الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية وزارة التربية الوطنية

الموســـم الدّراسي : 2021 / 2022

مديّرية التّربية لولاية الجزائر غـــــرب

التَّاريـــــخ : 28 نوفمبر 2021 م

ثانويَّة الشَّهيد شريف صبَّاحي - عين النَّعجة -

المدّة: 02 سا 00 د

المستوى: نهائي الشُّعبة: رياضيات

إختيار الثلاثي الأول في مادّة الرياضيات

★ التّمرين الأوّل: (12 نقاط)

نعتبر الدّالة العدديّة f المعرّفة على $\mathbb R$ بـ:

$$\begin{cases} f(x) = -2\sqrt{1 - x|x|} & x \le 1 \\ f(x) = \ln(x + \sqrt{x^2 - 1}) & x > 1 \end{cases}$$

 $(O;ec{i};ec{j})$ مثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس C_f .

(1

- 1. بيّن أنّ f تقبل الإشتقاق عند 0 ، فسّر النّتيجة المحصّل عليها بيانيًا .
- 2. هل تقبل f الإشتقاق عند f فسّر النّتيجة المحصّل عليها بيانيًا .

(2

- . $f'(x) = \frac{2|x|}{\sqrt{1-x|x|}}$: فإنّ $x \in]-\infty;1[$ كل $f'(x) = \frac{2|x|}{\sqrt{1-x|x|}}$.1
 - . $f'(x) = \frac{1}{\sqrt{x^2 1}}$: فإِنّ $x \in]1; +\infty[$ كل $x \in]1; +\infty[$.2
- \mathbb{R} . \mathbb{R} على f'(x) على $\mathbb{R}-\{1\}$ على $\mathbb{R}-\{1\}$ على f'(x) على \mathbb{R}
 - 4. شكّل جدول تغيّرات الدّالة f

(3

.
$$(-\infty)$$
 بيّن أنّ المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y=2x$ مقارب مائل لـ (C_f) بجوار

.
$$\left[\frac{1}{2};+\infty\right[$$
 المعرّفة على $g(x)=\ln x+\ln 2$ المعرّفة على البياني للدّالة

$$(+\infty)$$
 بيّن أنّ (ϕ) منحنی مقارب له (C_f) بجوار $(+\infty)$ منحنی مقارب له $(4$

من أنّ
$$\left(C_f\right)$$
 يقبل مماسين $\left(T_1\right)$ و $\left(T_1\right)$ موازيين للمقارب $\left(\Delta\right)$ يطلب تعيين إحداثيات كل من نقطتي النّماس .

$$(T_2)$$
 و (T_1) . أكتب معادلة المستقيمين

$$\left(C_{f}
ight)$$
، $\left(arphi
ight)$ ، $\left(T_{2}
ight)$ ، $\left(T_{1}
ight)$ ، $\left(\Delta
ight)$ من فقة كلّ من $\left(\Delta
ight)$

★ التمرين الثّاني : (08 نقاط)

: نعتبر الدّالة f_n المعرّفة على $\mathbb R$ كما يلي

$$f_n(x) = x^{n+1} - 2x^n + 1$$

n بيّن أنّه من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم n

$$1 \le \frac{2n}{n+1} < 2$$

. المثّلة للدّالة f_n تشترك في ثلاث نقط يطلب تعيينها (C_n) المثّلة للدّالة f_n تشترك في ثلاث نقط يطلب تعيينها

. $\lim_{x\to +\infty} f_n(x)$ و $\lim_{x\to \infty} f_n(x)$ النّهايتين n النّهايتين (3

. أدرس تبعا لقيم n إِنِّجاه تغيّر الدّالة f_n ثـم شكّل جدول تغيّراتها 4

(5

.
$$\alpha \in \left[\frac{2n}{n+1}; 2\right]$$
 عقبل حلاً وحيدًا α عيث أن المعادلة $f_n(x) = 0$ عقبل حلاً وحيدًا α .1

. هل المعادلة $x^8 - 2x^7 + 1 = 0$ تقبل حلَّا في \mathbb{R} ؟ في حال الإجابة بنعم عين حصرا له .

إنتهى الموضوع