

ثانوية النور بنات، غرداية	 مدرسة النور القرآنية - بنات	جمعية النور، آت بنور
الأستاذ: عيسى مصطفى		الاختبار الأول في مادة الرياضيات
22 فيفري 2021		السنة الثالثة ثانوي علوم
المدّة: 03 ساعة		

### التمرين الأول:

نعتبر المتتالية  $(u_n)$  المعرفة على  $\mathbb{N}$  بـ: 
$$\begin{cases} u_0 = 0 \\ u_n = \sqrt{6u_n + 16} \end{cases}$$

$h$  الدالة المعرفة على المجال  $\left[-\frac{8}{3}; +\infty\right]$  كما يلي:  $h(x) = \sqrt{6x + 16}$  و  $(C)$  تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ ، و  $(\Delta)$  المستقيم ذو المعادلة  $y = x$ ، انظر الشكل الوثيقة المرفقة.

(1) - أ) مثل على محور الفواصل الحدود:  $u_0, u_1, u_2, u_3$  (دون حسابها موضحا خطوط الإنشاء)  
 ب) - ضع تخمينا حول اتجاه تغير  $(u_n)$  وتقاربها.

$$0 \leq u_n < 8$$

(2) - أ) برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :

$$u_{n+1} - u_n = \frac{(8-u_n)(u_n+2)}{\sqrt{6u_n+16}+u_n}$$

ب) - بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :

ج) - استنتج اتجاه تغير  $(u_n)$ .

$$0 < 8 - u_{n+1} \leq \frac{1}{2}(8 - u_n)$$

(3) - أ) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :

$$0 < 8 - u_n \leq 8 \left(\frac{1}{2}\right)^n$$

ب) - بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :

ج) - ثم استنتج  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$ .

### التمرين الثاني:

كيس يحوي 9 كرات لا نفرق بينها بالمس موزعة كمايلي:

خمس كريات حمراء مرقمة بـ 1، 1، 2، 2، 2 و ثلاث كريات خضراء مرقمة بـ 3، 2، 3 و كرية بيضاء مرقمة 1 .  
 نسحب عشوائيا 4 كرات في آن واحد.

(1) - أحسب احتمال الحوادث التالية:

A: الحصول على أربع كرات من نفس اللون.

B: الحصول على كرتين حمراوين.

C: الحصول على أربع كريات مجموع أرقامها معدوم.

(2) - ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يرفق بكل نتيجة سحب عدد الكريات الخضراء المسحوبة.

أ- عين قيم المتغير  $X$  العشوائي ثم عرف قانون احتمالته.

ب- أحسب الامل الرياضي  $E(X)$  للمتغير العشوائي  $X$ .

ج- أحسب احتمال الحادثة:  $(X^2 - X > 0)$ .

التمرين الثالث:

**I** الدالة العددية المعرفة على  $]0; +\infty[$  بـ:  $g(x) = x^3 - 1 + 2\ln(x)$

(1)- احسب  $\lim_{x \rightarrow 0^+} g(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ .

(2)- ادرس اتجاه تغير الدالة  $g$ ، ثم شكل جدول تغيراتها.

(3)- احسب  $g(1)$ ، ثم استنتج إشارة  $g(x)$ .

(4)- استنتج أنه من أجل  $x > 1$  فإن:  $\ln(x) > \frac{1-x^3}{2}$ .

**II** لتكن  $f$  الدالة المعرفة على  $]0; +\infty[$  بـ:  $f(x) = x - 1 - \frac{\ln x}{x^2}$  وليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوى المنسوب

إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .

(1)- احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ثم  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  وفسر النتيجة بيانياً.

(2)- أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $]0; +\infty[$ :  $f'(x) = \frac{g(x)}{x^3}$

ب- استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  وشكل جدول تغيراتها.

(3)- أ- أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - x)$  ثم استنتج أن بين  $(C_f)$  يقبل مستقيماً مقارب مائل  $(\Delta)$  يطلب تعيين معادلة له.

ب- أدرس وضعية  $(C_f)$  بالنسبة لـ  $(\Delta)$ .

(4)- بين أن  $(C_f)$  يقبل مماس وحيد  $(D)$  يوازي المستقيم  $(\Delta)$ ، ثم بين أن معادلته تكتب من الشكل  $y = x - 1 - \frac{1}{2e^1}$ .

(5)- ارسم كلا من  $(\Delta)$ ،  $(D)$  والمنحنى  $(C_f)$  (وحدة الرسم  $2\text{cm}$ ).

ناقش بيانياً حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة  $-\frac{\ln x}{x^2} = -m + 1$ .

**III** لتكن  $h$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}^*$  بـ:  $h(x) = -f(|x|)$

(1)- بين أن  $h$  الدالة زوجية.

(2)- بين كيف يمكن استنتاج المنحنى  $(C_h)$  انطلاقاً من المنحنى  $(C_f)$ ، (دون رسم  $(C_h)$ ).

