

التمرين الأول: 03 نقاط

✓ أجب بصحيح أو خطأ مع التبرير:

1. المعادلة ذات المجهول x حيث $0 = 2(\ln x)^2 - \ln(x) - 1$ تقبل حللين في \mathbb{R} هما: 1 و e .

2. $f(x) = (x-1)\ln\left(\frac{|x-1|}{x}\right) - \ln(|x|)$ بـ $\mathbb{R} - \{0;1\}$ f الدالة المعرفة على $\{0;1\}$ من أجل $f(1-x) = f(x)$ لدينا:

3. نعتبر المتراجحة ذات المجهول الحقيقي x : $(2e^x - 2e)(e^{1-x} - 1) > 0$

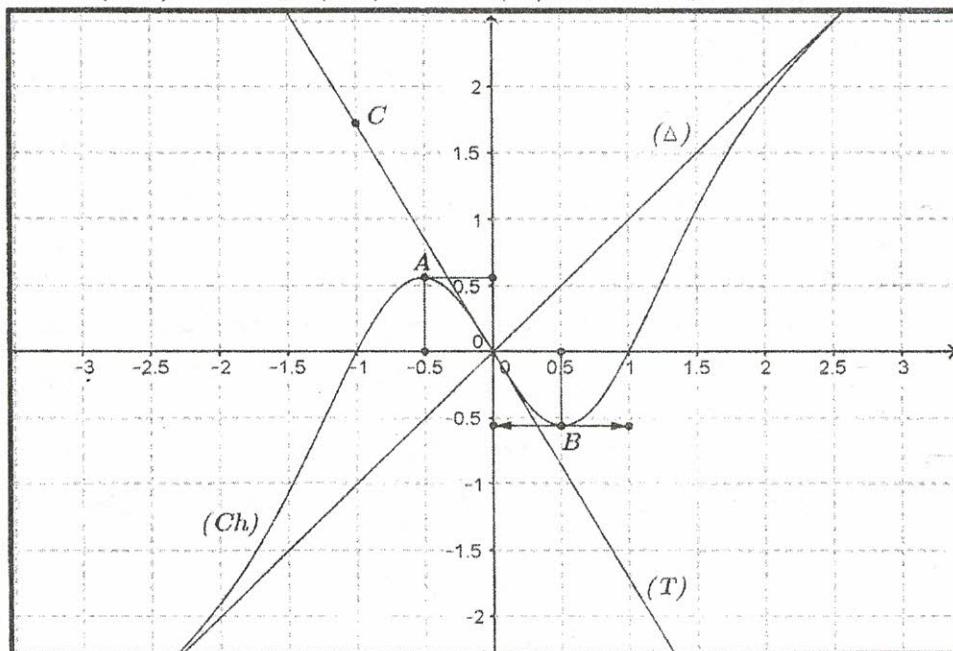
► مجموعه حلول هذه المتراجحة في مجموعه الأعداد الحقيقية هي: $[1; e[$

التمرين الثاني: 07 نقاط

✓ في الشكل المقابل (C_h) التمثيل البياني للدالة h المعرفة على \mathbb{R} و A , B , C ثلات نقط حيث

مستقيمان (T) , (Δ) و (Ch) مستقيمان حيث (Δ) مستقيم مقارب مائل

لـ (C_h) عند $+\infty$ و $-\infty$ معادلة له هي $y = x$ و (T) الماسـ لـ (C_h) في النقطة $O(0;0)$ مبدأ المعلم.



I. بقراءة سانية أحب على الأسئلة التالية:

1. شكل جدول تغيرات الدالة h .

2. حدد كلامن h' و $(0)''$ ثم اكتب معادلة للمماس (T) .

3. حدد شفاعة الدالة h مع التبرير.

4. استنتاج الوضع النسبي لـ (C_h) والمماس (T) ثم فسر النتيجة هندسيا.
5. حدد حسب قيمة x إشارة $h(x) - x$ و $h(x)$.
6. ناقش بيانيًا وحسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة $h(x) = mx$.
- II. نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R} بـ $g(x) = -h(|x|)$ ولتكن (C_g) تمثيلها البياني في المعلم السابق.
1. بين أن الدالة g زوجية ثم فسر النتيجة هندسيا.
2. اكتب $g(x)$ دون رمز القيمة المطلقة ثم حدد طريقة لرسم (C_g) انطلاقاً من (C_h) .
3. أعد رسم (C_g) ثم أرسم (C_h) .
- التمرن الثالث: 10 نقاط**
- الجزء الأول: g الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ $g(x) = 1 - (1-x)e^{1-x}$.
1. أدرس تغيرات الدالة g .
2. أبين أن المعادلة $0 = g(x)$ تقبل حلًا واحدًا α حيث $0,42 < \alpha < 0,44$.
- ب) استنتاج حسب قيمة x إشارة $g(x)$.
- الجزء الثاني: f الدالة المعرفة على \mathbb{R} بالعبارة: $f(x) = x - xe^{1-x}$ تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.
1. أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.
2. أبين أنه من أجل $f'(x) = g(x)$ $x \in \mathbb{R}$ ثم شكل جدول تغيرات الدالة f .
- ب) أبين أن $f(\alpha) = \alpha + 1 + \frac{1}{\alpha - 1}$ ثم أعط حصاراً $f(\alpha)$.
- ج) عين دون حساب $\lim_{x \rightarrow \alpha} \frac{f(x) - f(\alpha)}{x - \alpha}$ ثم فسر النتيجة بيانيًا.
3. أ) أبين أن (C_f) يقبل نقطة انعطاف يطلب تعين أحداثيها.
ب) أبين أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = x$ مقارب مائل لـ (C_f) عند $+\infty$ ثم أدرس الوضع النسبي لـ (C_f) و (Δ) .
4. أ) أبين أن (C_f) يقبل مماساً (T) موازيًا لـ (Δ) يطلب كتابة معادلته.
ب) عين أحداثيات نقط تقاطع (C_f) مع حامل محوري الأحداثيات.
5. أنشئ كلام من (Δ) و (T) ثم أرسم (C_f) نأخذ $f(\alpha) = -0,33$.
- ب) عين بيانيًا قيم الوسيط الحقيقي m التي تقبل من أجلها المعادلة $f(x) = x + m$ حللين متمايزين.
6. أدرس اتجاه تغير الدالة h المعرفة على \mathbb{R} بـ $h(x) = f(-x)$ دون تعين عبارتها.

الدالة $f(x) = \ln x$ في $x=1$ هي دالة طبيعية

الافتراض: $x > 0$

المستوى: الثالثة ثانوي

المراجعة

حل المترىن الفعل

الحساب بدقة ومحاجة لستيرلنج

(١) خطأ: ٥٩٨

الستيرلنج: ٥٧٨

لدينا الخطأ $\ln(x)^2 - \ln x - 1 \approx 0$ $\text{خطأ: } 598$

فقط $t^2 - t - 1 \approx 0$ $\text{خطأ: } 598$
و $t = \ln x$

$x = e^{\frac{1}{2}}$ $\ln x = -\frac{1}{2}$ و عند حل $t^2 - t - 1 \approx 0$ $\text{خطأ: } 598$

$x = e^{\frac{1}{2}}$ $\ln x = 1$ و عند حل $t^2 - t - 1 \approx 0$ $\text{خطأ: } 598$

و بالتالي الخطأ $\ln(x)^2 - \ln x - 1 \approx 0$ $\text{خطأ: } 598$

(٢) خطأ: ٥٩٨

الستيرلنج: ٥٧٨

$$f(1-x) = (1-x-1) \ln \left| \frac{1-x-1}{1-x} \right| - \ln |1-x| \quad \text{لدينا}$$

$$= -x \ln \left| \frac{-x}{1-x} \right| - \ln |1-x|$$

$$= -x \ln \left| \frac{x}{x-1} \right| - \ln |x-1|$$

$$= x \ln \left| \frac{x-1}{x} \right| - \ln \left| x \left(1 - \frac{1}{x} \right) \right|$$

$$= x \ln \left| \frac{x-1}{x} \right| - \ln x - \ln \left| \frac{x-1}{x} \right|$$

$$= (x-1) \ln \left| \frac{x-1}{x} \right| - \ln x = f(x)$$

$f(1-x) = f(x)$ و بالتالي صحة المترىن

(١)

(3) خط
التبديل

$$x=1 \text{ حيث } 2e^x - 2e = 0 \quad (2e^x - 2e)(e^{1-x} - 1) = 0$$

$x=1$ حيث $e^{1-x} = e^0 = 1 \neq 1$

وعلماً بأن حالات الـ $\frac{0}{0}$ الصارمة

x	$-\infty$	1	$+\infty$
$2e^x - 2e$	-	0	+
$e^{1-x} - 1$	+	0	-
$(2e^x - 2e)(e^{1-x} - 1)$	-	0	-

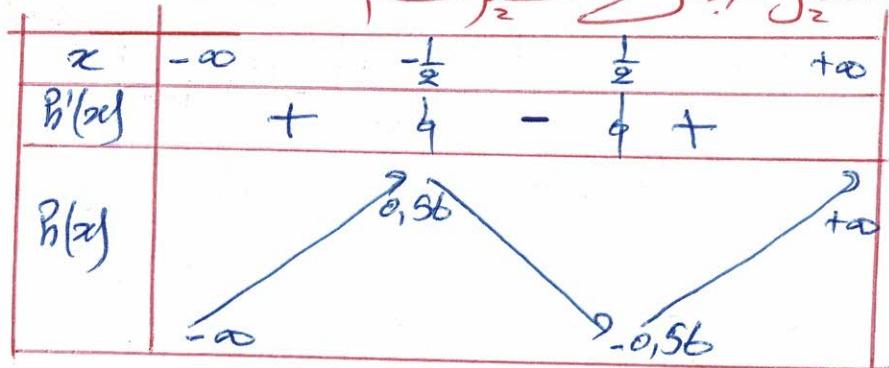
وحالات الـ $\frac{0}{0}$ مجموعه حلول طبقاً لـ

$$S = \{ \phi \} \cup \text{نهاية}$$

حل المترى الثانى

(I) التحاق على المثلثة بـ
(II) تحويل حبطة إلى فترات

①



: $b'(0)$ و $b'(\frac{1}{2})$ في

0,28 طاح محاور بـ B عند $x=0$ ، $b'(0) = 0$.

$$b'(0) = \frac{y_C - y_0}{x_C - x_0} = \frac{e-1}{-1} = 1-e$$

نهاية معادلة (T) $y = (A-e)x$

$$y = (A-e)x$$

2

(3) تحدد شرطية الدالة مع التبرير

الدالة متعددة لأى (C_n) حماز دالى ملخصاً لـ $\lim_{n \rightarrow \infty} C_n = T$

(4) استنتاج لوح التبديل $[C_n] \rightarrow [T]$

x	$-\infty$	0	$+\infty$
$B(x)-y$	-	+	-
الوضع	C_1	C_2	C_3
التبديل	T	T	T

0,8

العنصر n من السلاسل
نقول أن لزوجة $(0;0)$ نقطة انفصال (C_n)

(5) حل زوج من سلاسل متساوية من $B(x)-x$ و $B(x)-x$

x	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$
$B(x)$	-	+	-	+	-

0,8

x	$-\infty$	0	$+\infty$
$B(x)-x$	+	-	-

(6) المكافأة شهادة حسبي على الوسيط طبقاً لـ احمد وليد، حلول المعادلة

0,85x3

- من أجل $m \in [-\infty, 1-e]$ فإن المعادلة تقبل حل واحداً معلوماً.

- من أجل $m \in [1-e, 1]$ فإن x يقبل ثلاث حلول مختلفة.

في المضاربة وحل معروف

- من أجل $m \in [1, +\infty]$ فإن المعادلة تقبل حل واحداً معلوماً.

(II) لدينا $g(x) = -B(|x|)$

(1) بيان أن الدالة و زوجية

لدينا أن $B(x) \geq 0$ $\forall x \in \mathbb{R}$ $\Rightarrow -B(|x|) \leq 0$ $\forall x \in \mathbb{R}$

$= g(x)$

ومنه، الدالة زوجية

0,88

$$g(-x) = -B(|-x|) = -B(|x|) = g(x)$$

(3)

التعذر لـ $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ للسبيحة

(ج) حشاضر حالسة $f(x)$ حاصل محو، مستقيم.

2) طبقة $b(x)$ دون حز العجمية بطلقة:

$$g(x) = \begin{cases} -b(x); & x > 0 \\ -b(-x); & x \leq 0 \end{cases}$$

لذا

لذ دعوه (ج) اذلة عاصي (ج):

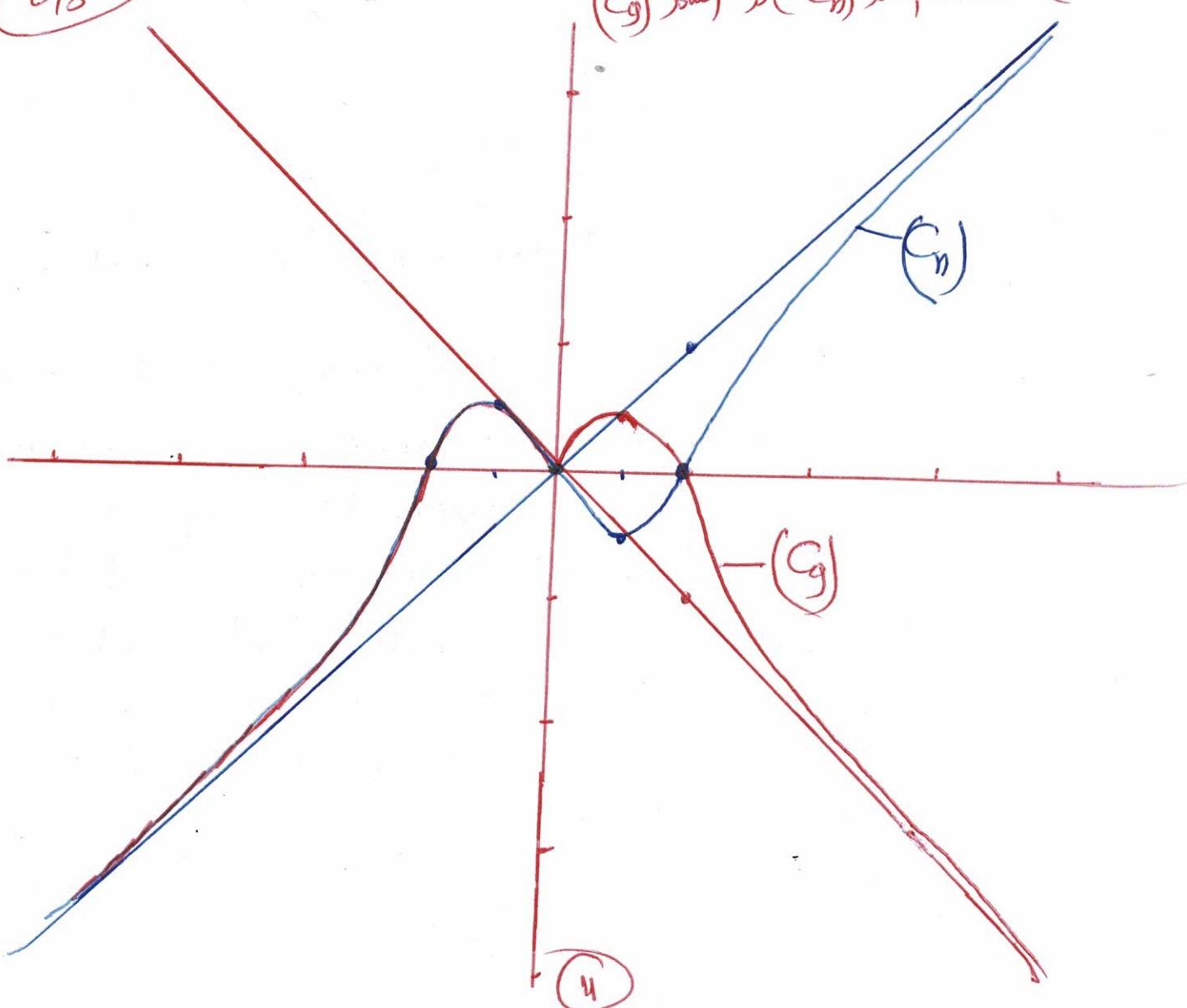
من أجل $x > 0$ فإن $b(x) = -b(-x)$ وهذا يعني $b(x)$ حاصل

للحاصل محو، العوامل على الحال $[0, +\infty]$

وهذا لأن الدالة وحيدة فإن $b(x)$ نهير جزء من $b(x)$ (طرسم)

من الحال $[0, +\infty]$ الحال $f(x)$ حاصل محو، المستقيم:

3) اعادة سد (ج) افر (سد (ج))



حل امتحان الثالثة

$$g(x) = 1 - (1-x)e^{1-x}$$

البرهان بالتعويذة لـ د. رضا

د. احمد تغيري لـ داللة

النهايات

$$\textcircled{0,28} \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} 1 - (1-x)^{\frac{x}{1-x}} = -\infty$$

$$\text{Q28} \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} 1 - e^{1-x} + \frac{x}{e^x} \times e = 1$$

$$g^1(x) = e^{1-x} + (1-x)e^{1-x}$$

لر فناه ای انجام داد

$$g'(x) = (x-x) e^{1-x}$$

لـ $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ إذا كانت $f(x) = g(x)$ لـ $x \neq 0$

و عمله ملائكة، و كانوا يخون كل مخلص

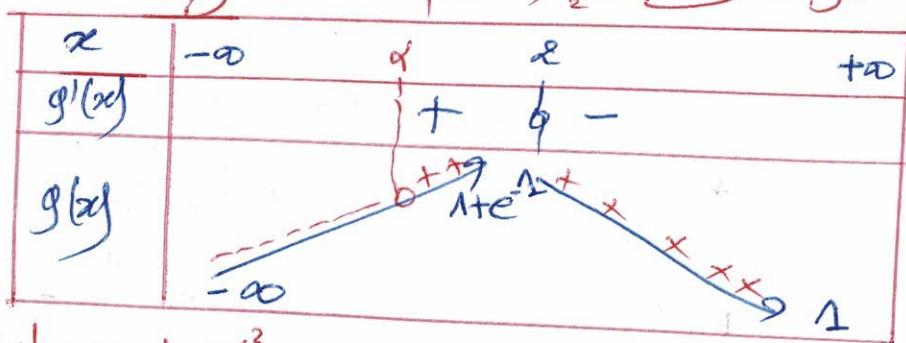
x	$-\infty$	2	$+\infty$
$g'(x)$	$+$	0	$-$

9128

استئناف ارجحه تقرير الـ ٢٠

الدالة و متريل معلم طحال [٨٥-٨٧] و متريل معلم طحال

0128



٤٢ | بيان عن طوارئة حفل حلو عيد اربعاء طلاقة g(x) = 0 فصل ٢٠

لدينا دالة وحسمت على المجال $[0, \infty)$ ونثبت على المجال $[0, 0.42; 0.44]$ أن $g(0.42) < g(0.44)$

وَهُنَّا هُنْسِعُونَ هُنْدَةٌ لِعَيْنٍ بَلْ وَسَطَةٌ الظَّاهِرَةُ مَوْلَى الْجَنَاحِينَ

$0,42 < \alpha < 0,44$ $\xrightarrow{\text{zu}}$ g'

امتحان 2. تفاضل وتكامل (٤)

(٠.٢٨)

x	$-\infty$	d	$+\infty$
$g(x)$	-	?	+

الجزء الثاني لـ $f(x) = x - xe^{1-x}$

$$\cdot \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) \quad \rightarrow \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) \text{ حساب (١)}$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} x \left(1 - e^{1-x}\right)^{-\infty} = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} x \left(1 - e^{1-x}\right)^{\frac{1}{x}} = +\infty$$

٤) اسمازه منجل $\Rightarrow x \in \mathbb{R}$ لـ $f(x) = x - xe^{1-x}$

$$f'(x) = 1 - e^{1-x} + xe^{1-x}$$

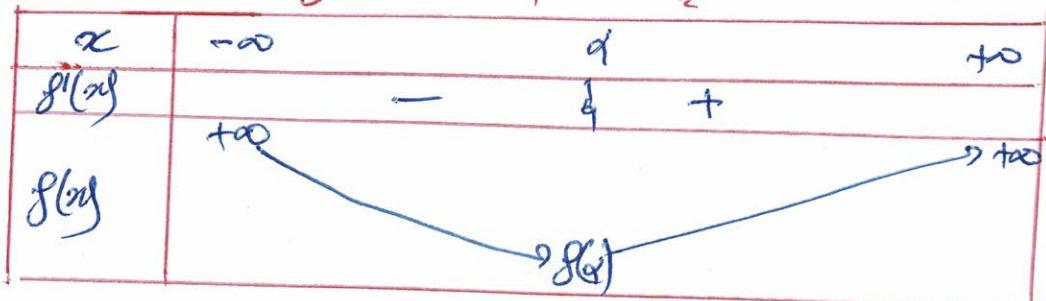
لـ $x \in \mathbb{R}$

$$f''(x) = 1 - (1-x)e^{1-x} = g(x)$$

وطاب كالله

مشكل درجات راقيرات دال

(٠.٢٨)



(٠.٨)

$$f(d) = d + 1 + \frac{1}{d-1} \quad \text{بيان ٣ (٤)}$$

$$e^{1-d} = \frac{+1}{1-d} \quad \underline{\underline{\text{لـ}}} \quad g(d) = 0 \rightarrow f(d) = d - d e^{1-d} \quad \text{لـ}$$

$$f(d) = d + \frac{d}{d-1}$$

$$\sin e^{1-d} = \frac{-1}{d-1} \quad \underline{\underline{\text{لـ}}}$$

$$f(d) = d + \frac{d-1+1}{d-1} = d + 1 + \frac{1}{d-1} \quad \sin$$

$$f(d) = d + 1 + \frac{1}{d-1} \quad \text{وحل كالله}$$

(٦)

اعطاءه حمل

0,18

$$\text{لدينا } 1,42 < a+1 < 1,44 \text{ في } 0,42 < a < 0,44$$

$$\text{و } -1,79 < \frac{1}{a-1} < -1,72 \text{ و منه } -0,58 < a-1 < -0,56$$

طبعاً ① و ② صرف طبع صرف حتى :

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x) - f(a)}{x - a} \quad \text{حيث أحسبنا دون حساب}$$

0,18

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x) - f(a)}{x - a} = f'(a) = g(a) = 0 \quad \text{لدينا}$$

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x) - f(a)}{x - a} = 0 \quad \text{و منه}$$

0,18

التصنيف ينبع من التدرجية

(P) نعم فهو زاول وهو الفاصل في لزوم ذات لفافاته

(3) أبيان أه (P) نعم لزوم اخلاف لفافاته لعنة اهدا شهادة

لدينا اصل $f(x) = g(x) + h(x)$ و منه $f''(x) = g''(x) + h''(x)$
وعليه انتلاقاً من معاشرة $h(x)$ و نستنتج أن لزوم ذات لفافاته

(P) $f''(x) = g''(x) + h''(x)$ لزوم اخلاف لـ (P)

0,18

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x-x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} -\frac{x}{e^x} = 0 \quad \text{لدينا}$$

و منه المترافق (P) صارب مائل (P) في جوار $+\infty$

0,18

لدينا $f(x) = e^{1-x} - x \geq 0$ لكافئ $x \geq 0$ و منه $e^{1-x} \geq x$

نلخص في جدول النهاية

x	$-\infty$	0	$+\infty$
$f(x)$	+	0	-
المعنى	أصل (P)	أصل (P)	أصل (P)

٤

٤) دليان $f(x)$ يقبل معاكساً (T) هو زنال (\bar{x}) بظل حداة معادلة له:
 $1 - (1-x) e^{1-x} = 1$ كاشف x ونوكاف e^{1-x} ونوكاف $1 - (1-x)$ ونوكاف e^{1-x} ونوكاف $1 - (1-x) e^{1-x}$

وعليه (f) يقبل معاكساً (T) هو زنال (\bar{x}) في لزوجة ذات لفافله \bar{x}

خطية $y = x - 1$

٥) أعيني لبيانات نقط تقاطع (f) مع حامل x بدلابانة

$1 - e^{1-x} = 0$ أو $x = 0$ كاشف $x(1 - e^{1-x}) = 0$ ونوكاف e^{1-x} ونوكاف $1 - e^{1-x}$

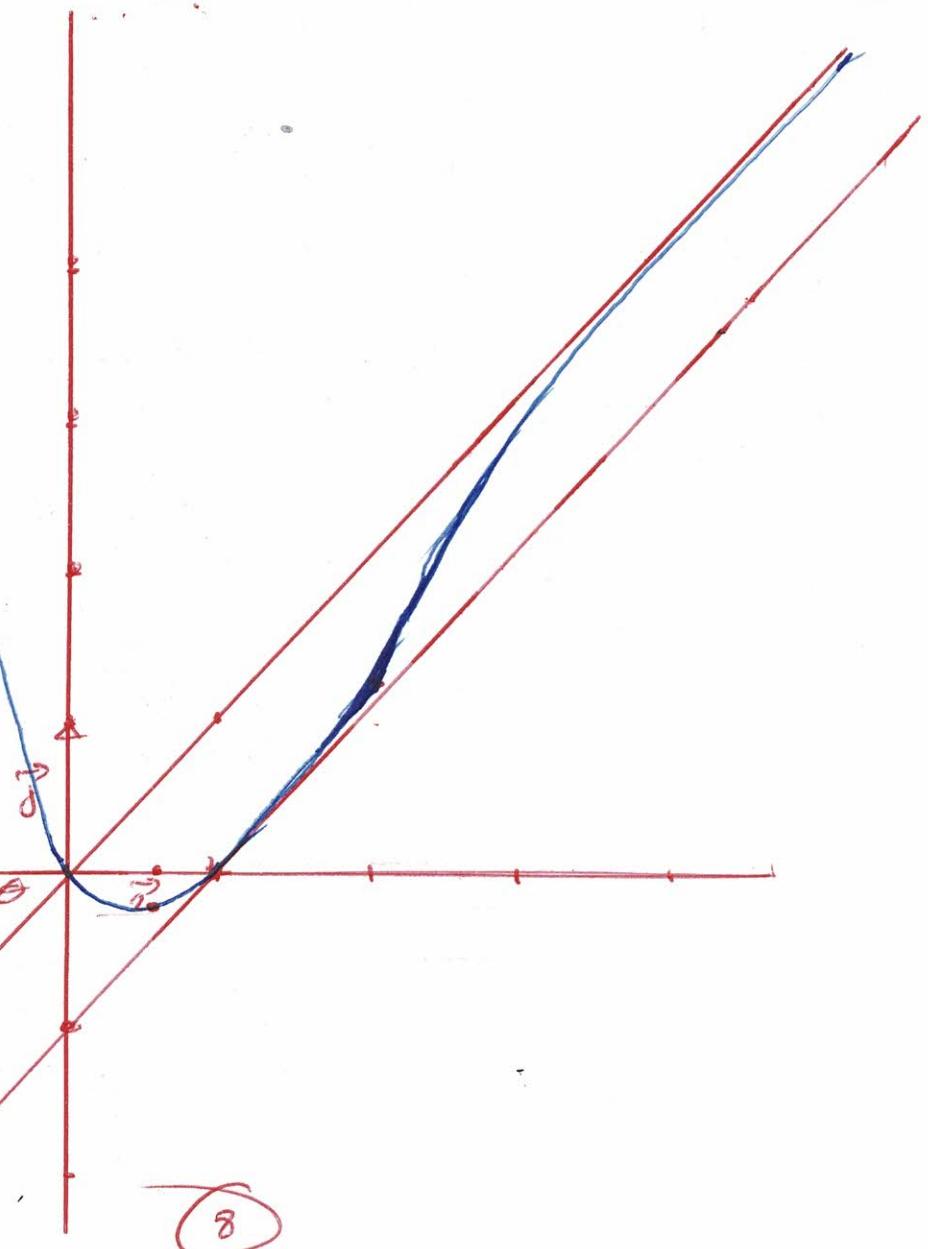
لدينا $x = 0$ ونوكاف e^{1-x} ونوكاف $1 - e^{1-x}$ ونوكاف e^0 صفا

$$(f) \cap (x=0) = \{(0;0); (1;0)\}$$

$(f) \cap (y=0) = \{(0;0)\}$ ونوكاف e^0 ونوكاف $1 - e^0$

٦) انشاء لرسن (f) و (T) في \mathbb{R}^2

(f)



٨

٥) أوجدن ببياناً غير لوسيط المقدمة m لـ $f(x) = x + m$

$f(x) = x + m$ يحصل على خطى حد ذاتى (محجنة).

٦) $f(x) \neq g(-x)$ لـ $f(x)$ معروفة على \mathbb{R} \Rightarrow انتظام تغير الدالة $f(x)$ دون تغيرها.

لدينا $f'(x) < 0$ كفاية وعند $x = -a$ $f'(-a) = -f'(a) > 0$ لذا $f'(x) > 0$ كفاية

$$x > -2 \quad \frac{15}{3} + x < 4$$

وعلیکم سلام و رحمة الله و برکاته

0.18

x	$-\infty$.	$-x$	$+\infty$
$b'(x)$	-	↑	+	

ومنه لا يتحقق ممتلكة على طحالب $(-\infty; -\alpha]$ وتحتاز لـ $[\alpha; +\infty)$ على طحالب

9