

ثانوية العقيد احمد بن عبد الرزاق
الشعبية: رياضيات
المدة: ساعتان 02
اليوم: 01/12/2019

**مديرية التربية لولاية وهران
امتحان الثلاثي الأول
المستوى : سنة ثالثة
اختبار في مادة : الرياضيات**

التمرين الأول : 04 نقاط

نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعروفة على \mathbb{N} كما يلي:

- ١٠ أ- احسب الحدود u_1, u_2, u_3 ثم برهن بالترابع أنه من أجل كل عدد طبيعي $n > 1$.
 ب- بين أن المتتالية (u_n) متناقصة تماما على \mathbb{N} .

جـ- بين أن المتتالية (u_n) متقاربة ، ثم استنتج نهايتها .

- 2/ نعتبر المتالية العددية (u_n) المعرفة على \mathbb{N} بـ:

- أـ. بين أن (v_n) متتالية هندسية يطلب تعين أساسها وحدتها الأولى v_0 .

بـ اكتب بدلالة n كلًا من v_n و u_n ، ثم احسب

احسب بدلالة n كلام من 3

التمرين الثاني : 08 نقاط

I / $g(x) = x^2 - 2x + \ln|x-1|$ دالة عدديّة معرفة على $\{1\} - \mathbb{R}$ بالشكل :

- 1- ادرس تغيرات الدالة g واحسب (0) و (2)

2- استنتاج اشارة (x) حسب قيم x .

$f(x) = x - 2 - \frac{\ln|x-1|}{x-1}$ دالة عددية معرفة على $\{1\} - \mathbb{R}$ بالشكل:

و (C) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس .

١- بين انه من اجل كل x من $\{1\} - \mathbb{R}$ فان : $f'(x) = \frac{g(x)}{(x-1)^2}$ ثم ادرس تغيرات الدالة f .

٢- بيان المنهج (C) يقبل مستقيمي مقاربين أحدهما مائل (Δ) يتطلب كتابة معادلة لكل منها.

3- ادرس وضعية المنحني (C) بالنسبة للمستقيم (Δ) .

٤- بين ان المنحني (C) يقل مماسين (T) و (T') موازين للمستقيم (Δ) يطلب كتابة معادلة لكل منهما.

٥- بين ان النقطة (C) تناظر للمنحة $(1;-1)$ سمرك

6- بين المخفة (C) بقى نقطة انعطاف يطلب تعينهما.

- 8 دالة معرفة على \mathbb{R}^* بالشكل $h(x) = x - \frac{\ln|x|}{x}$

بین ان (C_k) هو صورة (C) پانسحاب یطلب تعیینه.

التمرين الثالث: 08 نقاط

نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} بـ : $f(x) = (a - 2x)e^{2x} + b$ ، حيث a و b عددان حقيقيان تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعمد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ (وحدة الطول 2cm)

I. عين العددان الحقيقيان a و b حيث يتحقق الشرطان :

- حل للمعادلة التفاضلية : $y' - 2y = -2e^{2x}$

- (C_f) يقبل مماس موازي لمحور الفواصل عند النقطة ذات الفاصلة 0

نضع : $b = 0$ و $a = 1$ II

(1) أكتب عبارة $f(x)$ ، ثم أدرس تغيرات الدالة f وشكل جدول تغيراتها (حساب النهايات مطلوب)

(2) حل المعادلة $f(x) = 0$ ، ثم استنتج نقط تقاطع (C_f) مع محور الفواصل.

(3) احسب $f(1)$ ثم ارسم (C_f) .

. . $f(x) = f(m)$: نقش بياني حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد وإشارة حلول المعادلة ذات المجهول الحقيقي x

III. نسمي $f^{(n)}$ المشتقات المتتابعة للدالة f

(1) برهن بالترابع أنه من أجل كل عدد طبيعي n غير معروف :

(2) من أجل كل عدد طبيعي n غير معروف المنحني $(C_{f^{(n)}})$ الممثل للدالة $f^{(n)}$ حيث الدالة المشتقة من الرتبة n للدالة f يقبل مماساً موازي لمحور الفواصل في النقطة $M_n(x_n; y_n)$

أـ احسب بدلالة n كلاماً من x_n و y_n .

بـ ببين أن المتتالية (x_n) حسابية يتطلب تعين أساسها وحدتها الأولى ، ثم أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} x_n$.

جـ بين أن المتتالية (y_n) هندسية يتطلب تعين أساسها وحدتها الأولى ، ثم أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} y_n$.

انتهى...

☺ بال توفيق ☺

استاذ المادة يتمنى لكم النجاح في شهادة البكالوريا