



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية  
وزارة التربية الوطنية  
مؤسسة التربية والتعليم الخاصة سليم

ETABLISSEMENT PRIVE D'EDUCATION ET D'ENSEIGNEMENT SALIM

www.ets-salim.com 021 87 10 51 021 87 16 89 Hai Galloul - bordj el-bahri alger

رخصة فتح رقم 1088 بتاريخ 30 جانفي 2011

خضيري- ابتدائي- متوسط - ثانوي

إعتماد رقم 67 بتاريخ 06 سبتمبر 2010

ديسمبر 2018

المستوى: الثالثة ثانوي (علوم تجريبية) 3ASS

المدة: 03سا00

امتحان الفصل الأول في مادة الرياضيات

### التمرين الأول (05ن):

اجب بصحيح أو خطأ مع تعليل الإجابة:

(1) إذا كانت  $f$  معرفة على  $IR^*$  بـ:  $f(x) = \frac{e^{4x} - e^x}{x}$  فإن  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 3$

(2) المعادلة  $e^{2x} + 3e^x + 2 = 0$  تقبل حلين متمايزين

(3) من اجل كل عدد حقيقي  $x$  يكون  $\ln(1+x^3)^2 = 2\ln(1+x^3)$

(4) نهاية الدالة  $f$  المعرفة بـ:  $f(x) = \frac{\sqrt{x+7}-3}{x^2-4}$  عند 2 هي (1 :  $\frac{2}{3}$  (2  $\frac{1}{6}$ )

(3)  $\frac{1}{24}$

(5) حلول المتراجحة  $e^{5-4x} \leq e^{x^2}$  في  $IR$  هي: (1  $]-\infty; -5]$  (2  $]-\infty; -5] \cup [1; +\infty[$  (3  $[-5; 1]$ )

### التمرين الثاني (08ن):

$f$  دالة معرفة على  $IR^*$  بـ:  $f(x) = -x + 1 + \frac{1}{e^{2x} - 1}$

(1) احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  ثم بين أن  $x=0$  معادلة مستقيم مقارب موازي لمحور الترتيب

(2) تحقق أن  $f(x) = -x + \frac{e^{2x}}{e^{2x} - 1}$  ثم استنتج أن المنحنى  $(C_f)$  يقبل مستقيمين مقاربين مائلين  $(\Delta)$

و  $(\Delta')$  معادلتها على الترتيب:  $y = -x$  و  $y = -x + 1$

(3) أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

4) بين أن  $W\left(0; \frac{1}{2}\right)$  مركز تناظر للمنحنى  $(C_f)$  و أن المنحنى  $(C_f)$  يقطع حامل محور الفواصل

في النقطة ذات الفاصلة  $\alpha$  حيث:  $1 < \alpha < 2$

5) أنشئ كل من  $(C_f)$  و  $(\Delta)$  و  $(\Delta')$

6) ناقش بيانها و حسب قيم الوسيط  $m$  عدد و إشارة حلول المعادلة:  $(1-m)(e^{2x} - 1) + 1 = 0$

### التمرين الثالث (07):

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $]0; +\infty[$  بـ:  $f(x) = 2 + \frac{a+b \ln(x)}{x}$  حيث  $b; a$  عدنان حقيقيان

و ليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد المتجانس  $(o; \vec{i}; \vec{j})$  حيث:

$$\|\vec{i}\| = \|\vec{j}\| = 2cm$$

1) عين العددين الحقيقيين  $b; a$  بحيث المنحنى  $(C_f)$  يقبل عند النقطة  $A(1; 3)$  مماسا موازيا لحامل

محور الفواصل

2) نضع  $a = b = 1$

احسب  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ثم فسر النتيجةين هندسيا

3) ادرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

4) بين أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث:  $0,23 < \alpha < 0,24$

5) ادرس الوضع النسبي للمنحنى  $(C_f)$  و المستقيم  $(D)$  ذو المعادلة  $y = 2$

6) أنشئ كل من  $(D)$  و  $(C_f)$

بالتوفيق

## التصحيح النموذجي 3ASS

### التمرين الاول:

اجب بصحيح او خطأ مع تعليل الاجابة:

(1) اذا كانت  $f$  معرفة على  $IR^*$  ب  $f(x) = \frac{e^{4x} - e^x}{x}$  فان  $\lim_{x \rightarrow 0^0} f(x) = 3$  صحيح

(2) المعادلة  $e^{2x} + 3e^x + 2 = 0$  تقبل حلين متمايزين خطأ

(3) من اجل كل عدد حقيقي  $x$  يكون  $\ln(1+x^3)^2 = 2\ln(1+x^3)$  صحيح

(4) نهاية الدالة  $f(x) = \frac{\sqrt{x+7}-3}{x^2-4}$  عند 2 هي  $\frac{1}{24}$  (3)

(5) حلول المتراجحة  $e^{5-4x} \leq e^{x^2}$  في  $IR$  هي

(1)  $]-\infty; -5]$  (2)  $]-\infty; -5] \cup [1; +\infty[$  (3)  $[-5; 1]$

### التمرين الثاني :

$f$  دالة معرفة على  $IR^*$  ب :  $f(x) = -x + 1 + \frac{1}{e^{2x} - 1}$

(1) احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$

لدينا  $\lim_{x \rightarrow 0^0} f(x) = +\infty$  اذن  $x = 0$  معادلة مستقيم مقارب موازي لمحور الترتيب

(2) تحقق ان  $f(x) = -x + \frac{e^{2x}}{e^{2x} - 1}$  ثم استنتج ان المنحنى  $(C_f)$  يقبل مستقيمين مقاربين مائلين  $(\Delta)$

و  $(\Delta')$  معادلتها على الترتيب  $y = -x$  و  $y = -x + 1$  :  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) - y = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{e^{2x}}{e^{2x} - 1} = 0$

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) - y = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{e^x - 1} = 0$

(3) ادرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

(4)  $W\left(0; \frac{1}{2}\right)$  مركز تناظر للمنحنى  $(C_f)$  و ان المنحنى  $(C_f)$  يقطع حامل محور الفواصل في النقطة

دات الفاصلة  $\alpha$  حيث:  $1 < \alpha < 2$

(5) أنشئ كل من  $(C_f)$  و  $(\Delta)$  و  $(\Delta')$

(6) ناقش بيانها و حسب قيم الوسيط  $m$  عدد و اشارة حلول المعادلة :  $(1-m)(e^x - 1) + 1 = 0$

$$f(x) = -x + m \text{ و منه}$$

### التمرين الثالث:

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $]0; +\infty[$  ب :  $f(x) = 2 + \frac{a+b \ln(x)}{x}$  حيث  $b; a$  عدنان حقيقيان و ليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوى المنسوب الى المعلم المتعامد المتجانس  $(o; \vec{i}; \vec{j})$  حيث :  $\|\vec{i}\| = \|\vec{j}\| = 2cm$

(1) ايجاد العددين الحقيقيين  $b; a$  بحيث المنحنى  $(C_f)$  يقبل عند النقطة  $A(1;3)$  مماسا موازيا لحامل

$$\text{محور الفواصل : } f'(1) = 0 \text{ و منه } a = b = 1$$
$$f(1) = 3$$

(2) نضع  $a = b = 1$

$$\text{حساب } \lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -\infty \text{ مستقيم مقارب موازي لمحور الترتيب معادلته } x = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2 \text{ مستقيم مقارب موازي لمحور الفواصل معادلته } y = 2$$

(3) ادرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها

(4) بين ان المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث :  $0,23 < \alpha < 0,24$

(5) ادرس الوضع النسبي للمنحنى  $(C_f)$  و المستقيم  $(D)$  دو المعادلة  $y = 2$

$$\text{لدينا : } f(x) - y = \frac{1 + \ln(x)}{x}$$

(6) أنشئ كل من  $(D)$  و  $(C_f)$