديل لـ Z بد لالة X باستعمال طريقة المربعات الدنيا.
     ب) احسب باستعمال هذا التعديل نسبة تقدم الأشغال بعد 220 يوما من انطلاقها.
  - 4) قارن بين التعديلين السابقين إذا علمت أن الأشغال في الورشة في الواقع بلغت نسبة %93 بعد 220 يوما؟ التمرين الثاني: (4 نقاط)

$$u_{n+1} = rac{4u_n}{u_n+1}$$
:  $n$  بحدها الأول  $u_0$  حيث:  $1 = 1$  و من أجل كل عدد طبيعي  $\mathbb{N}$  بحدها الأول  $(u_n)$ 

(1) برهن بالتراجع أنّه من أجل كلّ عدد طبيعي 
$$n < 3: n$$
 .   
 $u_n < 3: n$  .   
 $u_n (3-u_n)$  .   
 $u_n (3-u_n) = u_n - u_n (3-u_n)$ 

$$u_{n+1} - u_n = \frac{u_n + 1}{u_n + 1} : n$$
 (2)

ب) استنتج أن المتثالية 
$$(u_n)$$
 مترايدة تماما.  
ج) ماذا تستنتج بالنسبة لتقارب المتتالية  $(u_n)$ ؟

• 
$$v_n = \frac{3 - u_n}{u_n}$$
 : ب المتتالية المعرّفة على اله بن اله  $(v_n)$  (3)  
 $u_n = \frac{3}{v_n + 1}$  : *n* بين أنه من أجل كل عدد طبيعي *n* : (أ) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي *n* : (1) بين أن ( $v_n$ ) متتالية هندسية أساسها ( $v_n$ ) بين أن ( $v_n$ ) متتالية هندسية أساسها ( $v_n$ ) بين أن ( $v_n$ ) متتالية مندسية أساسها ( $v_n$ ) بين أن ( $v_n$ ) متتالية المدسية أساسها ( $v_n$ ) بين أن ( $v_n$ ) بدلالة الم

د) استنتج عبارة 
$$u_n$$
 بدلالة n.

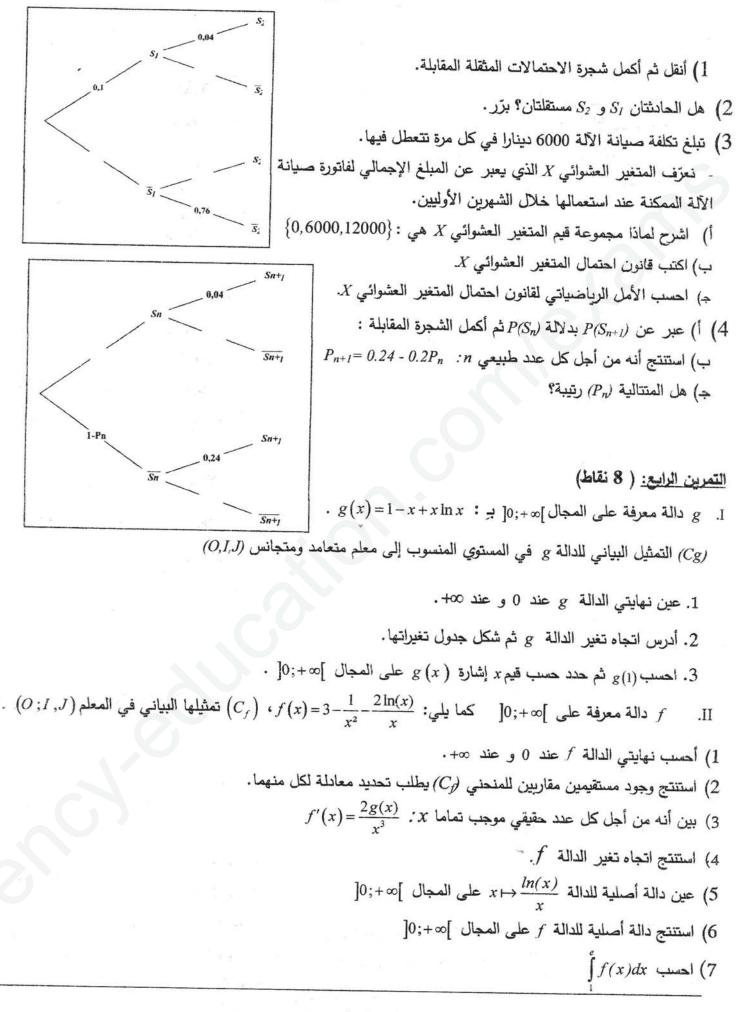
التمرين الثالث: (4 نقاط) خلال دراسة عمل آلة صرف بنكي، سجّلت الملاحظات التالية:

- تتعطل الآلة مرة واحدة على الأكثر في الشهر الواحد عن العمل.
  - أحتمال أن تتعطل في الشهر الأول يساوي 0.1
- إذا تعطلت الآلة عن العمل خلال شهر n فإن احتمال أن يصيبها عطل (بعد الصيانه) في الشهر n+1 هو 0.04
  - إذا لم تتعطل الآلة عن العمل خلال شهر n فإن احتمال أن يصيبها عطل في الشهر n +1 هو 0.24

 $(P_n = P(S_n) : (P_n = P(S_n)$  للحادثة: " الآلة تتعطل خلال الشهر n من بداية الخدمة ونرمز ب $S_n$  ونرمز ب $S_n$  لاحتمالها (أي

#### صفحة 3 من 4

### 3as.ency-education.com



صفحة 4 من 4

### **3as.ency-education.com**

العلامة	التمرين الأول:
0.5	1) 1) النقطة المتوسطة: (G(105,66.1)) 1) النقطة المتوسطة: (G(105,66.1))
	ب) معادلة مستقيم الانحدار
0.5	ج) انتهاء الأشغال قبل 213 يوما
0.5	2) اتمام الجدول 4.38 4.06 3.76 3.43 3.07 2.79 2.49 2.22 (2
	z = -0.01x + 4.37  (3)
0.5	; y=100-e <sup>2</sup> .17=91.24 ; z=2.17 ) التعديل الثاني أقرب للواقع
0.75	التمرين الثاني:
	البرهان بالتراجع ( 14 - 3 - 14 ) البرهان بالتراجع ( 14 - 3 - 14 )
0.5	$u_{n+1} - u_n = \frac{u_n(3 - u_n)}{u_n + 1}$ : إثبات أن (2) (1)
0.25+0.5	المتتاالية متزايدة+متقاربة
0.5 -	$v_n = \frac{3 - u_n}{v_n}$ إثبات أن
0.5	$u_n$
	$-v_{n+1} = \frac{1}{4}v_n$
0.5+0.5	$u_n = \frac{3}{2(\frac{1}{4})^n + 1} - \dots - v_n = 2(\frac{1}{4})^n$
	$2(\frac{1}{4})^n + 1$ 4
	التمرين الثالث: 4ن
0.5 0.5	د معرق (1 بقر معرف
	) الحادثتان غبر مستقلتين لأن $P(S_1 \cap S_2) \neq P(S_1 \cap S_2)$ 2
0.5 0.75	<li>3) 1)قيم المتغير العشوائي: تتعطل الآلة إما مرة واحدة او مرتين أولا تتعطل خلال شهررين <sup>3</sup></li>
	P(X = 0) = 0.684
0.5	ج) الامل: E= 1920
0.5	$P(S_{n+1}) = 0.4P(S_n) + 0.24(1 - P(S_n))  (1  (4$
0.25	$P_{n+1} = 0.24 - 0.2P_n$ ( $-$
	ج) المتتالية (P <sub>n</sub> ) ليست رتيبة لأن : 0.2–سالب تماما.
0.25+0.25	التمرين الرابع: 8ن
0.2010.20	$\lim_{x \to +\infty} g(x) = +\infty  \lim_{x \to +\infty} g(x) = 1$
0.5	$x \to 0$
0.5+0.5	متناقصة تماما على المجال ]0,1[ ومتزايدة تماما على المجال]0+ جدول التغيرات
1+0.5	سیسطہ میں بیان ]_,برا واریہ مالی ی برا ہو ہو۔ g (g(1)=0 یوجبة علی المجال ]∞+,∞[
0.5+0.5 -	+ $\lim_{x \to +\infty} f(x) = -\infty$ $\lim_{x \to +\infty} f(x) = 3$
1+1	×0 المشتقة + اتجاه التغير
0.5+0.5+0.5	$\int_{1}^{e} f(x) dx = 3e + e^{-1} - 5 \qquad (F: x \mapsto 3x + \frac{1}{x} - (lnx)^{2} \implies x \mapsto \frac{1}{2} (lnx)^{2} \implies (lnx)^{2}$

