



على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين :

الموضوع الأول :

التمرين الأول: (04 نقاط)

من بين الاقتراحات الثلاثة لكل سؤال من الاسئلة جواب واحد صحيح فقط حدده مع التعليل:

- (1) الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = 1 - \frac{2}{e^{x+1}}$ هي دالة:
 (أ) فردية (ب) زوجية (ج) ليست زوجية وليست فردية
- (2) حل المعادلة التفاضلية: $y' - \ln 3y - \ln 27 = 0$ والذي يحقق $y(0) = 6$ هو
 (أ) $y(x) = e^x - \ln 3$ (ب) $y(x) = 3^{x+2} - 3$ (ج) $y(x) = 9e^x - 3$
- (3) A و B حدثان مستقلان و $P(A) = 0.2$ و $P(A \cup B) = 0.35$ ، احتمال الحدث B هو:
 (أ) $P(B) = 0.15$ (ب) $P(B) = 0.1875$ (ج) $P(B) = 0.125$
- (4) (U_n) متتالية عددية معرفة على \mathbb{N} ب: $U_n = \int_{e^n}^{e^{n+1}} \frac{2}{x}(1 + \ln x)dx$
 نضع: $S = U_0 + U_1 + \dots + U_{36}$ قيمة S هي.
 (أ) $S = 2022$ (ب) $S = 1444$ (ج) $S = 1443$

التمرين الثاني: (04 نقاط)

I. f الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} ب: $f(x) = \frac{2x}{\sqrt{x^2 + 1}}$

- (1) أدرس تغيرات الدالة f ، ثم شكّل جدول تغيراتها.
 (2) حل في \mathbb{R} المعادلة: $f(x) - x = 0$.
 (3) بيّن أنّه من أجل كل x من المجال $[1; \sqrt{3}]$ فإنّ: $f(x) \in [1; \sqrt{3}]$.
- II. (U_n) المتتالية العددية المعرفة بـ $U_0 = 1$ ومن أجل كل عدد طبيعي n : $U_{n+1} = f(U_n)$

(1) (أ) بيّن أنّه من أجل كل عدد طبيعي n : $1 \leq U_n \leq \sqrt{3}$

(ب) أدرس اتجاه تغير المتتالية (U_n) ، ثم استنتج أنها متقاربة وأحسب نهايتها.

(2) نضع من أجل كل عدد طبيعي n : $V_n = \frac{(U_n)^2}{3 - (U_n)^2}$

(أ) بيّن أنّ المتتالية (V_n) هندسية يطلب تعيين أساسها وحدّها الأول.

(ب) أكتب V_n بدلالة n ، ثم استنتج U_n بدلالة n وأحسب نهاية (U_n) مجدداً.

(3) أحسب بدلالة n المجموعين S_n و S'_n : $S_n = \frac{1}{V_0} + \frac{1}{V_1} + \dots + \frac{1}{V_n}$ و $S'_n = \frac{1}{(U_0)^2} + \frac{1}{(U_1)^2} + \dots + \frac{1}{(U_n)^2}$

التمرين الثالث: (04 نقاط)

يحتوي صندوق على 8 كريات لا نفرق بينها باللمس ، كرتان تحملان الرقم: 0 و أربع كريات تحمل الرقم: 2 وكريه تحمل الرقم: 1 وكريه تحمل الرقم: 4.

نسحب عشوائيا وفي آن واحد 3 كريات من الصندوق.
نعتبر الحدثين:

A : "الكريات المسحوبة مجموع أرقامها يساوي 6".

B : "الكريات المسحوبة جداء أرقامها يساوي 8".

(1) أحسب $P(A)$ ، $P(B)$ احتمالي الحدثين A و B على الترتيب.

(2) أحسب $P(A \cap B)$ ، هل الحدثين A و B مستقلان؟. برّر إجابتك.

(3) استنتج $P_A(B)$ ، ثم $P(\overline{A \cap B})$.

(4) ليكن المتغير العشوائي X الذي يرفق بكل عملية سحب جداء أرقام الكريات المسحوبة.

(أ) عرّف قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X ، ثم أحسب $E(X)$ أمله الرياضي.
(ب) أحسب $P\left(\frac{X^2-16}{X} > 0\right)$.

التمرين الرابع: (08 نقاط)

f الدالة العددية المعرفة على $]0; +\infty[$ ب: $f(x) = \frac{(1 + \ln x)^2}{x}$

(C_f) التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{o})$.

(1) أحسب $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ وبيّن أنّ: $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ ، ثمّ فسر النتائج المتحصل عليها بيانيا.

(2) (أ) بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقي x من $]0; +\infty[$: $f'(x) = \frac{(1 + \ln x)(1 - \ln x)}{x^2}$

(ب) استنتج اتجاه تغيّر الدالة f ، ثمّ شكّل جدول تغيّراتها.

(ج) أكتب معادلة المستقيم (T) مماس المنحنى (C_f) في النقطة ذات الفاصلة 1.

(3) g الدالة العددية المعرفة على $]1; +\infty[$ ب: $g(x) = 1 - x + \ln x$.

(أ) أدرس اتجاه تغيّر الدالة g ، واستنتج إشارة $g(x)$ على المجال $]1; +\infty[$.

(ب) برّر أنّه من أجل كل عدد حقيقي x من $]1; +\infty[$: $1 + x + \ln x > 0$.

(ج) استنتج وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة للمستقيم (T).

(4) أنشئ المنحنى (C_f) والمستقيم (T).

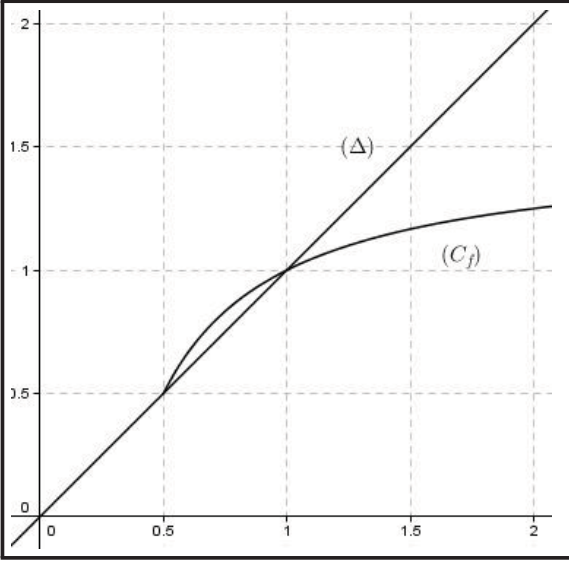
(5) m وسيط حقيقي موجب ، ناقش بيانيا حسب قيم m عدد حلول المعادلة: $\ln x = \sqrt{m}x - 1$.

(6) أحسب مساحة الحيز المحدّد بالمنحنى (C_f) والمستقيمتين التي معادلاتها: $y = x$ ، $x = 1$ و $x = e$.

إنتهى الموضوع الأوّل

الموضوع الثاني :

التمرين الأول: (04 نقاط)



الدالة المعرفة على المجال $I = [\frac{1}{2}; +\infty[$ كما يلي:
 $f(x) = \frac{3x-1}{2x}$ و (C_f) تمثيلها البياني في المستوي
 المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(\vec{i}; \vec{j})$ و (Δ) مستقيم
 ذو المعادلة $y = x$ (كما في الشكل المقابل)
 (U_n) المتتالية العددية المعرفة بحدّها الاول $U_0 = 2$ ومن أجل
 كل عدد طبيعي $n: U_{n+1} = f(U_n)$.

(1) أنقل الشكل المقابل، مثلّ دون حساب على محور الفواصل
 الحدود U_0, U_1, U_2 و U_3 مبرزاً خطوط الإنشاء.

(2) خمن اتجاه تغير المتتالية (U_n) وتقاربها.

(3) برهن بالتراجع أنّه من أجل كل عدد طبيعي $n: U_n > 1$.

(4) أدرس اتجاه تغير المتتالية (U_n) ، ماذا تستنتج؟

(5) أ) بين أنّه من أجل كل عدد طبيعي $n: U_{n+1} - 1 \leq \frac{1}{2}(U_n - 1)$.

ب) استنتج أنّه من أجل كل عدد طبيعي $n: U_n - 1 \leq (\frac{1}{2})^n$ ، ثم استنتج نهاية المتتالية (U_n) .

(6) (V_n) متتالية عددية معرفة على \mathbb{N} بـ: $V_n = \frac{U_n-1}{2U_{n-1}}$.

أ) بين أنّ المتتالية (V_n) هندسية يطلب تعيين أساسها وحدّها الأول.

ب) أكتب عبارة U_n بدلالة n .

ج) أحسب بدلالة n المجموع S_n بحيث: $S_n = \frac{V_0-1}{U_0} + \frac{V_1-1}{U_1} + \dots + \frac{V_{n-1}-1}{U_n}$.

التمرين الثاني: (04 نقاط)

من بين الاقتراحات الثلاثة لكل سؤال من الاسئلة جواب واحد صحيح فقط حدّدّه مع التعليل:

(1) منحى الدالة f المعرفة على \mathbb{R}^* بـ: $g(x) = 3x + \frac{e^{-x}-2}{e^{-x}-1}$ يقبل مستقيم مقارب مائل بجوار $+\infty$ معادلته:

أ) $y = 3x$ ب) $y = 3x + 1$ ج) $y = 3x + 2$

(2) نعتبر العدد الحقيقي $A(\lambda) = \int_1^\lambda x \ln x dx$ حيث $\lambda > 1$ ، علماً أن الدالة: $x \mapsto \frac{x^2}{2} \left[\ln x - \frac{1}{2} \right]$

دالة أصلية للدالة $x \mapsto x \ln x$ ، قيمة λ التي من أجلها $A(\lambda) = \frac{1}{4}$ هي:

أ) $\lambda = e^{-1}$ ب) $\lambda = \sqrt{e}$ ج) $\lambda = 2e$

(3) المعادلة: $\log(11x^2 - 6x + 5) = \log(x^2) + 1$ تقبل حلان في \mathbb{R} هما:

أ) $S = \{1; -5\}$ ب) $S = \{1; 5\}$ ج) $S = \{-1; -5\}$

(4) المتتالية العددية (U_n) المعرفة على \mathbb{N} بـ: $U_n = 2 - 3 \left(\frac{1}{4} \right)^n$ هي متتالية

أ) متزايدة تماماً ب) متناقصة تماماً ج) ليست رتيبة

التمرين الثالث: (04 نقاط)

وحدة إنتاجية يسيرها 20 عامل منهم 8 نساء و 12 رجال ، من بينهم العامل " مراد " .

- (1) يريد العمال تشكيل لجنة مؤلفة من ثلاثة عمال . ، أحسب احتمال كل حدث من الحوادث الآتية:
A: " أعضاء اللجنة نساء." . B: " اللجنة تضم على الأكثر امرأة " . C: " اللجنة تضم على الأقل امرأة " .
- (2) نعتبر المتغير العشوائي X الذي يرفق بكل لجنة مشكلة ، عدد الرجال الموجودين فيها.
أ) عيّن قانون احتمال المتغير العشوائي X ، ثمّ أحسب $E(X)$ أمّله الرياضياتي.
ب) أحسب $P(X^2 - 2X \leq 0)$.
- (3) يريد العمال تشكيل لجنة مؤلفة من رئيس، نائب و كاتب ، أحسب احتمال كل حدث من الحوادث الآتية :
D: "رئيس اللجنة من الرجال " . E: " رئيس ونائب اللجنة من نفس الجنس " .
F: "العامل " مراد " موجود في اللجنة " .

التمرين الرابع: (08 نقاط)

I. نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R} ب: $g(x) = (2x + 1)e^{-x} + 1$.

- (1) أحسب نهايتي الدالة g عند $-\infty$ و $+\infty$.
- (2) أدرس اتجاه تغيّر الدالة g ، ثمّ شكّل جدول تغيّراتها.
- (3) أ) بيّن أنّ المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α في المجال $]-0.74; -0.73[$.
ب) استنتج إشارة $g(x)$ على \mathbb{R} .

II. f الدالة العددية المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $f(x) = (-2x - 3)e^{-x} + x$.

(C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(\vec{i}; \vec{j}; o)$.

- (1) أحسب نهايتي الدالة f عند $-\infty$ و $+\infty$.
- (2) أ) بيّن أنّ المستقيم (Δ) الذي معادلته $y = x$ مقارب مائل للمنحنى (C_f) بجوار $+\infty$.
ب) أدرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة للمستقيم (Δ) .
- (3) أ) بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقي x : $f'(x) = g(x)$.
ب) استنتج اتجاه تغيّر الدالة f ، ثمّ شكّل جدول تغيّراتها.
- (4) بيّن أنّ: $f(\alpha) = \alpha + 1 + \frac{2}{2\alpha + 1}$ ، ثمّ عيّن حصرًا للعدد $f(\alpha)$. (تدور النتائج إلى 10^{-2}).
- (5) بيّن أنّ المنحنى (C_f) يقبل نقطة إنعطاف ω يطلب تعيين إحداثيها.
- (6) أنشئ كلاً من (Δ) و (C_f) . (يعطى $f(-1.65) \approx 0$ و $f(1.4) \approx 0$).
- (7) أ) عيّن العددين a و b حتى تكون الدالة $H(x) = (ax + b)e^{-x}$ دالة أصلية للدالة $h(x) = (-2x - 3)e^{-x}$.
ب) أحسب المساحة $A(\lambda)$ للحيز من المستوي المحدّد بالمنحنى (C_f) و المستقيم (Δ) والمستقيمين اللذين معادليهما $x = 0$ و $x = \lambda$ (حيث λ عدد حقيقي موجب تماماً).
ج) أحسب: $\lim_{\lambda \rightarrow +\infty} A(\lambda)$.

إنتهى الموضوع الثاني

الإجابة النموذجية عن 1 مسألة الكالوريا التجريبية

$$y(n) = C e^{(\ln 3)^n} - \frac{\ln 27}{\ln 3}$$

$$= C e^{\ln 3^n} - \frac{\ln 27}{\ln 3}$$

$$y(n) = C \times 3^n - 3 \quad (1)$$

لدينا $y(0) = 6$ أي

$$C \times 3^0 - 3 = 6$$

$$C = 6 + 3 = 9$$

يصح أيضا في (1) حيث

$$y(n) = 9 \times 3^n - 3$$

$$= 3^2 \times 3^n - 3$$

$$y(n) = 3^{n+2} - 3$$

3 / A و B حدثان مستقلان

$$P(A \cup B) = 0,35, P(A) = 0,2$$

احتمال الكارثة B هو

$$P(B) = 0,1875$$

لدينا A و B مستقلان

$$P(A \cap B) = P(A) \times P(B)$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A) \times P(B)$$

$$P(A \cap B) - P(A) = P(B)(1 - P(A))$$

$$P(B) = \frac{P(A \cap B) - P(A)}{1 - P(A)}$$

$$= \frac{0,35 - 0,2}{1 - 0,2} = 0,1875$$

الموضوع الأول

التقريب الأول

الإجابة بـ ص أو خطأ مع التعليل

1 / انا لـ f المبرنة على IR بـ

$$f(n) = 1 - \frac{e}{e^n + 1}$$

الجواب: P فردية

التعليل

$$f(n) = 1 - \frac{e}{e^n + 1} = \frac{e^n - 1}{e^n + 1}$$

لدينا f متناظرة بالنسبة لـ "0"

أي في أي $a \in \mathbb{R}$ فإن $-a \in \mathbb{R}$

$$f(-n) = \frac{e^{-n} - 1}{e^{-n} + 1} = \frac{1 - e^n}{1 + e^n} = - \frac{e^n - 1}{e^n + 1}$$

$$= -f(n)$$

وهي f دالة فردية

2 / حل المعادلة التفاضلية $y' - \ln 3 y = \ln 27$

والتى تحقق $y(0) = 6$ هي

$$y(n) = 3^{n+2} - 3$$

التعليل

$$y' - \ln 3 y = \ln 27$$

$$y' = (\ln 3) y + \ln 27$$

هي من الشكل $y' = ay + b$

حلها من الشكل

$$y(n) = C e^{an} - \frac{b}{a}$$

التصنيف الثاني

$$f(x) = \frac{2x}{\sqrt{x^2+1}} \quad D = \mathbb{R} \quad I$$

11 دراسة لـ f وتصنيفها
 حول تغيراتها.
 x نقابا

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x}{\sqrt{x^2+1}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x}{|x|}$$

$$= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x}{-x} = -2$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x}{\sqrt{x^2+1}} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x}{|x|}$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x}{x} = 2$$

* الخاتمة لـ f

f دالة ق. على \mathbb{R} ودالة كالمعتاد

$$f'(x) = \frac{2\sqrt{x^2+1} - 2x \times \frac{2x}{2\sqrt{x^2+1}}}{(\sqrt{x^2+1})^2}$$

$$= \frac{2(x^2+1) - 2x^2}{(x^2+1)^{3/2}}$$

$$= \frac{2}{(x^2+1)^{3/2}}$$

$\sqrt{x^2+1} > 0$ و $x^2+1 > 0$ في \mathbb{R} و f دالة متزايدة على \mathbb{R}

متكاملة معرفة موجبة
 $U_n = \int_{e^n}^{e^{n+1}} \frac{2}{x} (1 + \ln x) dx$ مع N ب. و
 المجموع S_n حيث

$$S_n = U_0 + U_1 + \dots + U_{36}$$

الجواب: $S_n = 1443$

التطبيق:

$$U_n = \int_{e^n}^{e^{n+1}} \frac{2}{x} (1 + \ln x) dx$$

$$= \int_{e^n}^{e^{n+1}} \left(\frac{2}{x} + 2 \frac{\ln x}{x} \right) dx$$

$$= \left[2 \ln x + (\ln x)^2 \right]_{e^n}^{e^{n+1}}$$

$$= 2 \ln e^{n+1} + (\ln e^{n+1})^2 - 2 \ln e^n - (\ln e^n)^2$$

$$= 2(n+1) + (n+1)^2 - 2n - n^2$$

$$= \cancel{2n} + 2 + \cancel{n^2} + 2n + 1 - \cancel{2n} - \cancel{n^2}$$

$$= 2n + 3$$

وهي متكاملة على $[1, \infty)$ و $r=2$

$$S_n = U_0 + U_1 + \dots + U_{36}$$

$$S_n = \frac{(n-p+1)(U_p + U_n)}{2} \Big|_{n=36, p=0}$$

$$= \frac{(36-0+1)(U_0 + U_{36})}{2}$$

$$= \frac{37(3+75)}{2} = \frac{37 \times 78}{2}$$

$$= 1443$$

أي $1 \leq f(n) \leq \sqrt{3}$
 ونه $f(n) \in [1, \sqrt{3}]$

$u_0 = 1$ ، $u_{n+1} = f(u_n)$ II
 11 / 19 بيان انه من اجل كل $n \in \mathbb{N}$

$1 \leq u_n \leq \sqrt{3}$

نفع $P(n) : 1 \leq u_n \leq \sqrt{3}$

$P(0) : 1 \leq u_0 = 1 \leq \sqrt{3}$ (صحيحة)

نفر عن ان $P(n)$ صحيحة ونثبت $P(n+1)$

لينا $1 \leq u_n \leq \sqrt{3}$

وبما ان f دالة متزايدة على الاصل
 $[1, \sqrt{3}]$ فان

$f(1) \leq f(u_n) \leq f(\sqrt{3})$

$1 \leq \frac{2}{\sqrt{2}} \leq u_{n+1} \leq \sqrt{3}$

اي $1 \leq u_{n+1} \leq \sqrt{3}$

وننه من اجل كل n طبيعي n :

$1 \leq u_n \leq \sqrt{3}$

بادا، اشارة اننا نغير (u_n)

واستنتاج تقاربها وحساب نهاية (u_n)

$$u_{n+1} - u_n = f(u_n) - u_n$$

$$= \frac{2u_n - u_n \sqrt{u_n^2 + 1}}{\sqrt{u_n^2 + 1}}$$

$$= \frac{u_n(2 - \sqrt{u_n^2 + 1})}{\sqrt{u_n^2 + 1}}$$

ب/ع $f(n) - n = 0$

$f(n) - n = 0$

$\frac{2n}{\sqrt{n^2+1}} - n = 0$

$\frac{2n - n\sqrt{n^2+1}}{\sqrt{n^2+1}} = 0$

وبما ان

$2n - n\sqrt{n^2+1} = 0$

$n(2 - \sqrt{n^2+1}) = 0$

لما $n=0$ او $2 - \sqrt{n^2+1} = 0$

$2 - \sqrt{n^2+1} = 0$

$\sqrt{n^2+1} = 2$

$n^2 + 1 = 4$

$n^2 = 3$

$n = \sqrt{3}$ او $n = -\sqrt{3}$

وننه كل حلول المعادلة

$S = \{0, \sqrt{3}, -\sqrt{3}\}$

13 بيان انه من اجل $n \in [1, \sqrt{3}]$

فان $f(n) \in [1, \sqrt{3}]$

لينا $n \in [1, \sqrt{3}]$

اي $1 \leq n \leq \sqrt{3}$

وبما ان f دالة متزايدة على

الاصل $[1, \sqrt{3}]$ فان

$f(1) \leq f(n) \leq f(\sqrt{3})$

$1 \leq \frac{2}{\sqrt{2}} \leq f(n) \leq \sqrt{3}$

$l=0$ مرفوض لأن $1 < u_n < \sqrt{3}$

$l=-\sqrt{3}$ مرفوض لأن $1 < u_n < \sqrt{3}$

$l=\sqrt{3}$ مقبول

$$\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = \sqrt{3}$$

$$V_n = \frac{(u_n)^2}{3 - (u_n)^2} \quad / 2$$

19 بيان أن (V_n) م متزايدة بطاب

$V_6 = ?$ و $q = ?$

$$V_{n+1} = \frac{(u_{n+1})^2}{3 - (u_{n+1})^2}$$
$$= \frac{\left(\frac{2u_n}{\sqrt{u_n^2+1}}\right)^2}{3 - \left(\frac{2u_n}{\sqrt{u_n^2+1}}\right)^2}$$

$$= \frac{4u_n^2}{u_n^2+1}$$
$$= \frac{4u_n^2}{3 - 4u_n^2}$$

$$= \frac{4u_n^2}{3u_n^2+3-4u_n^2}$$
$$= \frac{4u_n^2}{-u_n^2+3} = 4 \left(\frac{u_n^2}{3-u_n^2} \right)$$

$$= 4V_n$$

وهذا (V_n) م متزايدة كما يجب

$$q = 4$$

إشارة الفرق من إشارة

$\sqrt{u_n^2+1} > 0$ لأن $2 - \sqrt{u_n^2+1}$

و $1 < u_n < \sqrt{3}$

لذا $1 < u_n < \sqrt{3}$

$$1 \leq u_n^2 \leq 3$$

$$2 \leq u_n^2+1 \leq 4$$

$$\sqrt{2} \leq \sqrt{u_n^2+1} \leq 2$$

بفرق الطرفين بالمثل (-1) في

$$-2 \leq -\sqrt{u_n^2+1} \leq -\sqrt{2}$$

$$0 \leq 2 - \sqrt{u_n^2+1} \leq 2 - \sqrt{2}$$

وهذا $2 - \sqrt{u_n^2+1} > 0$

وهذا (u_n) متزايدة كما يجب

هذا هو المطلوب

يمكن استنتاج جدول إشارة

$$2 - \sqrt{u_n^2+1}$$

* إشارات

(u_n) متزايدة كما يجب

من أجل $u_n < \sqrt{3}$ م مقبولة

* حساب نهاية (u_n)

لذا (u_n) مقاربة وبالتالي

$$\lim_{n \rightarrow \infty} u_{n+1} = \lim_{n \rightarrow \infty} u_n = l$$

$$f(l) = l$$

$$f(l) - l = 0$$

فإن جدول المتبادلة ليس

وعلوها هو

$$S = \{0, -\sqrt{3}, \sqrt{3}\}$$

$$U_n = \sqrt{\frac{3(\frac{1}{2}) \times 4^n}{(\frac{1}{2}) \times 4^n + 1}}$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n = \text{ما؟} *$$

$$\begin{aligned} \lim_{n \rightarrow +\infty} U_n &= \lim_{n \rightarrow +\infty} \sqrt{\frac{3(\frac{1}{2}) \times 4^n}{\frac{1}{2} \times 4^n + 1}} \\ &= \lim_{n \rightarrow +\infty} \sqrt{\frac{3 \times \cancel{4^n} \times \frac{1}{2}}{\cancel{4^n} (\frac{1}{2} + \frac{1}{\cancel{4^n}})}} \\ &= \lim_{n \rightarrow +\infty} \sqrt{\frac{3 \times \frac{1}{2}}{\frac{1}{2}}} = \sqrt{3} \end{aligned}$$

3 / حساب U_n بالحدود

$$S_n = \frac{1}{V_0} + \frac{1}{V_1} + \dots + \frac{1}{V_n}$$

لدينا $\left(\frac{1}{V_n}\right)$ هو متوحد هندسي

$$q' = \frac{1}{9} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{V_0} = \frac{1}{\frac{1}{2}} = 2$$

$$S_n = \frac{1/V_0}{1 - q'} (1 - (q')^{n+1})$$

$$= \frac{2}{1 - \frac{1}{4}} (1 - (\frac{1}{4})^{n+1})$$

$$= \frac{2}{\frac{3}{4}} (1 - (\frac{1}{4})^{n+1})$$

$$S_n = \frac{8}{3} (1 - (\frac{1}{4})^{n+1})$$

200

$$V_0 = \frac{(U_0)^2}{3 - (U_0)^2} = \frac{1}{3 - 1} = \frac{1}{2}$$

نكتب V_n بالحدود U_n و U_n بالحدود (U_n)

لدينا (V_n) متوحد

$$\begin{aligned} V_n &= V_p \times q^{n-p} \\ &= V_0 \times 4^{n-0} \end{aligned} \quad \begin{array}{l} p=0 \\ q=4 \\ n=n \end{array}$$

$$V_n = \frac{1}{2} (4)^n$$

* U_n بالحدود U_n

$$V_n = \frac{U_n^2}{3 - U_n^2}$$

$$V_n(3 - U_n^2) = U_n^2$$

$$3V_n - U_n^2 V_n - U_n^2 = 0$$

$$U_n^2 (-V_n - 1) = -3V_n$$

$$U_n^2 = \frac{-3V_n}{-V_n - 1}$$

$$U_n^2 = \frac{3V_n}{V_n + 1}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} U_n = \sqrt{\frac{3V_n}{V_n + 1}} \\ \text{أي } 1 \leq U_n \leq \sqrt{3} \end{array} \right.$$

$$U_n = \sqrt{\frac{3V_n}{V_n + 1}}$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} f(n) = \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{(1+hn)^c}{n}$$

$$= \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{1+2hn+(hn)^2}{n}$$

$$= \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{1}{n} + \frac{2hn}{n} + \frac{(hn)^2}{n}$$

$$= 0$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{hn}{n} = 0 \quad \checkmark$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{(hn)^2}{n} = \lim_{y \rightarrow +\infty} \left(\frac{h^2 y^2}{y} \right)^2$$

$$= \lim_{y \rightarrow +\infty} \left(\frac{2h^2 y}{y} \right)^2 = 0$$

(Cg) و مع $y=0$ ستم تقارب أفقي لـ

د/ بيان أن f في 0

$$f'(n) = \frac{(1+hn)(1-hn)}{n^2} \quad]0, +\infty[\text{ في } n$$

$]0, +\infty[$ على 1 و 0

و 0 و 1 و 2

$$f'(n) = \frac{2 \left(\frac{1}{n} \right) (1+hn)n - (1+hn)^2}{n^2}$$

$$= \frac{(1+hn) [2 - (1+hn)]}{n^2}$$

$$= \frac{(1+hn)(2-1-hn)}{n^2}$$

$$= \frac{(1+hn)(1-hn)}{n^2}$$

X	$-\infty$	-4	0	4	$+\infty$
X	-		-		+
X^2-16	+	0	-	0	+
$\frac{X^2-16}{X}$	-	0	+	0	+

طول المتراجحة $\frac{X^2-16}{X} > 0$

$$-4 < X < 0 \text{ أو } X > 4$$

$$P\left(\frac{X^2-16}{X}\right) = P(X > 4)$$

$$= P(X=8) + P(X=16)$$

$$= \frac{8}{16} + \frac{6}{16} = \frac{14}{16} = \frac{7}{8}$$

التصنيف الرابع:

$$f(n) = \frac{(1+hn)^c}{n}$$

$D_f =]0, +\infty[$

حساب $\lim_{n \rightarrow 0} f(n)$ و بيان $\lim_{n \rightarrow +\infty} f(n) = 0$ و تفسير النتائج

$$* \lim_{n \rightarrow 0} f(n) = \lim_{n \rightarrow 0} \frac{(1+hn)^c}{n} = +\infty$$

$$\lim_{n \rightarrow 0} (1+hn)^c = +\infty$$

$n=0$ ستم تقارب عمودي لـ (Cg)

جاءت في محاولة العاشرة (T)

ل (C) عند ان نقطة كانت

الفاصلة "1"

(T) : $y = f'(n)(n-1) + f(1)$

$y = 1(n-1) + 1$ / $f'(1) = 1$

$y = n - 1 + 1$ / $f(1) = 1$

$(T) \quad y = n$

$g(x) = 1 - x + \ln x$ / 3

$D_g =]1, +\infty[$

* P, D, R, ... ! الجاهل بغيره

و! نتابع! إشارة $g(x)$ على $]1, +\infty[$

لنا g في $]1, +\infty[$

وبالتالي إشارة g'

$g'(x) = -1 + \frac{1}{x}$

$= \frac{-x+1}{x} < 0$

$x > 1$, $x \neq 1$ لأن

$-x+1 < 0$

و g متناقص على $]1, +\infty[$

! نتابع! إشارة $g(x)$

لنا $g(1) = 0$, $g(x) < 0$ على $]1, +\infty[$

لنا $g(x) < 0$ على $]1, +\infty[$

x	1	$+\infty$
$g(x)$	0	-

بإشارة نتابع الجاهل بغيره و

شكل جدول تفرقاتها

$f'(x) = \frac{(1+\ln x)(1-\ln x)}{x^2}$ لنا

$0 < x < 1$! $f'(x) > 0$!

$x > 1$ لأن $(1+\ln x)(1-\ln x)$

$1 - \ln x = 0$

$1 + \ln x = 0$

$-\ln x = -1$

$\ln x = -1$

$\ln x = 1$

$x = e^{-1}$

$x = e$

x	0	e^{-1}	e	$+\infty$
$1+\ln x$		-	+	+
$1-\ln x$		+	+	-
$f'(x)$		-	+	-

و f متناقص على $]e^{-1}, e[$

و f متناقص على $]e, +\infty[$

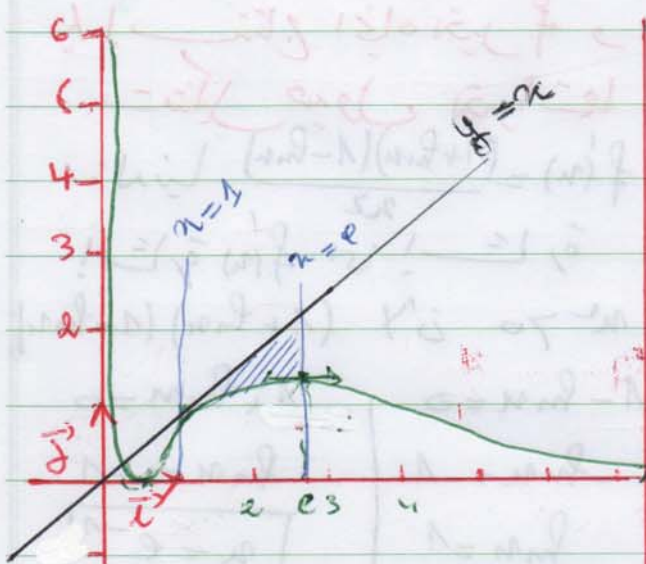
$]e^{-1}, e[$, $]e, +\infty[$

* جدول تفرقات f

x	0	e^{-1}	e	$+\infty$
$f(x)$		-	+	-
$f(x)$		$+\infty$	$\frac{2}{e}$	0

$f(e) = \frac{2}{e}$

$f(e^{-1}) = 0$



ب/ تمييز أن $n \in]1, +\infty[$

فإن $1+n+pn > 0$

لدينا $n > 1$

(1) $pn > 0$

$n > 1$

(2) $n+1 > 2 > 0$

بجمع (1) و (2) فإن

$$\boxed{n+1+pn > 0}$$

15 المتكافئة البينونية في m

$pn = \sqrt{m}n - 1$ مع طول المقادير

لدينا $pn = \sqrt{m}n - 1$

$pn+1 = \sqrt{m}n$

$(pn+1)^2 = mn^2$

$\frac{(pn+1)^2}{n} = mn$

$f(n) = mn$

المتكافئة تقول أي إيجاد

نقاط تقاطع (C_p) مع

المستقيم المماس ذو المعادلة $y=mn$

لدينا $y=mn$ يمثل نقطة

تايمة و $O(0,0)$

ب/ ! اشتق و صيغة (C_p) بالاشتراك

الاشتراك (1)
 $f(n) - y = \frac{(1+pn)^2}{n} - n$

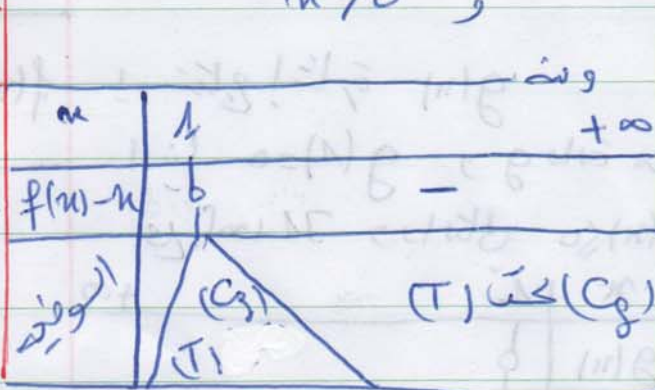
$= \frac{(1+pn)^2 - n^2}{n}$

$= \frac{(1-n+pn)(1+n+pn)}{n}$

$= \frac{g(n)(1+n+pn)}{n} < 0$

$1+n+pn > 0$, $g(n) < 0$ لأن
 $n > 0$

المتكافئة	قيم m
طول مقاطع	$m=0$
تدبير طول مساوية	$0 < m < 1$
حد من أحجام مقاطع	$m=1$
طول وسير	$m > 1$



مسألة حساب المساحة / 6
المساحة، $(C_f) = 1, 2, 3$
 $x = e$ ، $x = 1$ ، $y = x$

$$A = \int_1^e y - f(x) dx$$

$$= \int_1^e x - \frac{(1+x)^2}{x} dx$$

$$= \int_1^e x - \frac{1 + 2x + x^2}{x} dx$$

$$= \int_1^e x - \frac{1}{x} + \frac{2x}{x} - \frac{(x)^2}{x} dx$$

$$= \left[\frac{1}{2}x^2 - \ln x - (x) - \frac{1}{3}(x)^3 \right]_1^e$$

$$= \left(\frac{1}{2}e^2 - 1 - 1 - \frac{1}{3} \right) - \left(\frac{1}{2} - 0 - 0 - 0 \right)$$

$$= \left(\frac{1}{2}e^2 - \frac{7}{3} \right) - \frac{1}{2} \text{ u.a}$$

$$= \frac{1}{2}e^2 - \frac{17}{6} \text{ u.a}$$

ومن ثم ابر كرمه طبيعي $n: u_n > 1$
 // دراسة اتجاه تغير (u_n) ، والى نتائج

$$u_{n+1} - u_n = \frac{3u_n - 1}{2u_n} - u_n$$

$$= \frac{3u_n - 1 - 2u_n^2}{2u_n}$$

$$= \frac{-2u_n^2 + 3u_n - 1}{2u_n}$$

إشارة الفرق هي إشارة $-2u_n^2 + 3u_n - 1$
 نضع $x = u_n$

$$-2x^2 + 3x - 1$$

$$\Delta = b^2 - 4ac \quad | \quad a = -2$$

$$= 3^2 - 4(-2)(-1) \quad | \quad b = 3$$

$$= 1 \quad | \quad c = -1$$

$$x_1 = \frac{-3 + 1}{-2(-2)} = \frac{-2}{-4} = \frac{1}{2}$$

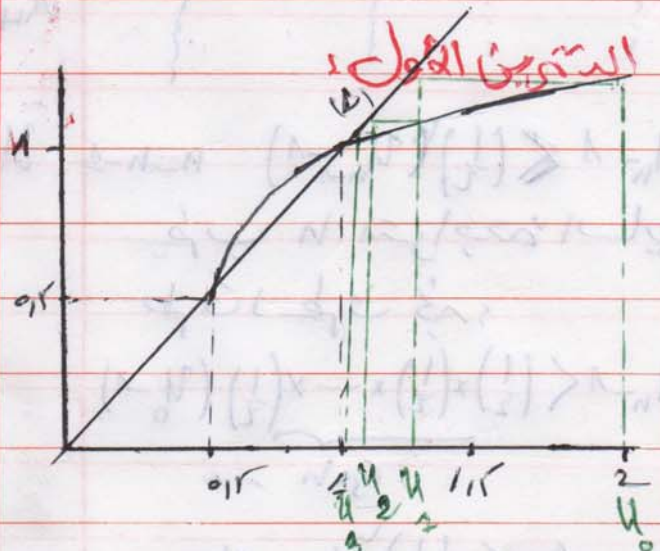
$$x_2 = \frac{-3 - 1}{-2(-2)} = \frac{-4}{-4} = 1$$

X	$-\infty$	$\frac{1}{2}$	1	$+\infty$
$-2x^2 + 3x - 1$	-	+	-	-

وبجاءت $u_n > 1$ فان
 $-2u_n^2 + 3u_n - 1 < 0$ ومنه (u_n)
 متناقصة مع N

(u_n) متناقصة ومحدودة من الأسفل
 $(u_n > 1)$ فهي متقاربة
 ص ص

الموضوع الثاني



3 // استعمل الصيغة u_0, u_1, u_2, u_3
 // 2 // تحين اتجاه تغير (u_n) وتقاربا
 لدينا $u_0 > u_1 > u_2 > u_3$ مرتبة ترتيبا
 تنازليا ومنه (u_n) متناقصة
 ومتقاربة في طرف صفر نقطة تقاطع

(C) مع (D) $(n-1)$
 // 3 // برهات يتراجع اتى

ابر كرمه طبيعي $u_n > 1$

نضع $P(n) = u_n > 1$

(محصنة) $P(0) = u_0 = 2 > 1$

نترض ان $P(n)$ صحيحة ونثبت

صحة $P(n+1)$

$u_n > 1$

وبجاءت f متزايدة على المجال $]3, +\infty[$ الى نتائج:

$f(u_n) > f(1)$

$u_{n+1} > 1$

$$U_{n-1} < \left(\frac{1}{2}\right)^n (U_{n-1}) \quad n=2$$

⋮ ⋮ ⋮ ⋮

$$U_{n-1} < \left(\frac{1}{2}\right)^n (U_{n-1}) \quad n=n-1$$

قرب n من n باوجه اولى
طرف ا طرف n

$$U_{n-1} < \underbrace{\left(\frac{1}{2}\right) \times \left(\frac{1}{2}\right) \times \dots \times \left(\frac{1}{2}\right)}_{\text{في } n} (U_{n-1})$$

$$U_{n-1} < \left(\frac{1}{2}\right)^n (2-1)$$

$$\boxed{U_{n-1} < \left(\frac{1}{2}\right)^n}$$

من حفظه

يكن يرون يتراجع مع

$$U_{n-1} < \left(\frac{1}{2}\right)^n$$

$$V_n = \frac{U_{n-1}}{2U_{n-1}-1} \quad /6$$

IP بيان ان (V_n) م متناهي
 $V_0 = ?$, $q = ?$

$$V_{n+1} = \frac{3U_{n+1}-1}{2U_{n+1}-1}$$

$$= \frac{3U_n-1}{2U_n-1}$$

$$= \frac{2\left(\frac{3U_n-1}{2U_n}\right)-1}{2U_n}$$

IP/5 بيان ان (U_n) متناهي

$$U_{n+1}-1 < \frac{1}{2}(U_n-1) \quad \text{لبيان}$$

$$U_{n+1}-1 = \frac{3U_n-1}{2U_n} - 1$$

$$= \frac{3U_n-1-2U_n}{2U_n}$$

$$= \frac{U_n-1}{2U_n}$$

$$= \frac{1}{2} \left(\frac{U_n-1}{U_n}\right)$$

ولذا $U_n > 1$

اي $2U_n > 2$

$$(1) - \boxed{\frac{1}{2U_n} < \frac{1}{2}}$$

لبيان $U_{n-1} > 1$ بقرب (U_n)

بانه $\frac{1}{2}(U_n-1)$

$$\frac{1}{2}(U_n-1) < \frac{1}{2}(U_n-1)$$

$$\boxed{U_{n+1}-1 < \frac{1}{2}(U_n-1)}$$

اي $U_{n+1}-1 < \frac{1}{2}(U_n-1)$

$$U_n-1 < \left(\frac{1}{2}\right)^n$$

لبيان ان (U_n) متناهي
من اجل

$$U_0-1 < \left(\frac{1}{2}\right)^0 (U_0-1) \quad n=0$$

$$U_1-1 < \left(\frac{1}{2}\right)^1 (U_1-1) \quad n=1$$

$$u_n = \frac{v_n - 1}{2v_n - 1}$$

$$u_n = \frac{\frac{1}{3} \left(\frac{1}{2}\right)^n - 1}{\frac{2}{3} \left(\frac{1}{2}\right)^n - 1}$$

S_n حساب المجموع \rightarrow

$$S_n = \frac{v_0 - 1}{u_0} + \frac{v_1 - 1}{u_1} + \dots + \frac{v_n - 1}{u_n}$$

لدينا ما يلي

$$(2v_n - 1)u_n = v_n - 1$$

$$2v_n - 1 = \frac{v_n - 1}{u_n}$$

$$S_n = (2v_0 - 1) + (2v_1 - 1) + \dots + (2v_n - 1)$$

$$= 2(v_0 + v_1 + \dots + v_n) - (1 + 1 + \dots + 1)$$

$$= 2 \frac{v_0}{(1 - \frac{1}{2})} (1 - (\frac{1}{2})^{n+1}) - (n+1)$$

$$= \frac{2 \left(\frac{1}{3}\right)}{\frac{1}{2}} (1 - (\frac{1}{2})^{n+1}) - n - 1$$

$$S_n = \frac{4}{3} (1 - (\frac{1}{2})^{n+1}) - n - 1$$

$$= \frac{3u_{n-1} - 2u_n}{2u_n}$$

$$= \frac{6u_{n-2} - 2u_n}{2u_n}$$

$$= \frac{u_{n-1}}{4u_{n-2}} = \frac{1}{2} \left(\frac{u_{n-1}}{2u_{n-2}} \right)$$

$$= \frac{1}{2} v_n$$

وهذا هو v_n في u_n

وهذا هو $q = \frac{1}{2}$

$$v_0 = \frac{u_0 - 1}{2u_0 - 1} = \frac{2 - 1}{2(1) - 1} = \frac{1}{3}$$

نلاحظ ان u_n \rightarrow v_n

نلاحظ ان v_n \rightarrow u_n

في v_n \rightarrow u_n

$$v_n = v_p \times q^{n-p} \quad \left| \begin{array}{l} p=0 \\ q=\frac{1}{2} \\ n=n \end{array} \right.$$

$$v_n = \frac{1}{3} \left(\frac{1}{2}\right)^n$$

$$v_n = \frac{u_n - 1}{2u_n - 1} \quad \text{لدينا } \times$$

$$v_n(2u_n - 1) = u_n - 1$$

$$2v_n u_n - v_n = u_n - 1$$

$$2v_n u_n - u_n = v_n - 1$$

$$(2v_n - 1)u_n = v_n - 1$$

التسوية الثاني

$$= \left(\frac{\lambda^2}{2} (\ln \lambda - \frac{1}{2}) \right) - \left(\frac{1}{2} (-\frac{1}{2}) \right)$$

$$= \frac{\lambda^2}{2} (\ln \lambda - \frac{1}{2}) + \frac{1}{4}$$

حتى يكون $A(\lambda) = \frac{1}{4}$

$$\frac{\lambda^2}{2} (\ln \lambda - \frac{1}{2}) + \frac{1}{4} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{\lambda^2}{2} (\ln \lambda - \frac{1}{2}) = 0$$

$\ln \lambda - \frac{1}{2} = 0$ $\ln \lambda = \frac{1}{2}$ $\lambda = e^{\frac{1}{2}}$	$\frac{\lambda^2}{2} = 0$
	$\lambda^2 = 0$
	$\lambda = 0$
	$\lambda > 1$ أو $\lambda < 1$

$\lambda = \sqrt{e}$

$\log(Mn^2 - 6n + 5) = \log n^2 + 1$ 13

الاجواب $S = \{n, 5\}$ أو $\lambda = \sqrt{e}$ التحليل

$\log(Mn^2 - 6n + 5) = \log n^2 + 1$

$Mn^2 - 6n + 5 > 0, n^2 > 0$

$\log(Mn^2 - 6n + 5) = \log n^2 + 1$

$$\frac{\ln(Mn^2 - 6n + 5)}{\ln 10} = \frac{\ln n^2}{\ln 10} + 1$$

اعتبار ان صيغة مع التبرير

\mathbb{R}^+ / 1 / صيغة الف المعرف على

$f(n) = \frac{e^{-n} - 2}{e^{-n} - 1}$ يقبل صيغة مقارب ماثل بجوار $(+\infty)$ مصادفة

الخط $y = 3n + 2$ التحليل

$\lim_{n \rightarrow +\infty} f(n) - 3n =$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} 3n + \frac{e^{-n} - 2}{e^{-n} - 1} - 3n$$

$$= \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{e^{-n} - 2}{e^{-n} - 1} = 2$$

$\lim_{n \rightarrow +\infty} f(n) - (3n + 2) = 0$

أو $y = 3n + 2$ أو $(-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$

$\lambda > 1, A(\lambda) = \int_1^\lambda n \ln n \, dn$

صيغة $A(\lambda) = \frac{1}{4}$ أو $\lambda = \sqrt{e}$ الاجواب التحليل

$$A(\lambda) = \int_1^\lambda n \ln n \, dn$$

$$= \left[\frac{n^2}{2} (\ln n - \frac{1}{2}) \right]_1^\lambda$$

التحريين الثالث

عده الرجال 12
عده النساء 8

عده العمال : $20 = 12 + 8$

التجربة تشكيل لجنة من 3 رجال
المعام غير متكررة

طريقة العد وتوقيته $C_{20}^3 = 1140$

حساب احتمال اعضاء اللجنة التالية

"A" اعضاء اللجنة نساء

$$P(A) = \frac{C_8^3}{C_{20}^3} = \frac{14}{285}$$

"B" اللجنة تضم امرأة مع اكثر

$$P(B) = \frac{C_8^1 \times C_{12}^2 + C_{12}^3}{C_{20}^3} = \frac{171}{285}$$

"C" اللجنة تضم امرأة على الاقل

$$P(C) = \frac{C_8^1 \times C_{12}^2 + C_8^2 \times C_{12}^1 + C_8^3}{C_{20}^3} = \frac{78}{95}$$

لكن لا المختار العشوائي
يرفق بلكر لجنة عده الرجال
المختار احد بين في اللجنة

$f_n(11n^2 - 8n + 5) = f_n n^2 + f_n 10$

$f_n(11n^2 - 6n + 5) = f_n 10n^2$

$11n^2 - 6n + 5 = 10n^2$

$n^2 - 6n + 5 = 0$

$$\Delta = b^2 - 4ac \quad \left| \begin{array}{l} a = 1 \\ b = -6 \\ c = 5 \end{array} \right.$$

$$= 36 - 4(1)(5) = 16$$

$n_1 = \frac{6 + 4}{2} = \frac{10}{2} = 5$

$n_2 = \frac{6 - 4}{2} = \frac{2}{2} = 1$

$S = \{1, 5\}$ ومنه

$U_n = 2 - 3\left(\frac{1}{4}\right)^n$ مع N معرنة على N
في مسألة د

اجواب P متزايدة كلما

التحليل

$U_{n+1} - U_n = \left(2 - 3\left(\frac{1}{4}\right)^{n+1}\right) - \left(2 - 3\left(\frac{1}{4}\right)^n\right)$

$= -3\left(\frac{1}{4}\right)^{n+1} + 3\left(\frac{1}{4}\right)^n$

$= 3\left(\frac{1}{4}\right)^n \left(-\frac{1}{4} + 1\right)$

$= 3\left(\frac{1}{4}\right)^n \left(\frac{3}{4}\right)$

$= \frac{9}{4} \left(\frac{1}{4}\right)^n > 0$

ومنه (U_n) متزايدة كلما

"E" رئيس اللجنة ونائبه من نفس

$$P(F) = \frac{A_{12}^2 \times A_{18}^1 + A_8^2 \times A_{18}^1}{A_{20}^3} = \frac{33 \times 4}{6840} = \frac{47}{95}$$

"F" الناجل "تراد" في اللجنة

$$P(F) = \frac{3 \times A_1^1 \times A_{19}^2}{A_{20}^3} = \frac{1026}{6840} = \frac{3}{20}$$

التسوية الرابع :

$$g(n) = (2n+1)e^{-n} \quad D = \mathbb{R} \quad \mathbb{I}$$

$\lim_{n \rightarrow -\infty} g(n)$ و $\lim_{n \rightarrow +\infty} g(n)$ \rightarrow $\frac{0}{\infty}$ //

$$\lim_{n \rightarrow -\infty} g(n) = \lim_{n \rightarrow -\infty} (2n+1)e^{-n} \quad \frac{\infty}{\infty}$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} g(n) = \lim_{n \rightarrow +\infty} (2n+1)e^{-n} = \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{2n+1}{e^n} = \frac{\infty}{\infty}$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n}{e^n} = 0 \quad \text{لان}$$

2/ دراسة الخواص تغير و تشكيل

صيول تغيراتها

g دالة ق ا على R و

$$g'(n) = 2e^{-n} - e^{-n}(2n+1) = e^{-n}(2 - (2n+1)) = e^{-n}(1-2n)$$

1/ قانون الاحتمال وحساب

الاحتمال الريا فياتي

نوع X

$$X = \{0, 1, 2, 3\}$$

n_i	0	1	2	3	Σ
$P(X=n_i)$	$\frac{14}{285}$	$\frac{84}{285}$	$\frac{132}{285}$	$\frac{77}{285}$	1
$n_i P_i$	0	$\frac{84}{285}$	$\frac{264}{285}$	$\frac{231}{285}$	

$$P(X=0) = \frac{C_8^3}{C_{20}^3} = \frac{14}{285}$$

$$P(X=1) = \frac{C_{12}^1 \times C_8^2}{C_{20}^3} = \frac{28}{95} = \frac{84}{285}$$

$$P(X=2) = \frac{C_{12}^2 \times C_8^1}{C_{20}^3} = \frac{44}{95} = \frac{132}{285}$$

$$P(X=3) = \frac{C_{12}^3}{C_{20}^3} = \frac{11}{77} = \frac{77}{285}$$

$$E(X) = \sum n_i P_i = \frac{9}{5} = 1.8$$

التجربة ، 3 عمل

المهام ، رئيس ، نائب ، كاتب

$$A_{20}^3 = 6840$$

حساب احتمال العوائد التالية

"D" رئيس اللجنة من الرجال

$$P(D) = \frac{A_{12}^1 \times A_{19}^2}{A_{20}^3} = \frac{3}{5}$$

إشارة $g(x)$ عند $x = -0,74$ و $x = -0,73$ من حيث
 معرفة القيمة المتوسطة يوجد
 $-0,74 < \alpha < -0,73$ و $g(\alpha) = 0$

إشارة $g(x)$ من جدول تغيرات
 و $g(\alpha) = 0$ يوجد

x	$-\infty$	α	$+\infty$
$g(x)$	-	+	

إشارة $g(x)$ عند $x = 1-2n$
 $e^{-n} > 0$

$1-2n = 0 \Rightarrow 2n = 1$

$n = \frac{1}{2}$

x	$-\infty$	$1/2$	$+\infty$
$1-2n$	+	0	-
$g'(x)$	+	0	-

و g و g' إشارة g و g' من جدول
 و g و g' إشارة g و g' من جدول

II
 $f(x) = (-2x-3)e^{-x} + x$
 $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} (-2x-3)e^{-x} + x$
 $= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-2x-3}{x} e^{-x} + x$
 $= +\infty$

$\lim_{x \rightarrow +\infty} (-2x-3)e^{-x} + x$
 $= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-2x-3}{e^x} + x$
 $= +\infty$

x	$-\infty$	$1/2$	$+\infty$
$g'(x)$	+	0	-
$g(x)$			

$g(1/2) = 2e^{-1/2} = \frac{2}{\sqrt{e}} + 1$
 $g(x) = 0$ عند $x = -0,74$ و $x = -0,73$
 يتغير g و g' من حيث
 $-0,74 < \alpha < -0,73$

إشارة g و g' من جدول و g و g' من جدول
 إشارة g و g' من جدول
 $g(-0,74) =$
 $g(-0,73) =$

$$= e^{-n}(-2 - (-2n-3)) + 1$$

$$= (2n+1)e^{-n} + 1$$

$$= g(n)$$

نلاحظ اننا نحتاج الى ايجاد مشتق f ونشكل

جدول تغيراتها

$$f'(n) = g(n) \text{ لكي نثبت ان } f(n) = g(n)$$

اذا كانت f(n) و g(n) متساويتين!

n	$-\infty$	α	$+\infty$
g(n)	-	0	+
f'(n)	-	0	+

و f متزايدة على $[\alpha, +\infty[$

و f متناقصة على $] -\infty, \alpha]$

* جدول التغيرات

n	$-\infty$	α	$+\infty$
f'(n)	-	0	+
f(n)	$+\infty$		$+\infty$

$$f(\alpha) = \alpha + 1 + \frac{2}{2\alpha + 1}$$

نثبت ان

$$f(\alpha) - (\alpha + 1) - \frac{2}{2\alpha + 1} = 0$$

1/2 اياك ان $y = n$ (D) مستقيم

مقابل (C_f) كجواب $(+\infty)$

$$f(n) - y = \frac{1}{n \rightarrow +\infty} (-2n-3)e^{-n} - n$$

$$= \frac{1}{n \rightarrow +\infty} (-2n-3)e^{-n}$$

$$= \frac{1}{n \rightarrow +\infty} \frac{-2n}{e^n} - \frac{3}{e^n} = 0$$

و $y = n$ (D) مستقيم مقابل

مقابل (C_f) كجواب $(+\infty)$

و $y = n$ و (C_f) و (D) متساويتان

$$f(n) - y = (-2n-3)e^{-n}$$

اذا كانت f(n) و y متساويتين!

لأن $e^{-n} > 0$

$$-2n-3=0 \text{ او } -2n=3$$

$$n = -\frac{3}{2}$$

n	$-\infty$	$-\frac{3}{2}$	$+\infty$
$-2n-3$		+	-
$f(n) - y$		+	-
الوظيفة	(D) فوق (C_f)	(C_f) = (D)	(D) تحت (C_f)

1/3 اياك ان $f'(n) = g(n)$

لكي نثبت ان f و g متساويتان

اذا كانت

$$f'(n) = -2e^{-n} - e^{-n}(-2n-3) + 1$$

$$-4,08 < f(x) < -3,89$$

15/ بيان ان (Cg) يقبل نقطة انعطاف في جيبه فقط

لدينا $f'(x) > 0$ في R و

$$f''(x) = g'(x)$$

نبحث عن x في I

x	$-\infty$	$1/2$	$+\infty$
$f''(x) = g'(x)$		$\begin{matrix} + \\ \\ - \end{matrix}$	

ونرى ان $f''(x)$ يتغير عند $x = 1/2$

بعبارة اشارة، ولذا ونرى ان (Cg) يقبل

نقطة انعطاف في

$$W(1/2, f(1/2))$$

$$f(1/2) = (-1-3)e^{-1/2} = -\frac{4}{\sqrt{e}}$$

16/ انشاء (Cg) و (Δ) (آخر الموضوع)

17/ اثنين a و b حتى تكون

H دالة ابلية ل h

$$H(x) = (ax+b)e^{-x}$$

$$h(x) = (-2x-3)e^{-x}$$

$$H'(x) = h(x)$$

$$H'(x) = a e^{-x} - (ax+b)e^{-x}$$

$$= (-ax - b + a)e^{-x}$$

$$f(x) = x - 1 - \frac{2}{2x+1}$$

$$= (2x-3)e^{-x} + x - x - 1 - \frac{2}{2x+1}$$

$$= (-2x-3)e^{-x} - \frac{(2x+1)+2}{2x+1}$$

$$= \frac{-(2x+3)(2x+1)e^{-x} - (2x+3)}{2x+1}$$

$$= \frac{-(2x+3)[(2x+1)e^{-x} + 1]}{2x+1}$$

$$= \frac{-(2x+3)g(x)}{2x+1} = 0$$

نحل $f(x)$

لنا

$$-0,74 < x < -0,73$$

$$\boxed{0,26 < x+1 < 0,27} \quad (1)$$

$$-1,48 < 2x < -1,46$$

$$-0,48 < x+1 < -0,46$$

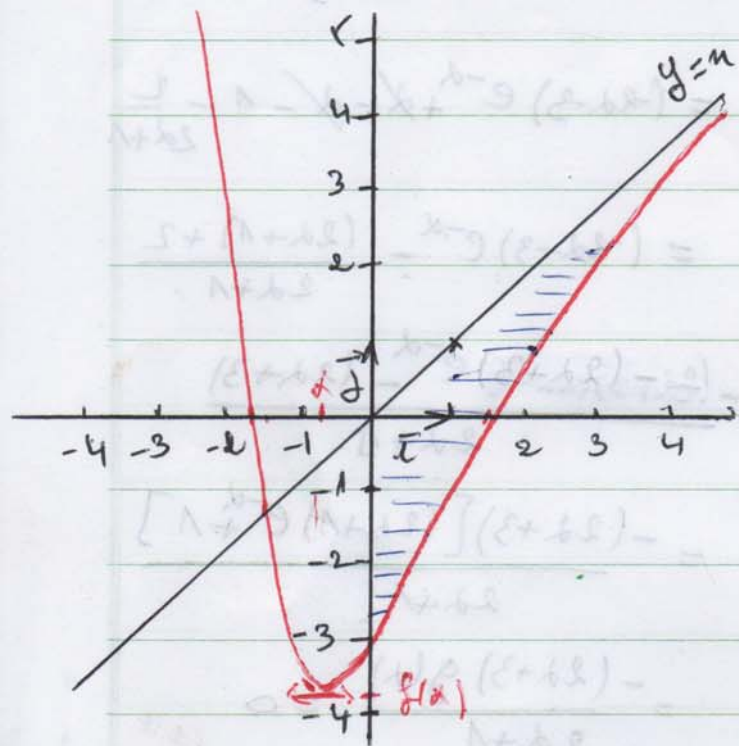
$$-2,08 > \frac{1}{2x+1} > -2,17$$

$$-4,16 > \frac{2}{2x+1} > -4,34$$

$$\boxed{-4,34 < \frac{2}{2x+1} < -4,16}$$

نحل (1) و (2) فنجد

بنا



② السؤال 03

$$P(x^2 - 2x \leq 0) \quad / \cup$$

$$x^2 - 2x = 0$$

$$x(x-2) = 0$$

$$x-2=0 \quad | \quad x=0$$

$$x=2$$

x	0	2
$x^2 - 2x$	$+$	$-$

$$0 \leq x \leq 2 \quad \text{so } x \text{ is}$$

$$P(x^2 - 2x \leq 0) = P(0 \leq x \leq 2)$$

$$= P(x=0) + P(x=1)$$

$$+ P(x=2)$$

$$= \frac{230}{285}$$

بالمطابق مع الـ a و b

$$-a = -2 \Rightarrow a = 2$$

$$-b + a = -3 \quad b = 3 + a = 5$$

$$H(x) = (2x + 5) e^{-x}$$

$$A(\lambda) = \int_0^{\lambda} y - f(x) dx$$

$$y = x, \quad u = \lambda, \quad u = 0$$

$$A(\lambda) = \int_0^{\lambda} y - f(x) dx$$

$$= \int_0^{\lambda} x - (2x - 3) e^{-x} dx$$

$$= [-H(x)]_0^{\lambda}$$

$$= -H(\lambda) + H(0)$$

$$= -(2\lambda + 5) e^{-\lambda} + 5 \quad \text{u.a}$$

$$\lim_{\lambda \rightarrow +\infty} A(\lambda) = \lim_{\lambda \rightarrow +\infty} -(2\lambda + 5) e^{-\lambda} + 5$$

$$= \lim_{\lambda \rightarrow +\infty} -\frac{2\lambda}{e^{\lambda}} - \frac{5}{e^{\lambda}} + 5$$

$$= 5$$