



## الفرض المرحوس الاول للفصل الثاني في مادة الرياضيات 2019/2018

الدقة و التنظيم تؤخذ  
بعين الاعتبار



الإجابة المقدمة تكون باحد اللونين الازرق او الاسود

سلم التقيط

التمرين الاول : (05 نقاط)

لتكن  $E$  المجموعة المعرفة بـ :  $E = \{0; 1; 2; 3; 4; 5\}$

باستعمال عناصر المجموعة  $E$

- 1 ماهو عدد الاعداد المؤلفة من 4 ارقام مختلفة
  - 2 ماهو عدد الاعداد المؤلفة من 4 ارقام مختلفة بحيث رقمه الاول على اليسار هو 3
  - 3 ماهو عدد الاعداد المؤلفة من ارقام 4 حيث تكون اكبر من او تساوي 4000
- ملاحظة : الاعداد التي رقمها الاول على اليسار هو 0 مثل 0423 ليست اعداد ذات 4 ارقام

التمرين الثاني : (07 نقاط)

تتكون مجموعة أشخاص من ثمانية رجال وأربع نساء من بينهم رجل واحد اسمه ابراهيم وامرأة واحدة اسمها فاطمة نريد تكوين لجنة مكونة من ثلاثة أعضاء لهم نفس المهام

- 1 أحسب احتمال كل حدث من الحوادث التالية :
  - « تكوين لجنة تضم 3 رجال  $B$  »
  - « تكوين لجنة تضم 3 رجال وامرأتين »
  - « تكوين لجنة تضم ابراهيم »
  - « تكوين لجنة تضم اما ابراهيم أو فاطمة »
- 2- عرف قانون الاحتمال للمتغير العشوائي  $X$  ثم احسب أمله الرياضي .

التمرين الثالث : (08 نقاط)

يحتوي كيس على 10 كرات متماثلة منها 4 سوداء و الباقي بيض نسحب من الصندوق 3 كرات في ان واحد

1- ماهو عدد الحالات الممكنة للحصول على

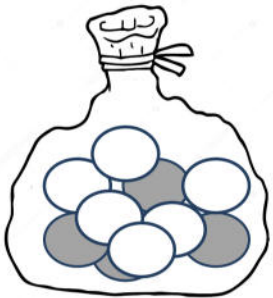
- (1) كرة بيضاء
- (2) كرة بيضاء على الاقل
- (3) 3 كرات ليست من نفس اللون

نضيف الى الكيس  $n$  كرة سوداء و  $n$  كرة بيضاء و نعتبر  $\alpha_n$  عدد الحالات

الممكنة لسحب كرتين من نفس اللون

2- اثبت انه من اجل كل عدد طبيعي  $n$  غير معدوم :  $\alpha_n = n^2 + 9n + 21$

3- كم نضيف من كرة حتى يكون :  $\alpha_n = 651$



استاذ المادة

عندما تشعر انك على وشك الاستسلام  
فكر في اولئك الذين يتمنون رؤيتك و انت فاشل



## نصحح الفرض المحروس الاول للفصل الثاني في مادة الرياضيات

مجزة مجموع

### حل التمرين الاول : (05 نقاط)

① عدد الاعداد المؤلفة من 4 ارقام مختلفة

عدد الاعداد المؤلفة من 4 ارقام مختلفة بما فيها الصفر من اليسار هو  $A_6^4 = 360$  : .....  
بينما عدد الاعداد المؤلفة من 4 ارقام مختلفة و التي يكون فيها الصفر يسارا هي :

.....  $A_1^1 \times A_5^3 = 60$

ومنه العد المطلوب هو  $A_6^4 - A_1^1 \times A_5^3 = 300$  : .....

② عدد الاعداد المؤلفة من 4 ارقام مختلفة بحيث رقمه الاول على اليسار هو 3

.....  $A_1^1 \times A_5^3 = 60$

③ عدد الاعداد المؤلفة من ارقام 4 حيث تكون اكبر من او تساوي 4000 هي الاعداد التي من الشكل او  $4□□□$  او  $5□□□$

ومنه  $1 \times 6^3 + 1 \times 6^3 = 432$  : .....

05

01

01

01

01

01



### حل التمرين الثاني : (07 نقاط)

① أحسب احتمال كل حدث من الحوادث التالية :

0.5

1- عدد الحالات الممكنة  $C_{12}^3 = 220$  : .....

01

الحادثة A عدد الحالات الملائمة  $C_8^3 = 56$  ومنه  $P(A) = \frac{14}{55}$  : .....

0.5

« B لجنة تضم رجل وامرأتين » عدد الحالات الملائمة  $C_8^1 \times C_4^2 = 48$  : .....

0.5

ومنه  $P(B) = \frac{12}{55}$  : .....

C « لجنة تضم ابراهيم »

0.5

عدد الحالات الملائمة  $C_1^1 \times C_{11}^2 = 55$  : .....

0.5

ومنه  $P(C) = \frac{1}{4}$  : .....

D « لجنة تضم اما ابراهيم أو فاطمة »

0.5

عدد الحالات الملائمة  $C_1^1 \times C_{10}^2 + C_1^1 \times C_{10}^2 = 90$  : .....

0.5

ومنه  $P(D) = \frac{9}{22}$  : .....

01

قيم المتغير العشوائي X 0 ; 1 ; 2 ; 3 : .....

01

② قانون الاحتمال للمتغير العشوائي X : .....

$x_i$	0	1	2	3
$P(X = x_i)$	$\frac{4}{220}$	$\frac{48}{220}$	$\frac{112}{220}$	$\frac{56}{220}$

0.5

حساب الامل الرياضياتي:

$$E(X) = \frac{48}{220} + \frac{224}{220} + \frac{168}{220} = 2$$

### حل التمرين الثالث : (08 نقاط)

① - عدد الحالات الممكنة للحصول على

01

(1) - كرة بيضاء :  $C_6^1 \times C_4^2 = 36$  .....

01

(2) - كرة بيضاء على الاقل :  $C_6^1 \times C_4^2 + C_6^2 \times C_4^1 + C_6^3 = 116$  .....

01

(3) - 3 كرات ليست من نفس اللون :  $C_{10}^3 - [C_6^3 + C_4^3] = 96$  .....

عندما نضيف الى الكيس  $n$  كرة سوداء و  $n$  كرة بيضاء

08

1.5

لدينا : عدد الحالات الممكنة لسحب كرتين من نفس اللون :  $\alpha_n = C_{n+6}^2 + C_{n+4}^2$  .....

01

ومنه  $\alpha_n = \frac{(n+6)(n+5)}{2} + \frac{(n+4)(n+3)}{2}$  ومنه :  $\alpha_n = n^2 + 9n + 21$  .....

01

② - لدينا :  $\alpha_n = 651$  معناه  $n^2 + 9n - 630 = 0$  .....

③ - كم نضيف من كرة حتى يكون :  $\alpha_n = 651$

01

ومنه :  $\Delta = 2601$  ..... أي :  $\sqrt{\Delta} = 51$  .....

01

بعد الحل نجد الحل المقبول :  $n = 21$  أي نضيف الى الكيس 42 كرية .....



مع اطيب الاماني .....

استاذ المادة .....