



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية
وزارة التربية الوطنية

إمتحان الفصل الثاني
الأحد 04 مارس 2018

ثانوية مصطفى فروخي بمليانة
السنة الثالثة لغات أجنبية ، آداب وفلسفة

المدة : ساعتين فقط

المادة : رياضيات

Ce n'est pas parce que les choses sont difficiles qu'on n'essaye pas
mais parce qu'on n'essaye pas que les choses sont difficiles .

التمرين الأول (مشترك بين الشعبتين) : (07 نقاط)

f دالة عددية معرفة على \mathbb{R} ب : $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - \frac{5}{2}x^2 + 6x + 1$

و (\mathcal{C}_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس (O, \vec{i}, \vec{j})

- 1) أحسب النهايتين : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ثم بين من أجل كل عدد حقيقي x أن : $f'(x) = x^2 - 5x + 6$
- 2) عين إشارة $f'(x)$ ثم استنتج اتجاه تغير الدالة f و شكل جدول تغيراتها .
- 3) بين أن النقطة A ذات الإحداثيتين $(\frac{5}{2}, \frac{253}{50})$ هي نقطة إنعطاف ل (\mathcal{C}_f) .
- 4) أكتب معادلة المماس (\mathcal{D}) ل (\mathcal{C}_f) عند النقطة A .
- 5) عين نقطة تقاطع (\mathcal{C}_f) مع محور الترتيب .
- 6) أنشئ (\mathcal{C}_f) و (\mathcal{D}) .

التمرين الثاني (خاص بشعبة اللغات الأجنبية) : (07 نقاط)

f دالة عددية معرفة على $\mathbb{R} - \{-1\}$ ب : $f(x) = \frac{x-3}{x+1}$

و (\mathcal{C}_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس (O, \vec{i}, \vec{j})

- 1) بين أن الدالة f تكتب على الشكل : $f(x) = 1 + \frac{a}{x+1}$ حيث a عدد حقيقي يطلب تعيينه .
- 2) أحسب نهاية الدالة f عند $+\infty$ و $-\infty$ و -1 ثم فسر النتائج المحصل عليها بيانيا .
- 3) أحسب $f'(x)$ ثم شكل جدول تغيرات f .
- 4) أكتب معادلة للمماس (Δ) للمنحنى (\mathcal{C}_f) عند النقطة التي فاصلتها 3.
- 5) عين إحداثي نقط تقاطع المنحنى (\mathcal{C}_f) مع حامي محور الإحداثيات .
- 6) أرسم كلا من (Δ) و (\mathcal{C}_f) .

التمرين الثالث (خاص بشعبة آداب وفلسفة) : (07 نقاط)

f دالة عددية معرفة على \mathbb{R} ب : $f(x) = 2x^3 - 9x^2 + 12x - 5$



و (\mathcal{C}_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس (O, \vec{i}, \vec{j})

- (1) أحسب النهايتين : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$
- (2) عين إشارة $f'(x)$ ادرس اتجاه تغير الدالة f و شكل جدول تغيراتها .
- (3) بين أن النقطة I ذات الإحداثيتين $(\frac{3}{2}, -\frac{1}{2})$ هي نقطة إنعطاف لـ (\mathcal{C}_f) .
- (4) أكتب معادلة المماس $((\Delta))$ لـ (\mathcal{C}_f) عند النقطة A .
- (5) تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = (x-1)^2(2x-5)$ ثم استنتج نقط تقاطع (\mathcal{C}_f) مع حامل محور الفواصل .
- (6) أنشئ (\mathcal{C}_f) و $((\Delta))$.

التمرين الرابع (مشترك بين الشعبتين) : (06 نقاط)

في الشكل المقابل ، (C_g) هو التمثيل البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس للدالة g المعرفة على \mathbb{R} بالعبارة :

$$g(x) = -x^2 + 2x + 3$$

بقراءة بيانية :

- (1) شكل جدول تغيرات الدالة g على \mathbb{R} .
- (2) عين حسب قيم x إشارة $g(x)$ على \mathbb{R} .
- (3) عين كلا من $g(1)$ و $g(-1)$ و $g(3)$ و $g(0)$.
- (4) عين $g'(1)$ وحدد وضعية المماس عند النقطة التي فاصلتها 1 .
- (5) إذا علمت أن : $g'(0) = 2$ أكتب معادلة المماس (Δ) عند النقطة التي فاصلتها 0 .

