

الموضوع الأول

التمرين 01: (04ن)

$(U_n)$  متتالية عددية معرفة بحددها الأول  $U_0$  وبالعلاقة:  $U_{n+1} = \frac{1}{2} U_n - 1$

-1 عين قيمة  $U_0$  حتى تكون المتتالية  $(U_n)$  ثابتة.

-2 نفرض  $U_0 = 6$ .

أ- أحسب  $U_1, U_2$ .

ب-  $(V_n)$  متتالية عددية معرفة من أجل كل عدد طبيعي  $n$  بالعلاقة  $V_n = \alpha U_n - 2$  حيث:

$\alpha \in R^*$ . عين قيمة  $\alpha$  حتى تكون المتتالية  $(V_n)$  هندسية.

ت- نضع  $\alpha = -1$ .

عبر بدلالة  $n$  عن كل من  $U_n, V_n$ .

أحسب بدلالة  $n$  المجموع  $S_n : S_n = U_0 + U_1 + \dots + U_n$

التمرين 02: (04ن)

في كل حالة مما يلي عين الإجابة الصحيحة من بين الإجابات أ، ب، ج المقترحة

ج	ب	أ	
$3 + \ln 2 - \frac{1}{2} \ln 3$	$3 + \ln 2 - 2 \ln 3$	$3 - \ln 2 + \frac{1}{2} \ln 3$	العدد $\ln\left(\frac{2.e^3}{\sqrt{3}}\right)$ يساوي
$1 - e^2$	$e^2 - 1$	$e^2 + 1$	حل المعادلة $\ln(x + 1) = 2$ هو
$\ln[2n(x - 1)]$	$\ln\left(\frac{2x}{x - 1}\right)$	$\ln\left(\frac{x^2}{x - 1}\right)$	العلاقة: $2 \ln x - \ln(x - 1)$ تساوي
$(x - 1) \ln 2$	$(2x + 1) \ln 2$	$(x + 1) \ln 2$	العدد $\ln(4^x) - \ln(2^{x-1})$ يساوي

التمرين 03: (03ن)

$f$  دالة معرفة بمجدول تغيراتها كما يلي:

$x$	$-\infty$	$-1$	$2$	$+\infty$
$f'(x)$		$\oplus$		$-$
$f(x)$		$4$	$0$	$-\infty$

Diagram showing a graph of  $f(x)$  with a peak at  $x = -1$  (value 4) and a root at  $x = 2$  (value 0). The function approaches  $-\infty$  as  $x \rightarrow +\infty$  and  $2$  as  $x \rightarrow -\infty$ .

1- عين مجموعة تعريف الدالة  $h$  حيث  $h(x) = \frac{1}{f(x)}$ .

2- أحسب نهاية الدالة  $h$  عند حدود مجال تعريفها.

3- استنتج إشارة  $f(x)$  ثم إشارة  $h(x)$ .

التمرين 04: (09ن)

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة  $R - \{-2, -1\}$  بـ:  $f(x) = \frac{3x^2+9x+7}{x^2+3x+2}$

(C) المنحنى الممثل للدالة  $f$  في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  الوحدة  $1cm$ .

1- عين الأعداد  $a, b, c$   $f(x) = a + \frac{b}{x+1} + \frac{c}{x+2}$ .

2- أحسب نهايات الدالة عند حدود مجموعة التعريف.

3- استنتج المستقيمات المقاربة للمنحنى (C).

4- (D) مستقيم معادلته  $y=3$ . أدرس وضعية (C) بالنسبة إلى (D).

5- أحسب  $f'(x)$  واستنتج تغيرات الدالة  $f$ . شكل جدل تغيرات  $f$ .

6- عين إحداثيات نقط تقاطع المنحنى (C) مع محور الفواصل.

7- استنتج الدالة الأصلية للدالة على المجال  $[-2, +\infty[$ .

8- أنشئ المنحنى (C) والمستقيمات المقاربة [الوحدة  $1cm$ ].

بالتوفيق

الصفحة 2/2