

**التمرين الأول: (06 نقاط)**

اختر الإجابة الصحيحة الوحيدة من بين الاقتراحات الثلاثة في كل حالة من الحالات الآتية مع التبرير:

الاقتراح - ج -	الاقتراح - ب -	الاقتراح - أ -	
$\frac{-22}{\sqrt{8}}$	13	-11	1. الحد الخامس من المتتالية $(U_n)_{n \geq 2}$ المعرفة كما يلي: $U_n = \frac{-n^2 + 3}{\sqrt{n+3}}$ يساوي:
ثابتة	متناقصة تماما	متزايدة تماما	2. المتتالية $(V_n)$ المعرفة كما يلي: $V_n = \frac{3^{n+2}}{4^{n-1}}$
$U_{2n-1} = 4n^2 - 8n + 3$	$U_{2n-1} = 2n^2 - 8n + 3$	$U_{2n-1} = 4n^2 - 4n + 3$	3. إذا كان $U_n = n^2 - 2n$ فإن:
-1	5	0	4. النهاية $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x^2 + x - 3}{x - 1}$ تساوي
$y = 3$	$x = -3$	$y = -3$	5. التمثيل البياني للدالة $g(x) = \frac{5-3x^2}{x^2+4x-2x^2}$ يقبل مستقيم مقارب أفقي عند $(-\infty)$ و $(+\infty)$ معادلته:
12	0	$+\infty$	6. النهاية $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 + x - 2}{\sqrt{x+3} - 2}$ تساوي

**التمرين الثاني: (06 نقاط)**

I.  $ABC$  مثلث كفي من المستوي،  $I$  منتصف القطعة  $[AB]$  و  $J$  نظيرة  $I$  بالنسبة إلى  $B$ ،  $m$  عدد حقيقي،  $G_m$  مرجح الجملة المثقلة  $\{(A, m-1); (B, 2m-3)\}$

- (1) عين قيم  $m$  بحيث تكون  $G_m$  موجودة
- (2) عين قيم  $m$  بحيث تكون  $G_m$  منطبقة على  $I$
- (3) عين قيم  $m$  بحيث تكون  $G_m$  منطبقة على  $J$

II.  $ABC$  مثلث قائم ومتساوي الساقين في  $A$  حيث:  $AB = AC = 4cm$ .

1. أنشئ النقطة  $G$  مرجح الجملة  $\{(A, 2); (B, 1); (C, 1)\}$ .
2. لتكن  $M$  نقطة كيفية من المستوي.
  - أ- عبر عن الشعاع  $\overrightarrow{MG}$  بدلالة الشعاع  $2\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}$
  - ب- بين أنه يمكن كتابة الشعاع  $\overrightarrow{v} = -2\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}$  على الشكل  $\overrightarrow{v} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$
  - ج- أنشئ النقطة  $D$  المعرفة بـ:  $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{v}$
  - د- أحسب  $AD$  و  $AG$  بالسنتيمتر

➤ دالة معرفة على  $\mathbb{R} - \{-1; 1\}$  كما يلي:  $f(x) = \frac{x^3 - 4x}{x^2 - 1}$  ،  $(C_f)$  تمثيلها البياني على معلم متعامد ومتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

1. أحسب نهايات الدالة  $f$  عند أطراف مجموعة تعريفها، ثم استنتج المستقيمات المقاربة العمودية -إن وجدت-
2. أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها
3. عين العددين  $a$  و  $b$  بحيث من أجل كل  $x$  من  $D_f$  فإن:  $f(x) = ax + \frac{bx}{x^2 - 1}$
4. بين أن المستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $y = x$  مستقيم مقارب مائل للمنحنى  $(C_f)$  عند  $(+\infty)$  و  $(-\infty)$
5. أدرس الوضعية النسبية بين  $(C_f)$  و  $(\Delta)$
6. عين معادلة مماس  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 0
7. بين أن النقطة  $O(0;0)$  مركز تناظر للمنحنى  $(C_f)$
8. أحسب نقط تقاطع  $(C_f)$  مع محوري الإحداثيات (محور الفواصل، محور الترتيب).
9. على المعلم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  أنشئ المستقيمات المقاربة، ثم بالاعتماد على ما سبق أنشئ  $(C_f)$ .

✓ سؤال إضافي(1ن): ناقش بيانيا حسب قيم العدد الحقيقي  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة  $f(x) = m$